## МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ

национальный исследовательский университет

Вопрос по выбору к экзамену по основам современной физики:

Генератор гетеродина на основе распределённого джозефсоновского перехода

> Выполнили студенты 3 курса ФФКЭ: Атепалихин Артемий Алексеевич, группа 854, Водзяновский Яромир Олегович, группа 852, инженеры лаб. 234 ИРЭ РАН

# Содержание

1.	Основные понятия и аббривиатуры	2
2.	Описание работы	2
	2.1. Задача исследования	2
	2.2. Общая информация	2
3.	СИС - контакт	3
4.	Принцип гетеродинирования	4
5.	Физика работы РДП	6
	5.1. Общяя теория РДП	6
	5.2. Режимы работы	7
	5.2.1. Генерация ступенями Фиске	8
		8
	5.3. Накачка детектора	8
6.	Эксперимент	10
	6.1. Установка	10
	6.2. План	12
	6.3. Результаты	13
<b>7.</b>	Выводы	14

### 1. Основные понятия и аббривиатуры

- SIS superconductor-insulator-superconductor (СИС сверхпроводник-изолятор-сверхпроводник)
- FFO flux-flow oscillator (РДП - распределённый джозефсоновский переход)
- СВЧ сверхвысокие частоты
- Эффект Джозефсона (стац.)
- Джозефсоновский переход
- Режим flux-flow
- Ступени Фиске

## 2. Описание работы

#### 2.1. Задача исследования

Основными целями являются:

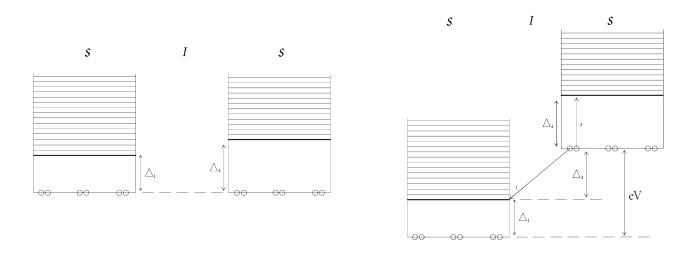
- 1) Приведение краткого теоретического описания принципа работы РДП
- 2) Демонстрирование результатов эксперементального исследования одного из изготовленных в ИРЭ им. В.А. Котельникова РАН образцов

#### 2.2. Общая информация

Использующийся в качестве генератора гетеродина распределённый джозефсоновский переход является важнейшей частью одного из возможных вариантов устройств, способных излучать и принимать в ТГц и субТГц диапазонах, внимание к которым многократно возросло за последние пару десятилетий. Приёмники, работающие свыше нескольких сотен ГГц, крайне необходимы для целого ряда направлений современной науки: от медицины и биологии до аэрологии и астрофизики. Стоит отметить, что сказанное выше не является красивыми возможностями и грандиозными планами: сверхпроводниковые гетеродинные приёмники ТГц излучения уже довольно долго и очень активно используются в наземных, воздушных и космических миссиях (подр. - [5])

## 3. СИС - контакт

В основе описываемого далее метода приёма СВЧ сигнала лежит  $\partial$ нсозефсоновский контакт - два сверхпроводниковых элемента, имеющие слабую свзяь, которая в нашем случае организована путем нанесения тонкого слоя диэлектрика ( $\pm 10$  нм) между ними. Схема СИС-контакта приведена на рисунке 1.



- а) без приложенного напряжения;
- б) с приложенным напряжением.

Рис. 1: Энергетические диаграммы контакта SIS

В случае слабой связи двух сверхпроводников кроме туннелирования электронов, образовавшихся в результате разрыва куперовских пар, могут туннелировать сами пары даже без приложенного напряжения. Такой поток зарядов называется джозефсоновским током; его плотность определяется некоторой константой  $j_c$  и разницей фаз волновых функций куперовских пар в двух сверхпроводниках. Данный эффект называется стационарным эффектом Джозефсона.

### 4. Принцип гетеродинирования

Гетеродинирование - это процесс, в котором сильный монохроматический сигнал гетеродина (LO) и слабый интересующий сигнал (s) накладываются на детектор с нелинейной кривой ВАХ. Из-за нелинейности в смесителе генерируется много суммарных и разностных частот:

$$|nF_s - mF_{LO}| \tag{1}$$

**Смеситель** (в нашем случае) - трёх-портовое устройство, принимающее на вход исследуемый сигнал (s) и сигнал гетеродина (LO), а на выходе выдает промежуточный сигнал (IF). (рис. 3)

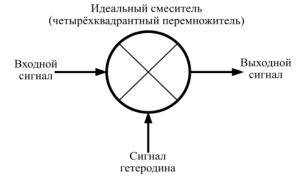


Рис. 2: Схема смесителя

Пусть сигналы s и LO выглядят следующим образом:

$$V_{LO} = V_{LO} \sin(2\pi F_{LO}t), \quad V_s = V_s \sin(2\pi F_s t)$$
 (2)

Будем полагать, что в SIS смесителе нелинейный ВАХ имеет слующую зависимость:

$$I = aV^2 (3)$$

Отсюда, путем подстановки суммы выражений (2) в (3):

$$I = a(V_s + V_{LO}) = \dots + aV_s V_{LO} \left( \cos \left[ 2\pi (F_s - F_{LO})t \right] - \cos \left[ 2\pi (F_s + F_{LO})t \right] \right)$$
(4)

Из уравнения выше видно, что ток детектора имеет спеткральные компоненты на частотах  $F_s \pm F_{LO}$ . Выходящий сигнал IF будет иметь амплитуду пропорциональную входящему сигналу s, но сниженным по частоте  $F_{IF} = F_s - F_{LO}$ .

На рис. 3 представлена иллюстрация принципа работы смесителя. Будут присутсвовать две полосы справа (Upper sideband) и слева (Lower sideband) от частоты гетеродина.

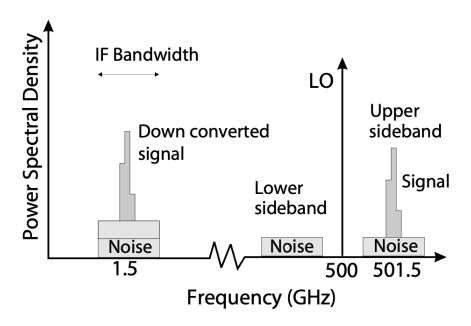


Рис. 3: Иллюстрация принципа гетеродинирования.  $F_{LO}=500GHz,\ F_{IF}=1.5GHz$ 

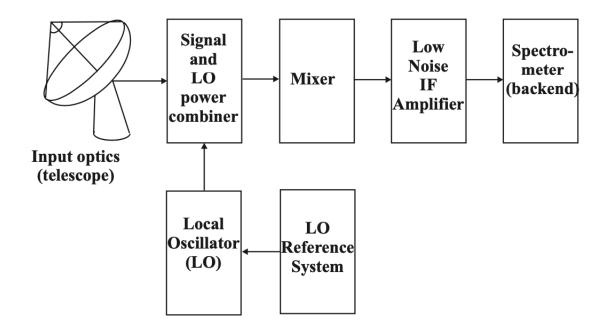


Рис. 4: Блок схема полного процесса детектирования сигнала

## 5. Физика работы РДП

#### 5.1. Общяя теория РДП

В качестве РДП используются переходы на основе туннельных структур  $Nb/AlO_x/Nb$  и Nb/AlN/NbN геометрии «overlap» (перевод с англ. – частичное перекрытие, совмещение) с поперечным заданием тока смещения  $I_B$ . Характерная длина РДП составляет 300 – 700 мкм при ширине W от 3 до 20мкм. Величина критической плотности тока  $j_c$  лежит в диапазоне  $2-10A/c^2$ , что соответствует джозефсоновской глубине проникновения магнитного поля  $\lambda_J \approx 8$  - 2 мкм. Для структур  $Nb/AlO_x/Nb$  «щелевое напряжение»  $V_g \approx 2.8$  мВ, в то время как для структур Nb/AlN/NbN  $V_g \approx 3.7$ мВ при T=4.2К.

В РДП под действием силы Лоренца, создаваемой магнитным полем и транспортным током, называемого током смещения  $I_B$ , движутся джозефсоновские вихри — флаксоны. Каждый такой вихрь содержит квант магнитного потока  $\Phi_0 = h/2e$ , а его размер составляет порядка  $2\lambda_J$  вдоль оси перехода и  $2\lambda_L$  в перпендикулярном плоскости туннельного слоя направлении, где  $\lambda_L$  - глубина лондоновского проникновения поля в электроды. Типичное значение  $\lambda_L$  для пленок ниобия, используемое в расчетах, составляет 90 нм.

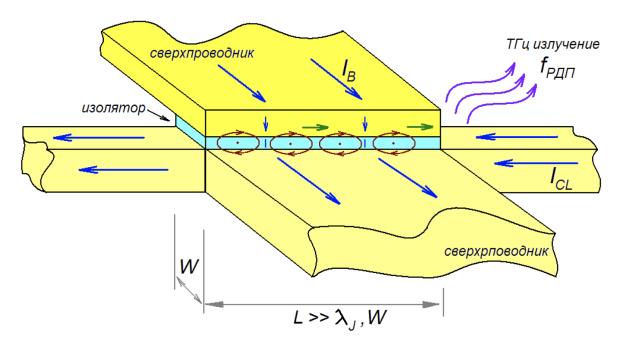


Рис. 5: Геометрия РДП

Для создания магнитного поля на концах РДП используется линия управления магнитным полем с током  $I_{CL}$ , конструктивно представляющая собой нижний сверхпроводящий электрод из ниобия (рис. 5). Кванты магнитного потока, двигаясь по переходу под действием силы Лоренца, достигают края и излучают электромагнитную волну в микрополосковую линию, соединенную с переходом через трансформатор импеданса, который необходим для согласования микрополосковой линии и имеющего низкий импеданс РДП.

Таким образом, переход при напряжении V генерирует электромагнитные колебания с частотой f, определяемой соотношением Джозефсона (5) (порядка 483.6ГГц/мВ).

$$hf_{\rm PД\Pi} = 2eV_{\rm PД\Pi}$$
 (5)

Скорость и плотность потока флаксонов, и, следовательно, мощность и частоту излучения можно перестраивать путем изменения тока смещения или/и магнитного поля.

#### 5.2. Режимы работы

Из-за особенностей материалов изготовления образцов область приёма сигнала ограничена  $\sim 150~\Gamma\Gamma$ ц снизу и  $\sim 700~\Gamma\Gamma$ ц сверху, причём в разных диапазонах приём осуществляется разными механизмами.

Будем пологать, что внешнее магнитное поле  $H > H_{c1}$ 

$$H_{c1} = \frac{\Phi_0}{\pi \Lambda \lambda_I},\tag{6}$$

где  $\Lambda$  - магнитная толщина барьера.

Регулировать режим работы будет параметр затухания  $\alpha$ , который имеет физический смысл нормальной проводимости туннельного барьера на единицу длины перехода. На ВАХ (рис. 6) видно, что есть граничное напряжение  $V_{JSC}$  в котором параметр  $\alpha$  испытывает скачек и режим работы меняется.

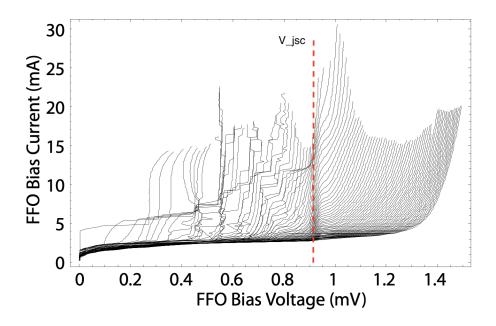


Рис. 6: Пример ВАХ РДП, с обозначенным напряжением  $V_{JSC}$  скачка параметра  $\alpha$ 

Рассмотрим следующие случаи:

#### 5.2.1. Генерация ступенями Фиске

Рассмотрим ситуацию, когда напряжение  $V < V_{JSC}$ .

При столкновении кванта магнитного потока с краем перехода часть электромагнитного излучения отражается обратно, при этом отраженная волна может в случае малого α достигнуть противоположного края. Тогда возникают стоячие волны, которые при определенных резонансных частотах облегчают вхождение в переход флаксонов, в результате чего ВАХ имеют ярко выраженную резонансную структуру. Чем меньше затухание, тем острее резонансные пики и круче структура ВАХ, которую называют ступенями Фиске. Часть флаксонов покидают переход, они вызывают изменение тока и напряжения таким образом, что их энергия конвертируется в Э-М излучение.

 $C_{\mathrm{M}}$ . [4]

#### 5.2.2. Режим flux-flow

Рассмотрим ситуацию, когда напряжение  $V > V_{JSC}$ .

Форма ВАХ становится более плавной, наклон кривых уменьшается (дифференциальное сопротивление увеличивается), что облегчает непрерывную перестройку рабочей частоты РДП, но увеличивает его полосу излучения. Такой режим является истинным «флакс-флоу» режимом (от англ. Flux- flow - вязкий поток вихрей), описываемым в работах без учета стоячей волны, т.е. где не был реализован резонансный режим.

 $C_{\mathrm{M}}$ . [4]

### 5.3. Накачка детектора

После получения высокочастотной электромагнитной волны необходимо её принять. Для передачи сигнала была сконструирована специальная схема, показанная на рисунке 7. Детектором в ней является сосредоточенный джозефсоновский переход - обычный СИС.

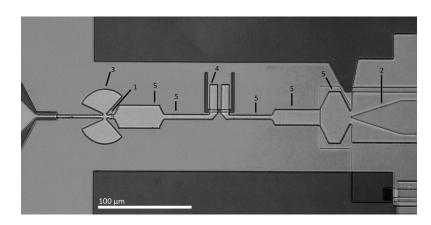


Рис. 7: Схема микрополосковой линии для исследования характеристик РДП. 1 - SIS переход; 2 - РДП; 3 - Radial stab; 4 - DC-break; 5 - микрополосковые линии.

Электромагнитная волна, пришедшая к детектору, воздействует на электроны в валентной зоне верхнего сверхпроводящего электрода, см. рис. 8. Получивший энергию  $\hbar\omega$  электрон теперь способен преодолеть барьер  $\Delta_1 + \Delta_2$  даже без приложенного напряжения.

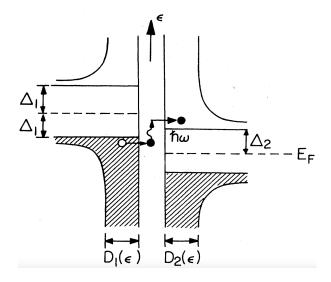


Рис. 8: Энергетическая диаграмма SIS перехода

В общем случае условие туннелирования электрона из валентной зоны одного сверхпроводника в зону проводимости второго выглядит следующим образом (см. [3]):

$$eV + \hbar\omega \ge \Delta_1 + \Delta_2 \tag{7}$$

Результат такого эффекта отражается на ВАХ СИС-перехода (рисунок 9): сплошная кривая является ненакаченной характеристикой, пунктирная - под воздействием электромагнитного сигнала частотой  $\omega$ . Джозефсоновский ток подавлен магнитным полем.

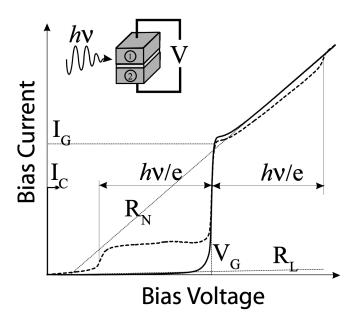


Рис. 9: BAX SIS-перехода

## 6. Эксперимент

#### 6.1. Установка

Для осуществления перехода ниобиевых плёнок в сверхпроводящий режим необхоимо охладить образец (рис. 11.a) как минимум до  $9,25 \mathrm{K}$  ( $T_C$  Nb). Для этого чип помещается в специальный держатель (рис. 11.b), который с помощью соединительных проводов (рис. 12.a) подключает образец к измерительным блокам необходимым образом. Далее в защитном корпусе плата с чипом опускается в дьюар с гелием (рис. 10, 12.b), где происходит охлаждение до  $4,2 \mathrm{K}$ , т.к. это температура кипения гелия. После этого можно приступать к измерениям.

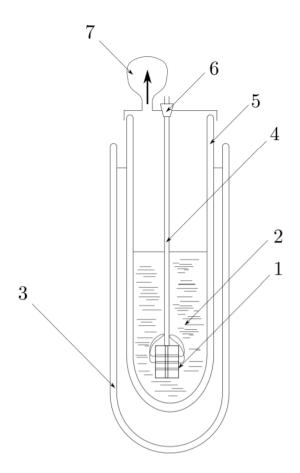
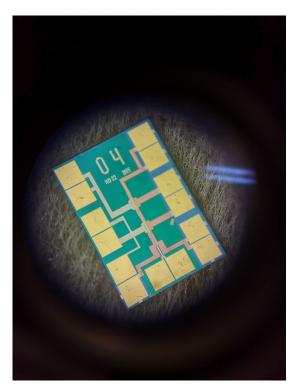
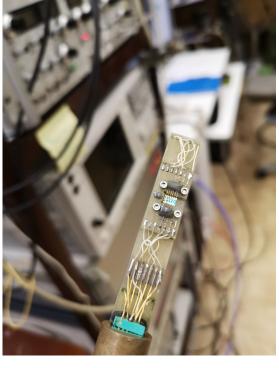


Рис. 10: схема измерительной установки.

- 1 цилиндр с образцом, помещённый в жидкий гелий;
- 2 гелий;
- 3 внешняя стенка сосуда (дьюара);
- 4 т.н. "макалка" металиическая трубка с соединительными проводами внутри;
- 5 внутренняя стенка сосуда, отделена от внешней вакуумом;
- 6 фиксатор глубины погружения цилиндра;
- 7 индикатор испарения гелия (резиновая груша).

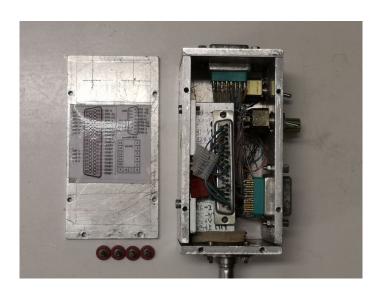




а) Фото образца

б) Держатель с электродами

Рис. 11: Исследуемый образец



а) Элемент соединения образца с измерительной установкой



б) Дьюар с опущенным образцом

Рис. 12: Исследуемый образец

#### 6.2. План

В рамках работы по исследованию свойств и параметров схем согласования, а также для изучения свойств шунтирования СИС-переходов было поставлено множество опытов с конкретной последовательностью действий:

- выбирается структура, имеющая согласование РДП и СИС (как на рис. 7)
- подходящий чип подключается нужным образом и опускается охлаждаться в гелий (рис. 12)
- измеряется ВАХ СИС-перехода без воздействия высокочатотного сигнала со стороны РДП, подтверждается исправность детектора
- на РДП подаётся наименьшее значение тока смещения, измеряется его ВАХ на графике появляется первая (слева) кривая, см. рисунок 13 с постоянным шагом увеличивая ток  $I_{CL}$ , задающий поле, добавляется всё больше кривых на характеристику
- параллельно снятию ВАХ на РДП измеряется величина тока накачки на смесителе она откладывается по тртьей оси (чем краснее цвет точки, тем больше  $I_{pump}$ )
- на ВАХ детектора (рисунок 14) появляется несколько накаченных кривых, соответсвующих разным частотам излучения ФФО
  выбор значения частоты, для которого записывается очередная кривая, осуществляет измерительный алгоритм
- далее ведутся работы по обработке полученных данных, которые не рассматриваются в настоящем обсуждении

#### 6.3. Результаты

Полученные графики: ВАХ РДП с отложенным по третьей оси относительным значением тока накачки (рисунок 13) и ВАХ СИС с явно выраженными кривыми под воздействием сигнала РДП и без него (рисунок 14):

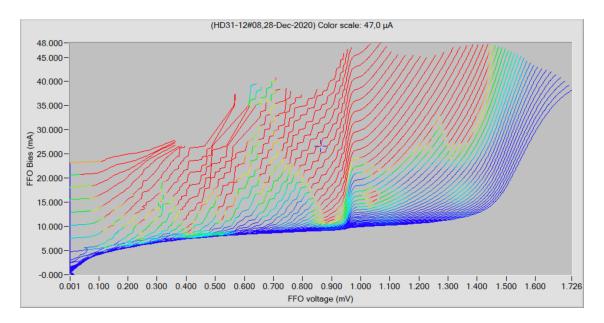


Рис. 13: ВАХ РДП

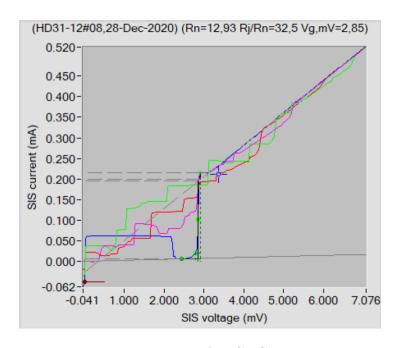


Рис. 14: ВАХ СИС

Ступень на малых напряжениях исходной кривой (без накачки, син.) связана с эффектами крит.тока и не является результатом воздействия СВЧ сигнала от РДП

## 7. Выводы

В ходе проделанной работы мы получили следующие результаты:

- краткое введение в физику джозефсоновский переходов;
- описание принципов и целей гетеродинирования;
- поверхностное описание работы РДП:
  - принцип генерации СВЧ сигнала;
  - режим ступеней Фиске;
  - режим флакс-флоу;
  - процесс накачки СИС-детектора;
- данные, полученные в одном из поставленных экспериментов.

По полученным эксперементальным данным можно судить о том, что изложенная теория отлично воплощена на практике, исследуемые образцы обладают ожидаемым функционалом и полностью готовы к использованию в тех или иных целях.

## Список литературы

- [1] Шмидт В.В., Введение в физику сверхпроводников, М.: МЦНМО, 2000
- [2] Лихарёв К.В., Введение в динамику джозефсоновских переходов, М.: Наука, 1985
- [3] Tucker J.R., Feldman M.J., Quantum detection at millimeter wavelengths, New York: Reviews of Modern Physics, 1985
- [4] Barychev A.M, SIS THz mixer integrated with a superconducting FFO, GrafiMedia Groningen: Bedrijf RuG, 2005
- [5] Кинёв Н.В., Генерация и прием ТГц излучения с использованием сверхповодниковых интегральных устройств, М.: МФТИ, 2012
- [6] Глазков В.Н., Энергетические диаграммы для квазичастотного тока в контактах сверхпроводников. Эффект Джозефсона., М.: МФТИ, 2017
- [7] Атепалихин А.А., Туннелирование электронов через потенциальный барьер. Контакты типа NIN, SIN, SIS, М.: МФТИ, 2021