## Отчет по лабораторной работе №5

Модель хищник-жертва - вариант 12

Оулед Салем Яссин НПИбд-02-20

## Содержание

Сп	исок литературы	12					
4	Выводы	11					
3	Выполнение лабораторной работы         3.1 Теоретические сведения	<b>6</b> 6 7					
2	Задание	5					
1	Цель работы						

# **List of Figures**

3.1	вариант	•				7
3.2	График численности жертв и хищников от времени .	•				8
3.3	График численности хищников от численности жертв	•				8
3.4	График численности жертв и хищников от времени .					10
3.5	График численности хищников от численности жертв					10

# 1 Цель работы

Изучить модель хищник-жертва

## 2 Задание

- 1. Построить график зависимости x от y и графики функций x(t), y(t)
- 2. Найти стационарное состояние системы

### 3 Выполнение лабораторной работы

#### 3.1 Теоретические сведения

В данной лабораторной работе рассматривается математическая модель системы «Хищник-жертва».

Рассмотрим базисные компоненты системы. Пусть система имеет X хищников и Y жертв. И пусть для этой системы выполняются следующие предположения: (Модель Лотки-Вольтерра) 1. Численность популяции жертв и хищников зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории) 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = (-ax(t) + by(t)x(t)) \\ \frac{dy}{dt} = (cy(t) - dy(t)x(t)) \end{cases}$$

Параметр a определяет коэффициент смертности хищников, b – коэффициент ент естественного прироста хищников, c – коэффициент прироста жертв и d – коэффициент смертности жертв

В зависимости от этих параметрах система и будет изменяться. Однако следует выделить одно важное состояние системы, при котором не происходит

никаких изменений как со стороны хищников, так и со стороны жертв. Это, так называемое, стационарное состояние системы. При нем, как уже было отмечено, изменение численности популяции равно нулю. Следовательно, при отсутствии изменений в системе  $\frac{dx}{dt}=0, \frac{dy}{dt}=0$ 

Пусть по условию есть хотя бы один хищник и хотя бы одна жертва: x>0, y>0 Тогда стационарное состояние системы определяется следующим образом:

$$x_0 = \frac{a}{b}, y_0 = \frac{c}{d}$$

#### **3.2 Задача**

```
In [1]: 1032204121%70+1
Out[1]: 12
In [2]: using Plots
```

Figure 3.1: вариант

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.24x(t) + 0.044y(t)x(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.44y(t) - 0.024y(t)x(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях:  $x_0=4, y_0=10$  Найдите стационарное состояние системы

Решение в OpenModelica

```
model pr5
Real x(start=4);
```

```
Real y(start=10);

parameter Real a = 0.24;

parameter Real b = 0.044;

parameter Real c = 0.44;

parameter Real d = 0.024;

equation
   der(x) = -a*x + b*x*y;
   der(y) = c*y - d*x*y;
end pr5;
```

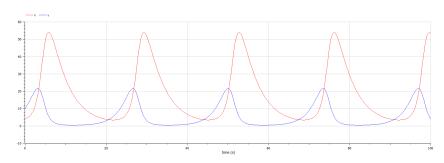


Figure 3.2: График численности жертв и хищников от времени

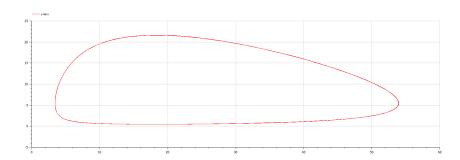


Figure 3.3: График численности хищников от численности жертв

Решение в Julia

1032204121%70+1

```
using Plots
using DifferentialEquations
x0 = 4
y0 = 10
u0 = [x0; y0]
t = collect(LinRange(0, 100, 1000))
tspan = (0, 100)
a = 0.24
b = 0.044
c = 0.44
d = 0.024
function syst(dy, y, p, t)
   dy[1] = -a*y[1] + b*y[1]*y[2]
   dy[2] = c*y[2] - d*y[1]*y[2]
end
prob = ODEProblem(syst, u0, tspan)
sol = solve(prob, saveat = t)
plot(sol)
savefig("03.png")
plot(sol, idxs=(1,2))
```

#### savefig("04.png")

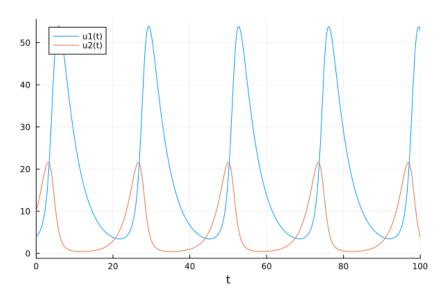


Figure 3.4: График численности жертв и хищников от времени

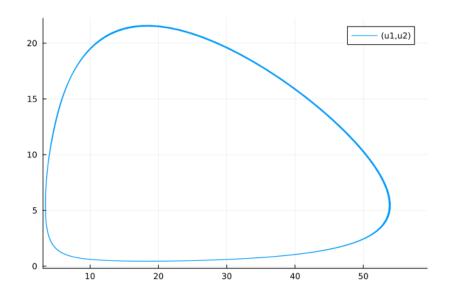


Figure 3.5: График численности хищников от численности жертв

Стационарное состояние  $x_0 = \frac{a}{b} = 5.456, y_0 = \frac{c}{d} = 18.333$ 

### 4 Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы была изучена модель хищник-жертва и построены графики.

## Список литературы

- 1. Модель Лотки-Вольтерры
- 2. Lotka-Volterra System