

隐马尔可夫模型

邵研 2023年9月18日

个人介绍



邵研

- 高级工程师, 之江实验室工程专家
- 2008.09 2012.07 北京大学 中国语言文学系应用语言学
- 2012.09 2014.09 乌普萨拉大学 Language Technology
- 2014.11 2018.06 乌普萨拉大学 Computational Linguistic
- 2018.8 2022.5 阿里巴巴达摩院算法专家
- 主要研究方向包括对话系统、基础自然语言处理、多语言处理、知识工程等。
- 邮箱∶ yan.shao@zhejianglab.com



- 课程总览
- 自然语言处理中的机器学习
- 自然语言处理基础技术
- 自然语言处理应用
- 自然语言处理前沿技术



- 课程总览
- 自然语言处理中的机器学习
- 自然语言处理基础技术
- 自然语言处理应用
- 自然语言处理前沿技术



- 自然语言处理中的机器学习
 - 隐马尔可夫模型
 - 线性模型
 - 对数线性模型
 - 神经网络
 - 图模型
 - 强化学习



• 自然语言处理中的机器学习

- 隐马尔可夫模型
- 线性模型
- 对数线性模型
- 神经网络
- 图模型
- 强化学习

统计机器学习

深度学习

参考书目和材料



- 《Speech and Language Processing: An Introduction to Natural Language Processing, Computational Linguistics and Speech Recognition》
 - -Daniel Jurafsky, James H. Martin
- 《Machine Learning Yearning》 Andrew Ng
- 《深度学习和神经网络》-邱锡鹏
- 《深度学习进阶: 自然语言处理》-斋藤康毅
- 《自然语言处理:基于预训练模型的方法》-车万祥,郭江,崔一鸣
- 《自然语言处理》-张岳
- https://www.icourse163.org/course/0809WE001-1466082193



- 自然语言处理中的机器学习
 - 隐马尔可夫模型
 - 线性模型
 - 对数线性模型
 - 神经网络
 - 图模型
 - 强化学习



目 录

- 一、HMM介绍
- 二、Viterbi算法
- 三、最大似然法
- 四、NLP应用实例



目 录

- 一、HMM介绍
- 二、Viterbi算法
- 三、最大似然法
- 四、NLP应用实例



B 1 B 2 B 3



B 2 B 1 B 3

假设从每一个箱子拿球的概率相同,现在有一 只是红球,最可能是从哪个箱子里拿出来的?

B 1

B 2

B 3



















- · 假设从每一个箱子拿球的概率相同,现在有一只是红球,最可能是从哪个箱子里拿出来的?
- B1: $\frac{1}{3}$
- **B2**: $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$
- **B3**: $\frac{0}{2}$

B 1

В2

B 3





















- B1: $\frac{1}{3} \times \frac{1}{3}$
- **B2**: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}$
- **B3**: $\frac{0}{2} \times \frac{1}{3}$

B 1

B 2

В3



	B1	B 2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3



















- · 按照给定选择箱子的概率,现在有一只是红球,最可能是从哪个箱子里拿出来的?
- B1: $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$
- **B2**: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{12}$
- **B3**: $\frac{0}{2} \times \frac{1}{3} = 0$



B 1

B 2



	B1	B 2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3
B1	1/3	1/3	1/3
B2	1/3	1/3	1/3
В3	1/3	1/3	1/3











• B1,B1:
$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{54}$$
 B1,B2: $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{72}$

B1,B2:
$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{72}$$

• **B2,B1**:
$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{108}$$
 B2,B2: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{144}$

B2,B2:
$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{144}$$

• B1,B3:
$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{36}$$
 B2,B3: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{72}$

B2,B3:
$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{72}$$

(与B3相关的其他序列概率是0,这里就不算了)



B 1

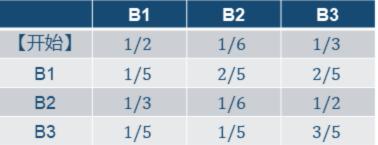
B 2

B 3









按照给定选择箱子的概率,现在有一只红、绿球的序列, 最可能是从哪些箱子里拿出来的?



• B1,B1:
$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{75}$$
 B1,B2: $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{60}$

• **B2,B1**:
$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{108}$$
 B2,B2: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{288}$

• B1,B3:
$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{30}$$
 B2,B3: $\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{48}$



В1

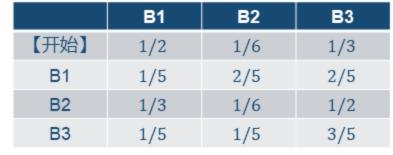
B 2

В3



























- 按照给定选择箱子的概率,现在有一只红、绿、黄球的序列, 最可能是从哪些箱子里拿出来的?
- B1,B1,B1 B1,B1,B2 B1,B1,B3 B1,B2,B1 B1,B2,B2 B1,B2,B3
- B1,B3,B1 B1,B3,B2 B1,B3,B3 B2,B1,B1 B2,B1,B2 B2,B1,B3
- B2,B2,B1 B2,B2,B2 B2,B2,B3 B2,B3,B1 B2,B3,B2 B2,B3,B1
- (B3,B1,B1 B3,B1,B2 B3,B1,B3 B3,B2,B1 B3,B2,B2 B3,B2,B3
- B3,B3,B1 B3,B3,B2 B3,B3,B1)



B 1

B 2

В3



















	B1	B2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3
B1	1/5	2/5	2/5
B2	1/3	1/6	1/2
B3	1/5	1/5	3/5

B1,B1,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1350}$
B1,B1,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{900}$
B1,B2,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{540}$
B1,B2,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{1440}$
B2,B1,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1620}$
B2,B1,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{1080}$
B2,B2,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{2592}$
B2,B2,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{6912}$





•••••

	B1	B 2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3
B1	1/5	2/5	2/5
B2	1/3	1/6	1/2
В3	1/5	1/5	3/5

B 1

B 2

В3







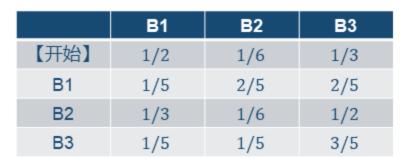












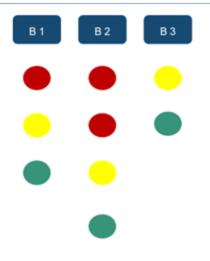
B1,B1,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1350}$
B1,B1,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{900}$
B1,B2,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{540}$
B1,B2,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{1440}$
B2,B1,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1620}$
B2,B1,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{1080}$
B2,B2,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{2592}$
B2,B2,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{6912}$



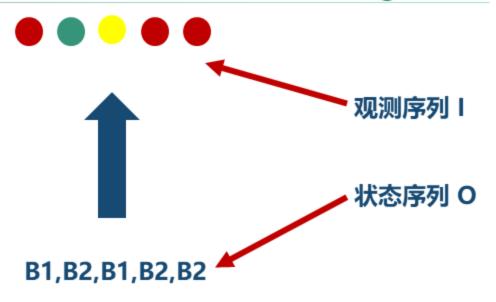
基本概念

隐马尔科夫模型是关于**时序的概率模型**,描述由一个**隐藏的马尔科夫链随机生成不可观测的状态随机序列**,再由各个状态生成一个观测从而产生观测随机序列的过程,隐藏的马尔科夫链随机生成的状态的序列,称为**状态序列**;每个状态生成一个规则,而由此产生的观测的随机序列称为**观测序列**。序列的每一个位置又可以看作是一个时刻。





	B1	B2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3
B1	1/5	2/5	2/5
B2	1/3	1/6	1/2
В3	1/5	1/5	3/5





HMM 的形式定义如下:

· 状态集合Q和观测集合V:

$$Q = \{q_1, q_2, \cdots, q_N\}, \ V = \{v_1, v_2, \cdots, v_M\}$$

- Q-> {B1, B2, B3}
- ・ V-> {红, 绿, 黄}
- · I是长度为 T的状态序列, O是对应的观测序列

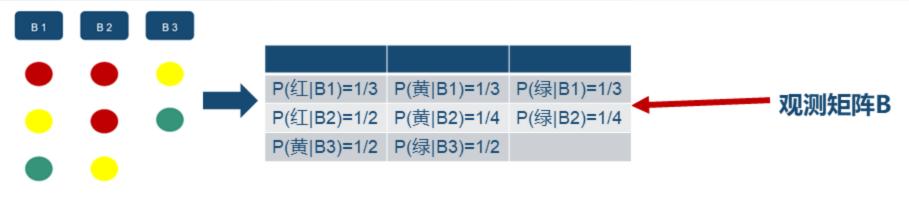
$$I = (i_1, i_2, \cdots, i_T), \ O = (o_1, o_2, \cdots, o_T)$$

· A是状态转移矩阵, B是观测矩阵 (发射概率、生成概率)

$$A = [a_{ij}]_{N \times N} \hspace{5mm} B = [b_j(k)]_{N \times M}$$

$$b_j(k) = P(o_t = v_k | i_t = q_j), \; k = 1, 2, \cdots, M; \; j = 1, 2, \cdots, N$$





	B1	B 2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3
B1	1/5	2/5	2/5
B2	1/3	1/6	1/2
В3	1/5	1/5	3/5





一阶隐马尔可夫模型:

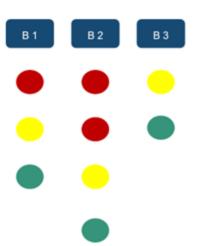
 即假设隐藏的马尔科夫链在任意时刻 t的状态只依赖于前一时刻t-1的状态,与其他时刻的状态 及观测无关,与业余时刻无关:

$$P(i_t|i_{t-1},o_{t-1},\cdots,i_1,o_1)=P(i_t|i_{t-1}),\ t=1,2,\cdots,T$$

- 观测独立性假设,即假设任意时刻的观测只依赖于该时刻的马尔科夫链的状态,与其他观测以状态无关。
- 高阶隐马尔可夫模型:



利用нмм进行概率计算:

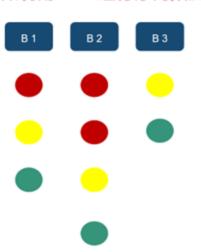


	B1	B 2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3
B1	1/5	2/5	2/5
B2	1/3	1/6	1/2
В3	1/5	1/5	3/5

B1,B1,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1350}$
B1,B1,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{900}$
B1,B2,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{540}$
B1,B2,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{1440}$
B2,B1,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1620}$
B2,B1,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{1080}$
B2,B2,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{2592}$
B2,B2,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{6912}$



怎么才能有效利用HMM进行序列预测呢?



	B1	B 2	B 3
【开始】	1/2	1/6	1/3
B1	1/5	2/5	2/5
B2	1/3	1/6	1/2
В3	1/5	1/5	3/5

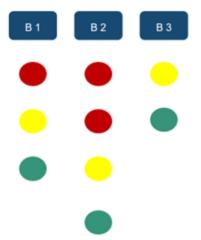
B1,B1,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1350}$
B1,B1,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{900}$
B1,B2,B1	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{540}$
B1,B2,B2	$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{1440}$
B2,B1,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{1620}$
B2,B1,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{1080}$
B2,B2,B1	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{2592}$
B2,B2,B2	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{6912}$



目 录

- 一、HMM介绍
- 二、Viterbi算法
- 三、最大似然法
- 四、NLP应用实例





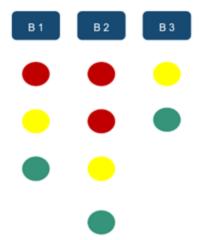
	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

[开始]			[结束]



	Т0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1					
Max(B2)	1					
Max(B3)	1					



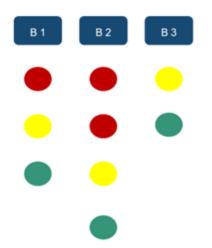


	B1	B2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3



	T O	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1					
Max(B2)	1					
Max(B3)	1					



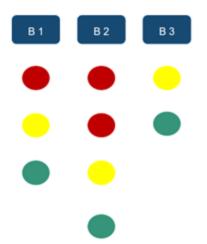


	B1	B2	В3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3



	_					
	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	1/3*1/2				
Max(B2)	1	1/4*1/4				
Max(B3)	1	1/2*1/4				





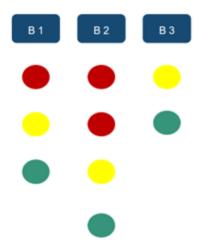
	B1	B2	В3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3





	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]				
Max(B2)	1	0.0625 [S]				
Max(B3)	1	0.1250 [S]				





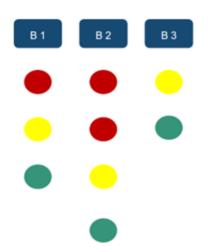
	B1	B2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3





	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]				
Max(B2)	1	0.0625 [S]				
Max(B3)	1	0.1250 [S]				





	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

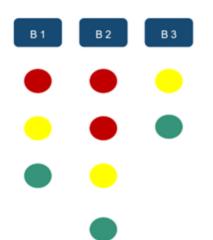
[开始]					[结束]
------	--	--	--	--	------



	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]				
Max(B2)	1	0.0625 [S]				
Max(B3)	1	0.1250 [S]				

- T2 B1:
- B1 -> : 0.1667 * 1/3 * 1/5 = 0.01111
- B2 -> : 0.0625 * 1/3 * 1/3 = 0.0006944
- B3 -> : 0.1250 * 1/3 * 1/5 = 0.00833





	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

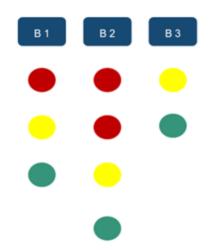
[开始]					[结束]
------	--	--	--	--	------



	T 0	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1			
Max(B2)	1	0.0625 [S]				
Max(B3)	1	0.1250 [S]				

- T2 B1:
- B1 -> : 0.1667 * 1/3 * 1/5 = 0.01111
- B2 -> : 0.0625 * 1/3 * 1/3 = 0.0006944
- B3 -> : 0.1250 * 1/3 * 1/5 = 0.00833





	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

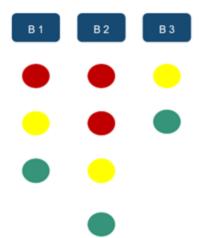
[开始]		[结束]
------	--	------



	T 0	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1			
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1			
Max(B3)	1	0.1250 [S]				

- T2 B2:
- B1 -> : 0.1667 * 1/4 * 2/5 = 0.01667
- B2 -> : 0.0625 * 1/4 * 1/6 = 0.0002604
- B3 -> : 0.1250 * 1/4 * 1/5 = 0.00625





	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

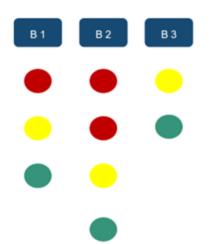
[开始]		[结束]
------	--	------



	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1			
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1			
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3			

- T2 B3:
- B1 -> : 0.1667 * 1/2 * 2/5 = 0.03334
- B2 -> : 0.0625 * 1/2 * 1/2 = 0.01563
- B3 -> : 0.1250 * 1/2 * 3/5 = 0.0375





	B1	B2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

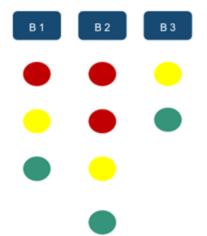
[开始]		[结束]
------	--	------



	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3		
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1			
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3			

- T3 B1:
- B1 -> : 0.0111 * 1/3 * 1/5 = 0.00074
- B2 -> : 0.0166 * 1/3 * 1/3 = 0.00184
- B3 -> : 0.0375 * 1/3 * 1/5 = 0.0025





	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

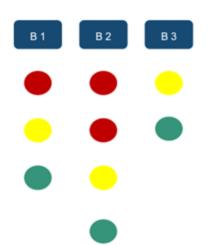
[开始]			[结束]



	T 0	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3		
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3		
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3			

- T3 B2:
- B1 -> : 0.0111 * 1/2 * 2/5 = 0.00111
- B2 -> : 0.0166 * 1/2 * 1/6 = 0.00092
- B3 -> : 0.0375 * 1/2 * 1/5 = 0.00375





	B1	B2	B 3
【开始】	1/2	1/4	1/4
B1	1/5	2/5	2/5
B2	1/3	1/6	1/2
В3	1/5	1/5	3/5

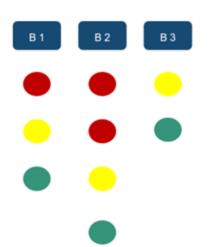




	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3		
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3		
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3	0 -		

- T3 B3:
- B1 -> : 0.0111 * 0/2 * 2/5 = 0
- B2 -> : 0.0166 * 0/2 * 1/2 = 0
- B3 -> : 0.0375 * 0/2 * 3/5 = 0





	B1	B 2	В3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

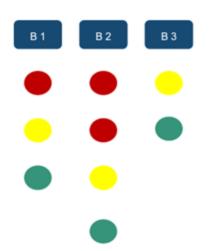




	T 0	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3		
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3	0 -		

- T4 B1:
- B1 -> : 0.0025 * 1/3 * 1/5 = 0.0001667
- B2 -> : 0.00375 * 1/3 * 1/3 = 0.0004167
- B3 -> : 0.0 * 1/3 * 1/5 = 0



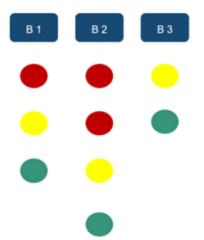


	B1	B2	В3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3



	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3	0 -	0.00047 B1	





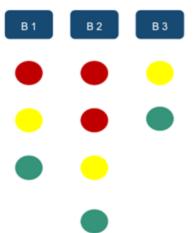
	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3





	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	0.00010 B2
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	0.00011 B1
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3	0 -	0.00047 B1	0.00015 B1





	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

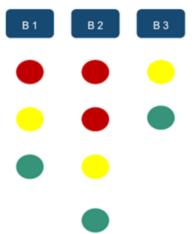
rTT6A1			-4±±-
[开始]			[结束]

_	

	T O	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	0.00010 B1
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	0.00011 B2
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3	0 -	0.00047 B1	0.00015 B3

B3





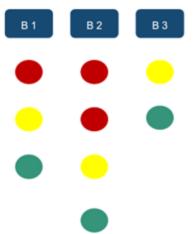
	B1	B2	В3	【结束】					
【开始】	1/2	1/4	1/4	0					
B1	1/5	2/5	2/5	1/3					
B2	1/3	1/6	1/2	1/3					
В3	1/5	1/5	3/5	1/3					

[开始]			[结束]
		•	

	T 0	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	0.00010 B1
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	0.00011 B2
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3	0 -	0.00047 B1	0.00015 B3

B3





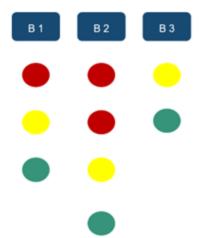
	B1	B 2	B 3	【结束】					
【开始】	1/2	1/4	1/4	0					
B1	1/5	2/5	2/5	1/3					
B2	1/3	1/6	1/2	1/3					
В3	1/5	1/5	3/5	1/3					

[开始]			[结束]

	T 0	T1	T 2	Т3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	0.00010 B1
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	0.00011 B2
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B3	0 -	0.00047 B1	0.00015 B3

B1 B3





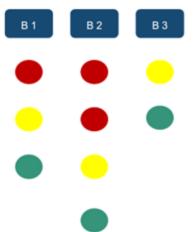
	B1	B2	В3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

[开始]			[结束]

	T O	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	0.00010 B1
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	0.00011 B2
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B 3	0 -	0.00047 B1	0.00015 B 3

B3 B1 B3





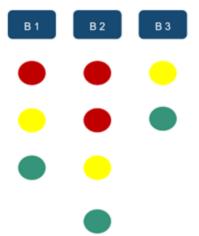
	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

[开始]			[结束]

	T 0	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	0.00010 B1
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	0.00011 B2
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B 3	0 -	0.00047 B1	0.00015 B3

B3 B3 B1 B3





	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3

[开始] 🛑 🛑 🛑 [结9	[开始]					[结束
----------------	------	--	--	--	--	-----



	T 0	T1	T 2	T 3	T4	【结束】
Max(B1)	1	0.1667 [S]	0.0111 B1	0.0025 B3	0.00031 B2	0.00010 B1
Max(B2)	1	0.0625 [S]	0.0166 B1	0.00375 B3	0.00033 B1	0.00011 B2
Max(B3)	1	0.1250 [S]	0.0375 B 3	0 -	0.00047 B1	0.00015 B3

B3 B3 B1 B3



数学表示:

$$V_{1,k} = P(y_1 \mid k) \cdot \pi_k$$

 $V_{t,k} = P(y_t \mid k) \cdot \max_{x \in S} (a_{x,k} \cdot V_{t-1,x})$

$$egin{array}{lcl} x_T &=& rg \max_{x \in S}(V_{T,x}) \ x_{t-1} &=& \operatorname{Ptr}(x_t,t) \end{array}$$

时间复杂度:
$$O(T \times |S|^2)$$



小技巧:

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \approx 5.48 \times 10^{-7}$$



$$\log \frac{1}{3} + \log \frac{1}{2} + \log \frac{1}{3} + \log \frac{1}{5} + \log \frac{1}{3} + \log \frac{1}{5} + \log \frac{1}{5} + \log \frac{1}{3} + \log \frac{1}{2} + \log \frac{1}{3} + \log \frac{1}{5} + \log \frac{1}{3} + \log \frac{1}{5} \approx -5.17146$$

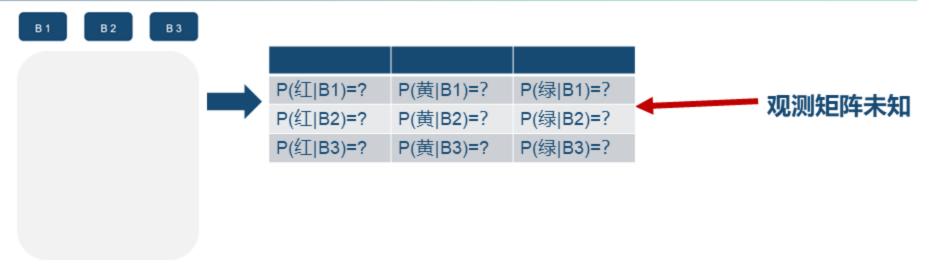




	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	1/2	1/4	1/4	0
B1	1/5	2/5	2/5	1/3
B2	1/3	1/6	1/2	1/3
В3	1/5	1/5	3/5	1/3







	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	?	?	?	?
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?



HMM介绍



一阶隐马尔可夫模型:

即假设隐藏的马尔科夫链在任意时刻 t的状态只依赖于前一时刻t-1的状态,与其他时刻的状态 及观测无关,与业余时刻无关:

$$P(i_t|i_{t-1},o_{t-1},\cdots,i_1,o_1)=P(i_t|i_{t-1}),\ t=1,2,\cdots,T$$

- 观测独立性假设,即假设任意时刻的观测只依赖于该时刻的马尔科夫链的状态,与其他观测以状态无关。
- 高阶隐马尔可夫模型:



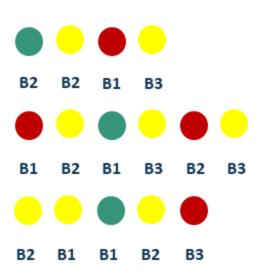
目 录

- 一、HMM介绍
- 二、Viterbi算法
- 三、最大似然法
- 四、NLP应用实例



P(红 B1)=?	P(黄 B1)=?	P(绿 B1)=?
P(红 B2)=?	P(黄 B2)=?	P(绿 B2)=?
P(红 B3)=?	P(黄 B3)=?	P(绿 B3)=?

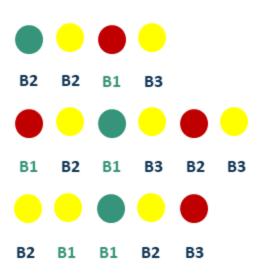
	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	?	?	?	?
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?





P(红 B1)=?	P(黄 B1)=?	P(绿 B1)=?
P(红 B2)=?	P(黄 B2)=?	P(绿 B2)=?
P(红 B3)=?	P(黄 B3)=?	P(绿 B3)=?

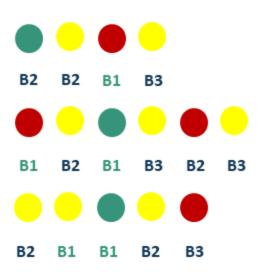
	B1	B2	B 3	【结束】
【开始】	?	?	?	?
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?





P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=?	P(黄 B2)=?	P(绿 B2)=?
P(红 B3)=?	P(黄 B3)=?	P(绿 B3)=?

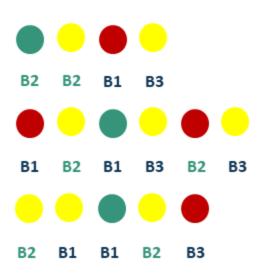
	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	?	?	?	?
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?





P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=?	P(黄 B3)=?	P(绿 B3)=?

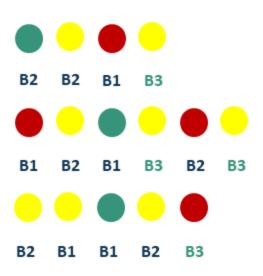
	B1	B2	B 3	【结束】
【开始】	?	?	?	?
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?





P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

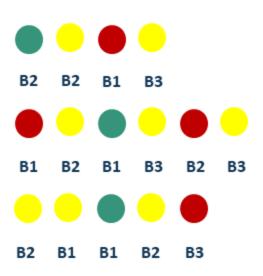
	B1	B 2	B 3	【结束】
【开始】	?	?	?	?
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?





P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

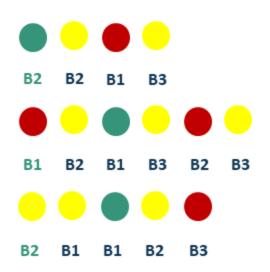
	B1	B2	B 3	【结束】
【开始】	?	?	?	?
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?





P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

	B1	B2	B 3	【结束】
【开始】	1/3	2/3	0/3	0
B1	?	?	?	?
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?

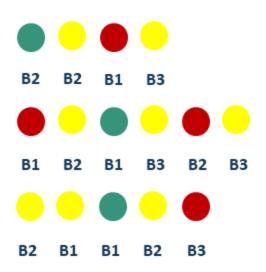


- Count ([开始])=3
- Count ([开始], B1)=1
- Count ([开始], B2)=2
- Count ([开始], B3)=0



P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

	B1	B2	B 3	【结尾】
【开始】	1/3	2/3	0/3	0
B1	1/5	2/5	2/5	0/5
B2	?	?	?	?
В3	?	?	?	?

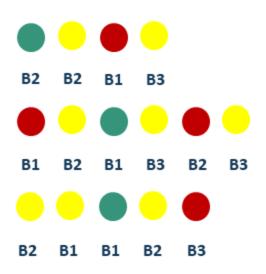


- Count (B1)=5
- Count (B1, B1)=1
- Count (B1, B2)=2
- Count (B1, B3)=2
- Count (B1,[结束])=0



P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

	B1	B2	B 3	【结尾】
【开始】	1/3	2/3	0/3	0
B1	1/5	2/5	2/5	0/5
B2	3/6	1/6	2/6	0/6
В3	?	?	?	?

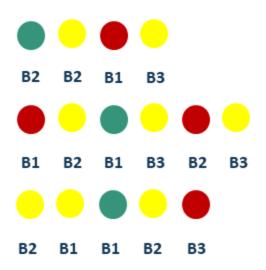


- Count (B2)=6
- Count (B2, B1)=3
- Count (B2, B2)=1
- Count (B2, B3)=2
- Count (B2,[结束])=0



P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

	B1	B 2	B 3	【结尾】
【开始】	1/3	2/3	0/3	0
B1	1/5	2/5	2/5	0/5
B2	3/6	1/6	2/6	0/6
В3	0/4	1/4	0/4	3/4

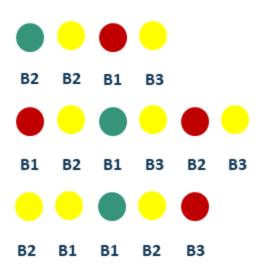


- Count (B3)=4
- Count (B3, B1)=0
- Count (B3, B2)=1
- Count (B3, B3)=0
- Count (B3,[结束])=3



P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

	B1	B2	B 3	【结尾】
【开始】	1/3	2/3	0/3	0
B1	1/5	2/5	2/5	0/5
B2	3/6	1/6	2/6	0/6
В3	0/4	1/4	0/4	3/4





小技巧 (统计平滑, smoothing):

P(红 B1)=2/5	P(黄 B1)=1/5	P(绿 B1)=2/5
P(红 B2)=1/6	P(黄 B2)=4/6	P(绿 B2)=1/6
P(红 B3)=1/4	P(黄 B3)=3/4	P(绿 B3)=0/4

	B1	B2	B 3	【结尾】
【开始】	1/3	2/3	0/3	0/3
B1	1/5	2/5	2/5	0/5
B2	3/6	1/6	2/6	0/6
В3	0/4	1/4	0/4	3/4



小技巧 (统计平滑, smoothing):

P(红 B1)=(2+1)/(5+3)	P(黄 B1)=(1+1)/(5+3)	P(绿 B1)=(2+1)/(5+3)
P(红 B2)=(1+1)/(6+3)	P(黄 B2)=(4+1)/(6+3)	P(绿 B2)=(1+1)/(6+3)
P(红 B3)=(1+1)/(4+3)	P(黄 B3)=(3+1)/(4+3)	P(绿 B3)=(0+1)/(4+3)

	B1	B2	B 3	【结尾】
【开始】	1/3	2/3	0/3	0/3
B1	1/5	2/5	2/5	0/5
B2	3/6	1/6	2/6	0/6
В3	0/4	1/4	0/4	3/4



小技巧 (统计平滑, smoothing):

P(红 B1)=(2+1)/(5+3)	P(黄 B1)=(1+1)/(5+3)	P(绿 B1)=(2+1)/(5+3)
P(红 B2)=(1+1)/(6+3)	P(黄 B2)=(4+1)/(6+3)	P(绿 B2)=(1+1)/(6+3)
P(红 B3)=(1+1)/(4+3)	P(黄 B3)=(3+1)/(4+3)	P(绿 B3)=(0+1)/(4+3)

	B1	B 2	B 3	【结尾】
【开始】	(1+1)/(3+4)	(2+1)/(3+4)	(0+1)/(3+4)	(0+1)/(3+4)
B1	(1+1)/(5+4)	(2+1)/(5+4)	(2+1)/(5+4)	(0+1)/(5+4)
B2	(3+1)/(6+4)	(1+1)/(6+4)	(2+1)/(6+4)	(0+1)/(6+4)
В3	(0+1)/(4+4)	(1+1)/(4+4)	(0+1)/(4+4)	(3+1)/(4+4)



加法平滑/拉普拉斯平滑(Additive/Laplace Smoothing)

加法平滑,也称为拉普拉斯平滑或Lidstone平滑

$$P(w_i|y=k)=rac{$$
在训练集某类样本中,同时又是 w_i 某个特征值得样本量 $+lpha$ 训练集中某类样本量 $+klpha$

以类别 y=1 举例有:

$$P(w'|y=1)=rac{0+lpha}{n_1+k'lpha}$$

• k': 指的是 类别数量,在此是二分类所以, k'=2

• n_1 : 指的是 y=1时的样本量,在此假设 $n_1=500$

• α : 指的平滑参数, 一般情况为1

• w': 指的是,在二进制词袋向量中, $w'=1\ or\ 0$

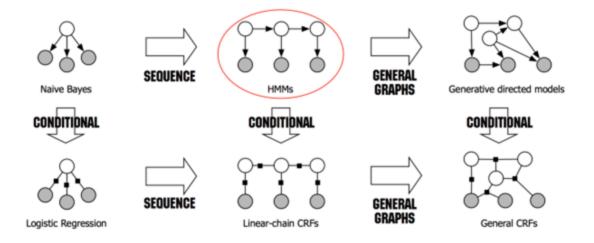


目 录

- 一、HMM介绍
- 二、Viterbi算法
- 三、最大似然法
- 四、NLP应用实例

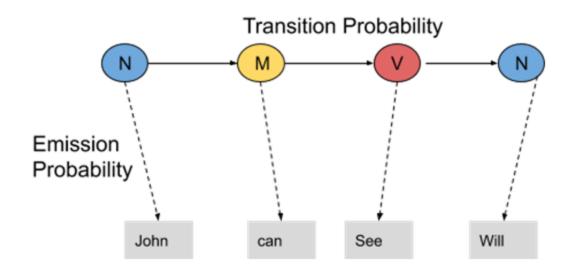


- · 隐马尔可夫模型在语音识别,自然语言处理,模式识别等领域得到广泛的**应用。**
- 在自然语言处理中,被广泛应用于中文分词、词性标注、命名实体识别等任务,几乎所有序列标注任务都可以用HMM模型进行建模。



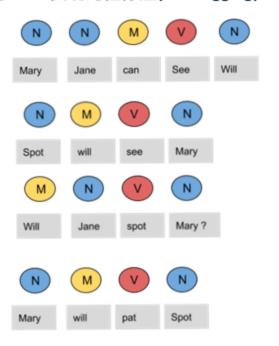


利用HMM实现词性标注(POS tagging):



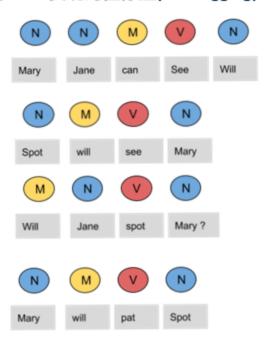


利用HMM实现词性标注(POS tagging):





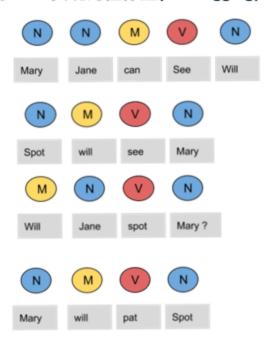
利用HMM实现词性标注(POS tagging):



Words	Noun	Model	Verb
Mary	4	0	0
Jane	2	0	0
Will	1	3	0
Spot	2	0	1
Can	0	1	0
See	0	0	2
pat	0	0	1



利用HMM实现词性标注(POS tagging):



Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

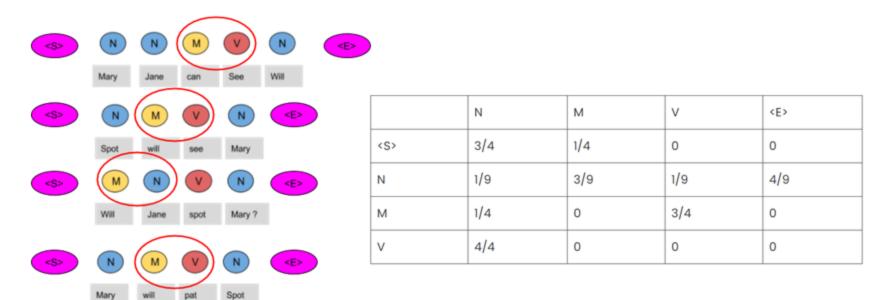


利用HMM实现词性标注(POS tagging):

<\$>	N	N	M	v	N <e></e>)				
	Mary	Jane	can	See	Will					
<\$>	N	M	V	N	⋖⋻		N	М	V	<e></e>
						<s></s>	3	1	0	0
	Spot	will	500	Mary						
<\$>	M	N	V	N	⟨€⟩	N	1	3	1	4
	Will	Jane	spot	Mary ?		М	1	0	3	0
						V	4	0	0	0
<s></s>	N	M	V	N	⟨E⟩					
	Mary	will	pat	Spot						

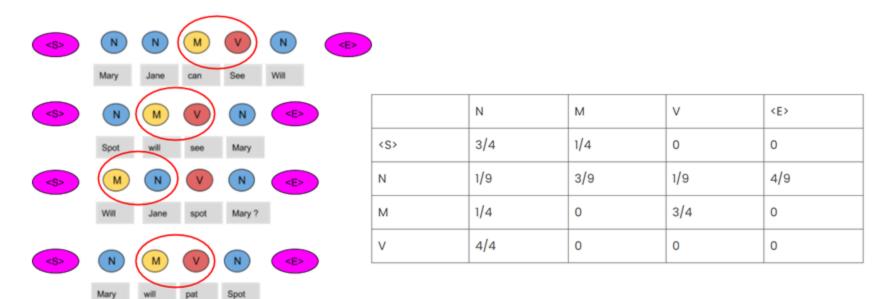


利用HMM实现词性标注(POS tagging):



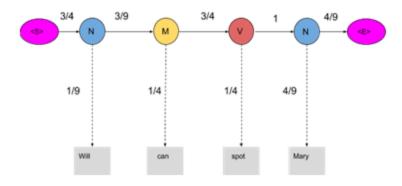


利用HMM实现词性标注(POS tagging):





利用HMM实现词性标注(POS tagging):



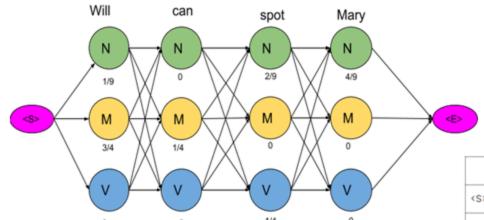
3/4*1/9*3/9*1/4*3/4*1/4*1*4/9*4/9=0.00025720164

Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

	N	М	V	<e></e>
<\$>	3/4	1/4	0	0
N	1/9	3/9	1/9	4/9
М	1/4	0	3/4	0
V	4/4	0	0	0



利用HMM实现词性标注(POS tagging):

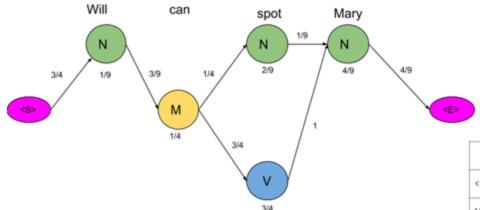


Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

	N	М	V	<e></e>
<\$>	3/4	1/4	0	0
N	1/9	3/9	1/9	4/9
М	1/4	0	3/4	0
V	4/4	0	0	0



利用HMM实现词性标注(POS tagging):

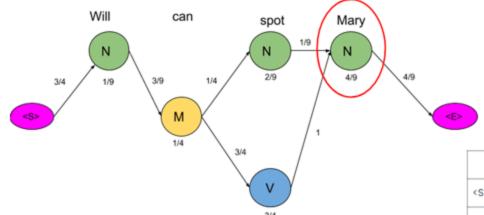


Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

	N	М	V	<e></e>
<\$>	3/4	1/4	0	0
N	1/9	3/9	1/9	4/9
М	1/4	0	3/4	0
V	4/4	0	0	0



利用HMM实现词性标注(POS tagging):

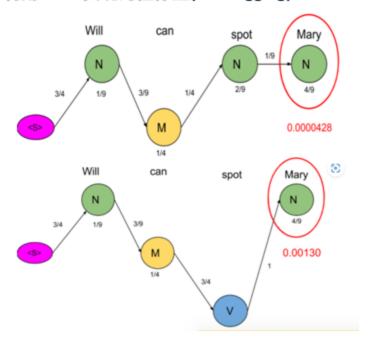


Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

	N	М	V	<e></e>
<\$>	3/4	1/4	0	0
N	1/9	3/9	1/9	4/9
М	1/4	0	3/4	0
V	4/4	0	0	0



利用HMM实现词性标注(POS tagging):

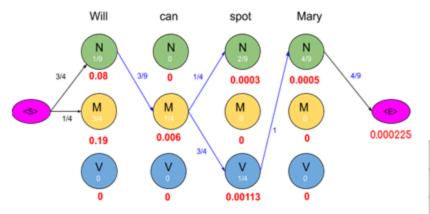


Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

	N	М	V	<e></e>
<\$>	3/4	1/4	0	0
N	1/9	3/9	1/9	4/9
М	1/4	0	3/4	0
V	4/4	0	0	0



利用HMM实现词性标注(POS tagging):

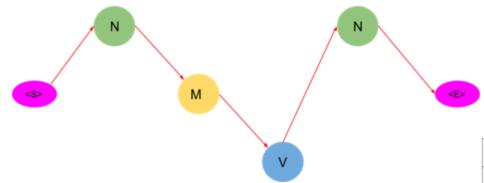


Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

	N	М	V	<e></e>
<\$>	3/4	1/4	0	0
N	1/9	3/9	1/9	4/9
М	1/4	0	3/4	0
v	4/4	0	0	0



利用HMM实现词性标注(POS tagging):



Words	Noun	Model	Verb
Mary	4/9	0	0
Jane	2/9	0	0
Will	1/9	3/4	0
Spot	2/9	0	1/4
Can	0	1/4	0
See	0	0	2/4
pat	0	0	1

	N	М	V	<e></e>
<\$>	3/4	1/4	0	0
N	1/9	3/9	1/9	4/9
М	1/4	0	3/4	0
V	4/4	0	0	0

课程总结



- · HMM原理介绍:
 - · 生成式序列模型, 生成概率、转移概率;
- Viberbi算法:
 - · 动态规划算法,时间复杂度;
- · 最大似然法:
 - · 统计方法, 拉普拉斯平滑;
- ・ NLP应用举例
 - · 词性标注任务。

问题思考



- ・ HMM为什么叫隐马尔可夫模型? 它与马尔可夫链有什么关系?
- 一阶HMM为什么要做独立性假设? 高阶HMM会有什么问题?
- HMM有哪些局限性?
- · 如果没有已知的标注数据,如何用无监督的方式得到HMM模型的参数?
- · 哪些任务适合用HMM来做建模? 哪些不适合?

下一堂课



- 自然语言处理中的机器学习
 - 隐马尔可夫模型
 - 线性模型
 - 对数线性模型
 - 神经网络
 - 图模型
 - 强化学习



问题?

