Devoir maison nº 1

`			
Λ		I -	
Δ	renare	10	
$\overline{}$	ICHUIC	ı	

On définit deux fonctions f et g en posant, pour x réel, $f(x) = \cos x - \sin^2 x$ et $g(x) = \cos x$. On note \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_g les courbes des fonctions f et g dans un repère orthonormé.

1 - Propriétés générales

- a) Déterminer l'ensemble de définition de f.
- **b)** Calculer les valeurs de f en les points 0, $\pi/3$, $2\pi/3$ et π .
- c) Montrer que la fonction f est 2π -périodique.
- **d)** Étudier la parité de f.
- **e)** En déduire qu'il suffit d'étudier f sur l'intervalle $[0, \pi]$.

2 - Variations

- a) Calculer la dérivée de la fonction f. On donnera une expression factorisée de f'(x).
- **b)** Dresser le tableau des variations de la fonction f sur l'intervalle $[0, \pi]$, en précisant tous les points où sa dérivée s'annule.

3 - Positions relatives

- a) Étudier le signe de f(x) g(x) pour $x \in [0, \pi]$.
- **b)** Que peut-on en déduire concernant les courbes \mathscr{C}_f et \mathscr{C}_q ?

4 - Représentation graphique

Sur une feuille A4 tournée de côté, tracer :

- 1. un repère orthonormé, unité 2 cm, x variant de -2π à 2π , y variant de -2 à 2,
- 2. la courbe \mathscr{C}_q ,
- 3. la courbe \mathscr{C}_f (on tracera la courbe sur $[0, \pi]$, en commençant par placer les tangentes horizontales et on la complétera en utilisant les propriétés de parité et de périodicité de f).