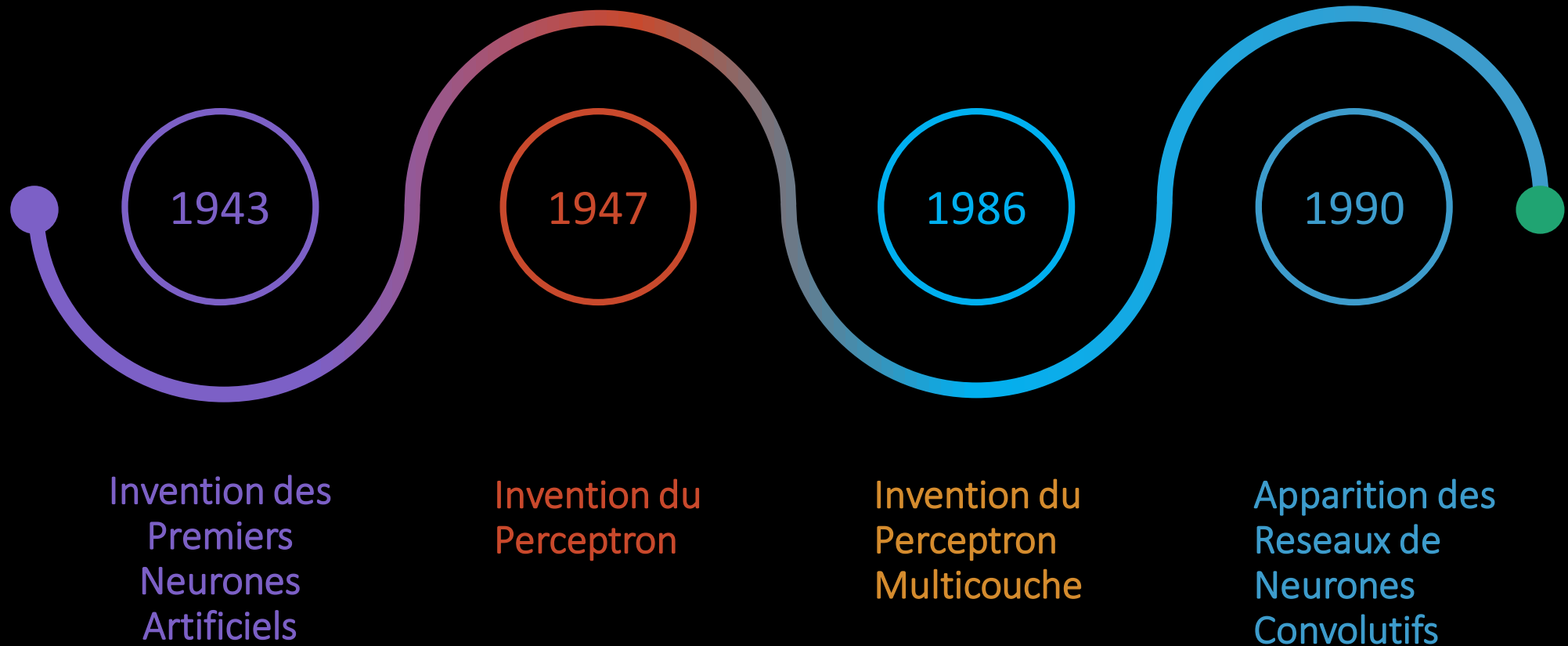


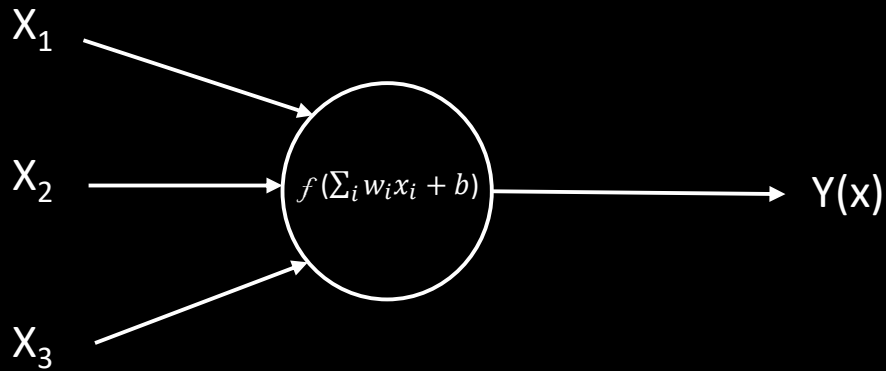
# Evolution du Deep Learning



# Le Perceptron

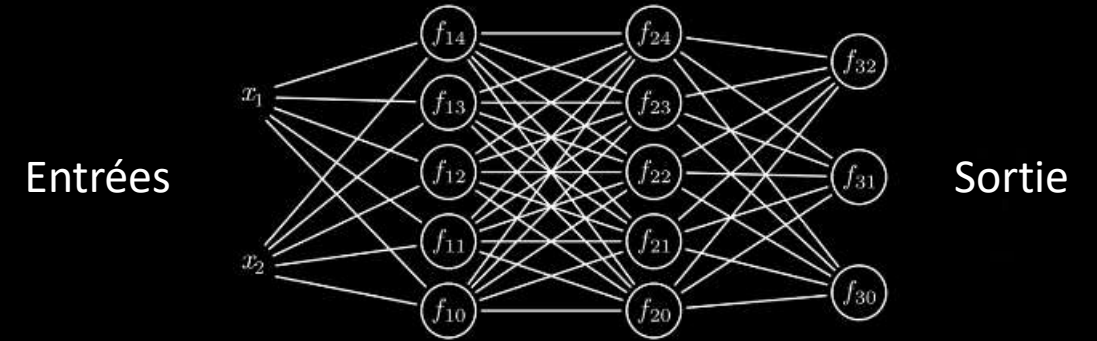
1. Neurone Formel et le perceptron Multicouche.
2. Fonction d'activation, en particulier la fonction sigmoïde (Logistique).
3. Fonction Cout et minimisation de l'erreur.
4. La Descente du gradient.
5. Algorithme de la descente de gradient.

## Neurone formel



$X_i$  : Entrées  
 $f$  : Fonction d'activation  
 $Y$  : Sortie

## Perceptron multicouche



$f_{i,j}$  : Fonction d'activation

## Fonction d'activation

### Sigmoid

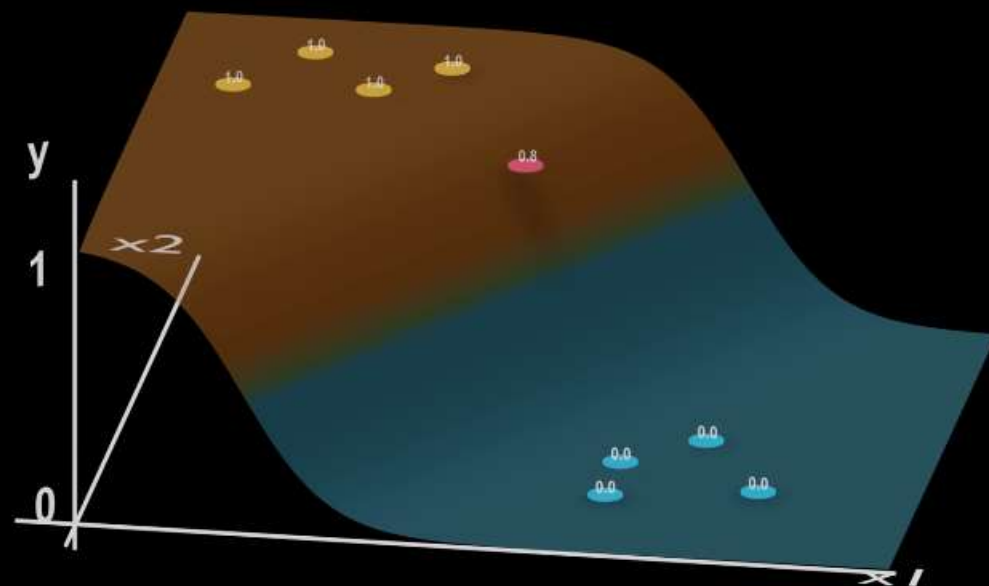
$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

### Relu

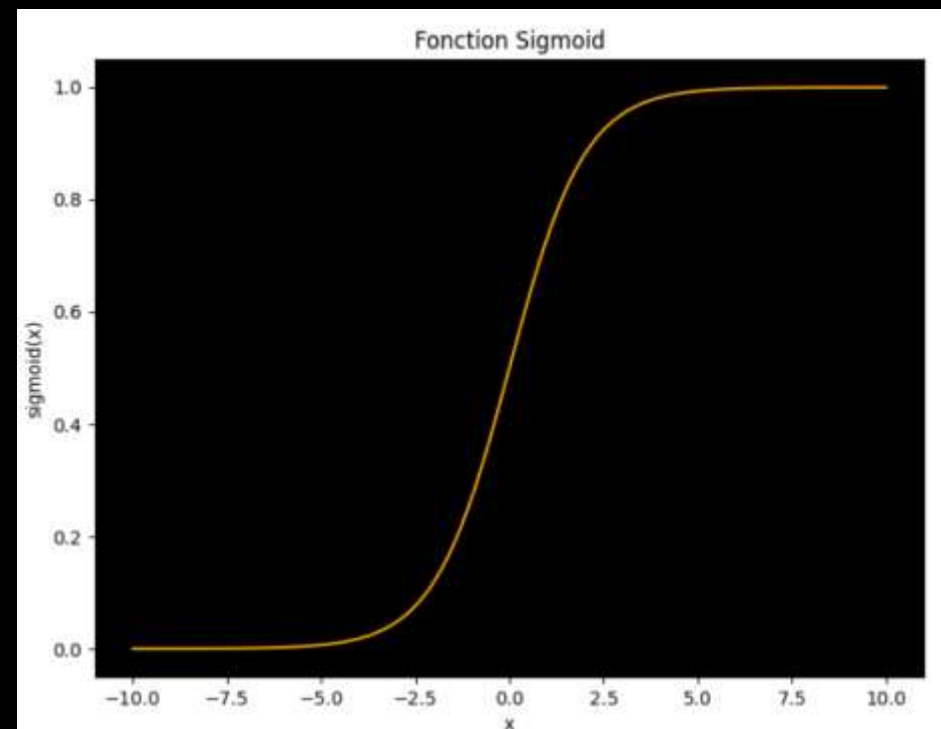
$$f(x) = \max(0, x)$$

### Heaviside

$$H(x) = \begin{cases} 1, & \text{Si } x > 0 \\ \frac{1}{2}, & \text{Si } x = 0 \\ 0, & \text{Si } x < 0 \end{cases}$$



Source : Machine Learnia



# Minimisation de l'erreur

Pour minimiser les erreurs de notre modèle, nous utiliserons la fonction de coût **Log Loss**:

$$-\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m y_i * \log(a_i) + (1 - y_i) * \log(1 - a_i)$$

$\begin{cases} a_i: \text{la probabilité d'etre dans la classe 1 pour} \\ \text{la sortie } i \\ y_i: \text{la classe de l'echantillon} \end{cases}$

Cette formule est dérivée de la définition statistique de **Log-vraisemblance** :

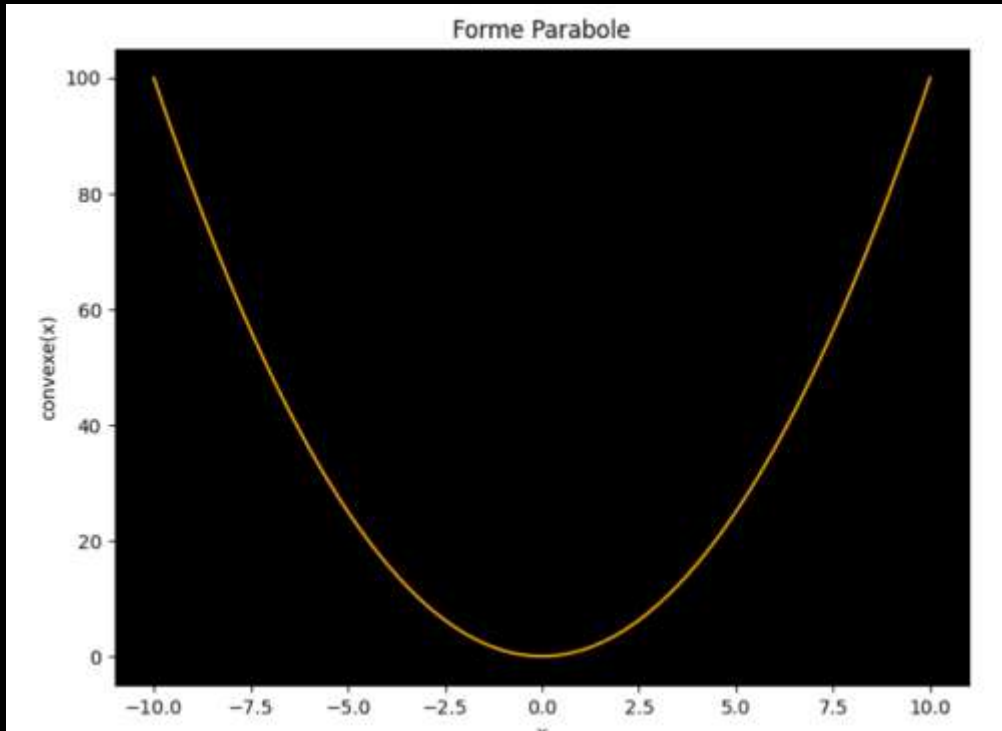
$$\log\left(\prod_{i=1}^m P(X = x_i)\right) = \log\left(\prod_{i=1}^m a_i^{x_i} * (1 - a_i)^{1-x_i}\right)$$

avec  $x_i \in \{0,1\}$

En effet, pour maximiser la vraisemblance, nous minimisons la fonction de coût car il existe de nombreux algorithmes d'optimisation pour minimiser les fonctions.

# L' algorithme de la descente du gradient

Il s'agit d'un algorithme de minimisation qui consiste à ajuster les paramètres **W** et le biais **b** afin de minimiser la fonction coût. On calcule ainsi le gradient de la fonction coût



- Si  $\frac{\partial F}{\partial x} > 0$ , la fonction F augmente lorsque x augmente
  - Sinon, la fonction F diminue lorsque x augmente
- Dans notre cas, nous chercherons à atteindre un minimum global pour la fonction de coût. Nous dériverons donc la fonction par rapport aux paramètres, et nous augmenterons la valeur de ces paramètres en fonction du signe de la dérivée jusqu'à atteindre le minimum.

La formule conçue pour ce travail est :

$$W_{i+1} = W_i - \mu * \frac{\partial L}{\partial W_i}$$

# En resumé

## Neurone Formel

$$z = \sum_{i=1}^m w_i x_i + w_0$$

$$y(\text{sortie}) = \begin{cases} 0, & \text{Si } z < 0 \\ 1, & \text{Si } z \geq 0 \end{cases}$$

## Perceptron

$$a(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

$$-\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m y_i * \log(a_i) + (1 - y_i) * \log(1 - a_i)$$

$$W_{i+1} = W_i - \mu * \frac{\partial L}{\partial W_i}$$

# Vectorisation des équations pour des données larges

## 1) Vectorisation du modele:

$$\left\{ \begin{array}{l} X = \begin{bmatrix} x_1^{(1)} & \cdots & x_n^{(1)} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ x_1^{(m)} & \cdots & x_n^{(m)} \end{bmatrix} \\ W = \begin{bmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_n \end{bmatrix} \\ B = \begin{bmatrix} b \\ \vdots \\ b \end{bmatrix} \end{array} \right. \Rightarrow Z = \begin{bmatrix} z^{(1)} \\ \vdots \\ z^{(m)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} w_1 * x_1^{(1)} + w_2 * x_2^{(1)} + \cdots + w_n * x_n^{(1)} + b \\ \vdots \\ w_1 * x_1^{(m)} + w_2 * x_2^{(m)} + \cdots + w_n * x_n^{(m)} + b \end{bmatrix} = X * W + B$$

## 2) Vectorisation de la fonction d'activation:

$$A = \begin{bmatrix} \sigma(z^{(1)}) \\ \vdots \\ \sigma(z^{(m)}) \end{bmatrix} = \sigma \left( \begin{bmatrix} z^{(1)} \\ \vdots \\ z^{(m)} \end{bmatrix} \right) = \sigma(Z)$$

$$\text{avec : } \sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}} \text{ (fonction logistique)}$$



### 3) Vectorisation de la fonction cout:

Rappelons que :

$$L = -\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m y_i * \log(a_i) + (1 - y_i) * \log(1 - a_i)$$

$$L = -\frac{1}{m} * \text{Somme\_des\_lignes}(\underbrace{y * \log(A)}_{\text{*Produit terme à terme}} + (1 - y) * \log(1 - A))$$

\*Produit terme à terme

$$, \text{ avec } \begin{cases} y = \begin{bmatrix} y^{(1)} \\ \vdots \\ y^{(m)} \end{bmatrix} \\ A = \begin{bmatrix} \sigma(z^{(1)}) \\ \vdots \\ \sigma(z^{(m)}) \end{bmatrix} \end{cases}$$

### 4) Vectorisation de l'algorithme de la descente de gradient:

$$\begin{cases} W = W - \mu * \frac{\partial L}{\partial W} \\ B = B - \mu * \frac{\partial L}{\partial B} \end{cases} \begin{cases} W = \begin{bmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_n \end{bmatrix} \\ B = \begin{bmatrix} b \\ \vdots \\ b \end{bmatrix} \\ \frac{\partial L}{\partial W} = \begin{bmatrix} \frac{\partial L}{\partial w_1} \\ \vdots \\ \frac{\partial L}{\partial w_n} \end{bmatrix} \\ \frac{\partial L}{\partial B} = \begin{bmatrix} \frac{\partial L}{\partial b} \\ \vdots \\ \frac{\partial L}{\partial b} \end{bmatrix} \end{cases}$$

# Calcul des gradients

## 1) Calcul de $\frac{\partial L}{\partial w_i}$ :

On a  $L = -\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m y_i * \log(a_i) + (1 - y_i) * \log(1 - a_i)$

alors  $L = -\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m y_i * \log\left(\frac{1}{1 + e^{-z_i}}\right) + (1 - y_i) * \log\left(1 - \frac{1}{1 + e^{-z_i}}\right)$

alors  $L = -\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m (-y_i * \log(1 + e^{-z_i})) + (1 - y_i) * (-\log(1 + e^{-z_i}) - z_i)$

Donc  $L = -\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m -\log(e^{z_i} + 1) + y_i z_i$

Finalemment : 
$$\frac{\partial L}{\partial w_j} = -\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m (y_i - a_i) \times x_j^{(i)}$$

## 2) Calcul de $\frac{\partial L}{\partial b}$ :

De façon analogue :

$$\frac{\partial L}{\partial b} = -\frac{1}{m} * \sum_{i=1}^m (y_i - a_i)$$

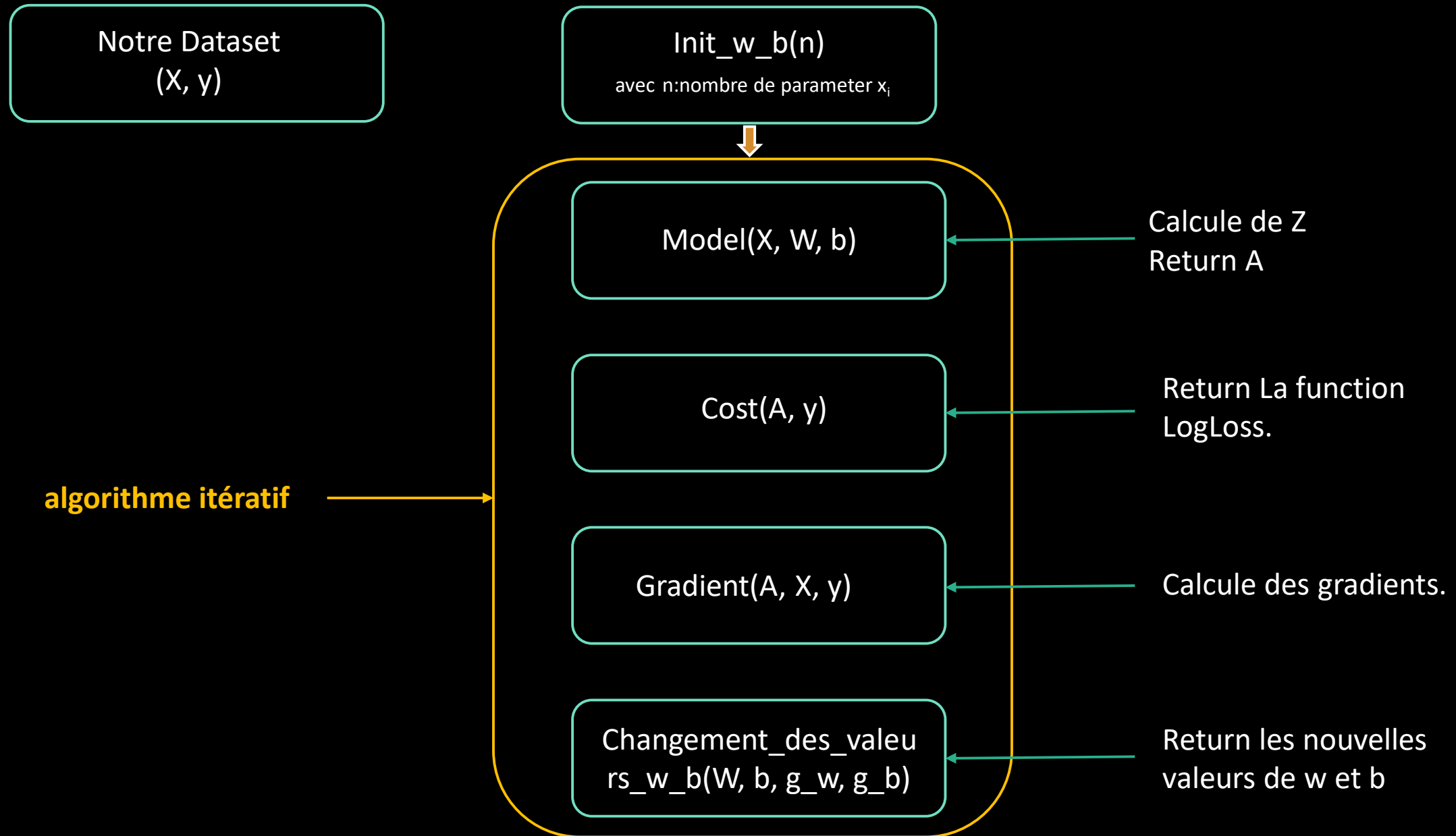
Ainsi sous une forme vectorisée :

$$\frac{\partial L}{\partial W} = \begin{bmatrix} \frac{\partial L}{\partial w_1} \\ \vdots \\ \frac{\partial L}{\partial w_n} \end{bmatrix} = -\frac{1}{m} \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^m (y_i - a_i) \times x_1^{(i)} \\ \vdots \\ \sum_{i=1}^m (y_i - a_i) \times x_n^{(i)} \end{bmatrix} = -\frac{1}{m} \begin{bmatrix} x_1^{(1)} & \dots & x_1^{(m)} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ x_n^{(1)} & \dots & x_n^{(m)} \end{bmatrix} \cdot \left( \begin{bmatrix} y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} a_1 \\ \vdots \\ a_n \end{bmatrix} \right) = -\frac{1}{m} X^T \cdot (y - A)$$

De meme:

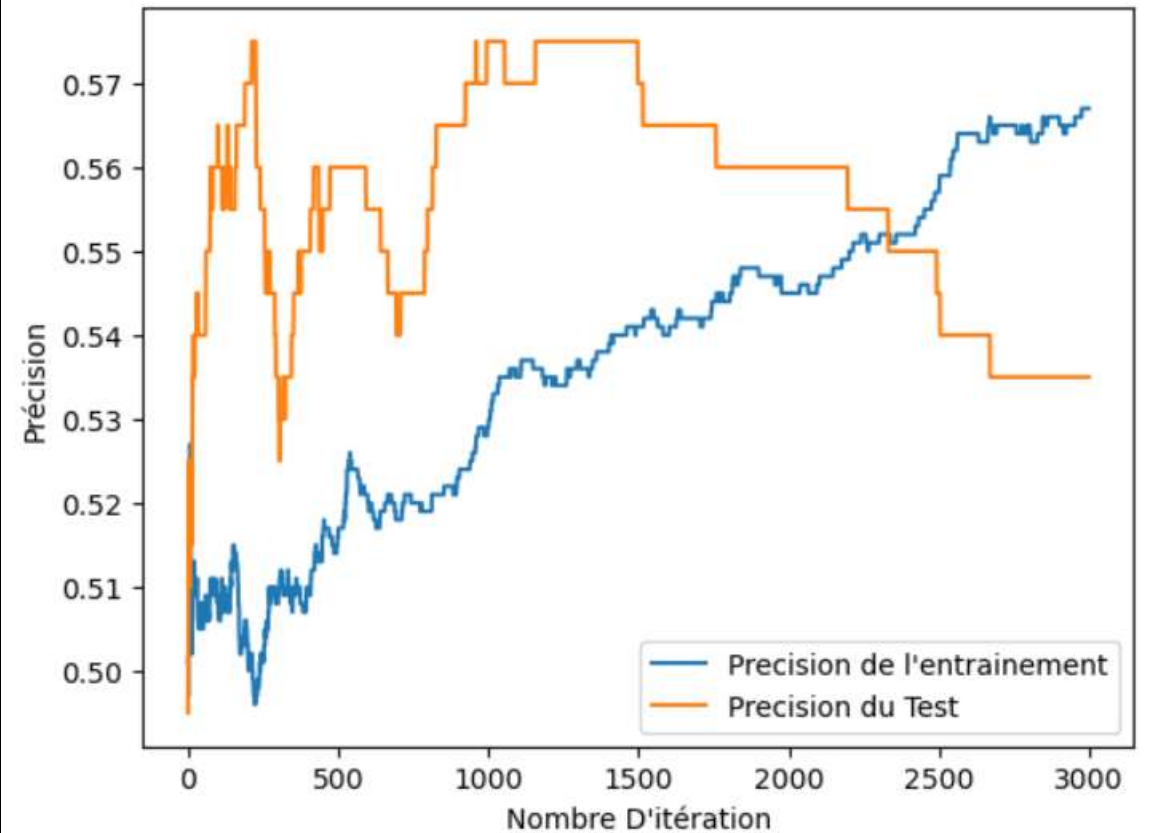
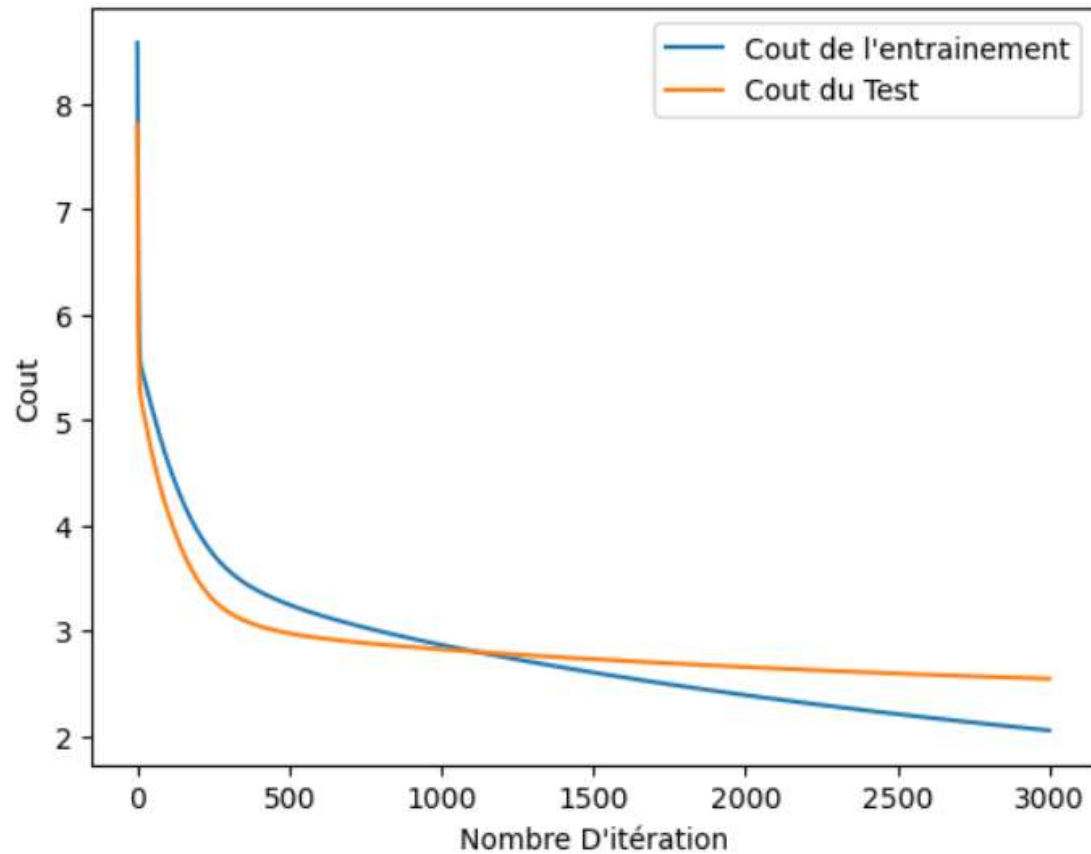
$$\frac{\partial L}{\partial B} = \begin{bmatrix} \frac{\partial L}{\partial b} \\ \vdots \\ \frac{\partial L}{\partial b} \end{bmatrix} = -\frac{1}{m} \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^m (y_i - a_i) \\ \vdots \\ \sum_{i=1}^m (y_i - a_i) \end{bmatrix} = -\frac{1}{m} \begin{bmatrix} \sum (y - A) \\ \vdots \\ \sum (y - A) \end{bmatrix}$$

# Programmation du neurone artificiel



# Application : Chat ou Chien ?

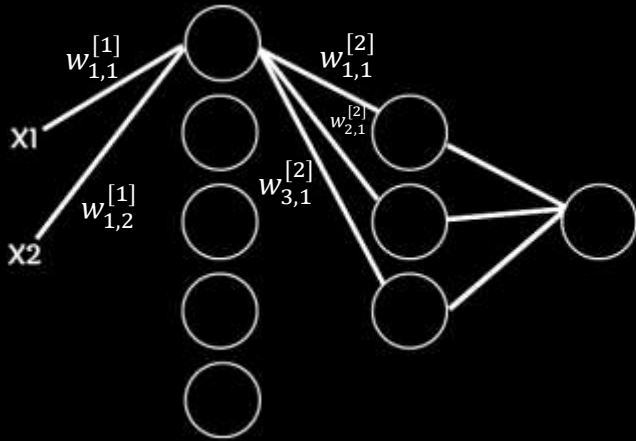
Résultat:



# Vers les réseaux de neurones

L'insuffisance du perceptron tout seul nous oblige à travailler avec plusieurs neurones connectés entre eux pour faire des tâches plus complexes et plus précises :

## 1) Forward Propagation:



### Notation:

$w_{i,j}^{[\alpha]}$  : poids associé au neurone  $i$   
et provenant de l'entrée  $j$   
et  $\alpha$  le numéro de la couche

## Véctorisation des couches d'un réseau de neurone:

### Fonction d'agrégation:

$$\begin{cases} Z^{[1]} = W^{[1]} \cdot X + B^{[1]} \\ Z^{[\alpha]} = W^{[\alpha]} \cdot A^{[\alpha-1]} + B^{[\alpha]} \end{cases}$$

### Fonction d'activation:

$$A^{[\alpha]} = \frac{1}{1 + e^{-Z^{[\alpha]}}}$$

## 2) Back Propagation:

On procède de la même façon que pour un perceptron, sauf qu'ici pour actualiser le poids de connexion  $w_{j,q}^h$  du neurone  $j$  de la couche  $h-1$  vers le neurone  $q$  de la couche  $h$ , nous devons calculer  $\frac{\partial L}{\partial w_{j,q}^h}$ . Pour ce faire, nous allons appliquer le théorème de dérivation des fonctions composées (Règle de la chaîne).

D'après les calculs faits sur la fonction coût d'un perceptron, on obtient :

Cas de C = 2:

$$\begin{aligned}\frac{\partial L}{\partial W^{[2]}} &= \frac{\partial L}{\partial A^{[2]}} \times \frac{\partial A^{[2]}}{\partial Z^{[2]}} \times \frac{\partial Z^{[2]}}{\partial W^{[2]}} \\ \frac{\partial L}{\partial B^{[2]}} &= \frac{\partial L}{\partial A^{[2]}} \times \frac{\partial A^{[2]}}{\partial Z^{[2]}} \times \frac{\partial Z^{[2]}}{\partial B^{[2]}} \\ \frac{\partial L}{\partial W^{[1]}} &= \frac{\partial L}{\partial A^{[2]}} \times \frac{\partial A^{[2]}}{\partial Z^{[2]}} \times \frac{\partial Z^{[2]}}{\partial A^{[1]}} \times \frac{\partial A^{[1]}}{\partial Z^{[1]}} \times \frac{\partial Z^{[1]}}{\partial W^{[1]}} \\ \frac{\partial L}{\partial B^{[1]}} &= \frac{\partial L}{\partial A^{[2]}} \times \frac{\partial A^{[2]}}{\partial Z^{[2]}} \times \frac{\partial Z^{[2]}}{\partial A^{[1]}} \times \frac{\partial A^{[1]}}{\partial Z^{[1]}} \times \frac{\partial Z^{[1]}}{\partial B^{[1]}}\end{aligned}$$

Avec:

$$\frac{\partial L}{\partial A} = \sum \frac{-y}{A} + \frac{1-y}{A}$$

$$\frac{\partial A}{\partial Z} = A \times (1 - A)$$

$$\frac{\partial Z}{\partial W} = A$$

On constate alors une répétition de calculs, on utilisera alors la mémoïsation pour optimiser nos calculs.

### Notation:

[C] : numéro de la couche.

Notation Majuscule:  
pour les vecteurs

On pose :

$$\begin{aligned} base^{[2]} &= \frac{\partial L}{\partial A^{[2]}} \times \frac{\partial A^{[2]}}{\partial Z^{[2]}} \\ base^{[1]} &= \frac{\partial L}{\partial A^{[2]}} \times \frac{\partial A^{[2]}}{\partial Z^{[2]}} \times \frac{\partial Z^{[2]}}{\partial A^{[1]}} \times \frac{\partial A^{[1]}}{\partial Z^{[1]}} = base^{[2]} \times \frac{\partial Z^{[2]}}{\partial A^{[1]}} \times \frac{\partial A^{[1]}}{\partial Z^{[1]}} = W^{[2]T} \times base^{[2]} \times A^{[1]} \times (1 - A^{[1]}) \end{aligned}$$

### Cas général:

En prenant en considération la technique de mémorisation, on obtient les équations suivantes pour une couche [C]:

$$\frac{\partial L}{\partial W^{[C]}} = \frac{1}{m} \times base^{[C]} \cdot A^{[C-1]T} : \text{la somme est incluse dans le produit matricielle}$$

$$\frac{\partial L}{\partial B^{[C]}} = \frac{1}{m} \times base^{[C]}$$

$$base^{[C-1]} = W^{[C]T} \times base^{[C]} \times A^{[C-1]} \times (1 - A^{[C-1]}) : \text{technique de mémorisation.}$$



# Convolution

**1) Operation de convolution:** (Padding = 'same' ou 'valid', Stride = (x, y), kernel = taille du filtre)

0	0	0	0	0
0	2	50	20	0
0	20	18	20	0
0	20	20	20	0

Portion d'une image

\*

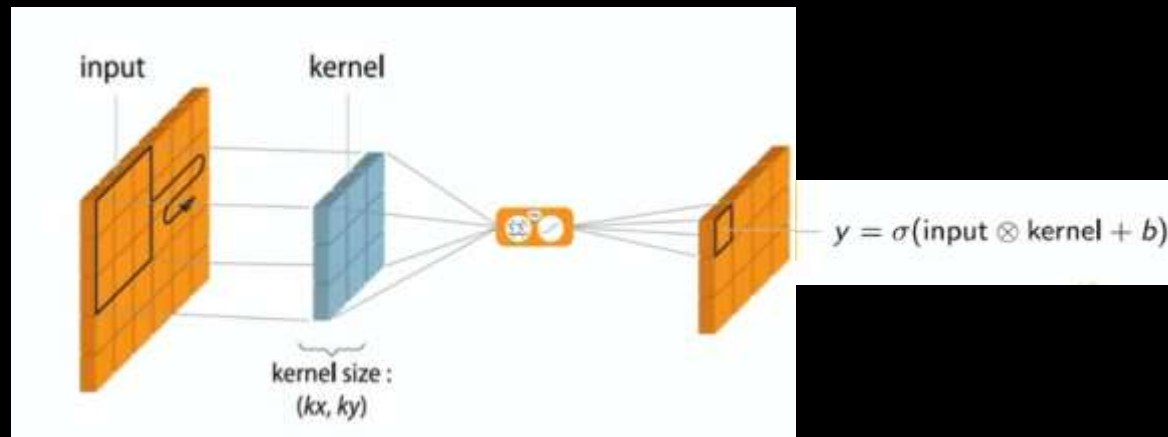
-1	2	2
2	6	2
2	2	-1

Filtre (Kernel)

=

134			

**2) Neurone de Convolution:**



# Maxpooling

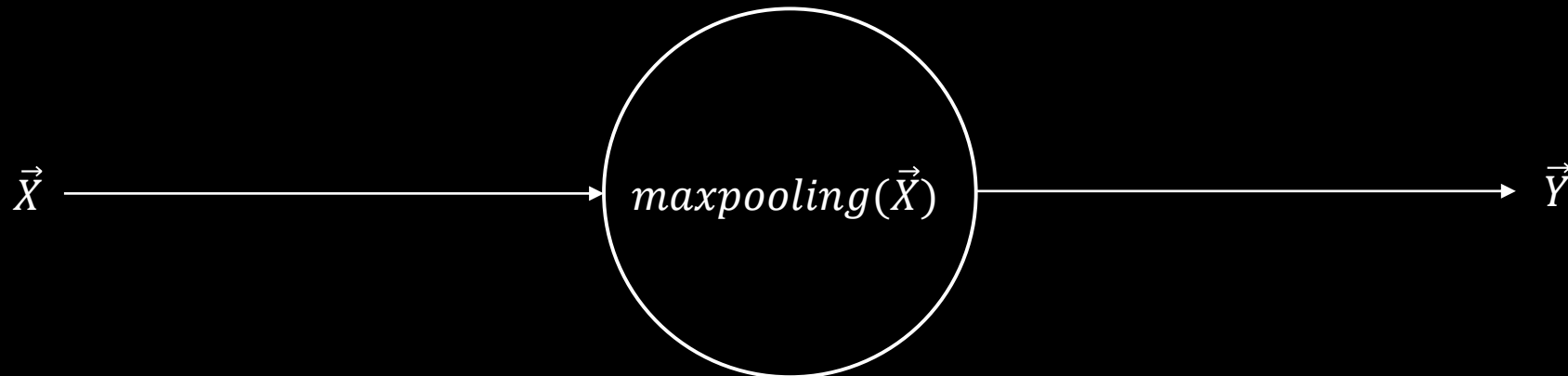
1)Operation de maxpooling: (Stride = (x, y), kernel = taille du filtre)

0	0	0	0
0	2	50	20
0	20	18	20
0	20	20	20

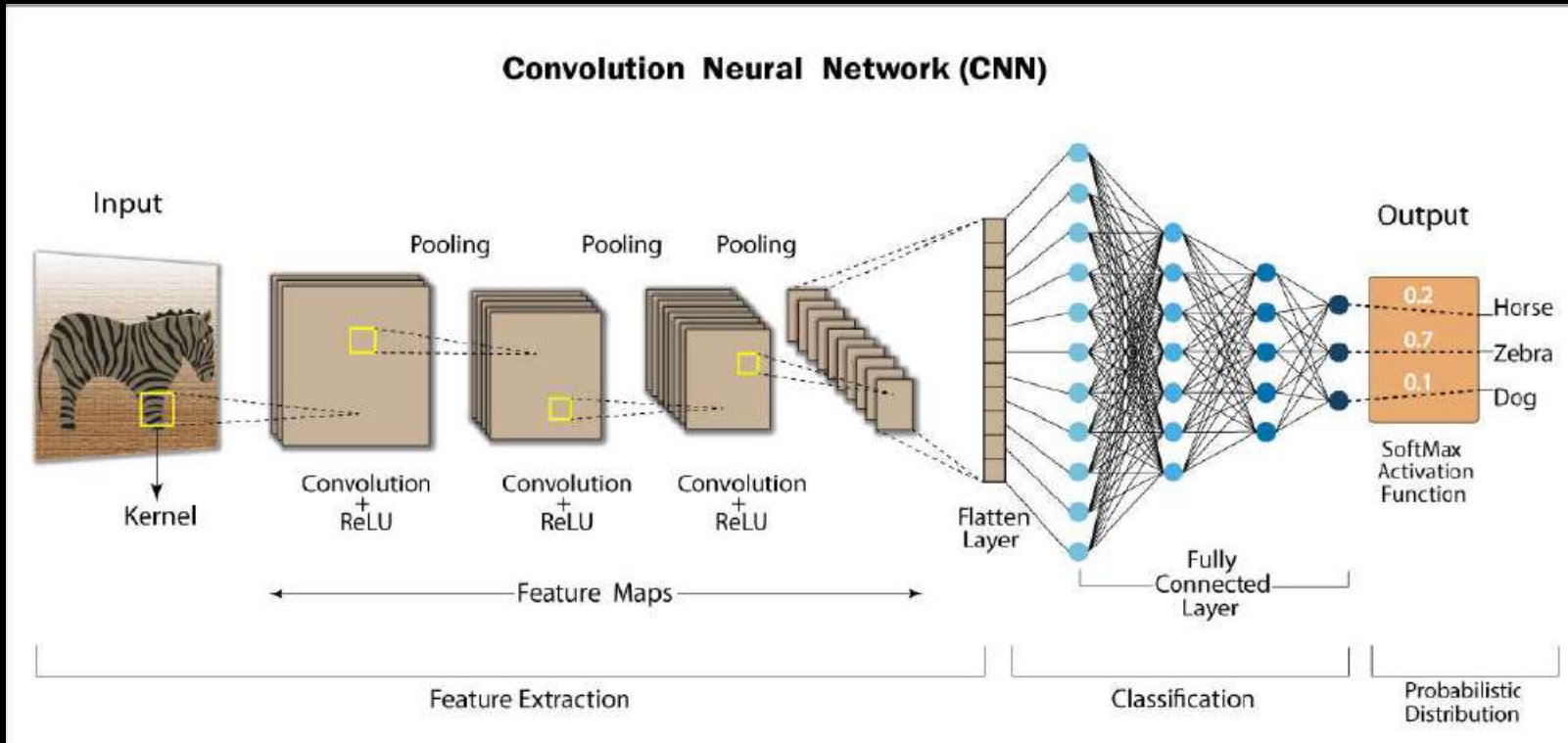
2x2 maxpooling

2	50
20	20

2)Neurone de MaxPooling :



# Reconnaissance d'image

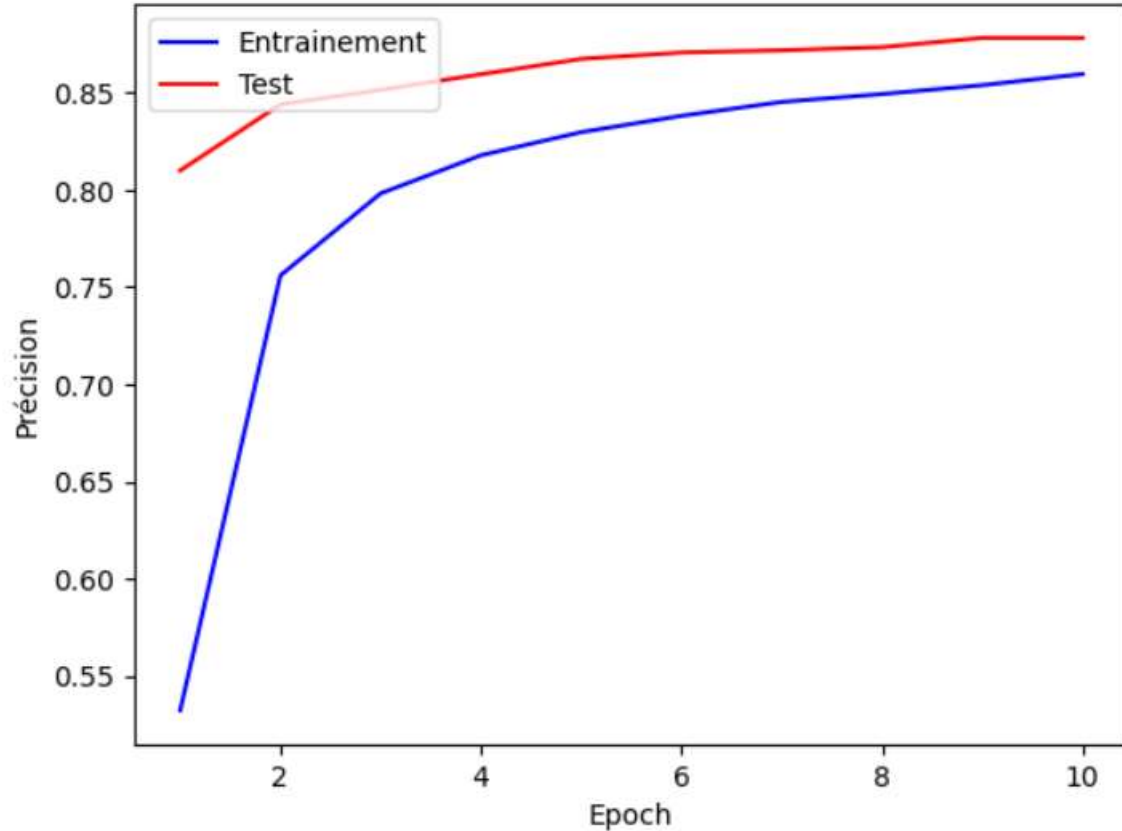


**Structure type d'un réseau de classification d'images**

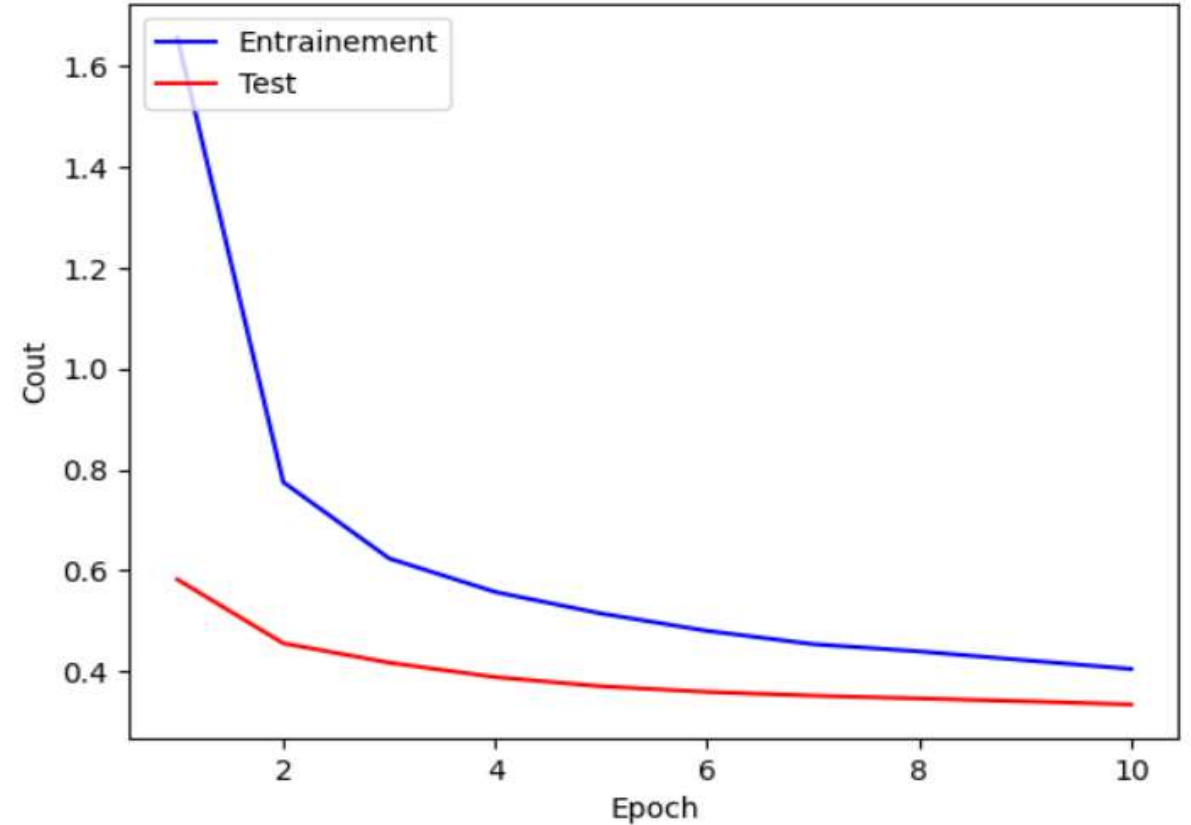
Source : <https://www.analyticsvidhya.com/>

# Résultat d'entraînement d'un reseau de neurone convolutif sur la dataset EMNIST

Précision du model



Perte du model



# Conclusion

Nous avons réussi à construire un perceptron et un réseau de neurones convolutif. Nous les avons appliqués à la dataset EMNIST et avons interprété les résultats obtenus. Pour mettre à jour les différentes valeurs du réseau, nous avons utilisé les algorithmes de rétropropagation du gradient. Enfin, nous avons élaboré une conception pour la détection des infractions routières.

# Annexe 1: Code Perceptron

```
In [31]: #Calculate
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.datasets import make_blobs
from scipy.special import expit
#Importation de notre dataset
from utilities import *
```

Requirement already satisfied: tqdm in c:\users\amine\anaconda3\lib\site-packages (4.64.1)

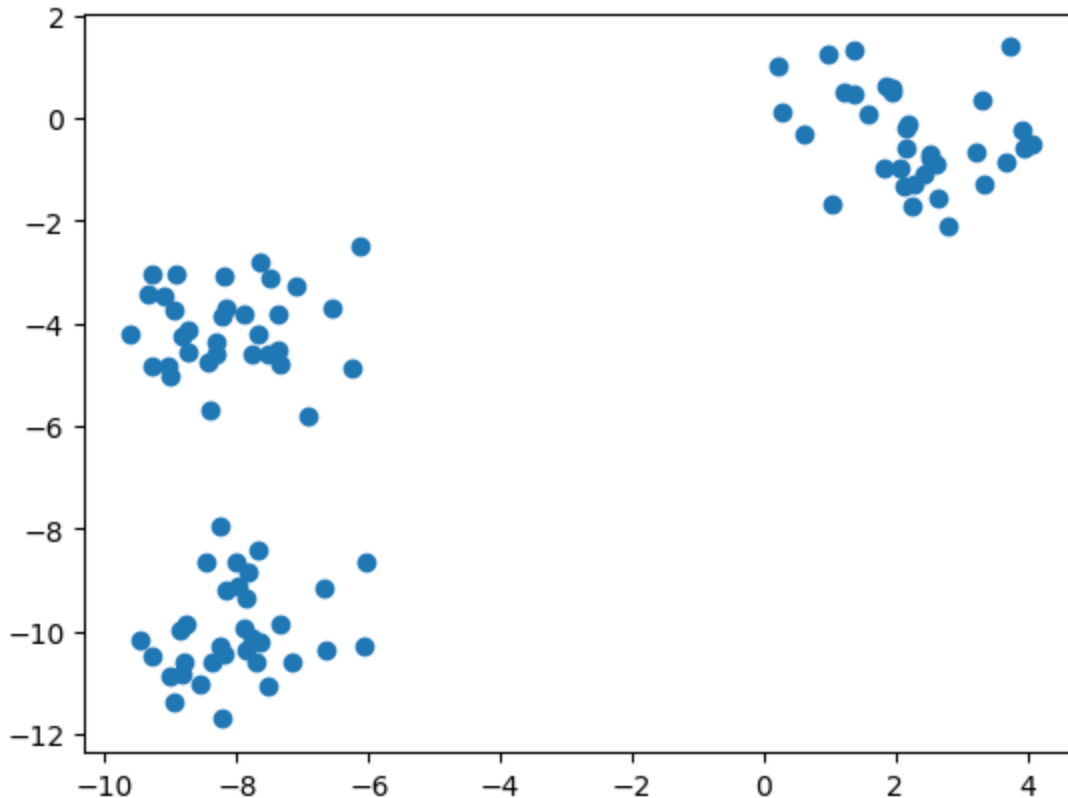
Requirement already satisfied: colorama in c:\users\amine\anaconda3\lib\site-packages (from tqdm) (0.4.6)

```
In [4]: #generer un Dataset:
number_of_arguments = 100
X, y = make_blobs(n_samples=100, n_features=number_of_arguments)
```

```
In [5]: print(f"dim X : {X.shape}")
print(f"dim y : {y.shape}")
colors = [i for i in range(100)]
plt.scatter(X[:,0], X[:,80])
plt.show()
```

dim X : (100, 100)

dim y : (100,)



```
In [6]: def init_w_b(n):
        W = np.random.randn(n,1)
        b = np.random.randn(1)
        return (W, b)
```

```
In [15]: def model(X, W, b):
        Z = X.dot(W) + b
```

```
A = 1/(1+np.exp(-Z))
return A
```

```
In [16]: def LogLoss(A, y):
m = len(y)
epsilon = 1e-10 #Eviter le probleme du 0
return (-1/m)*np.sum(y*np.log(A + epsilon)+(1-y)*np.log(1 - A + epsilon)) #Somme des
```

```
In [69]: def gradients(A, X, y):
m = len(y)
y = y.reshape(y.shape[0], 1) #Numpy donne (100,)
dw = (1/m)* np.dot(X.T, A-y)
db = (1/m)* np.sum(A-y)
return (dw, db)

print(X.shape)

(100, 100)
```

```
In [62]: def changementde_w_b(dw, db, W, b, pas_dapprentissage):
W = W - pas_dapprentissage*dw
b = b - pas_dapprentissage*db
return (W, b)
```

## Assemblage du neurone

```
In [2]: from sklearn.metrics import accuracy_score

def predict(A):
return A>= 0.5

def neurone_artificiel(x_train, y_train, x_test, y_test, pas_dapprentissage=0.001, nb_di
#Initialisation:
W, b = init_w_b(x_train.shape[1])

cout_train = []
accuracy_train = []
cout_test = []
accuracy_test = []

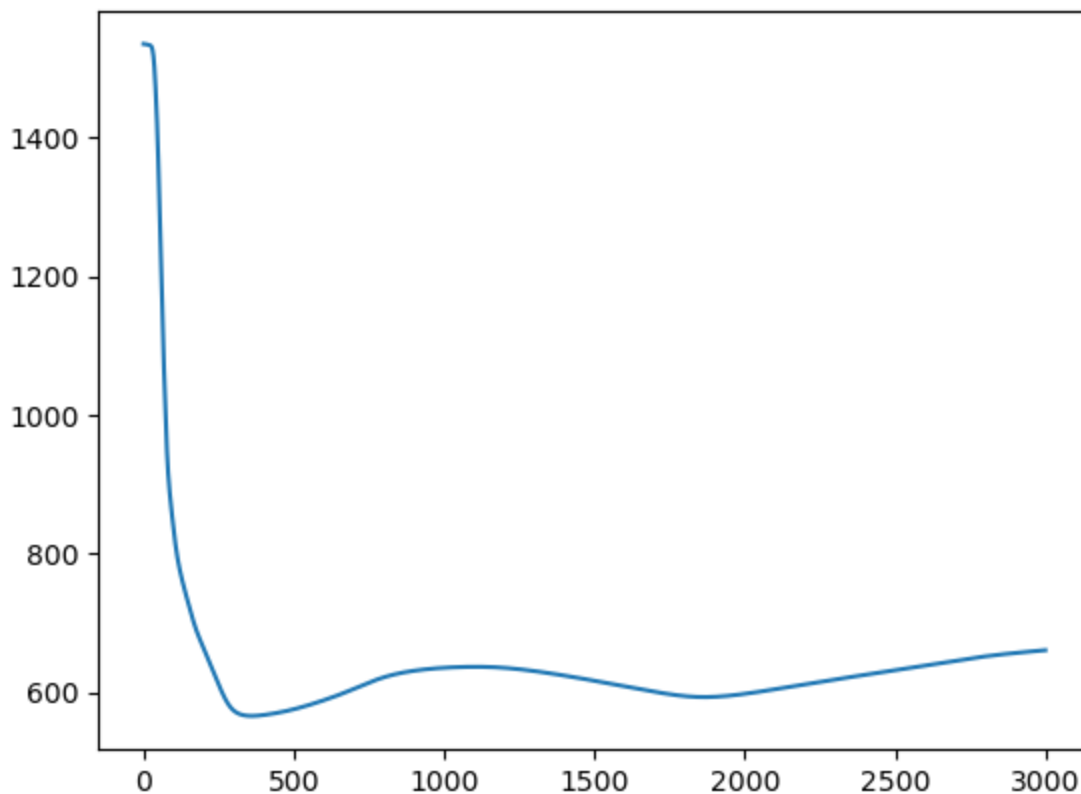
#L'algorithme itératif
for i in range(nb_diteration):
A_train = model(x_train, W, b)
C_train = LogLoss(A_train, y_train)
G = gradients(A_train, x_train, y_train)
W, b = changementde_w_b(G[0], G[1], W, b, pas_dapprentissage)
#ENTRAINEMENT:
cout_train.append(C_train)
accuracy_train.append(accuracy_score(y_train, predict(A_train)))
#TEST:
A_test = model(x_test, W, b)
C_test = LogLoss(A_test, y_test)
cout_test.append(C_test)
accuracy_test.append(accuracy_score(y_test, predict(A_test)))

return (W,b, cout_train, accuracy_train, cout_test, accuracy_test)

#result = neurone_artificiel(X, y)
#W, b, cout_train, accuracy_train, cout_test, accuracy_test= result[0], result[1], resul
```

```
In [23]: plt.plot([i for i in range(3000)], cout_train)
```

```
plt.show()
```



In [ ]:

In [217...

## Annexe 2: Chien ou chat

```
In [26]: #Importation de notre Dataset:
x_train, y_train, x_test, y_test = load_data()

print(x_train.shape)
print(y_train.shape)
print(x_test.shape)
print(y_test.shape)

(1000, 64, 64)
(1000, 1)
(200, 64, 64)
(200, 1)
```

## Premier problème rencontré (SHAPE)

```
In [242... #On applique introduit notre dataset au neurone:
na = neurone_artificiel(x_train, y_train)
W, b, cout_train, accuracy_train, cout_test, accuracy_test = na[0], na[1], na[2], na[3],

C:\Users\amine\AppData\Local\Temp\ipykernel_22324\1146679145.py:3: RuntimeWarning: overf
low encountered in exp
  A = 1/(1+np.exp(-Z))

-----
ValueError                                Traceback (most recent call last)
Cell In[242], line 2
      1 #On applique introduit notre dataset au neurone:
```



```

----> 2 na = neurone_artificiel(x_train, y_train)
      3 W, b, cout = na[0], na[1], na[2]

Cell In[239], line 9, in neurone_artificiel(X, y, pas_dapprentissage, nb_diteration)
      7 for i in range(nb_diteration):
      8     A = model(X, W, b)
----> 9     C = LogLoss(A, y)
     10     cout.append(C)
     11     G = gradients(A, X, y)

Cell In[191], line 4, in LogLoss(A, y)
      2 m = len(y)
      3 epsilon = 1e-10 #Eviter le probleme du 0
----> 4 return (-1/m)*np.sum(y*np.log(A + epsilon)+(1-y)*np.log(1 - A + epsilon))

ValueError: operands could not be broadcast together with shapes (1000,1) (1000,64,1)

```

```

In [27]: #on applatit les données d'entrée afin qu'elles soient compatibles avec notre modele:
x_train_redimensionné = x_train.reshape(1000, -1) # -1 : reorganise le reste.. qui est e
x_test_redimensionné = x_test.reshape(200, -1)
print(x_train_redimensionné.shape)
print(x_test_redimensionné.shape)

(1000, 4096)
(200, 4096)

```

```

In [243... #ReTEST du programme:
res = neurone_artificiel(x_train_redimensionné, y_train, 0.1, 3000)

W, b, cout_train, accuracy_train, cout_test, accuracy_test = res[0], res[1], res[2], res

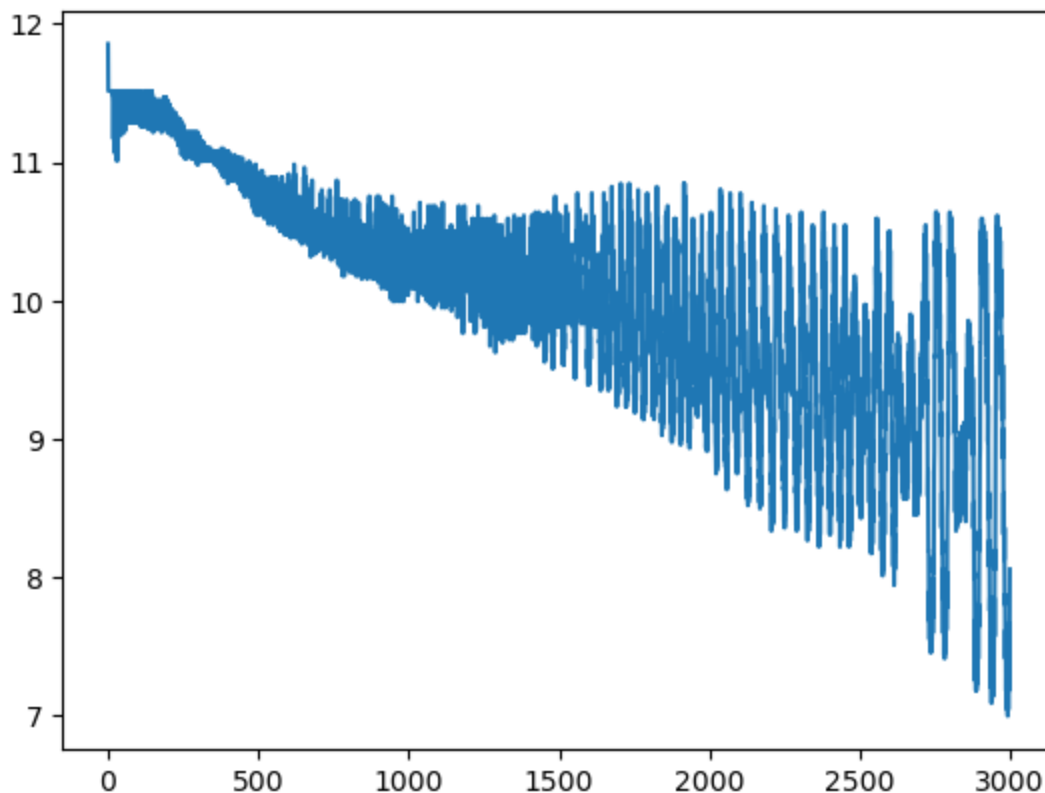
C:\Users\amine\AppData\Local\Temp\ipykernel_22324\1146679145.py:3: RuntimeWarning: overf
low encountered in exp
  A = 1/(1+np.exp(-Z))

```

```

In [244... plt.plot([i for i in range(3000)], cout_train)
plt.show()

```



## Deuxieme problème rencontré (0 DANS LE LOGARITHME)

```
In [246... # Fixé en avance par un epsilon qui represente le 0
# (-1/m)*np.sum(y*np.log(A + epsilon)+(1-y)*np.log(1 - A + epsilon))
```

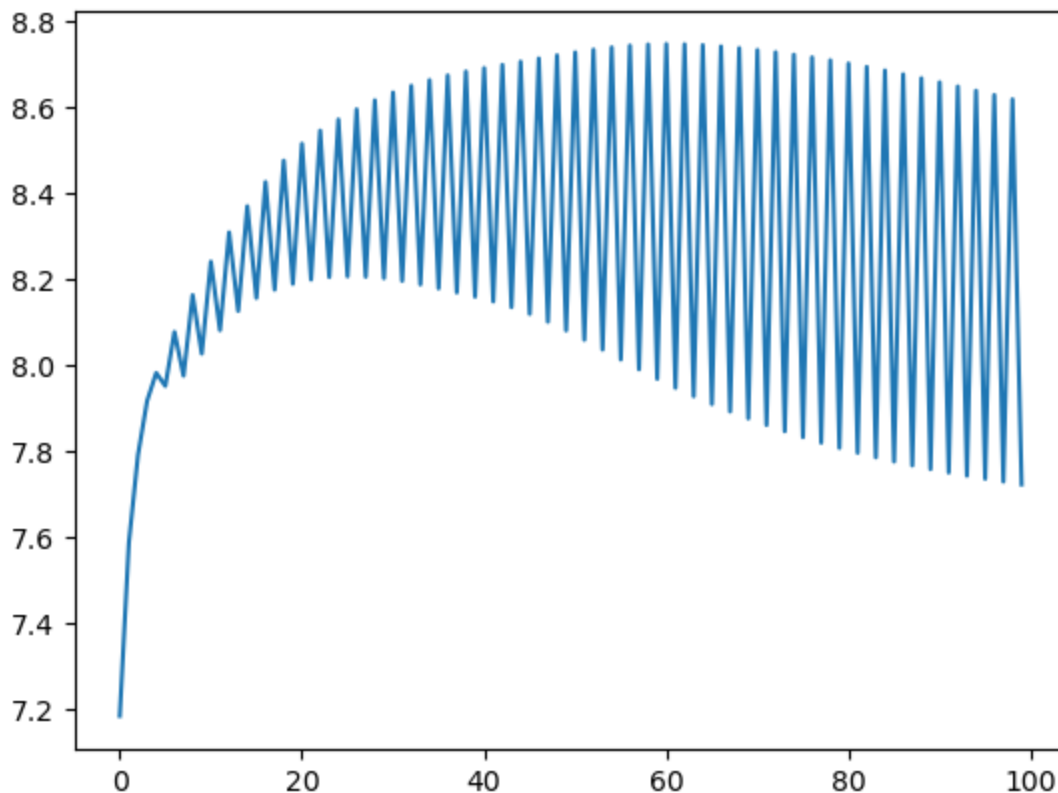
## Troisieme problème rencontré (OVERFLOW DE L'EXPONENTIELLE)

### Normalisation MinMax

```
In [28]: #Parmi Les Solutions pour alléger ce problème est la normalisation:
#X = (X-Xmin)/(Xmax - Xmin)
#Pour Notre Cas les images sont codés en 8 bit donc Xmax = 255,Xmin = 0 generalement:
x_train_redimensionné = x_train.reshape(1000, -1)/x_train.max()
x_test_redimensionné = x_test.reshape(200, -1)/x_test.max()
```

```
In [258... #Re-entraîne notre model:
res = neurone_artificiel(x_train_redimensionné, y_train, pas_d'apprentissage=0.1, nb_dite
W, b, cout_train, accuracy_train, cout_test, accuracy_test = res[0], res[1], res[2], res

plt.plot([i for i in range(100)], cout_train)
plt.show()
```



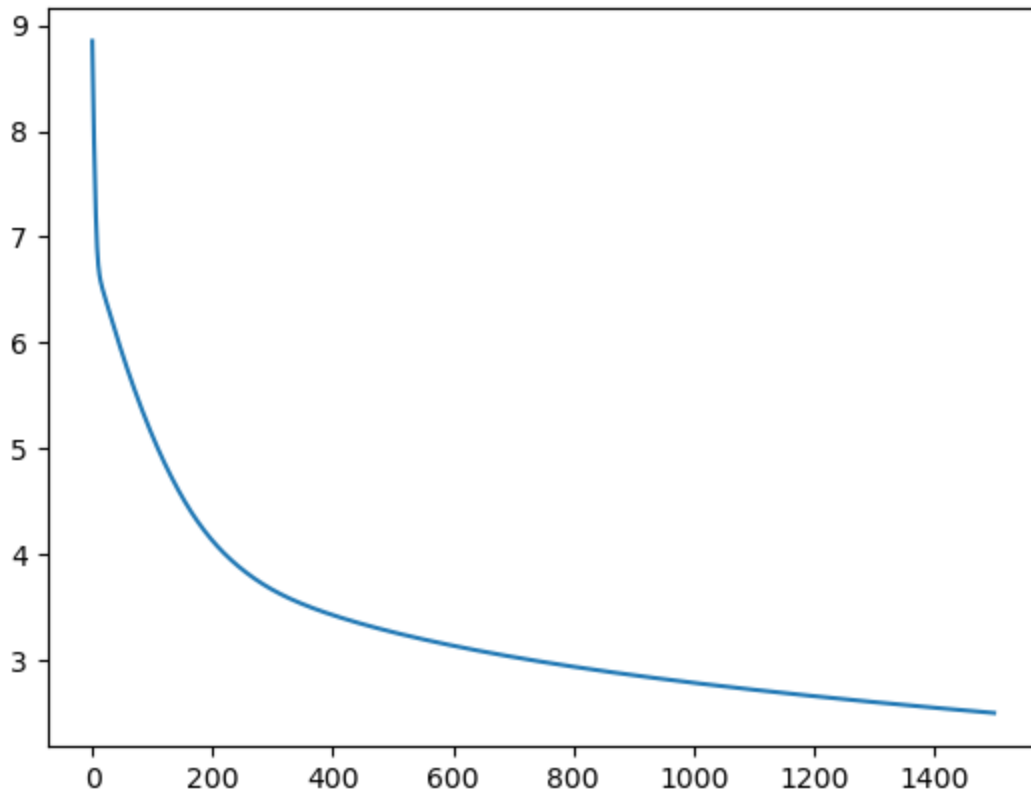
```
In [250... #Pas d'overflow!
```

## Quatrieme problème rencontré (Le Rebondissement de la fonction cout)

```
In [263... #Pour cela il suffit de regler le parametre du neurone (pas d'apprentissage):
"""
Pour un pas d'apprentissage assez grand, notre fonction cout oscille autour de son minim
```

de part et d'autre de la valeur minimal, on réduit alors le pas d'apprentissage (pas trop à effacer !)

```
res = neurone_artificiel(x_train_redimensionné, y_train, pas_d'apprentissage=0.01, nb_dit
W, b, cout_train, accuracy_train, cout_test, accuracy_test = res[0], res[1], res[2], res
plt.plot([i for i in range(1500)], cout_train)
plt.show()
```

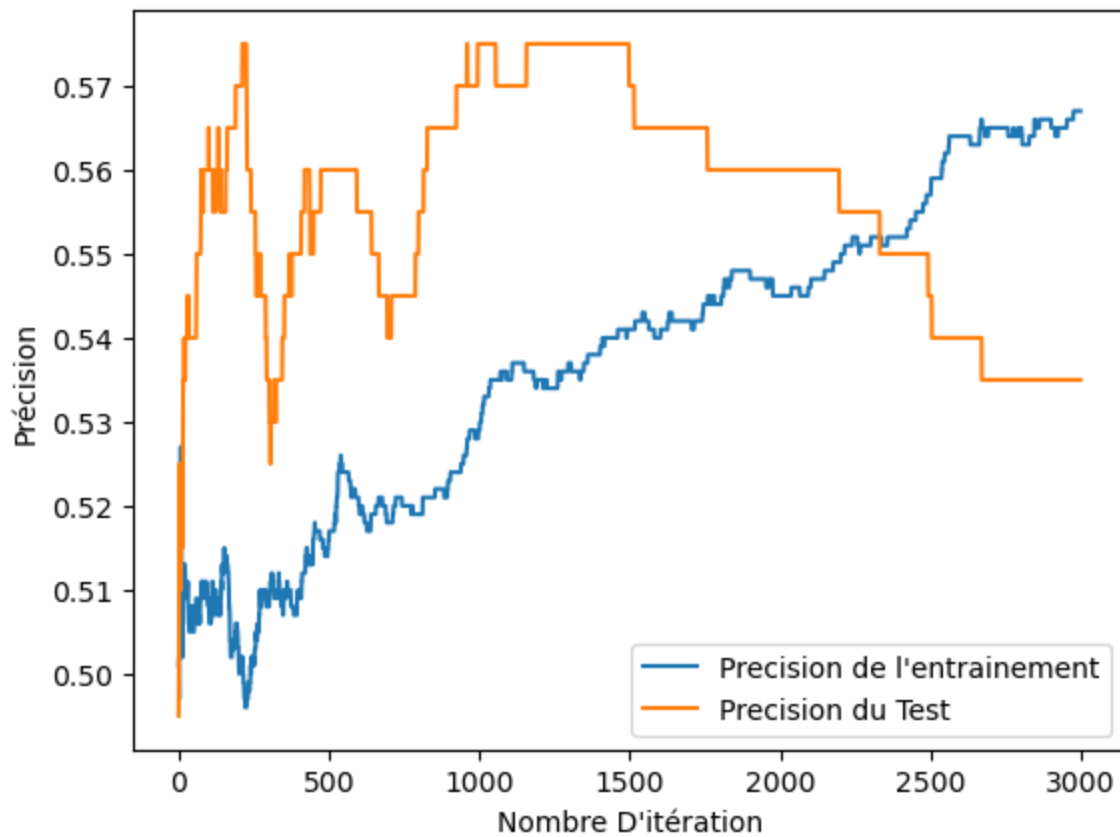
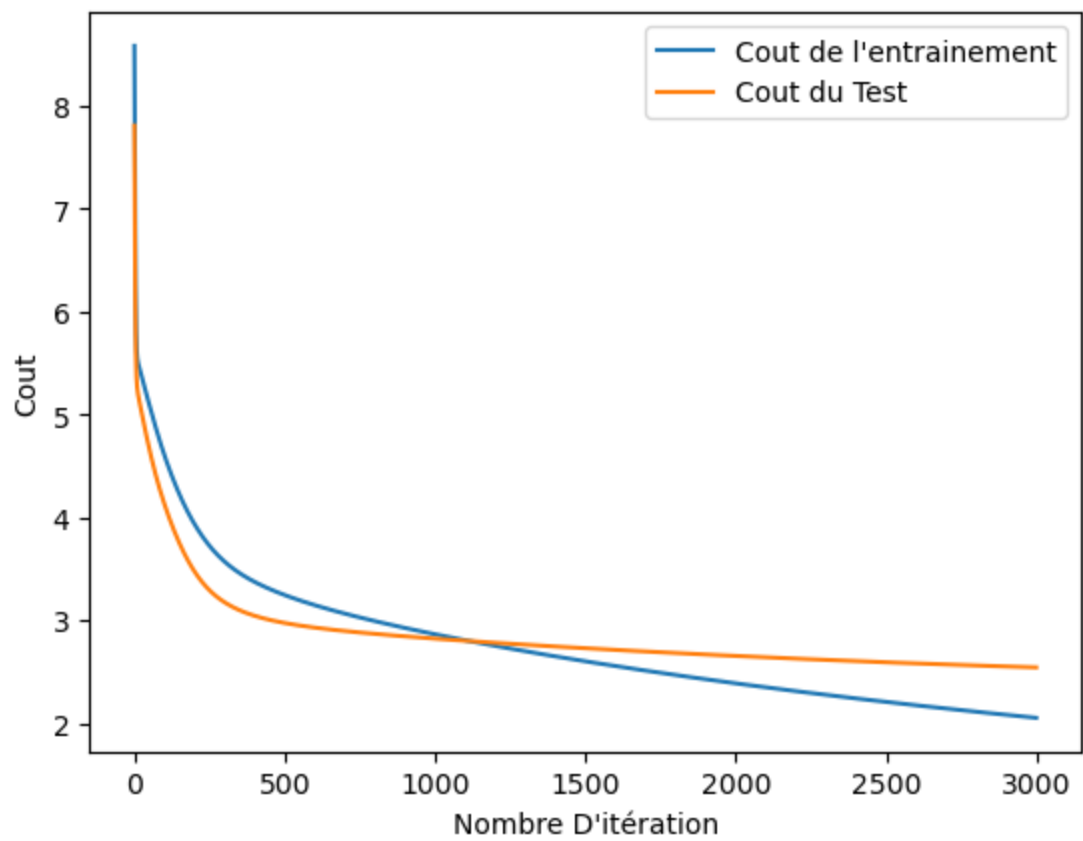


```
In [61]: #On remarque qu'il peut apprendre plus:
n_diteration = 3000
res = neurone_artificiel(x_train_redimensionné, y_train, x_test_redimensionné, y_test, pas
W, b, cout_train, accuracy_train, cout_test, accuracy_test = res[0], res[1], res[2], res
plt.figure(2)
plt.plot([i for i in range(n_diteration)], cout_train, label="Cout de l'entrainement")
plt.plot([i for i in range(n_diteration)], cout_test, label="Cout du Test")
plt.xlabel("Nombre D'itération")
plt.ylabel("Cout")

plt.legend()
plt.show()

plt.plot([i for i in range(n_diteration)], accuracy_train, label="Precision de l'entrain
plt.plot([i for i in range(n_diteration)], accuracy_test, label="Precision du Test")
plt.xlabel("Nombre D'itération")
plt.ylabel("Précision")

plt.legend()
plt.show()
```



In [ ]:

# Annexe 3: Réseau de neurone

## Codage du Forward Propagation

```
In [51]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.datasets import make_blobs, make_circles
from sklearn.metrics import accuracy_score, log_loss
from utilities import *
```

```
In [121... def initialisation(dimensions):
    ln_dim = len(dimensions)
    parametres = {}
    for i in range(1, ln_dim):
        parametres['W' + str(i)] = np.random.randn(dimensions[i], dimensions[i-1])
        parametres['b' + str(i)] = np.random.randn(dimensions[i], 1)
    return parametres

(16, 1)
```

```
In [91]: def sigmoid(Z):
    return 1/(1+np.exp(-Z))

def forward_propagation(X, parametres):
    activations = {'A0': X}
    couches = len(parametres) // 2 #chaque couche contient Wi et Bi,nb de couches
    for couche in range(1, couches + 1):
        W = parametres['W' + str(couche)]
        B = parametres['b' + str(couche)]
        Z = W.dot(activations['A' + str(couche-1)]) + B #BroadCasting
        activations['A' + str(couche)] = sigmoid(Z)

    return activations
```

## Codage de la Retropropagation

```
In [191... def back_propagation(y, parametres, activations):
    m = y.shape[1]
    C = len(parametres) // 2

    dZ = activations['A' + str(C)] - y
    gradients = {}

    for c in reversed(range(1, C + 1)):
        print(dZ.shape)
        print(activations['A' + str(c - 1)].T.shape)
        gradients['∂W' + str(c)] = 1/m * np.dot(dZ, activations['A' + str(c - 1)].T)
        gradients['∂b' + str(c)] = 1/m * np.sum(dZ, axis=1, keepdims=True)
        if c > 1:
            dZ = np.dot(parametres['W' + str(c)].T, dZ) * activations['A' + str(c - 1)]

    return gradients
```

## Mise à jour des parametres

```
In [192... def changement_w_b(gradients, parametres, learning_rate):
```

```

couches = len(parametres) // 2
for couche in range(1, couches + 1):
    ec_w = learning_rate*gradients['∂W'+str(couche)]
    ec_b = learning_rate*gradients['∂b'+str(couche)]
    parametres['W'+str(couche)] = parametres['W'+str(couche)] - ec_w
    parametres['b'+str(couche)] = parametres['b'+str(couche)] - ec_b

return parametres

```

## Codage du reseau de neurone

```

In [230.. def LogLoss(A, y):
    m = len(y)
    epsilon = 1e-10 #Eviter le probleme du 0
    return (-1/m)*np.sum(y*np.log(A + epsilon)+(1-y)*np.log(1 - A + epsilon)) #Somme des

def predict(X, parametres):
    activations = forward_propagation(X, parametres)
    C = len(parametres) // 2
    Af = activations['A' + str(C)]
    return Af >= 0.5

def reseau_de_neurone(X, y, hidden_layers = (16, 16, 16), learning_rate = 0.001, nb_dite

    # initialisation parametres
    dimensions = list(hidden_layers)
    dimensions.insert(0, X.shape[0])
    dimensions.append(y.shape[0])
    np.random.seed(1)
    parametres = initialisation(dimensions)

    # tableau numpy contenant les futures accuracy et log_loss
    training_history = np.zeros((int(nb_diteration), 2))

    C = len(parametres) // 2

    # gradient descent
    for i in range(nb_diteration):

        activations = forward_propagation(X, parametres)
        gradients = back_propagation(y, parametres, activations)
        parametres = changement_w_b(gradients, parametres, learning_rate)
        Af = activations['A' + str(C)]

        # calcul du log_loss et de l'accuracy
        training_history[i, 0] = (log_loss(y.flatten(), Af.flatten()))
        y_pred = predict(X, parametres)
        training_history[i, 1] = (accuracy_score(y.flatten(), y_pred.flatten()))

    # Plot courbe d'apprentissage
    plt.figure(figsize=(12, 4))
    plt.subplot(1, 2, 1)
    plt.plot(training_history[:, 0], label='train loss')
    plt.legend()
    plt.subplot(1, 2, 2)
    plt.plot(training_history[:, 1], label='train acc')
    plt.legend()
    plt.show()

    return training_history

```

In [ ]:

In [ ]:

In [ ]:

In [ ]:

# Annexe 4: Codage d'un réseau de neurone

## Couches

```
In [1]: import numpy as np # Essentiel pour les array, calculs, ...
import matplotlib.pyplot as plt # Pour les graphiques/images
from scipy import signal # Calcul de convolution : le coder soi-même est simple mais les
# sont très couteuses et n'optimisent pas les calculs (réseau trop lent)
from skimage.measure import block_reduce # Calcul de maxpooling (même raison que convolu
# la rétropropagation, il n'y a pas de telle fonction donc on utilise
# des boucles etc ce qui rend le programme plus lent)
import time # Chronomètre
import scipy # Pour la
```

```
In [ ]: class Dense():
    def __init__(self, taille_entree, taille_sortie):
        self.poids = np.random.randn(taille_sortie, taille_entree)
        self.biais = np.random.randn(taille_sortie, 1)

    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        return (np.dot(self.poids, self.entree) + self.biais)

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        grad_poids = np.dot(grad_sortie, self.entree.T)
        self.poids -= pas_apprentissage * grad_poids
        self.biais -= pas_apprentissage * grad_sortie
        return np.dot(self.poids.T, grad_sortie)
```

```
In [2]: class Convolution():
    def __init__(self, dimensions_entree, taille_filtre, profondeur_sortie):
        """Profondeur_sortie = nombre de filtres"""
        self.profondeur_sortie = profondeur_sortie
        self.profondeur_entree, self.hauteur_entree, self.largeur_entree = dimensions_en
        self.dimensions_entree = dimensions_entree
        self.dimensions_sortie = (profondeur_sortie, self.hauteur_entree - taille_filtre
        - taille_filtre + 1)
        self.dimensions_filtres = (profondeur_sortie, self.profondeur_entree, taille_fil
        self.filtres = np.random.randn(*self.dimensions_filtres)
        self.biais = np.random.randn(*self.dimensions_sortie)

    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        self.sortie = np.copy(self.biais)
        for i in range(self.profondeur_sortie):
            for j in range(self.profondeur_entree):
                self.sortie[i] += signal.correlate2d(self.entree[j], self.filtres[i,j],
        return self.sortie

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        grad_filtres = np.zeros(self.dimensions_filtres)
        grad_entree = np.zeros(self.dimensions_entree)
        for i in range(self.profondeur_sortie):
            for j in range(self.profondeur_entree):
                grad_filtres[i,j] = signal.correlate2d(self.entree[j], grad_sortie[i], "
                grad_entree[j] += signal.correlate2d(grad_sortie[i], self.filtres[i,j],
                grad_biais = grad_sortie
        # Mise à jour
        self.filtres -= pas_apprentissage * grad_filtres
```



```
self.biais -= pas_apprentissage * grad_biais
return grad_entree
```

```
In [4]: class Maxpooling():
    def __init__(self, dimensions_entree, taille_filtre, stride):
        self.profondeur_entree, self.hauteur_entree, self.largeur_entree = dimensions_entree
        self.dimensions_entree = dimensions_entree
        self.taille_filtre = taille_filtre
        self.filtre_h, self.filtre_l = taille_filtre
        self.stride = stride
        self.hauteur_sortie = int(1 + (self.hauteur_entree - self.filtre_h) / stride)
        self.largeur_sortie = int(1 + (self.largeur_entree - self.filtre_l) / stride)
        self.profondeur_sortie = self.profondeur_entree

    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        sortie = np.zeros((self.profondeur_sortie, self.hauteur_sortie, self.largeur_sortie))
        stride = self.stride
        for c in range(self.profondeur_sortie):
            for i in range(self.hauteur_sortie):
                for j in range(self.largeur_sortie):
                    sortie[c, i, j] = np.max(entree[c, i * stride : i * stride + self.filtre_h,
                                                j * stride : j * stride + self.filtre_l])

        return sortie

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        grad_entree = np.zeros((self.profondeur_entree, self.hauteur_entree, self.largeur_entree))
        entree = self.entree
        stride = self.stride
        for c in range(self.profondeur_sortie):
            for i in range(self.hauteur_sortie):
                for j in range(self.largeur_sortie):
                    intermediaire = entree[c, i * stride : i * stride + self.filtre_h,
                                           j * stride : j * stride + self.filtre_l]
                    i_max, j_max = np.where(np.max(intermediaire) == intermediaire)
                    i_max, j_max = i_max[0], j_max[0]
                    grad_entree[c, i * stride : i * stride + self.filtre_h, j * stride : j * stride + self.filtre_l] = grad_sortie[c, i, j]

        return grad_entree
```

```
In [5]: class Dropout():
    def __init__(self, q_bernouilli):
        self.p_bernouilli = 1 - q_bernouilli

    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        self.masque_binaire = np.random.binomial(1, self.p_bernouilli, size = entree.shape)
        self.sortie = entree * self.masque_binaire
        return self.sortie

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        return grad_sortie * self.masque_binaire
```

```
In [6]: class Dimension():
    def __init__(self, dimension_entree, dimension_sortie):
        self.dimension_entree = dimension_entree
        self.dimension_sortie = dimension_sortie

    def propagation_directe(self, entree):
        return np.reshape(entree, self.dimension_sortie)

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        return np.reshape(grad_sortie, self.dimension_entree)
```

## Fonctions d'activation

```
In [7]: # Tangente hyperbolique
class Tanh():
    def __init__(self):
        tanh = lambda x : np.tanh(x)
        tanh_p = lambda x : 1 - np.tanh(x)**2
        self.activation = tanh
        self.derivee_activation = tanh_p

    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        return self.activation(self.entree)

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        return np.multiply(grad_sortie, self.derivee_activation(self.entree))
```

```
In [8]: # Sigmoid
class Sigmoid():
    def __init__(self):
        def sigmoide(x):
            return scipy.special.expit(x)

        def sigmoide_p(sig):
            return sig * (1- sig) #derive

        self.activation = sigmoide
        self.derivee_activation = sigmoide_p

    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        self.sig = self.activation(self.entree)
        return self.sig

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        return np.multiply(grad_sortie, self.derivee_activation(self.sig))
```

```
In [12]: # ReLU
class Relu():
    def propagation_directe(self, entree):
        self.entree = entree
        self.sortie = np.maximum(0, entree)
        return self.sortie

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage):
        inter = grad_sortie.copy()
        inter[inter <= 0] = 0
        return inter
```

```
In [13]: # Softmax
class Softmax():
    def propagation_directe(self, entree):
        maxi = np.max(entree)
        entree = entree - maxi
        expo = np.exp(entree)
        self.sortie = expo/np.sum(expo)
        return self.sortie

    def retropropagation(self, grad_sortie, pas_apprentissage): # L'erreur utilisée étant
# en complément de softmax, et comme on a déjà calculé la dérivée de l'erreur par rapport
# l'entrée du softmax, on la transmet (cf cce)
        return grad_sortie
```

# Erreur

```
In [10]: # Erreur quadratique moyenne:
def eqm(sortie_voulue, sortie):
    return np.mean(np.power(sortie_voulue - sortie, 2))

def eqm_derivee(sortie_voulue, sortie):
    return 2 * (sortie - sortie_voulue) / np.size(sortie)
```

```
In [ ]: # Erreur croisée binaire (binary crossentropy)
def bce(sortie_voulue, sortie):
    sortie_voulue = np.clip(sortie_voulue, 1e-7, 1 - 1e-7) # Pour ne pas avoir de divisi
    sortie = np.clip(sortie, 1e-7, 1 - 1e-7) # Pour ne pas avoir de division par zero/ 1
    return -np.mean(sortie_voulue * np.log(sortie) + (1 - sortie_voulue) * np.log(1-sort

def bce_derivee(sortie_voulue, sortie):
    sortie = np.clip(sortie, 1e-7, 1 - 1e-7)
    sortie_voulue = np.clip(sortie_voulue, 1e-7, 1 - 1e-7)
    return ((1 - sortie_voulue) / (1 - sortie) - sortie_voulue / (sortie)) / np.size(sort
```

```
In [14]: #Erreur croisée (categorical crossentropy noté cce)
def cce(sortie_voulue, sortie):
    sortie_voulue = np.clip(sortie_voulue, 1e-7, 1 - 1e-7)
    sortie = np.clip(sortie, 1e-7, 1 - 1e-7)
    return -np.sum(np.log(sortie) * sortie_voulue)

def cce_derivee(sortie_voulue, sortie): # Ici, pour un soucis de rapidité de calcul, on
# la dérivée de l'erreur par rapport à l'entrée du softmax en utilisant
# cce comme erreur à la dernière couche. En effet, la formule est bien
# plus simple comme ceci, et on utilisera toujours Softmax comme fonction
# d'activation en dernière couche avec cce (cf. Softmax)
    sortie_voulue = np.clip(sortie_voulue, 1e-7, 1 - 1e-7)
    sortie = np.clip(sortie, 1e-7, 1 - 1e-7)
    return sortie - sortie_voulue
```

## Assemblage du réseau

```
In [16]: def precision_erreur(res, entree_t, sortie_t):
    succes = 0
    total = 0
    e = 0
    for i in range(len(entree_t)):
        s = res.prediction(entree_t[i])
        e += res.erreur(sortie_t[i], s)
        maxi = np.argmax(s)
        if maxi == np.argmax(sortie_t[i]):
            succes += 1

    total += 1
    return (succes/total, e/total)
```

```
In [18]: class Reseau():

    def __init__(self, couches, erreur, erreur_derivee):
        self.couches = couches
        self.erreur = erreur
        self.erreur_derivee = erreur_derivee

    def prediction(self, entree):
        sortie = entree
        for couche in self.couches:
            sortie = couche.propagation_directe(sortie)
```

```

        return sortie

def entrainement(self, entree_e , sortie_e , entree_t, sortie_t, iterations, pas_appr
nb_entrainements = len(entree_e)
liste_erreur = []
liste_erreur_t = []
precision_e = []
precision_t = []
tini = time.time()
for itera in range(iterations):
    print("Itération numéro ", itera+1)
    erreur = 0
    titer = time.time()
    succes_e = 0
    tot_e = 0
    for i in range(nb_entrainements):
        # Propagation directe
        sortie = entree_e[i]

        for couche in self.couches:
            sortie = couche.propagation_directe(sortie)
        if np.argmax(sortie) == np.argmax(sortie_e[i]):
            succes_e += 1
        tot_e += 1

        # Ajout de l'erreur
        erreur += self.erreur(sortie_e[i], sortie)

        # Rétropropagation
        sortie_retro = self.erreur_derivee(sortie_e[i], sortie)
        for couche in reversed(self.couches):
            sortie_retro = couche.retropropagation(sortie_retro, pas_apprentissag

    # Traitement de l'erreur
    erreur /= nb_entrainements
    liste_erreur.append(erreur)
    print("Erreur : ", erreur)
    prec_test, err_test = precision_erreur(self, entree_t, sortie_t)
    liste_erreur_t.append(err_test)
    print("Erreur sur la base de test :", liste_erreur_t[-1])
    precision_e.append(succes_e/tot_e)
    precision_t.append(prec_test)
    print("Précision sur la base entrainement :", precision_e[-1])
    print("Précision sur la base test :", precision_t[-1])
    print("Durée de l'itération :", round(time.time() - titer, 2) , "s")
    print()

print()
print("Fin de l'apprentissage")
print("Durée de l'apprentissage : ", round(time.time() - tini, 2) , "s")
return (liste_erreur, liste_erreur_t, precision_e, precision_t)

def test(self, entree_t, sortie_t):
nb_entrainements = len(entree_t)
erreur = 0
for i in range(nb_entrainements):

    # Propagation directe
    sortie = entree_t[i]
    for couche in self.couches:
        sortie = couche.propagation_directe(sortie)

    # Ajout de l'erreur
    erreur += self.erreur(sortie_t[i], sortie)

```

```
erreur /= nb_entrainements  
return erreur
```

In [ ]:

# Annexe 5 : Entrainement d'un reseau de neurone convolutif sur la dataset EMNIST en utilisant keras

```
In [ ]: # Importation des librairies
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt

from sklearn.model_selection import train_test_split
import cv2

#keras
from keras.models import Sequential
from keras.layers import Dense, Dropout, Flatten
from keras.layers import Conv2D, MaxPooling2D
from keras.utils import np_utils
import sklearn.metrics as metrics
```

```
In [30]: train = pd.read_csv(r"C:\Users\amine\TIPE_CODE\EMNIST\emnist-balanced-train.csv",delimit
test = pd.read_csv(r"C:\Users\amine\TIPE_CODE\EMNIST\emnist-balanced-test.csv", delimit
mapp = pd.read_csv(r"C:\Users\amine\TIPE_CODE\EMNIST\emnist-balanced-mapping.txt", delim
            index_col=0, header=None, squeeze=True)
print("Train: %s, Test: %s, Map: %s" %(train.shape, test.shape, mapp.shape))
```

Train: (112799, 785), Test: (18799, 785), Map: (47,)

C:\Users\amine\AppData\Local\Temp\ipykernel\_19076\1858441103.py:3: FutureWarning: The squeeze argument has been deprecated and will be removed in a future version. Append .squeeze("columns") to the call to squeeze.

```
mapp = pd.read_csv(r"C:\Users\amine\TIPE_CODE\EMNIST\emnist-balanced-mapping.txt", del
imiter = ' ', \
```

```
In [31]: # Constants
HEIGHT = 28
WIDTH = 28
```

```
In [32]: # Split x and y
train_x = train.iloc[:,1:]
train_y = train.iloc[:,0]
del train

test_x = test.iloc[:,1:]
test_y = test.iloc[:,0]
del test
```

```
In [ ]:
```

```
In [33]: def rotate(image):
    image = image.reshape([HEIGHT, WIDTH])
    image = np.fliplr(image)
    image = np.rot90(image)
    return image
```

```
In [34]: train_x = np.asarray(train_x)
train_x = np.apply_along_axis(rotate, 1, train_x)
print ("train_x:",train_x.shape)

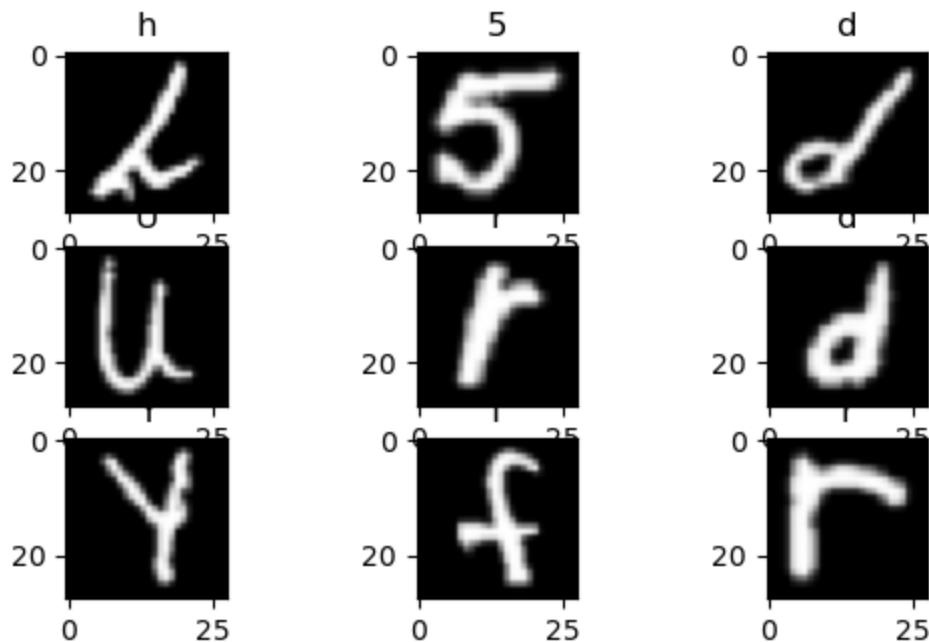
test_x = np.asarray(test_x)
```

```
test_x = np.apply_along_axis(rotate, 1, test_x)
print ("test_x:", test_x.shape)
```

```
train_x: (112799, 28, 28)
test_x: (18799, 28, 28)
```

```
In [35]: # Normalisation
train_x = train_x.astype('float32')
train_x /= 255
test_x = test_x.astype('float32')
test_x /= 255
```

```
In [12]: # Affichage de qql elements de la dataset
for i in range(100, 109):
    plt.subplot(330 + (i+1))
    plt.imshow(train_x[i], cmap=plt.get_cmap('gray'))
    plt.title(chr(mapp[train_y[i]]))
```



```
In [13]: # nombre de classes:
num_classes = train_y.nunique()
```

```
In [14]: # Affichage plus clair:
train_y = np_utils.to_categorical(train_y, num_classes)
test_y = np_utils.to_categorical(test_y, num_classes)

train_y: (112799, 47)
test_y: (18799, 47)
```

```
In [15]: # Redimensionne l'entrée pour qu'elle 'fit' à notre model
train_x = train_x.reshape(-1, HEIGHT, WIDTH, 1)
test_x = test_x.reshape(-1, HEIGHT, WIDTH, 1)
```

```
In [16]: # Division de notre dataset:
train_x, val_x, train_y, val_y = train_test_split(train_x, train_y, test_size= 0.10, ran
```

```
In [17]: #Création du model
model = Sequential()

model.add(Conv2D(filters=128, kernel_size=(5,5), padding = 'same', activation='relu',\
    input_shape=(HEIGHT, WIDTH,1)))
model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2), strides=(2,2)))
model.add(Conv2D(filters=64, kernel_size=(3,3) , padding = 'same', activation='relu'))
```

```

model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2,2)))

model.add(Flatten())
model.add(Dense(units=128, activation='relu'))
model.add(Dropout(.5))
model.add(Dense(units=num_classes, activation='softmax'))

```

```
In [18]: model.compile(loss='categorical_crossentropy', optimizer='adam', metrics=['accuracy'])
```

```
In [19]: #Entraînement
history = model.fit(train_x, train_y, epochs=10, batch_size=512, verbose=1, \
                    validation_data=(val_x, val_y))
```

```

Epoch 1/10
199/199 [=====] - 94s 470ms/step - loss: 1.6558 - accuracy: 0.5
322 - val_loss: 0.5825 - val_accuracy: 0.8100
Epoch 2/10
199/199 [=====] - 94s 473ms/step - loss: 0.7751 - accuracy: 0.7
560 - val_loss: 0.4559 - val_accuracy: 0.8441
Epoch 3/10
199/199 [=====] - 98s 494ms/step - loss: 0.6239 - accuracy: 0.7
983 - val_loss: 0.4175 - val_accuracy: 0.8515
Epoch 4/10
199/199 [=====] - 98s 493ms/step - loss: 0.5576 - accuracy: 0.8
179 - val_loss: 0.3890 - val_accuracy: 0.8596
Epoch 5/10
199/199 [=====] - 99s 499ms/step - loss: 0.5149 - accuracy: 0.8
298 - val_loss: 0.3707 - val_accuracy: 0.8675
Epoch 6/10
199/199 [=====] - 99s 496ms/step - loss: 0.4806 - accuracy: 0.8
382 - val_loss: 0.3596 - val_accuracy: 0.8707
Epoch 7/10
199/199 [=====] - 97s 489ms/step - loss: 0.4542 - accuracy: 0.8
453 - val_loss: 0.3521 - val_accuracy: 0.8719
Epoch 8/10
199/199 [=====] - 90s 450ms/step - loss: 0.4399 - accuracy: 0.8
494 - val_loss: 0.3467 - val_accuracy: 0.8735
Epoch 9/10
199/199 [=====] - 90s 450ms/step - loss: 0.4224 - accuracy: 0.8
539 - val_loss: 0.3411 - val_accuracy: 0.8783
Epoch 10/10
199/199 [=====] - 93s 465ms/step - loss: 0.4052 - accuracy: 0.8
597 - val_loss: 0.3347 - val_accuracy: 0.8783

```

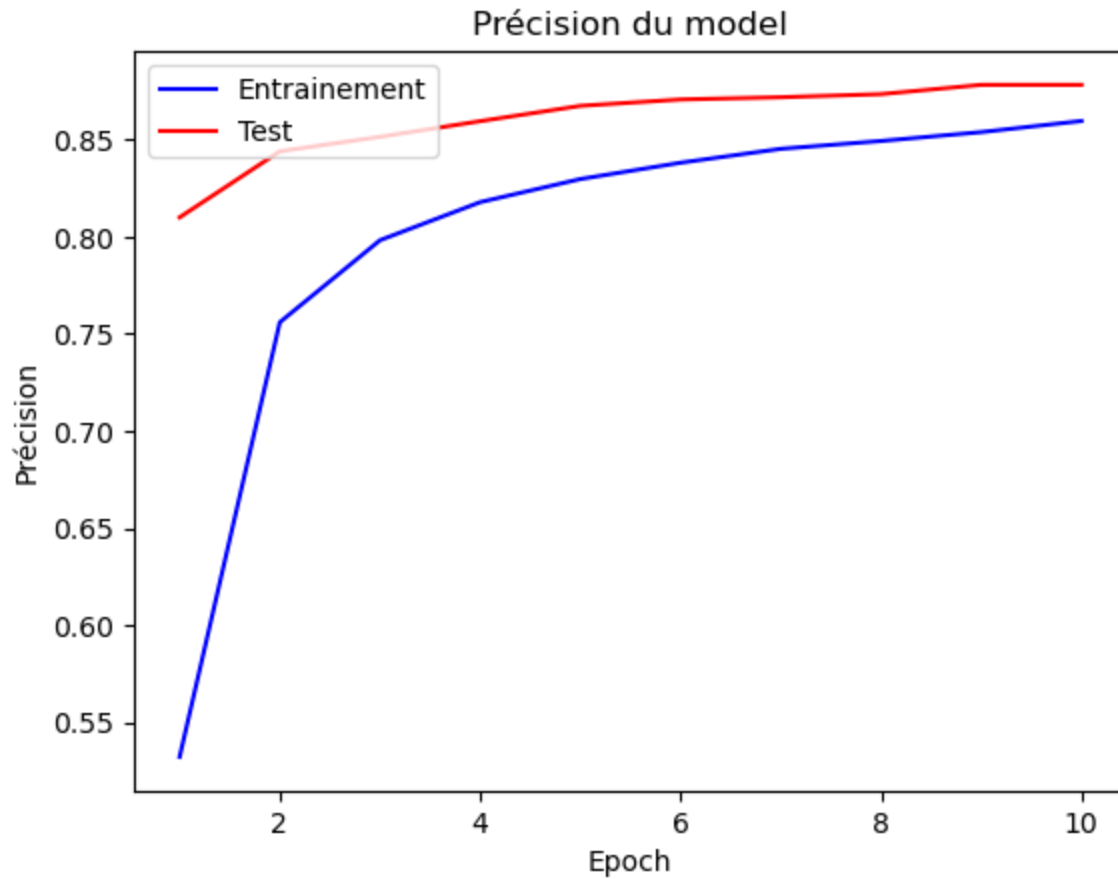
```
In [24]: # plot de la precision et de la fonction cout
def plotgraph_acc(epochs, acc, val_acc):
    # Plot training & validation accuracy values
    plt.plot(epochs, acc, 'b')
    plt.plot(epochs, val_acc, 'r')
    plt.title('Précision du model')
    plt.ylabel('Précision')
    plt.xlabel('Epoch')
    plt.legend(['Entraînement', 'Test'], loc='upper left')
    plt.show()

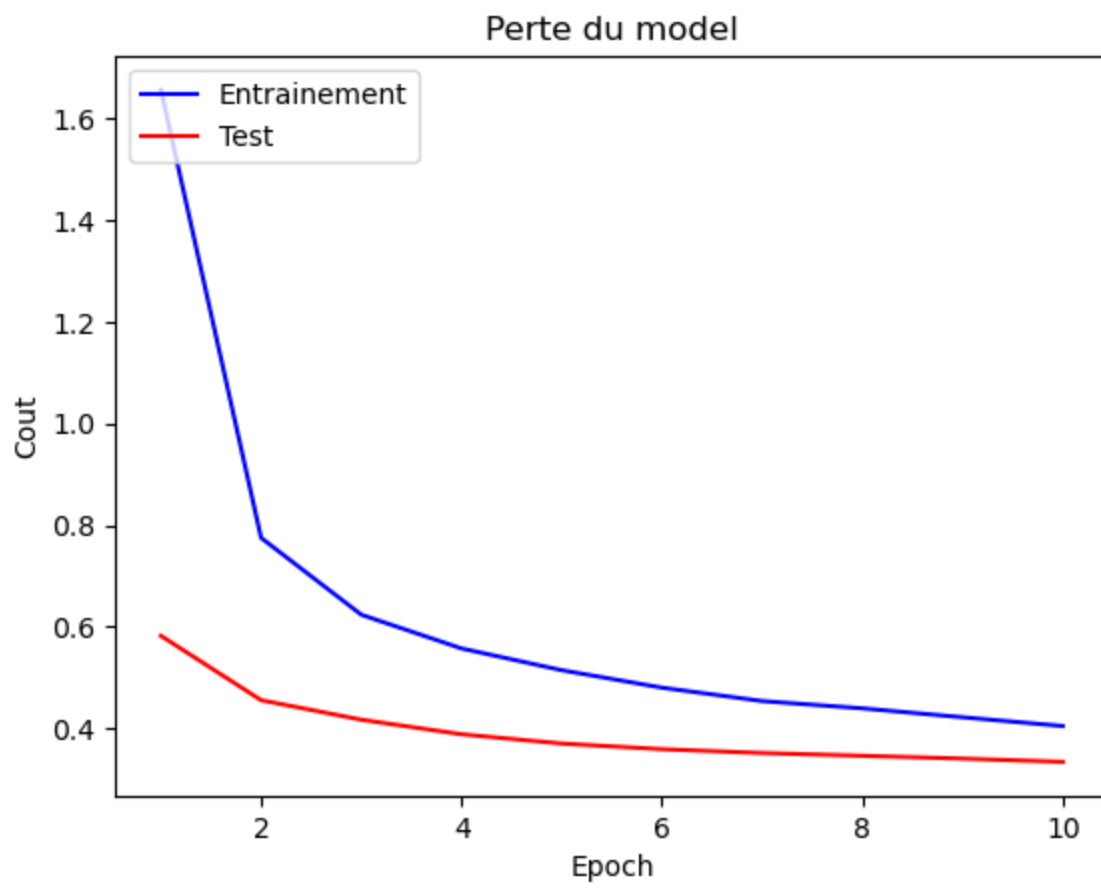
def plotgraph_loss(epochs, acc, val_acc):
    plt.plot(epochs, acc, 'b')
    plt.plot(epochs, val_acc, 'r')
    plt.title('Perte du model')
    plt.ylabel('Cout')
    plt.xlabel('Epoch')
    plt.legend(['Entraînement', 'Test'], loc='upper left')
    plt.show()

acc = history.history['accuracy']
```



```
val_acc = history.history['val_accuracy']  
loss = history.history['loss']  
val_loss = history.history['val_loss']  
epochs = range(1, len(acc)+1)  
  
plotgraph_acc(epochs, acc, val_acc)  
  
plotgraph_loss(epochs, loss, val_loss)  
  
score = model.evaluate(test_x, test_y, verbose=0)  
print("Test loss:", score[0])  
print("Test accuracy:", score[1])
```





Test loss: 0.35347482562065125  
Test accuracy: 0.8765891790390015

In [ ]: