

실시일자

-

20문제 / dre수학

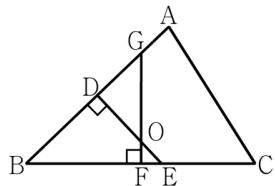
유형별 학습

이름

대명중학교 2학년 2학기 중간

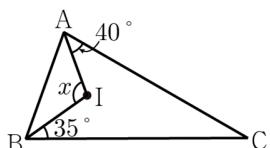
이등변삼각형의 성질 ~ 피타고라스 정리

- 01** 다음 삼각형 ABC에서 점 D는 변 AB의 중점이고, 점 F는 변 BC의 중점이라고 한다. $\overline{AB} \perp \overline{DE}$, $\overline{BC} \perp \overline{FG}$ 이고 선분 DE와 선분 FG의 교점을 O라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{OA} = \overline{OB}$
- ② $\overline{OA} = \overline{OC}$
- ③ $\angle OBC = \angle OCB$
- ④ $\angle OCA = \angle OCB$
- ⑤ $\angle OBA + \angle OCB + \angle OAC = 90^\circ$

- 02** 다음 그림에서 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 100°
- ② 105°
- ③ 110°
- ④ 115°
- ⑤ 120°

- 03** 다음과 같은 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되는 이유를 보기에서 각각 골라 알맞게 짹지어진 것은?

- (가) $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AB} = \overline{DC} = 4$
- (나) $\angle A = 75^\circ$, $\angle B = 105^\circ$, $\angle C = 75^\circ$

<보기>

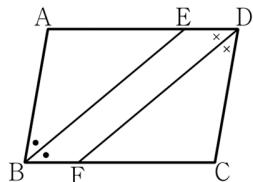
- ㄱ. 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ㄴ. 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ㄷ. 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ㄹ. 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.
- ㅁ. 두 대각선이 서로를 이등분한다.

- | | |
|----------------|----------------|
| ① (가) ㄱ, (나) ㄷ | ② (가) ㄱ, (나) ㅁ |
| ③ (가) ㄴ, (나) ㄷ | ④ (가) ㄴ, (나) ㅁ |
| ⑤ (가) ㄹ, (나) ㄷ | |



04

아래 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$ 와 $\angle D$ 의
이등분선이 \overline{AD} , \overline{BC} 와 만나는 점을 각각 E, F라 하자.
다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{AB} = \overline{AE}$
- ② $\overline{AE} = \overline{DF}$
- ③ $\overline{CD} = \overline{CF}$
- ④ $\angle AEB = \angle EDF$
- ⑤ $\angle EBF = \angle DFC$

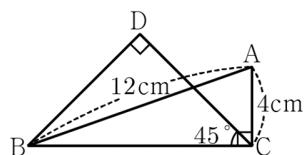
06

세 변의 길이가 각각 다음과 같은 삼각형 중에서
직각삼각형인 것은?

- ① 1cm, 2cm, 3cm
- ② 3cm, 4cm, 5cm
- ③ 4cm, 5cm, 6cm
- ④ 5cm, 12cm, 14cm
- ⑤ 8cm, 15cm, 18cm

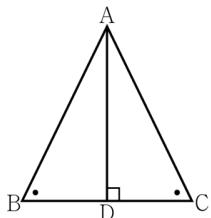
05

다음 그림과 같은 두 삼각형 ABC와 BCD에서
 $\angle ACB = \angle D = 90^\circ$ 이고 $\angle DCB = 45^\circ$ 일 때,
 \overline{CD} 의 길이를 구하시오.



07

다음은 ‘두 밑각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.’를 설명하는 과정이다. (가) ~ (마)에 알맞지 않은 것은?



꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D라 하면
 $\triangle ABD$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$$\angle B = \angle C, \angle ADB = \boxed{\text{(가)}} = 90^\circ$$

삼각형의 세 내각의 크기의 합은 $\boxed{\text{(나)}}$ 이므로

$$\angle BAD = \boxed{\text{(다)}}$$

$\boxed{\text{(라)}}$ 는 공통

즉, $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$ ($\boxed{\text{(마)}}$ 합동)이므로

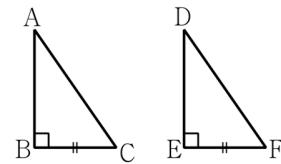
$$\overline{AB} = \overline{AC}$$

따라서 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

- ① (가) $\angle ADC$
- ② (나) 180°
- ③ (다) $\angle CAD$
- ④ (라) $\angle A$
- ⑤ (마) ASA

08

아래 그림과 같이 $\angle B = \angle E = 90^\circ$ 이고 $\overline{BC} = \overline{EF}$ 인 두 직각삼각형 ABC와 DEF가 합동이 되려면 한 가지 조건이 더 필요하다. 다음 중 필요한 조건이 아닌 것은?



- ① $\angle C = \angle F$
- ② $\overline{AC} = \overline{DF}$
- ③ $\angle A = \angle D$
- ④ $\overline{AB} = \overline{DE}$
- ⑤ $\overline{AB} = \overline{EF}$

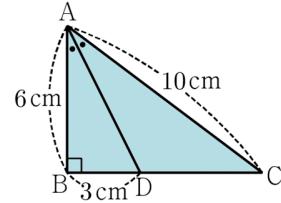
09

다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서

$\angle A$ 의 이등분선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 D라 하자.

$\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{AC} = 10\text{cm}$, $\overline{BD} = 3\text{cm}$ 일 때,

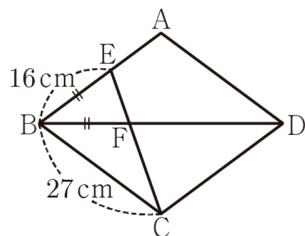
$\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 20cm^2
- ② 24cm^2
- ③ 28cm^2
- ④ 32cm^2
- ⑤ 36cm^2

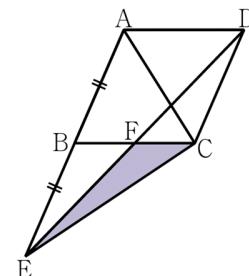
10

- 다음 그림과 같은 마름모 ABCD에서 \overline{AB} 위의 점 E에 대하여 \overline{BD} 와 \overline{EC} 의 교점을 F라 하자. $\overline{BC} = 27\text{ cm}$, $\overline{BE} = \overline{BF} = 16\text{ cm}$ 일 때, \overline{BD} 의 길이를 구하시오.



12

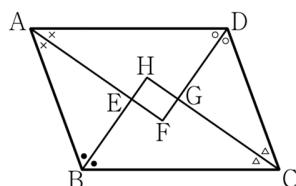
- 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 \overline{AB} 의 연장선 위에 $\overline{AB} = \overline{BE}$ 가 되도록 점 E를 잡고 \overline{DE} 와 \overline{BC} 의 교점을 F라 하자. $\triangle ACD$ 의 넓이가 34 cm^2 일 때, $\triangle FEC$ 의 넓이는?



- ① 11 cm^2 ② 13 cm^2 ③ 15 cm^2
 ④ 17 cm^2 ⑤ 19 cm^2

11

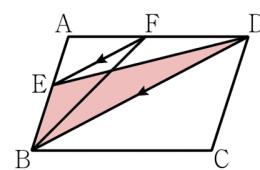
- 아래 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 네 각의 이등분선의 교점을 각각 E, F, G, H라 할 때, 다음 중 □EFGH에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?



- ① 두 대각선이 수직으로 만난다.
 ② 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.
 ③ 두 대각선의 길이가 같다.
 ④ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
 ⑤ 두 대각선이 서로를 이등분한다.

13

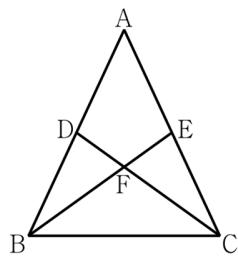
- 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{EF} \parallel \overline{BD}$ 이고, $\overline{AF} : \overline{FD} = 3 : 4$ 이다. □ABCD의 넓이가 35 cm^2 일 때, $\triangle DEB$ 의 넓이는?



- ① 5 cm^2 ② 7 cm^2 ③ 10 cm^2
 ④ 12 cm^2 ⑤ 15 cm^2

14

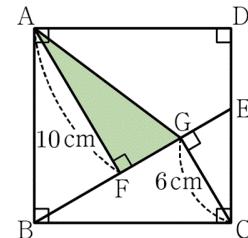
다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\overline{AB}, \overline{AC}$ 의 중점을 각각 D, E라 하고 \overline{BE} 와 \overline{CD} 의 교점을 F라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\triangle DBC \equiv \triangle ECB$
- ② $\triangle ABE \equiv \triangle ACD$
- ③ $\triangle DBF \equiv \triangle ECF$
- ④ $\triangle ABE \equiv \triangle CBE$
- ⑤ $\triangle FBC$ 는 이등변삼각형

16

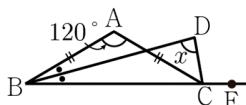
다음 그림과 같이 정사각형 ABCD의 꼭짓점 B를 지나는 직선과 \overline{CD} 의 교점을 E라 하고, 두 점 A, C에서 \overline{BE} 에 내린 수선의 발을 각각 F, G라 하자. $\overline{AF} = 10\text{ cm}$, $\overline{CG} = 6\text{ cm}$ 일 때, $\triangle AFG$ 의 넓이는?



- ① 20 cm^2
- ② 24 cm^2
- ③ 28 cm^2
- ④ 30 cm^2
- ⑤ 32 cm^2

15

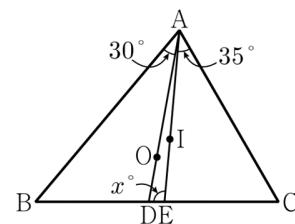
다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. $\angle ABD = \angle DBE$, $\angle ACD : \angle DCE = 1 : 20$ 이고 $\angle A = 120^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 55°
- ② 65°
- ③ 75°
- ④ 85°
- ⑤ 95°

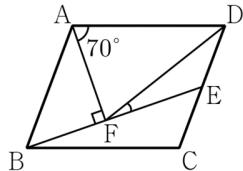
17

다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 점 O와 I는 각각 $\triangle ABC$ 의 외심과 내심이고 \overline{AO} 의 연장선과 \overline{BC} 의 교점을 D, \overline{AI} 의 연장선과 \overline{BC} 의 교점을 E라 한다. $\angle BAO = 30^\circ$, $\angle CAI = 35^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하시오.



18

다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 변 CD의 중점을 E라 하고 점 A에서 \overline{BE} 에 내린 수선의 발을 F라 한다. $\angle DAF = 70^\circ$ 일 때, $\angle DFE$ 의 크기는?



- ① 10°
- ② 15°
- ③ 20°
- ④ 25°
- ⑤ 30°

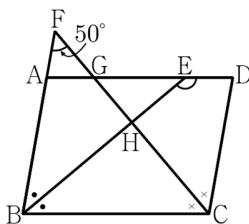
20

다음 중 □ABCD가 평행사변형이 되는 것은?

- ① $\overline{AO} = 3\text{cm}$, $\overline{CO} = 4\text{cm}$, $\overline{DO} = 4\text{cm}$, $\overline{BO} = 3\text{cm}$
(단, 점 O는 두 대각선의 교점)
- ② $\angle A = 150^\circ$, $\angle B = 30^\circ$, $\angle C = 150^\circ$
- ③ $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} = 6\text{cm}$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$
- ④ $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{AD} = 10\text{cm}$, $\overline{BC} = 8\text{cm}$,
 $\overline{CD} = 8\text{cm}$
- ⑤ $\angle A = 110^\circ$, $\angle C = 110^\circ$, $\angle D = 60^\circ$

19

다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선을 그어 그 교점을 H라 하고, \overline{AD} 와의 교점을 각각 E, G라 하고 \overline{BA} 의 연장선과 \overline{CG} 의 연장선과의 교점을 F라고 한다. $\angle AFG = 50^\circ$ 일 때, $\angle HED$ 의 크기를 구하시오.



실시일자	-	유형별 학습	이름
20문제 / dre수학			

대명중학교 2학년 2024년 2학기 중간

이등변삼각형의 성질 ~ 피타고라스 정리

빠른정답

01 ④	02 ②	03 ⑤
04 ②	05 8cm	06 ②
07 ④	08 ⑤	09 ②
10 43cm	11 ①	12 ④
13 ③	14 ④	15 ④
16 ①	17 95	18 ③
19 140°	20 ②	

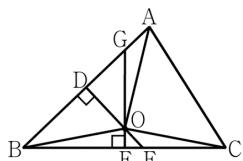


대명중학교 2학년 2024년 2학기 중간

이등변삼각형의 성질 ~ 피타고라스 정리

01 정답 ④

해설 \overline{DE} 는 \overline{AB} 의 수직이등분선이고
 \overline{FG} 는 \overline{BC} 의 수직이등분선이므로
 \overline{DE} 와 \overline{FG} 의 교점 O 는 $\triangle ABC$ 의 외심이다.



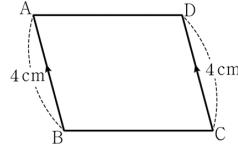
- ①, ② 외심에서 삼각형의 각 꼭짓점에 이르는 거리가 같으므로 $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$ (참)
- ③ $\overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로 $\angle OBC = \angle OCB$ (참)
- ④ 점 O 가 외심인 동시에 내심이 되지 않으면 \overline{OC} 는 $\angle BCA$ 의 이등분선이 아니므로 $\angle OCA \neq \angle OCB$ (거짓)
- ⑤ $\angle ABC + \angle BAC + \angle BCA = 180^\circ$ 에서 $2(\angle OBA + \angle OCB + \angle OAC) = 180^\circ$
 $\therefore \angle OBA + \angle OCB + \angle OAC = 90^\circ$ (참)

02 정답 ②

해설 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심이므로
 $\angle IAB = \angle IAC = 40^\circ$, $\angle IBA = \angle IBC = 35^\circ$
 $\therefore \angle x = 180^\circ - \angle IAB - \angle IBA$
 $= 180^\circ - 40^\circ - 35^\circ = 105^\circ$

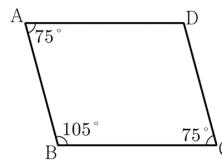
03 정답 ⑤

해설 (가) $\square ABCD$ 를 나타내면 다음 그림과 같다.



따라서 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같으므로 평행사변형이다.

(나) $\square ABCD$ 를 나타내면 다음 그림과 같다.



$\angle D = 105^\circ$ 이고 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같으므로 평행사변형이다.

04 정답 ②

해설 $\angle AEB = \angle EBC$ (엇각)이고, $\angle EBC = \angle ABE$ 이므로
 $\angle ABE = \angle AEB$
즉, $\triangle ABE$ 는 이등변삼각형이므로 $\overline{AB} = \overline{AE}$
같은 방법으로 $\triangle CDF$ 도 이등변삼각형이므로 $\overline{CD} = \overline{CF}$
 $\square ABCD$ 가 평행사변형이므로 $\overline{ED} \parallel \overline{BF}$
또한, $\overline{AB} = \overline{AE} = \overline{CD} = \overline{CF}$ 이므로 $\overline{ED} = \overline{BF}$
따라서 $\square EBF$ 는 평행사변형이므로
 $\angle EBF = \angle DFC$ (동위각),
 $\angle AEB = \angle EDF$ (동위각)
따라서 옳지 않은 것은 ②이다.

05 정답 8cm

해설 $\triangle ABC$ 에서
 $\overline{BC}^2 = 12^2 - 4^2 = 128$
 $\triangle BCD$ 는 $\angle D = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형이므로
 $\overline{BD}^2 + \overline{CD}^2 = 128$, $\overline{CD}^2 = 64$
 $\therefore \overline{CD} = 8\text{cm}$

대명중학교 2학년 2024년 2학기 중간

이등변삼각형의 성질 ~ 피타고라스 정리

06 정답 ②

해설 ① $1^2 + 2^2 \neq 3^2$

② $3^2 + 4^2 = 5^2$

③ $4^2 + 5^2 \neq 6^2$

④ $5^2 + 12^2 \neq 14^2$

⑤ $8^2 + 15^2 \neq 18^2$

따라서 직각삼각형인 것은 ②이다.

07 정답 ④

해설 꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D라 하면

$\triangle ABD$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$\angle B = \angle C$, $\angle ADB = \boxed{\angle ADC} = 90^\circ$

삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$\angle BAD = \boxed{\angle CAD}$

\boxed{AD} 는 공통

즉, $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$ (\boxed{ASA} 합동)이므로

$\overline{AB} = \overline{AC}$

따라서 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

따라서 (가) ~ (마)에 알맞지 않은 것은 ④이다.

08 정답 ⑤

해설 ① ASA 합동

② RHS 합동

③ $\angle A = \angle D$ 이면 $\angle C = \angle F$

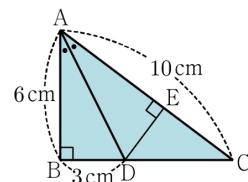
\therefore ASA 합동

④ SAS 합동

따라서 필요한 조건이 아닌 것은 ⑤이다.

09 정답 ②

해설 다음 그림과 같이 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 E라 하면



$\triangle ABD$ 와 $\triangle AED$ 에서

$\angle ABD = \angle AED = 90^\circ$, \overline{AD} 는 공통,

$\angle BAD = \angle EAD$ 이므로

$\triangle ABD \equiv \triangle AED$ (RHA 합동)

따라서 $\overline{ED} = \overline{BD} = 3\text{cm}$

$\triangle ABC = \triangle ABD + \triangle ADC$

$$= \frac{1}{2} \times 3 \times 6 + \frac{1}{2} \times 10 \times 3$$

$$= 9 + 15 = 24(\text{cm}^2)$$

10 정답 43cm

해설 $\triangle BFE$ 와 $\triangle DFC$ 에서 $\angle BFE = \angle DFC$ (맞꼭지각)

또한, $\triangle BFE$ 에서 $\overline{BE} = \overline{BF}$ 이므로

$\angle BFE = \angle BEF$

$\therefore \angle DFC = \angle BFE = \angle BEF$

또, $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로

$\angle DCE = \angle BEC$ (엇각)

즉, $\angle DFC = \angle DCF$ 이므로

$\triangle DFC$ 는 $\overline{DC} = \overline{DF}$ 인 이등변삼각형이다.

따라서 $\overline{DF} = \overline{DC} = \overline{BC} = 27\text{cm}$ 이므로

$$\overline{BD} = \overline{BF} + \overline{DF} = 16 + 27 = 43\text{cm}$$

대명중학교 2학년 2024년 2학기 중간

이등변삼각형의 성질 ~ 피타고라스 정리

11 정답 ①

해설 $\angle BAD + \angle ABC = 180^\circ$ 이므로
 $\angle EAB + \angle EBA = 90^\circ$
 $\triangle ABE$ 에서 $\angle AEB = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$
 $\therefore \angle HEF = \angle AEB = 90^\circ$ (맞꼭지각) ... ⑦
 같은 방법으로 하면 $\angle HGF = 90^\circ$... ⑧
 또한, $\angle ABC + \angle DCB = 180^\circ$ 이므로
 $\angle HBC + \angle HCB = 90^\circ$
 $\triangle HBC$ 에서
 $\angle BHC = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$... ⑨
 같은 방법으로 하면 $\angle AFD = 90^\circ$... ⑩
 ⑦ ~ ⑩에서
 $\angle HEF = \angle EFG = \angle FGH = \angle GHE = 90^\circ$
 이므로 $\square EFGH$ 는 직사각형이다.
 따라서 직사각형에 대한 설명으로 옳지 않은 것은 ①이다.

12 정답 ④

해설 $\triangle ABC = \triangle ACD = 34(\text{cm}^2)$ 이고
 $\overline{AB} = \overline{BE}$ 이므로
 $\triangle BEC = \triangle ABC = 34(\text{cm}^2)$
 $\triangle BEF$ 와 $\triangle CDF$ 에서
 $\overline{BE} = \overline{CD}$, $\angle FBE = \angle FCD$ (엇각),
 $\angle BEF = \angle CDF$ (엇각)이므로
 $\triangle BEF \equiv \triangle CDF$ (ASA 합동)
 $\therefore \overline{BF} = \overline{CF}$
 $\therefore \triangle FEC = \frac{1}{2} \triangle BEC$
 $= \frac{1}{2} \times 34 = 17(\text{cm}^2)$

13 정답 ③

해설 $\triangle ABF : \triangle FBD = \overline{AF} : \overline{FD} = 3 : 4$ 이므로
 $\triangle FBD = \frac{4}{3+4} \triangle ABD$
 $= \frac{4}{7} \times \frac{1}{2} \square ABCD$
 $= \frac{2}{7} \square ABCD$
 $= \frac{2}{7} \times 35 = 10(\text{cm}^2)$
 이때 $\overline{EF} \parallel \overline{BD}$ 이므로
 $\triangle DEB = \triangle FBD = 10(\text{cm}^2)$

14 정답 ④

해설 ① $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로
 $\angle B = \angle C$ 이고, \overline{BC} 는 공통, $\overline{DB} = \overline{EC}$
 $\therefore \triangle DBC \equiv \triangle ECB$ (SAS 합동)
 ② $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고
 $\angle A$ 는 공통, $\overline{AD} = \overline{AE}$ 이므로
 $\triangle ABE \equiv \triangle ACD$ (SAS 합동)
 ③ $\triangle DBC \equiv \triangle ECB$ (SAS 합동)이므로
 $\angle BDF = \angle CEF$ 이고
 $\triangle ABE \equiv \triangle ACD$ (SAS 합동)이므로
 $\angle DBF = \angle ECF$, $\overline{DB} = \overline{EC}$
 $\therefore \triangle DBF \equiv \triangle ECF$ (ASA 합동)
 ④ $\triangle ABE \equiv \triangle CBE$ 이려면 $\overline{BA} = \overline{BC}$ 이어야 하므로
 $\triangle ABE$ 와 $\triangle CBE$ 는 합동이 아니다.
 ⑤ $\triangle DBF \equiv \triangle ECF$ (ASA 합동)이므로 $\overline{FB} = \overline{FC}$
 따라서 $\triangle FBC$ 는 이등변삼각형이다.
 따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

15 정답 ④

해설 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로
 $\angle ABC = \angle ACB = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 120^\circ) = 30^\circ$
 $\therefore \angle DBC = \frac{1}{2} \times \angle ABC = \frac{1}{2} \times 30^\circ = 15^\circ$
 또 $\angle ACE = 180^\circ - \angle ACB$
 $= 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$ 이므로
 $\angle DCE = \frac{2}{1+2} \times \angle ACE = \frac{2}{3} \times 150^\circ = 100^\circ$
 따라서 $\triangle DBC$ 에서 $100^\circ = 15^\circ + \angle x$ 이므로
 $\angle x = 85^\circ$

16 정답 ①

해설 $\triangle ABF$ 와 $\triangle BCG$ 에서
 $\angle AFB = \angle BGC = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{BC}$,
 $\angle BAF = 90^\circ - \angle ABF = \angle CBG$ 이므로
 $\triangle ABF \equiv \triangle BCG$ (RHA 합동)
 $\therefore \overline{BF} = \overline{CG} = 6(\text{cm})$, $\overline{BG} = \overline{AF} = 10(\text{cm})$
 따라서 $\overline{FG} = \overline{BG} - \overline{BF} = 10 - 6 = 4(\text{cm})$ 이므로
 $\triangle AFG = \frac{1}{2} \times 4 \times 10 = 20(\text{cm}^2)$

대명중학교 2학년 2024년 2학기 중간

이등변삼각형의 성질 ~ 피타고라스 정리

17 정답 95

해설 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심이므로

$$\angle BAI = \angle CAI = 35^\circ$$

$$\therefore \angle DAE = \angle BAI - \angle BAO \\ = 35^\circ - 30^\circ = 5^\circ$$

또, 점 O가 $\triangle ABC$ 의 외심이므로

$$\angle OBA = \angle OAB = 30^\circ$$

$$\angle OCA = \angle OAC \\ = 35^\circ + 5^\circ = 40^\circ$$

$$\angle OCB = \angle OBC \\ = 90^\circ - (30^\circ + 40^\circ) = 20^\circ$$

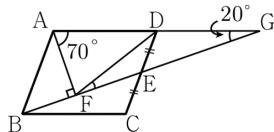
$$\angle ACB = \angle OCA + \angle OCB \\ = 40^\circ + 20^\circ = 60^\circ$$

$$\therefore \angle AED = \angle CAE + \angle ACB \\ = 35^\circ + 60^\circ = 95^\circ$$

따라서 구하는 x 의 값은 95이다.

18 정답 ③

해설 다음 그림과 같이 \overline{AD} , \overline{BE} 의 연장선의 교점을 G라 하면



$\triangle AFG$ 에서

$$\angle AGF = 90^\circ - 70^\circ = 20^\circ$$

$\triangle EGD$ 와 $\triangle EBC$ 에서

$$\overline{ED} = \overline{EC}, \angle DEG = \angle ECB \text{ (맞꼭지각),}$$

$\angle EDG = \angle ECB$ (엇각)이므로

$\triangle EGD \cong \triangle EBC$ (ASA 합동)

$$\therefore \overline{DG} = \overline{BC}$$

이때 $\overline{AD} = \overline{BC}$ 이므로

$$\overline{AD} = \overline{DG}$$

즉, 점 D는 직각삼각형 AFG의 외심이다.

$$\therefore \overline{AD} = \overline{DG} = \overline{DF}$$

따라서 $\triangle DFG$ 는 $\overline{DF} = \overline{DG}$ 인 이등변삼각형이므로

$$\angle DFG = \angle DGF = 20^\circ$$

19 정답 140°

해설 $\angle AFG = \angle GCD = 50^\circ$ (\because 엇각)

$$\angle BCG = \angle GCD \text{이므로}$$

$$\angle C = 2\angle GCD = 100^\circ$$

$$\angle B = 180^\circ - \angle C = 80^\circ$$

$$\angle EBC = \frac{1}{2}\angle B = 40^\circ$$

$$\angle AEB = \angle EBC = 40^\circ$$
 (\because 엇각)

$$\therefore \angle HED = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$$

20 정답 ②

해설 ② $\angle D = 360^\circ - (150^\circ + 30^\circ + 150^\circ) = 30^\circ$ 이고

$$\angle A = \angle C, \angle B = \angle D \text{이다.}$$

따라서 평행사변형인 것은 ②이다.