

Домашна работа №1

Имена: Явор Йорданов Чамов

Специалност: ИИ

Фак. №: 4MI3400787

Задача 1. Обяснете, защо размерът на пространството на хипотези в задача научаване на целево понятие „дни, в които Христо предпочита да спортува“ е 973. Как ще нарасне броя на възможните примери и на възможните хипотези при добавяне на нов атрибут Сила_на течenie, който може да приема 3 възможни стойности Слабо, Средно и Силно? Как, в общия случай, нарастват пространства на възможните примери и хипотези с добавяне в описание на примерите на един нов атрибут, приемащ к възможни стойности?

Решение:

За да обясним защо размерът на пространството на хипотези в задача научаване на целево понятие „дни, в които Христо предпочита да спортува“ е 973, трябва да имаме предвид възможните атрибути и техните стойности.

Атрибут	Брой възможни стойности
Небе	3
Въздух	2
Влажност	2
Вятър	2
Вода	2
Прогноза	2

Всеки пример е комбинация от конкретни стойности на тези атрибути. Броят на всички възможни примери е:

$|X|=3\times2\times2\times2\times2=3\times25=96$ (има 96 различни ситуации, които могат да се опишат с тези атрибути).

След това искаме да видим колко различни хипотези можем да построим.

Възможните стойности за всеки атрибут в хипотеза са:

- Може да посочим конкретна стойност (напр. „Небе = Слънчево“)
- Може да посочим „?“
- Може да кажем „Ø“

Атрибут	Възможни реални стойности	+ „?“	+ „Ø“	Общо
Небе	3	+1	+1	5
Останалите 5 атрибути	2	+1	+1	4

$|H| = 5 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 5 \times 45 = 5120$ (Това е броят на всички синтактически различни хипотези)

Не всички от тези 5120 хипотези имат различно значение. Ако в една хипотеза дори един атрибут е \emptyset , това означава, че няма никакъв пример, който тя приема. Всички хипотези, съдържащи поне едно \emptyset , са семантично еквивалентни, защото всички означават „нищо не се харесва“.

Получаваме:

- 1 хипотеза за празното множество (всички \emptyset -случаи)
- Останалите хипотези без \emptyset , които са реално различни

$|H \text{ без } \emptyset| = 4 \times 3^5 = 4 \times 243 = 972$

+1 за първата хипотеза: $|H \text{ семантични}| = 1 + 972 = 973$

При добавянето на нов атрибут **Сила_на_течение** $\in \{\text{Слабо, Средно, Силно}\}$, всеки пример е комбинация от всички атрибути, значи добавяме още един множител $\times 3$:

$|X'| = |X| \times 3 = 96 \times 3 = 288$ примера

Броят на възможните синтактически различни хипотези се увеличава. За този нов атрибут съществуват общо 5 възможни състояния: трите конкретни стойности (Слабо, Средно, Силно), както и двата специални символа – „?“ и „ \emptyset “.

Новият брой синтактически различни хипотези ще бъде: $|H'| = 5120 \times 5 = 25600$

Увеличава се не само броят на възможните примери, но и броят на семантически различните хипотези. След добавянето на атрибута **Сила_на_течение**, който също може да приема три стойности, към формулата се добавя още един множител 4.

$|H \text{ сем.}'| = 1 + 4 \times 3^5 \times 4 = 1 + 4 \times 243 \times 4 = 1 + 3888 = 3889$ (броят на семантически различните хипотези нараства от 973 на 3889)

Ако в момента имаме n атрибути, а всеки i -ти атрибут може да приема v_i различни стойности, тогава общият брой възможни примери е:

$$|X| = v_1 \times v_2 \times \dots \times v_n$$

Ако добавим още един атрибут, който може да приема k възможни стойности, то броят на възможните примери се умножава по k :

$$|X'| = |X| \times k$$

За този нов атрибут имаме $k + 2$ възможни състояния в хипотезата.

$$|H'| = |H| \times (k + 2) \quad (\text{синтактически различни хипотези})$$

Броят на семантически различните хипотези се умножава по ($k + 1$)

$$|H \text{ сем.}'| = |H| \times (k + 1)$$

Задача 2. Напишете последователните състояния на границите S и G, изчислени от алгоритма CANDIDATE-ELIMINATION, ако обучаващите примери от Таблица 1.1. постъпват в обратен ред.

Пример	Небе	Въздух	Влажност	Вятър	Вода	Прогноза	Харесва
1	Слънце	Топъл	Нормална	Силен	Топла	Същото	Да
2	Слънце	Топъл	Висока	Силен	Топла	Същото	Да
3	Дъжд	Студен	Висока	Силен	Топла	Промяна	Не
4	Слънце	Топъл	Висока	Силен	Студена	Промяна	Да

Начални граници

$$S_0 \langle \emptyset, \emptyset, \emptyset, \emptyset, \emptyset, \emptyset \rangle$$

$$G_0 \langle ?, ?, ?, ?, ?, ? \rangle$$

Пример 4 → Положителен

$$S_1 \langle \text{Слънце, Топъл, Висока, Силен, Студена, Промяна} \rangle$$

$$G_1 \langle ?, ?, ?, ?, ?, ? \rangle$$

Пример 3 → Отрицателен

$$S_2 \langle \text{Слънце, Топъл, Висока, Силен, Студена, Промяна} \rangle$$

$$G_2 \{ \langle \text{Слънце, ?, ?, ?, ?, ?} \rangle, \langle ?, \text{Топъл, ?, ?, ?, ?} \rangle, \langle ?, ?, ?, ?, \text{Студена, ?} \rangle \}$$

Пример 2 → Положителен

$$S_3 \langle \text{Слънце, Топъл, Висока, Силен, ?, ?} \rangle$$

$$G_3 \{ \langle \text{Слънце, ?, ?, ?, ?, ?} \rangle, \langle ?, \text{Топъл, ?, ?, ?, ?} \rangle \}$$

Пример 1 → Положителен

$$S_4 \langle \text{Слънце, Топъл, ?, Силен, ?, ?} \rangle$$

$$G_4 \{ \langle \text{Слънце, ?, ?, ?, ?, ?} \rangle, \langle ?, \text{Топъл, ?, ?, ?, ?} \rangle \}$$

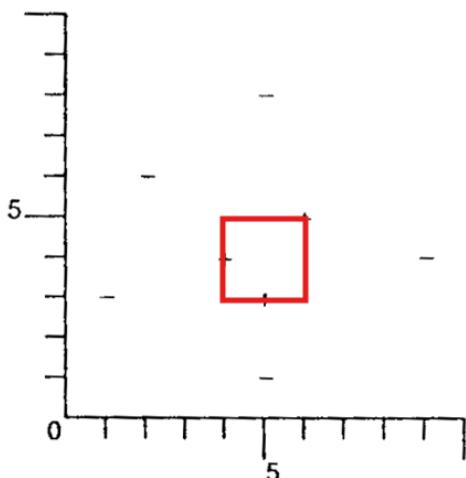
При обработка на примерите в обратен ред крайните граници остават същите.

Задача 3. Представете, че пространството на примери се състои от точки $\langle x, y \rangle$ с целочислени координати, а пространството на хипотези H се състои от правоъгълници. По-точно, хипотезите се записват във вида $a \leq x \leq b, c \leq y \leq d$, където a, b, c и d са цели числа.

1. Разгледайте пространството на версии по отношение на положителните (+) и отрицателните (-) обучаващи примери, показани по-долу. Коя е S граница на пространството на версии в този случай? Напишете хипотезите и ги нанесете на рисунката.

Решение:

S -границата при хипотези правоъгълници е най-малкият правоъгълник, който съдържа всички положителни примери и не съдържа нито един отрицателен.

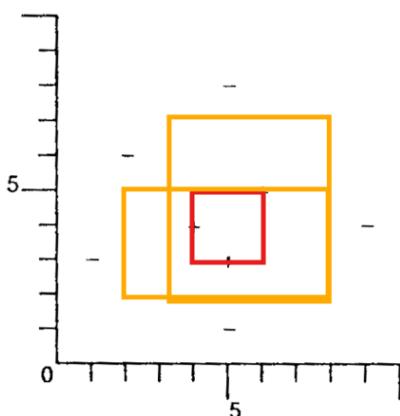


Положителните са $(4, 4), (5, 3), (6, 5)$. Минималният правоъгълник, който ги съдържа, е:

$$S = \{4 \leq x \leq 6, 3 \leq y \leq 5\}$$

2. Коя е G граница на това пространство на версии? Напишете хипотезите и ги нанесете на рисунката.

Общата граница G е множеството от всички максимално общи правоъгълници, които: съдържат целия S , и не съдържат нито една от отрицателните точки.



Получаваме точно два максимални правоъгълника.

$$R1 = \{3 \leq x \leq 8, 2 \leq y \leq 7\} \quad R2 = \{2 \leq x \leq 8, 2 \leq y \leq 5\}$$

И двета правоъгълника съдържат S и са максимални. Всяка друга съвместима хипотеза (правоъгълник) между S и G е подправоъгълник на поне един от R1 или R2.

Така $G = \{R1, R2\}$ описва общата граница на пространството на версите за тази конфигурация от положителни и отрицателни примери.

3. Да предположим, че вие трябва да предложите нов пример $\langle x, y \rangle$ и да запитате учителя за неговата класификация. Предложете заявката, която гарантирано ще намали пространството на версите независимо от това, как учителят ще й класифицира. Предложете и друга заявка, която няма да намали това пространство.

Заявка, която ще намали пространството е такава вътре в $R1 \cup R2$, но извън S. Ако я маркира “+”, S трябва да се разшири, за да я включи (VS намалява), ако я маркира “-”, поне един елемент в G трябва да се стесни/отпадне (VS намалява).

Конкретни примерни заявки: (5,2), (3,4), (7,5).

За да изпълним заявка, която няма да свие пространството, трябва да изберем точка, по която всички хипотези вече са съгласни.

Пример: (5,4). вътре в S \rightarrow всички ще кажат “+”

Пример: (9,9), (1,1), (9,4) извън $R1 \cup R2$ всички ще кажат “-”

4. А сега да предположим, че сте учител, опитващ да научи алгоритъм на едно определено понятие (например $3 \leq x \leq 5, 2 \leq y \leq 9$). Какъв е най-малкия брой на обучаващите примери трябва да предоставите на алгоритъма за елиминиране на кандидати, за да може той абсолютно точно да научи това понятие?

Алгоритъмът трябва едновременно да фиксира S да съвпадне с целевия правоъгълник.

Положителни (2 броя): (3,2) и (5,9)

Необходими са по един отрицателен пример за всяка от четирите страни, за да не може G да се разшири нито наляво, нито надясно, нито надолу, нито нагоре:

Отрицателни (4 броя): (2,5), (6,5), (4,1), (4,10)

