# T1 -- 小组作业(group.cpp)

### 解法:

定位为签到题。

把所有人从小到大排序,取出最大的 k 个人  $b_i$  ,剩下的 n-k 个人可以当这 k 个人中的任意一个人使用。

考虑二分答案 mid ,判定一下  $\sum \max(mid-b_i,0)$  和剩下 n-k 个人权值之和谁大谁小,时间复杂 度为  $n\log n$ 。

## T2 -- 排列(permutation.cpp)

## 解法:

能够证明逆序对个数不会超过200个。

f[i][j] 表示长度为 i 的排列中,逆序对个数为 j 的排列有多少个,可以利用 DP + 前缀和在 O(200n) 的时间复杂度内计算。

根据 f[i][j] 可以计算出排名第 k 小的排列有多少个逆序对。

然后从第一位逐位开始确定,假设已经确定了前 x 位,我们可以知道前 x 个数字内部之间的逆序对个数,和前x 个和后 n-x 个数字之间的逆序对个数,从而推出后 n-x 个数字内部之间的逆序对个数,这个方案数可以利用 f[i][j] 快速计算出,时间复杂度为 O(200n),如果实现的不精细会退化到  $O(n^2)$ 。

## T3 -- 四舍五入(round.cpp)

#### 解法:

考虑如何判定x能否变成y。

从低位到高位逐位比较,若它们当前位相同,则不进行进位,否则只有当 y 这一位为 0 或 1 时才可能有解。

具体原因为对x 当前位四舍五入后,该位会变成0,变成0 以后,前面的位如果进位,那么当前位会变成1,显然一个位置不可能进位2 次,因此只能得到0,1 两种值中的一种。

注意到以上性质后,我们有了一个 DP 的雏形,f[i][0/1/2] 表示当前考虑到了第 i 位,上一位不会进位 (0) ,必须进位(1),可以进位也可以不进位(2),进行数位 DP 的方案数。

注意,如果只考虑了0,1 状态而没有单独分类2 状态是会记重的。

#### 具体的进位与否需要手动进行讨论,具体为以下几种情况:

- 1.  $y = 0, 0 \le x \le 3$  无论前面是否进位, 当前位一定不进位。
- 2. y = 0, x = 4 如果前面进位,那么当前位可进位可不进位,否则当前位不进位。
- 3.  $y = 0, 4 < x \le 9$  无论前面是否进位,当前位一定进位。
- 4.  $y=1,0\leq x\leq 4$  一定先四舍五入当前位,前面那一位再进上来 ,因此当前一定不进位,前面能进位。
- 5.  $y=1,5\leq x\leq 9$  一定先四舍五入当前位,前面那一位再进上来 ,因此当前一定进位,前面能进位。

复杂度为  $O(10T \log V)$ 。

## T4 --比大小 (compare.cpp)

### 解法:

本题的关键性质为,答案一定是形如AAAABBBBCCCCDDDDEEEEE...+T的一个完整后缀。

如果出现了 AAAABBBCCCCB... 这样的结构,如果以 B 为开头不是一个后缀,那么可以修改为 AAAABBBCCCB... 因为不是后缀,所以可以在后面再多取一个字符。

观察到这个关键性质以后,注意到字符集大小为 26,因此我们可以先求解出前缀有多少个 A,具体方法为二分(或者直接预处理,实现的更精细可以做到 26n,时限已经调大,两种方式预估都能通过)进行判定,然后再看接下来可以接多少个 B ,多少个 C ,多少个 D ,以此类推,求解出  $f(S[l_i,r_i],k)$  每个字符分别有多少个,以及最后的后缀的形态。

比较大小时,可以通过二分+ hash 的方式进行比较,实现的精细的话单次复杂度为  $O(26 + \log n)$ ,不精细复杂度为  $O(26 \log n)$ ,两种方式预估都能通过。

最终复杂度为  $O(26n + q \log n)$  或  $O(26n + q 26 \log n)$ 。