Algorithmique et recherche opérationnelle

INFO-F310

Projet : CPLEX LP

26 avril 2020

Nom : BAKKALI Yahya
Matricule : 000445166

Université Libre de Bruxelles (ULB)

Table des matières

1 Introduction

Pour ce projet, il est demandé d'écrire un script python qui, à partir d'un fichier d'instance indiquant un ensemble de panneaux de longueur variable à découper dans des planches de longueur fixe, génère une instance de programme linéaire en langage CPLEX LP qui détermine un plan de découpe de panneaux qui minimise le nombre de planches utilisées.

2 Modèle

Indices :

$M = \{1, ..., m\}$ planches

$N = \{1, ..., n\}$ panneaux

Constantes :

$l_i =$ longueur du panneau i

$L =$ longueur des planches j

Variables de décision :

$x_{i,j} \in \{0, 1\}$ telle que

$$x_{i,j} = \begin{cases} 1 \text{ si une planche j est prise pour une découpe du panneau i} \\ 0 \text{ sinon} \end{cases}$$

$m_j \in \{0, 1\}$ telle que

$$m_j = \begin{cases} 1 \text{ si une planche j est prise pour une découpe} \\ 0 \text{ sinon} \end{cases}$$

Formulation 1 Formulation linéaire

$$\min \quad \sum_{j \in M} m_j \tag{1}$$

$$\text{s.t.} \quad \sum_{j \in M} x_{i,j} = 1 \qquad \forall i \in N \tag{2}$$

$$\sum_{i \in N} l_i x_{i,j} \leq L m_j \qquad \forall j \in M \tag{3}$$

$$x_{i,j} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in N, \quad \forall j \in M \tag{4}$$

$$m_j \in \{0, 1\} \qquad \forall j \in M \tag{5}$$

Les contraintes (2) assurent que chaque planche a été correctement découpée. D'autre part, (3) assurent que la somme des longueurs d'un ensemble de panneaux découpés à partir d'une planche ne peut pas dépasser la longueur de cette dernière.

3 Fichier CPLEX LP généré

```
Minimize
    obj: m_1 + m_2 + m_3 + m_4 + m_5 + m_6 + m_7 + m_8
Subject To
    c_1_1: 4.0 m_1 − 1.5 x_1_1(1.5) − 1.5 x_2_1(1.5) − 1.5 x_3_1(1.5) − 1.5 x_4_1(1.5) − 0.75
        x_5_1(0.75) − 0.75 x_6_1(0.75) − 0.75 x_7_1(0.75) − 0.75 x_8_1(0.75) − 0.75 x_9_1(0.75) −
        0.75 x_10_1(0.75) − 0.22 x_11_1(0.22) − 0.22 x_12_1(0.22) − 0.22 x_13_1(0.22) − 0.22
        x_14_1(0.22) − 0.22 x_15_1(0.22) − 0.22 x_16_1(0.22) − 0.22 x_17_1(0.22) − 0.22
        x_18_1(0.22) − 0.22 x_19_1(0.22) − 0.22 x_20_1(0.22) − 0.22 x_21_1(0.22) − 0.22
        x_22_1(0.22) >= 0
    c_1_2: 4.0 m_2 − 1.5 x_1_2(1.5) − 1.5 x_2_2(1.5) − 1.5 x_3_2(1.5) − 1.5 x_4_2(1.5) − 0.75
        x_5_2(0.75) − 0.75 x_6_2(0.75) − 0.75 x_7_2(0.75) − 0.75 x_8_2(0.75) − 0.75 x_9_2(0.75) −
        0.75 x_10_2(0.75) − 0.22 x_11_2(0.22) − 0.22 x_12_2(0.22) − 0.22 x_13_2(0.22) − 0.22
        x_14_2(0.22) − 0.22 x_15_2(0.22) − 0.22 x_16_2(0.22) − 0.22 x_17_2(0.22) − 0.22
        x_18_2(0.22) − 0.22 x_19_2(0.22) − 0.22 x_20_2(0.22) − 0.22 x_21_2(0.22) − 0.22
        x_22_2(0.22) >= 0
    c_1_3: 4.0 m_3 − 1.5 x_1_3(1.5) − 1.5 x_2_3(1.5) − 1.5 x_3_3(1.5) − 1.5 x_4_3(1.5) − 0.75
        x_5_3(0.75) − 0.75 x_6_3(0.75) − 0.75 x_7_3(0.75) − 0.75 x_8_3(0.75) − 0.75 x_9_3(0.75) −
        0.75 x_10_3(0.75) − 0.22 x_11_3(0.22) − 0.22 x_12_3(0.22) − 0.22 x_13_3(0.22) − 0.22
        x_14_3(0.22) − 0.22 x_15_3(0.22) − 0.22 x_16_3(0.22) − 0.22 x_17_3(0.22) − 0.22
        x_18_3(0.22) − 0.22 x_19_3(0.22) − 0.22 x_20_3(0.22) − 0.22 x_21_3(0.22) − 0.22
        x_22_3(0.22) >= 0
    c_1_4: 4.0 m_4 − 1.5 x_1_4(1.5) − 1.5 x_2_4(1.5) − 1.5 x_3_4(1.5) − 1.5 x_4_4(1.5) − 0.75
        x_5_4(0.75) − 0.75 x_6_4(0.75) − 0.75 x_7_4(0.75) − 0.75 x_8_4(0.75) − 0.75 x_9_4(0.75) −
        0.75 x_10_4(0.75) − 0.22 x_11_4(0.22) − 0.22 x_12_4(0.22) − 0.22 x_13_4(0.22) − 0.22
        x_14_4(0.22) − 0.22 x_15_4(0.22) − 0.22 x_16_4(0.22) − 0.22 x_17_4(0.22) − 0.22
        x_18_4(0.22) − 0.22 x_19_4(0.22) − 0.22 x_20_4(0.22) − 0.22 x_21_4(0.22) − 0.22
        x_22_4(0.22) >= 0
    c_1_5: 4.0 m_5 − 1.5 x_1_5(1.5) − 1.5 x_2_5(1.5) − 1.5 x_3_5(1.5) − 1.5 x_4_5(1.5) − 0.75
        x_5_5(0.75) − 0.75 x_6_5(0.75) − 0.75 x_7_5(0.75) − 0.75 x_8_5(0.75) − 0.75 x_9_5(0.75) −
        0.75 x_10_5(0.75) − 0.22 x_11_5(0.22) − 0.22 x_12_5(0.22) − 0.22 x_13_5(0.22) − 0.22
        x_14_5(0.22) − 0.22 x_15_5(0.22) − 0.22 x_16_5(0.22) − 0.22 x_17_5(0.22) − 0.22
        x_18_5(0.22) − 0.22 x_19_5(0.22) − 0.22 x_20_5(0.22) − 0.22 x_21_5(0.22) − 0.22
        x_22_5(0.22) >= 0
    c_1_6: 4.0 m_6 − 1.5 x_1_6(1.5) − 1.5 x_2_6(1.5) − 1.5 x_3_6(1.5) − 1.5 x_4_6(1.5) − 0.75
        x_5_6(0.75) − 0.75 x_6_6(0.75) − 0.75 x_7_6(0.75) − 0.75 x_8_6(0.75) − 0.75 x_9_6(0.75) −
```

0.75 x_10_6(0.75) − 0.22 x_11_6(0.22) − 0.22 x_12_6(0.22) − 0.22 x_13_6(0.22) − 0.22 x_14_6(0.22) − 0.22 x_15_6(0.22) − 0.22 x_16_6(0.22) − 0.22 x_17_6(0.22) − 0.22 x_18_6(0.22) − 0.22 x_19_6(0.22) − 0.22 x_20_6(0.22) − 0.22 x_21_6(0.22) − 0.22 x_22_6(0.22) >= 0

c_1_7: 4.0 m_7 − 1.5 x_1_7(1.5) − 1.5 x_2_7(1.5) − 1.5 x_3_7(1.5) − 1.5 x_4_7(1.5) − 0.75 x_5_7(0.75) − 0.75 x_6_7(0.75) − 0.75 x_7_7(0.75) − 0.75 x_8_7(0.75) − 0.75 x_9_7(0.75) − 0.75 x_10_7(0.75) − 0.22 x_11_7(0.22) − 0.22 x_12_7(0.22) − 0.22 x_13_7(0.22) − 0.22 x_14_7(0.22) − 0.22 x_15_7(0.22) − 0.22 x_16_7(0.22) − 0.22 x_17_7(0.22) − 0.22 x_18_7(0.22) − 0.22 x_19_7(0.22) − 0.22 x_20_7(0.22) − 0.22 x_21_7(0.22) − 0.22 x_22_7(0.22) >= 0

c_1_8: 4.0 m_8 − 1.5 x_1_8(1.5) − 1.5 x_2_8(1.5) − 1.5 x_3_8(1.5) − 1.5 x_4_8(1.5) − 0.75 x_5_8(0.75) − 0.75 x_6_8(0.75) − 0.75 x_7_8(0.75) − 0.75 x_8_8(0.75) − 0.75 x_9_8(0.75) − 0.75 x_10_8(0.75) − 0.22 x_11_8(0.22) − 0.22 x_12_8(0.22) − 0.22 x_13_8(0.22) − 0.22 x_14_8(0.22) − 0.22 x_15_8(0.22) − 0.22 x_16_8(0.22) − 0.22 x_17_8(0.22) − 0.22 x_18_8(0.22) − 0.22 x_19_8(0.22) − 0.22 x_20_8(0.22) − 0.22 x_21_8(0.22) − 0.22 x_22_8(0.22) >= 0

c_2_1: x_1_1(1.5) + x_1_2(1.5) + x_1_3(1.5) + x_1_4(1.5) + x_1_5(1.5) + x_1_6(1.5) + x_1_7(1.5) + x_1_8(1.5) = 1

c_2_2: x_2_1(1.5) + x_2_2(1.5) + x_2_3(1.5) + x_2_4(1.5) + x_2_5(1.5) + x_2_6(1.5) + x_2_7(1.5) + x_2_8(1.5) = 1

c_2_3: x_3_1(1.5) + x_3_2(1.5) + x_3_3(1.5) + x_3_4(1.5) + x_3_5(1.5) + x_3_6(1.5) + x_3_7(1.5) + x_3_8(1.5) = 1

c_2_4: x_4_1(1.5) + x_4_2(1.5) + x_4_3(1.5) + x_4_4(1.5) + x_4_5(1.5) + x_4_6(1.5) + x_4_7(1.5) + x_4_8(1.5) = 1

c_2_5: x_5_1(0.75) + x_5_2(0.75) + x_5_3(0.75) + x_5_4(0.75) + x_5_5(0.75) + x_5_6(0.75) + x_5_7(0.75) + x_5_8(0.75) = 1

c_2_6: x_6_1(0.75) + x_6_2(0.75) + x_6_3(0.75) + x_6_4(0.75) + x_6_5(0.75) + x_6_6(0.75) + x_6_7(0.75) + x_6_8(0.75) = 1

c_2_7: x_7_1(0.75) + x_7_2(0.75) + x_7_3(0.75) + x_7_4(0.75) + x_7_5(0.75) + x_7_6(0.75) + x_7_7(0.75) + x_7_8(0.75) = 1

c_2_8: x_8_1(0.75) + x_8_2(0.75) + x_8_3(0.75) + x_8_4(0.75) + x_8_5(0.75) + x_8_6(0.75) + x_8_7(0.75) + x_8_8(0.75) = 1

c_2_9: x_9_1(0.75) + x_9_2(0.75) + x_9_3(0.75) + x_9_4(0.75) + x_9_5(0.75) + x_9_6(0.75) + x_9_7(0.75) + x_9_8(0.75) = 1

c_2_10: x_10_1(0.75) + x_10_2(0.75) + x_10_3(0.75) + x_10_4(0.75) + x_10_5(0.75) + x_10_6(0.75) + x_10_7(0.75) + x_10_8(0.75) = 1

c_2_11: x_11_1(0.22) + x_11_2(0.22) + x_11_3(0.22) + x_11_4(0.22) + x_11_5(0.22) + x_11_6(0.22) + x_11_7(0.22) + x_11_8(0.22) = 1

c_2_12: x_12_1(0.22) + x_12_2(0.22) + x_12_3(0.22) + x_12_4(0.22) + x_12_5(0.22) + x_12_6(0.22) + x_12_7(0.22) + x_12_8(0.22) = 1

c_2_13: x_13_1(0.22) + x_13_2(0.22) + x_13_3(0.22) + x_13_4(0.22) + x_13_5(0.22) + x_13_6(0.22) + x_13_7(0.22) + x_13_8(0.22) = 1

c_2_14: x_14_1(0.22) + x_14_2(0.22) + x_14_3(0.22) + x_14_4(0.22) + x_14_5(0.22) + x_14_6(0.22) + x_14_7(0.22) + x_14_8(0.22) = 1

c_2_15: x_15_1(0.22) + x_15_2(0.22) + x_15_3(0.22) + x_15_4(0.22) + x_15_5(0.22) + x_15_6(0.22) + x_15_7(0.22) + x_15_8(0.22) = 1

c_2_16: x_16_1(0.22) + x_16_2(0.22) + x_16_3(0.22) + x_16_4(0.22) + x_16_5(0.22) + x_16_6(0.22) + x_16_7(0.22) + x_16_8(0.22) = 1

c_2_17: x_17_1(0.22) + x_17_2(0.22) + x_17_3(0.22) + x_17_4(0.22) + x_17_5(0.22) + x_17_6(0.22) + x_17_7(0.22) + x_17_8(0.22) = 1

c_2_18: x_18_1(0.22) + x_18_2(0.22) + x_18_3(0.22) + x_18_4(0.22) + x_18_5(0.22) + x_18_6(0.22) + x_18_7(0.22) + x_18_8(0.22) = 1

c_2_19: x_19_1(0.22) + x_19_2(0.22) + x_19_3(0.22) + x_19_4(0.22) + x_19_5(0.22) + x_19_6(0.22) + x_19_7(0.22) + x_19_8(0.22) = 1

c_2_20: x_20_1(0.22) + x_20_2(0.22) + x_20_3(0.22) + x_20_4(0.22) + x_20_5(0.22) + x_20_6(0.22) + x_20_7(0.22) + x_20_8(0.22) = 1

c_2_21: x_21_1(0.22) + x_21_2(0.22) + x_21_3(0.22) + x_21_4(0.22) + x_21_5(0.22) + x_21_6(0.22) + x_21_7(0.22) + x_21_8(0.22) = 1

c_2_22: x_22_1(0.22) + x_22_2(0.22) + x_22_3(0.22) + x_22_4(0.22) + x_22_5(0.22) + x_22_6(0.22) + x_22_7(0.22) + x_22_8(0.22) = 1

BINARY

m_1
m_2
m_3
m_4
m_5
m_6
m_7
m_8
x_1_1(1.5)
x_1_2(1.5)
x_1_3(1.5)
x_1_4(1.5)
x_1_5(1.5)
x_1_6(1.5)
x_1_7(1.5)
x_1_8(1.5)
x_2_1(1.5)
x_2_2(1.5)
x_2_3(1.5)
x_2_4(1.5)
x_2_5(1.5)
x_2_6(1.5)
x_2_7(1.5)
x_2_8(1.5)

x_3_1(1.5)
x_3_2(1.5)
x_3_3(1.5)
x_3_4(1.5)
x_3_5(1.5)
x_3_6(1.5)
x_3_7(1.5)
x_3_8(1.5)
x_4_1(1.5)
x_4_2(1.5)
x_4_3(1.5)
x_4_4(1.5)
x_4_5(1.5)
x_4_6(1.5)
x_4_7(1.5)
x_4_8(1.5)
x_5_1(0.75)
x_5_2(0.75)
x_5_3(0.75)
x_5_4(0.75)
x_5_5(0.75)
x_5_6(0.75)
x_5_7(0.75)
x_5_8(0.75)
x_6_1(0.75)
x_6_2(0.75)
x_6_3(0.75)
x_6_4(0.75)
x_6_5(0.75)
x_6_6(0.75)
x_6_7(0.75)
x_6_8(0.75)
x_7_1(0.75)
x_7_2(0.75)
x_7_3(0.75)
x_7_4(0.75)
x_7_5(0.75)
x_7_6(0.75)
x_7_7(0.75)
x_7_8(0.75)
x_8_1(0.75)
x_8_2(0.75)
x_8_3(0.75)

x_8_4(0.75)
x_8_5(0.75)
x_8_6(0.75)
x_8_7(0.75)
x_8_8(0.75)
x_9_1(0.75)
x_9_2(0.75)
x_9_3(0.75)
x_9_4(0.75)
x_9_5(0.75)
x_9_6(0.75)
x_9_7(0.75)
x_9_8(0.75)
x_10_1(0.75)
x_10_2(0.75)
x_10_3(0.75)
x_10_4(0.75)
x_10_5(0.75)
x_10_6(0.75)
x_10_7(0.75)
x_10_8(0.75)
x_11_1(0.22)
x_11_2(0.22)
x_11_3(0.22)
x_11_4(0.22)
x_11_5(0.22)
x_11_6(0.22)
x_11_7(0.22)
x_11_8(0.22)
x_12_1(0.22)
x_12_2(0.22)
x_12_3(0.22)
x_12_4(0.22)
x_12_5(0.22)
x_12_6(0.22)
x_12_7(0.22)
x_12_8(0.22)
x_13_1(0.22)
x_13_2(0.22)
x_13_3(0.22)
x_13_4(0.22)
x_13_5(0.22)
x_13_6(0.22)

x_13_7(0.22)
x_13_8(0.22)
x_14_1(0.22)
x_14_2(0.22)
x_14_3(0.22)
x_14_4(0.22)
x_14_5(0.22)
x_14_6(0.22)
x_14_7(0.22)
x_14_8(0.22)
x_15_1(0.22)
x_15_2(0.22)
x_15_3(0.22)
x_15_4(0.22)
x_15_5(0.22)
x_15_6(0.22)
x_15_7(0.22)
x_15_8(0.22)
x_16_1(0.22)
x_16_2(0.22)
x_16_3(0.22)
x_16_4(0.22)
x_16_5(0.22)
x_16_6(0.22)
x_16_7(0.22)
x_16_8(0.22)
x_17_1(0.22)
x_17_2(0.22)
x_17_3(0.22)
x_17_4(0.22)
x_17_5(0.22)
x_17_6(0.22)
x_17_7(0.22)
x_17_8(0.22)
x_18_1(0.22)
x_18_2(0.22)
x_18_3(0.22)
x_18_4(0.22)
x_18_5(0.22)
x_18_6(0.22)
x_18_7(0.22)
x_18_8(0.22)
x_19_1(0.22)

```
      x_19_2(0.22)
      x_19_3(0.22)
      x_19_4(0.22)
      x_19_5(0.22)
      x_19_6(0.22)
      x_19_7(0.22)
      x_19_8(0.22)
      x_20_1(0.22)
      x_20_2(0.22)
      x_20_3(0.22)
      x_20_4(0.22)
      x_20_5(0.22)
      x_20_6(0.22)
      x_20_7(0.22)
      x_20_8(0.22)
      x_21_1(0.22)
      x_21_2(0.22)
      x_21_3(0.22)
      x_21_4(0.22)
      x_21_5(0.22)
      x_21_6(0.22)
      x_21_7(0.22)
      x_21_8(0.22)
      x_22_1(0.22)
      x_22_2(0.22)
      x_22_3(0.22)
      x_22_4(0.22)
      x_22_5(0.22)
      x_22_6(0.22)
      x_22_7(0.22)
      x_22_8(0.22)
END
```

4 Log de GLPK obtenu

```
Problem:
Rows:       30
Columns:    184 (184 integer, 184 binary)
Non-zeros:  360
Status:     INTEGER OPTIMAL
```

Objective: obj = 4 (MINimum)

No.	Row name	Activity	Lower bound	Upper bound	
1	c_1_1	0	0		
2	c_1_2	0.21	0		
3	c_1_3	1.75	0		
4	c_1_4	0	0		
5	c_1_5	0	0		
6	c_1_6	0	0		
7	c_1_7	0.78	0		
8	c_1_8	0.12	0		
9	c_2_1	1	1		=
10	c_2_2	1	1		=
11	c_2_3	1	1		=
12	c_2_4	1	1		=
13	c_2_5	1	1		=
14	c_2_6	1	1		=
15	c_2_7	1	1		=
16	c_2_8	1	1		=
17	c_2_9	1	1		=
18	c_2_10	1	1		=
19	c_2_11	1	1		=
20	c_2_12	1	1		=
21	c_2_13	1	1		=
22	c_2_14	1	1		=
23	c_2_15	1	1		=
24	c_2_16	1	1		=
25	c_2_17	1	1		=
26	c_2_18	1	1		=
27	c_2_19	1	1		=
28	c_2_20	1	1		=
29	c_2_21	1	1		=
30	c_2_22	1	1		=

No.	Column name		Activity	Lower bound	Upper bound
1	m_1	*	0	0	1
2	m_2	*	1	0	1
3	m_3	*	1	0	1
4	m_4	*	0	0	1
5	m_5	*	0	0	1
6	m_6	*	0	0	1
7	m_7	*	1	0	1
8	m_8	*	1	0	1
9	x_1_1(1.5)	*	0	0	1
10	x_2_1(1.5)	*	0	0	1
11	x_3_1(1.5)	*	0	0	1
12	x_4_1(1.5)	*	0	0	1
13	x_5_1(0.75)	*	0	0	1
14	x_6_1(0.75)	*	0	0	1
15	x_7_1(0.75)	*	0	0	1
16	x_8_1(0.75)	*	0	0	1
17	x_9_1(0.75)	*	0	0	1
18	x_10_1(0.75)	*	0	0	1
19	x_11_1(0.22)	*	0	0	1
20	x_12_1(0.22)	*	0	0	1
21	x_13_1(0.22)	*	0	0	1
22	x_14_1(0.22)	*	0	0	1
23	x_15_1(0.22)	*	0	0	1
24	x_16_1(0.22)	*	0	0	1
25	x_17_1(0.22)	*	0	0	1
26	x_18_1(0.22)	*	0	0	1
27	x_19_1(0.22)	*	0	0	1
28	x_20_1(0.22)	*	0	0	1
29	x_21_1(0.22)	*	0	0	1
30	x_22_1(0.22)	*	0	0	1
31	x_1_2(1.5)	*	0	0	1

```
32 x_2_2(1.5)   *              0              0              1
33 x_3_2(1.5)   *              0              0              1
34 x_4_2(1.5)   *              0              0              1
35 x_5_2(0.75)  *              0              0              1
36 x_6_2(0.75)  *              1              0              1
37 x_7_2(0.75)  *              1              0              1
38 x_8_2(0.75)  *              0              0              1
39 x_9_2(0.75)  *              0              0              1
40 x_10_2(0.75) *              1              0              1
41 x_11_2(0.22) *              1              0              1
42 x_12_2(0.22) *              1              0              1
43 x_13_2(0.22) *              1              0              1
44 x_14_2(0.22) *              1              0              1
45 x_15_2(0.22) *              1              0              1
46 x_16_2(0.22) *              1              0              1
47 x_17_2(0.22) *              1              0              1
48 x_18_2(0.22) *              0              0              1
49 x_19_2(0.22) *              0              0              1
50 x_20_2(0.22) *              0              0              1
51 x_21_2(0.22) *              0              0              1
52 x_22_2(0.22) *              0              0              1
53 x_1_3(1.5)   *              0              0              1
54 x_2_3(1.5)   *              0              0              1
55 x_3_3(1.5)   *              0              0              1
56 x_4_3(1.5)   *              0              0              1
57 x_5_3(0.75)  *              1              0              1
58 x_6_3(0.75)  *              0              0              1
59 x_7_3(0.75)  *              0              0              1
60 x_8_3(0.75)  *              1              0              1
61 x_9_3(0.75)  *              1              0              1
62 x_10_3(0.75) *              0              0              1
63 x_11_3(0.22) *              0              0              1
64 x_12_3(0.22) *              0              0              1
65 x_13_3(0.22) *              0              0              1
```

```
66 x_14_3(0.22) *              0              0              1
67 x_15_3(0.22) *              0              0              1
68 x_16_3(0.22) *              0              0              1
69 x_17_3(0.22) *              0              0              1
70 x_18_3(0.22) *              0              0              1
71 x_19_3(0.22) *              0              0              1
72 x_20_3(0.22) *              0              0              1
73 x_21_3(0.22) *              0              0              1
74 x_22_3(0.22) *              0              0              1
75 x_1_4(1.5)   *              0              0              1
76 x_2_4(1.5)   *              0              0              1
77 x_3_4(1.5)   *              0              0              1
78 x_4_4(1.5)   *              0              0              1
79 x_5_4(0.75)  *              0              0              1
80 x_6_4(0.75)  *              0              0              1
81 x_7_4(0.75)  *              0              0              1
82 x_8_4(0.75)  *              0              0              1
83 x_9_4(0.75)  *              0              0              1
84 x_10_4(0.75) *              0              0              1
85 x_11_4(0.22) *              0              0              1
86 x_12_4(0.22) *              0              0              1
87 x_13_4(0.22) *              0              0              1
88 x_14_4(0.22) *              0              0              1
89 x_15_4(0.22) *              0              0              1
90 x_16_4(0.22) *              0              0              1
91 x_17_4(0.22) *              0              0              1
92 x_18_4(0.22) *              0              0              1
93 x_19_4(0.22) *              0              0              1
94 x_20_4(0.22) *              0              0              1
95 x_21_4(0.22) *              0              0              1
96 x_22_4(0.22) *              0              0              1
97 x_1_5(1.5)   *              0              0              1
98 x_2_5(1.5)   *              0              0              1
99 x_3_5(1.5)   *              0              0              1
```

100	x_4_5(1.5)	*	0	0	1
101	x_5_5(0.75)	*	0	0	1
102	x_6_5(0.75)	*	0	0	1
103	x_7_5(0.75)	*	0	0	1
104	x_8_5(0.75)	*	0	0	1
105	x_9_5(0.75)	*	0	0	1
106	x_10_5(0.75)	*	0	0	1
107	x_11_5(0.22)	*	0	0	1
108	x_12_5(0.22)	*	0	0	1
109	x_13_5(0.22)	*	0	0	1
110	x_14_5(0.22)	*	0	0	1
111	x_15_5(0.22)	*	0	0	1
112	x_16_5(0.22)	*	0	0	1
113	x_17_5(0.22)	*	0	0	1
114	x_18_5(0.22)	*	0	0	1
115	x_19_5(0.22)	*	0	0	1
116	x_20_5(0.22)	*	0	0	1
117	x_21_5(0.22)	*	0	0	1
118	x_22_5(0.22)	*	0	0	1
119	x_1_6(1.5)	*	0	0	1
120	x_2_6(1.5)	*	0	0	1
121	x_3_6(1.5)	*	0	0	1
122	x_4_6(1.5)	*	0	0	1
123	x_5_6(0.75)	*	0	0	1
124	x_6_6(0.75)	*	0	0	1
125	x_7_6(0.75)	*	0	0	1
126	x_8_6(0.75)	*	0	0	1
127	x_9_6(0.75)	*	0	0	1
128	x_10_6(0.75)	*	0	0	1
129	x_11_6(0.22)	*	0	0	1
130	x_12_6(0.22)	*	0	0	1
131	x_13_6(0.22)	*	0	0	1
132	x_14_6(0.22)	*	0	0	1
133	x_15_6(0.22)	*	0	0	1

```
134 x_16_6(0.22) *              0               0               1
135 x_17_6(0.22) *              0               0               1
136 x_18_6(0.22) *              0               0               1
137 x_19_6(0.22) *              0               0               1
138 x_20_6(0.22) *              0               0               1
139 x_21_6(0.22) *              0               0               1
140 x_22_6(0.22) *              0               0               1
141 x_1_7(1.5)   *              0               0               1
142 x_2_7(1.5)   *              0               0               1
143 x_3_7(1.5)   *              1               0               1
144 x_4_7(1.5)   *              1               0               1
145 x_5_7(0.75)  *              0               0               1
146 x_6_7(0.75)  *              0               0               1
147 x_7_7(0.75)  *              0               0               1
148 x_8_7(0.75)  *              0               0               1
149 x_9_7(0.75)  *              0               0               1
150 x_10_7(0.75) *              0               0               1
151 x_11_7(0.22) *              0               0               1
152 x_12_7(0.22) *              0               0               1
153 x_13_7(0.22) *              0               0               1
154 x_14_7(0.22) *              0               0               1
155 x_15_7(0.22) *              0               0               1
156 x_16_7(0.22) *              0               0               1
157 x_17_7(0.22) *              0               0               1
158 x_18_7(0.22) *              0               0               1
159 x_19_7(0.22) *              0               0               1
160 x_20_7(0.22) *              0               0               1
161 x_21_7(0.22) *              0               0               1
162 x_22_7(0.22) *              1               0               1
163 x_1_8(1.5)   *              1               0               1
164 x_2_8(1.5)   *              1               0               1
165 x_3_8(1.5)   *              0               0               1
166 x_4_8(1.5)   *              0               0               1
167 x_5_8(0.75)  *              0               0               1
```

```
   168 x_6_8(0.75)  *             0             0             1
   169 x_7_8(0.75)  *             0             0             1
   170 x_8_8(0.75)  *             0             0             1
   171 x_9_8(0.75)  *             0             0             1
   172 x_10_8(0.75) *             0             0             1
   173 x_11_8(0.22) *             0             0             1
   174 x_12_8(0.22) *             0             0             1
   175 x_13_8(0.22) *             0             0             1
   176 x_14_8(0.22) *             0             0             1
   177 x_15_8(0.22) *             0             0             1
   178 x_16_8(0.22) *             0             0             1
   179 x_17_8(0.22) *             0             0             1
   180 x_18_8(0.22) *             1             0             1
   181 x_19_8(0.22) *             1             0             1
   182 x_20_8(0.22) *             1             0             1
   183 x_21_8(0.22) *             1             0             1
   184 x_22_8(0.22) *             0             0             1

Integer feasibility conditions:

KKT.PE: max.abs.err = 8.88e-16 on row 2
max.rel.err = 9.87e-17 on row 2
High quality

KKT.PB: max.abs.err = 0.00e+00 on row 0
max.rel.err = 0.00e+00 on row 0
High quality

End of output
```

5 Explication du retour obtenu dans le fichier log