计算几何

朱春钢

Email: cgzhu@dlut.edu.cn

大连理工大学 数学科学学院 大黑楼A1116

2019年秋季



什么是计算几何?

计算几何、计算机图形学、计算机辅助几何设计间虽有一些共同 点和联系,但计算几何偏向于从数学的角度来研究相关的几何问 题。



什么是计算几何?

计算几何、计算机图形学、计算机辅助几何设计间虽有一些共同 点和联系,但计算几何偏向于从数学的角度来研究相关的几何问 题。

计算几何是上世纪90年代新兴的一门学科方向,它是与微分几何、代数几何、计算数学、逼近论以及计算机科学相互交叉的一门学科。

什么是计算几何?

计算几何、计算机图形学、计算机辅助几何设计间虽有一些共同 点和联系,但计算几何偏向于从数学的角度来研究相关的几何问 题。

计算几何是上世纪90年代新兴的一门学科方向,它是与微分几何、代数几何、计算数学、逼近论以及计算机科学相互交叉的一门学科。

本课程主要介绍计算几何的一些相关数学理论(数值逼近)与计算机辅助几何设计(CAGD)基础(曲线曲面造型基础)。



CAGD的定义

- 1971, Forrest
 - ◇ 对几何外形信息的计算机表示、分析、综合



CAGD的定义

- 1971, Forrest
 - ◇ 对几何外形信息的计算机表示、分析、综合
- 1974, Barnhill and Riesenfeld
 - ◇ 第一届CAD会议
 - ◇ 在计算机环境下的曲线曲面的表示与逼近
 - ◇ CAD中的几何问题与数学描述

CAGD的特点

■几何模型的表示、构造与处理



CAGD的特点

- 几何模型的表示、构造与处理
- 适合于计算机存储、计算、显示



CAGD的特点

- 几何模型的表示、构造与处理
- 适合于计算机存储、计算、显示
- 适合于人的理解、交互



■ 1959, Citroën公司, **de Casteljau**, 由Bernstein多项式构造 曲线,未公开



- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造曲线,未公开
- 1963, Boeing公司, Ferguson, 曲线曲面的参数表示

- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造曲线,未公开
- 1963,Boeing公司,**Ferguson**,曲线曲面的参数表示
- 1964-1967, MIT, Coons, 构造插值给定边界及导矢的曲面, **Coons曲面**

- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造曲线,未公开
- 1963,Boeing公司,**Ferguson**,曲线曲面的参数表示
- 1964-1967,MIT,Coons,构造插值给定边界及导矢的曲面,**Coons曲面**
- 1962-1972,Rénault公司,Bézier,由控制多边形定义的曲线,**Bézier曲线**



- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造 曲线,未公开
- 1963, Boeing公司, **Ferguson**, 曲线曲面的参数表示
- 1964-1967,MIT,Coons,构造插值给定边界及导矢的曲面,**Coons曲面**
- 1962-1972,Rénault公司,Bézier,由控制多边形定义的曲线,**Bézier曲线**
- 1972,Forrest指出Bézier曲线可由Bernstein基表示,即de Casteljau所定义曲线

- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造曲线,未公开
- 1963, Boeing公司, **Ferguson**, 曲线曲面的参数表示
- 1964-1967,MIT,Coons,构造插值给定边界及导矢的曲面,**Coons曲面**
- 1962-1972,Rénault公司,Bézier,由控制多边形定义的曲线,**Bézier曲线**
- 1972,Forrest指出Bézier曲线可由Bernstein基表示,即de Casteljau所定义曲线
- 1972,美国GM, de Boor,发展了**B样条算法**



- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造曲线,未公开
- 1963,Boeing公司,**Ferguson**,曲线曲面的参数表示
- 1964-1967,MIT,Coons,构造插值给定边界及导矢的曲面,**Coons曲面**
- 1962-1972,Rénault公司,Bézier,由控制多边形定义的曲线,**Bézier曲线**
- 1972,Forrest指出Bézier曲线可由Bernstein基表示,即de Casteljau所定义曲线
- 1972,美国GM, de Boor,发展了**B样条算法**
- 1974,通用公司,Gordon,Riesenfeld,**B样条曲线曲面**



- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造 曲线,未公开
- 1963, Boeing公司, **Ferguson**, 曲线曲面的参数表示
- 1964-1967,MIT,Coons,构造插值给定边界及导矢的曲面,**Coons曲面**
- 1962-1972,Rénault公司,Bézier,由控制多边形定义的曲线,**Bézier曲线**
- 1972,Forrest指出Bézier曲线可由Bernstein基表示,即de Casteljau所定义曲线
- 1972,美国GM, de Boor,发展了**B样条算法**
- 1974,通用公司,Gordon,Riesenfeld,**B样条曲线曲面**
- 1975,Phd Thesis,Versprille,有理**B样**条



- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造曲线,未公开
- 1963,Boeing公司,**Ferguson**,曲线曲面的参数表示
- 1964-1967,MIT,Coons,构造插值给定边界及导矢的曲面,**Coons曲面**
- 1962-1972,Rénault公司,Bézier,由控制多边形定义的曲线,**Bézier曲线**
- 1972,Forrest指出Bézier曲线可由Bernstein基表示,即de Casteljau所定义曲线
- 1972,美国GM, de Boor,发展了**B样条算法**
- 1974,通用公司,Gordon,Riesenfeld,**B样条曲线曲面**
- 1975, Phd Thesis, Versprille, 有理**B**样条
- 1980 ,Piegl,Tiller等,**NURBS**



- 算几何 CAGD 课程内容 参考资料 考核方式

- 1959,Citroën公司,**de Casteljau**,由Bernstein多项式构造曲线,未公开
- 1963,Boeing公司,**Ferguson**,曲线曲面的参数表示
- 1964-1967,MIT,Coons,构造插值给定边界及导矢的曲面,**Coons曲面**
- 1962-1972,Rénault公司,Bézier,由控制多边形定义的曲线,**Bézier曲线**
- 1972,Forrest指出Bézier曲线可由Bernstein基表示,即de Casteljau所定义曲线
- 1972,美国GM, de Boor,发展了**B样条算法**
- 1974,通用公司,Gordon,Riesenfeld,**B样条曲线曲面**
- 1975, Phd Thesis, Versprille, 有理**B**样条
- 1980 ,Piegl,Tiller等,**NURBS**
- 1980初,Farin,三角Bezier曲面



- 1978-2000, 细分曲线曲面
 - ◇ 1974, Chaikin, 提出用割角法生成曲线, Chaikin算法
 - ◊ 1978, Doo-Sabin细分曲面, Catmull-Clark细分曲面
 - ◇ 1987, Loop,将Box样条推广到任意三角网格的细分曲面,Loop细分曲面
 - ◊ 1990, Dyn, Gregory, Levin, Butterfly插值细分曲面
 - ◊ 2000, Kobbelt, √3细分格式

- 1978-2000, 细分曲线曲面
 - ◇ 1974,Chaikin,提出用割角法生成曲线,**Chaikin算法**
 - ◇ 1978, **Doo-Sabin**细分曲面, **Catmull-Clark**细分曲面
 - ◇ 1987, Loop,将Box样条推广到任意三角网格的细分曲面,Loop细分曲面
 - ◊ 1990, Dyn, Gregory, Levin, Butterfly插值细分曲面
 - ◊ 2000, Kobbelt, √3细分格式
- 1990 ,Hoppe等,曲面重建,逆向工程



- 1978-2000, 细分曲线曲面
 - ◇ 1974, Chaikin, 提出用割角法生成曲线, **Chaikin算法**
 - ◇ 1978, **Doo-Sabin**细分曲面, **Catmull-Clark**细分曲面
 - ◇ 1987, Loop,将Box样条推广到任意三角网格的细分曲面,Loop细分曲面
 - ♦ 1990, Dyn, Gregory, Levin, Butterfly插值细分曲面
 - ◊ 2000, Kobbelt, √3细分格式
- 1990 ,Hoppe等,曲面重建,逆向工程
- 2003, Sederberg等, **T-spline**



- 1978-2000, 细分曲线曲面
 - ◇ 1974,Chaikin,提出用割角法生成曲线,**Chaikin算法**
 - ◊ 1978, Doo-Sabin细分曲面, Catmull-Clark细分曲面
 - ◇ 1987, Loop,将Box样条推广到任意三角网格的细分曲面,Loop细分曲面
 - ◊ 1990, Dyn, Gregory, Levin, Butterfly插值细分曲面
 - ◊ 2000, Kobbelt, √3细分格式
- 1990 , Hoppe等, 曲面重建, 逆向工程
- 2003, Sederberg等, **T-spline**
- 2005, Hughes等, Isogeometric Analysis (IGA)



- 1978-2000, 细分曲线曲面
 - ◇ 1974,Chaikin,提出用割角法生成曲线,**Chaikin算法**
 - ◇ 1978, **Doo-Sabin**细分曲面, **Catmull-Clark**细分曲面
 - ◇ 1987, Loop,将Box样条推广到任意三角网格的细分曲面,Loop细分曲面
 - ♦ 1990, Dyn, Gregory, Levin, Butterfly插值细分曲面
 - ◊ 2000, Kobbelt, √3细分格式
- 1990 , Hoppe等, 曲面重建, 逆向工程
- 2003, Sederberg等, **T-spline**
- 2005, Hughes等, Isogeometric Analysis (IGA)
- ..



课程内容提要

- 一. 计算几何的数学基础
- 二. 曲线曲面的基本理论
- 三. Bézier曲线曲面
- 四. B样条曲线曲面
- 五. NURBS曲线曲面
- 六*. 细分方法
- 七*. 径向基函数

·算几何 CAGD 课程内容 参考资料 考核方式

主要参考书籍

- 1. 王仁宏、李崇君、朱春钢, 计算几何教程, 北京: 科学出版社, 2008.
- 2. 朱春钢、李彩云, 数值逼近与计算几何. 电子版手稿.
- 3. 王仁宏, 数值逼近(第二版). 高等教育出版社. 2010.
- 4. 王仁宏、施锡泉、罗钟铉、苏志勋, 多元样条函数及其应用, 科学出版社, 北京, 1994.
- 5. 苏步青, 刘鼎元, 计算几何. 上海科学技术出版社. 1981.
- 6. 王国瑾, 汪国昭, 郑建民, 计算机辅助几何设计, 高等教育出版社/Springer. 2004.
- 7. 吴宗敏, 散乱数据拟合的模型、方法和理论. 科学出版社, 北京, 2007.
- 8. M.P. do Carmo, Differential Geometry of Curves and Surfaces. Prentice-Hall. 1976.
- 9. G. Farin, Curves and Surfaces for CAGD, A Practical Guide, Fifth Edition, Academic Press, New York, 2002.
- 10. L. Piegl and W. Tiller, The NURBS Book, Springer-Verlag, Berlin, 1997.



课程考核方式

- 平时成绩: 3次编程作业.
- 2 期末考试: 研究生-闭卷, 本科生-大作业.
- 3 最终成绩=期末* 70%+平时* 30%.
- 4 公共邮箱: comput_geometry@163.com. 密码: math2019.