

## Oppgave 1

Det begrepsmessige skjemaet for en relasjonsdatabase for plassreservering i tog inneholder (blant annet) følgende tabeller:

Tog(togNr, startSt, endeSt, ankomstTid)

TogTabell(togNr, stasjon, avgangsTid)

Plass(dato, togNr, vognNr, plassNr, vindu, ledig)

- togNr, vognNr og plassNr har domene INTEGER
- startSt, endeSt og stasjon har domene VARCHAR(30)
- vindu og ledig har domene BOOLEAN
- avgangsTid og ankomstTid har domene TIME
- dato har domene DATE – Tog har primærnøkkel togNr
- TogTabell har primærnøkkel (togNr, avgangsTid)
- Plass har primærnøkkel (dato, togNr, vognNr, plassNr)
- togNr er fremmednøkkel til Tog både i TogTabell og Plass
- Plass har følgende FD: (togNr, vognNr, plassNr) → vindu

A) Hvilken normalform har hver av de tre relasjonene? Begrunn svarene.

- Tog er på BCNF, fordi alle ikke-trivielle FDer i Tog er på formen  $X \twoheadrightarrow A$ , hvor  $X$  er en supernøkkel i Tog.
- Togtabell er på BCNF, fordi alle ikke-trivielle FDer i Togtabell er på formen  $X \twoheadrightarrow A$ , hvor  $X$  er en supernøkkel i Togtabell.
- Plass er på 3NF, fordi det finnes en ikke-triviell FD  $X \twoheadrightarrow A$  og en kandidatnøkkel  $K$  hvor  $X \subset K$ ,  $X \neq K$  og  $A$  ikke er et nøkkelattributt.

B) NSB vurderer å splitte relasjonen Plass i en ny relasjon Sete og en endret relasjon Plass slik at datastrukturen blir:

Tog(togNr, startSt, endeSt, ankomstTid)

TogTabell(togNr, stasjon, avgangsTid)

Sete(togNr, vognNr, plassNr, vindu)

Plass(dato, togNr, vognNr, plassNr, ledig)

Er denne dekomposisjonen av Plass tapsfri?

Før Chasealgoritme

	Vindu	Dato	TogNr	VognNr	PlassNr	Ledig
Plass	vindu <sub>1</sub>	dato	tognr	vognnr	plassnr	ledig
Sete	vindu	dato <sub>2</sub>	tognr	vognr	plassnr	ledig <sub>2</sub>

Etter Chasealgoritme

	Vindu	Dato	TogNr	VognNr	PlassNr	Ledig
Plass	vindu	dato	tognr	vognnr	plassnr	ledig
Sete	vindu	dato <sub>2</sub>	tognr	vognr	plassnr	ledig <sub>2</sub>

- Etter chasealgoritme så har vi en rad uten indeks, og derfor er dekomposisjonen tapsfri.

Hvilken normalform har Sete og Plass?

- Sete er på EKNF, fordi det fins en ikke-triviell FD  $X \rightarrow A$  hvor  $X$  ikke er en supernøkkel og  $A$  er et attributt i en elementær kandidatnøkkel.
- Plass er på BCNF, fordi alle ikke-trivielle FDer i Togtabell er på formen  $X \rightarrow A$ , hvor  $X$  er en supernøkkel i Togtabell.

Ser du noen problemer med denne dekomposisjonen? Begrunn svarene.

- Dekomposisjonen er ikke FD-bevarende.

C) Anta at NSB velger datastrukturen i deloppgave 1b. Bruk relasjonsalgebra til å finne vognNr på de vognene i tog nr. 401 som den 10.6.2008 ikke har noen ledige vindusplasser.

$$\pi_{\text{Tog}}(\sigma_{\text{tognr}=401}(\text{Tog}) \text{ and } \sigma_{\text{dato}=2008-06-10}(\text{Plass}) \text{ and } \sigma_{\text{vindu}=\text{true}}) \neq \emptyset$$

D) Uttrykk i relasjonsalgebra at (togNr, stasjon) er kandidatnøkkel i relasjonen TogTabell. Hint: Husk at vi i relasjonsalgebraen kan ha booleske uttrykk av formen  $E1 \subseteq E2$  der  $E1$  og  $E2$  er relasjonsuttrykk.

$$\sigma_{(\text{T.tognr} = \text{U.tognr and T.stasjon} = \text{U.stasjon}) \text{ and T.avgang} \neq \text{U.avgang}}(\rho_{\text{T}}(\text{Togtabell}) \times \rho_{\text{U}}(\text{Togtabell})) \neq \emptyset$$

## Oppgave 2

Gitt relasjonen  $R(A, B, C, D, E, F, G)$ . La  $Q = \{CDE \rightarrow B, AF \rightarrow B, B \rightarrow A, BCF \rightarrow DE, D \rightarrow G\}$  være de integritetsreglene som gjelder for  $R$ .

A. Hvilke kandidatnøkler har  $R$ ?

- $BCF$ ,  $ACF$  og  $CDEF$  er kandidatnøkler i  $R$ .

B. Finn den høyeste normalformen som  $R$  tilfredsstiller.

- 1NF

C. La  $D = \{ABF, ACF, BCDE, DG\}$  være en dekomposisjon av  $R$ . Avgjør om  $D$  er tapsfri med hensyn på  $Q$ .

- Dekomposisjonen er ikke tapsfri med hensyn på  $Q$ .

Før Chasealgoritme

	A	B	C	D	E	F	G
ABF	A	B	c <sub>1</sub>	d <sub>1</sub>	e <sub>1</sub>	F	g <sub>1</sub>
ACF	A	b <sub>2</sub>	C	d <sub>2</sub>	e <sub>2</sub>	F	g <sub>2</sub>
BCDE	a <sub>1</sub>	B	C	D	E	f <sub>1</sub>	g <sub>3</sub>
DG	a <sub>2</sub>	b <sub>3</sub>	c <sub>2</sub>	D	e <sub>3</sub>	f <sub>2</sub>	G

Etter Chasealgoritme

	A	B	C	D	E	F	G
ABF	A	B	c <sub>1</sub>	d <sub>1</sub>	e <sub>1</sub>	F	g <sub>1</sub>
ACF	A	B	C	d <sub>2</sub>	e <sub>2</sub>	F	g <sub>2</sub>
BCDE	A	B	C	D	E	f <sub>1</sub>	G
DG	a <sub>2</sub>	b <sub>3</sub>	c <sub>2</sub>	D	e <sub>3</sub>	f <sub>2</sub>	G

- Etter chasealgoritme så har vi ikke en rad uten indeks, og derfor er ikke dekomposisjonen tapsfri.

D. (i) Dekomponer  $R$  tapsfritt til BCNF. Start dekomposisjonen ved å ta utgangspunkt i  $F$ Den  $CDE \rightarrow B$ .

- R dekomponert ved å ta utgangspunkt i  $CDE \twoheadrightarrow B$  gir relasjonene  $S_1(ABCDEG)$  og  $S_2(CDEF)$ .  $S_1$ :  $FD = \{CDE \twoheadrightarrow B, B \twoheadrightarrow A, D \twoheadrightarrow G\}$  med kandidatnøkkel CDE.
- Relasjonen  $S_1$  dekomponert gir relasjonene  $S_3(B, A)$ , med  $FD = \{B \twoheadrightarrow A\}$  og kandidatnøkkel B, og  $S_4(BCDEG)$ , med  $FD = \{CDE \twoheadrightarrow B, D \twoheadrightarrow G\}$  og kandidatnøkkel CDE.
- Relasjonen  $S_4$  dekomponert gir relasjonen  $S_5(D, G)$  med  $FD = \{D \twoheadrightarrow G\}$  og kandidatnøkkel D.

(ii) Er dekomposisjonen FD-bevarende?

- Dekomposisjonen er ikke tapsfri, fordi det finnes FD-er som ikke er en delmengde av Dekomposisjonen.

$R = \{A, B, C, D, E, F, G\}$

$F = \{CDE \twoheadrightarrow B, AF \twoheadrightarrow B, B \twoheadrightarrow A, BCF \twoheadrightarrow D, BCF \twoheadrightarrow E, D \twoheadrightarrow G\}$

$D = \{CDEF, BCDE, AB, DG\}$

$CDE \twoheadrightarrow B$  delmengde av BCDE

$AF \twoheadrightarrow B$  ikke delmengde av dekomposisjonen

$B \twoheadrightarrow A$  delmengde av AB

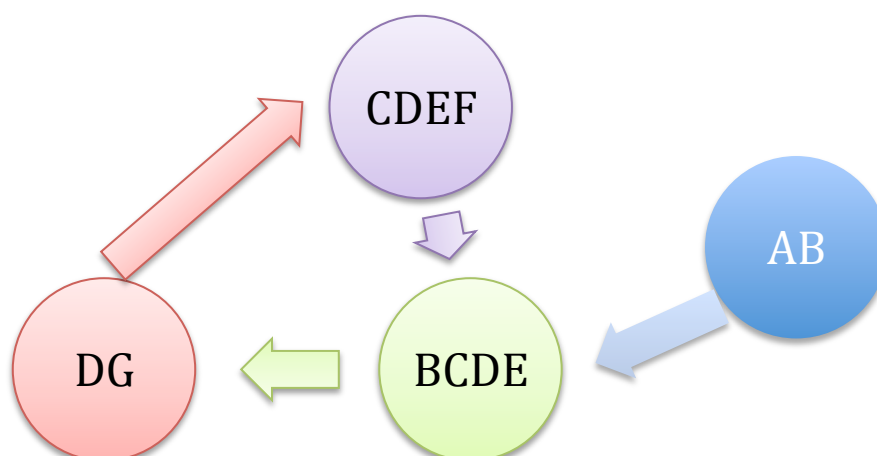
$BCF \twoheadrightarrow D$  ikke delmengde av dekomposisjonen

$BCF \twoheadrightarrow E$  ikke delmengde av dekomposisjonen

$D \twoheadrightarrow G$  delmengde av dekomposisjonen

(iii) Kan dekomposisjonen ha støyinstanser?

- Dekomposisjonen kan ha støyinstanser, siden det finnes en syklus.



E. Vis at  $CDF \rightarrow B$  ikke holder.

- $CDF \rightarrow B$  holder ikke fordi tillukkingen av  $CDF$  gir  $CDFG$ .

F. Utvid  $Q$  med MVDen  $DG \rightarrow AC$ . Vis at  $CDF \rightarrow B$  nå følger fra  $Q$ .

- Den holder:

Før chasealgoritmen

	A	B	C	D	E	F	G
CDF $\rightarrow$	A	B	C	D	E	F	G
B	A <sub>2</sub>	B <sub>2</sub>	C	D	E <sub>2</sub>	F	G <sub>2</sub>
DG $\rightarrow$	A <sub>2</sub>	B	C <sub>2</sub>	D	E	F	G
A	A	B <sub>2</sub>	C <sub>2</sub>	D	E <sub>2</sub>	F	G

Etter chasealgoritmen

	A	B	C	D	E	F	G
CDF $\rightarrow$	A	B	C	D	E	F	G
B	A <sub>2</sub>	B	C	D	E <sub>2</sub>	F	G
DG $\rightarrow$	A <sub>2</sub>	B	C <sub>2</sub>	D	E	F	G
A	A	B <sub>2</sub>	C <sub>2</sub>	D	E <sub>2</sub>	F	G