

章节 07 递归类型

LaTeX Definitions are here.

泛性质

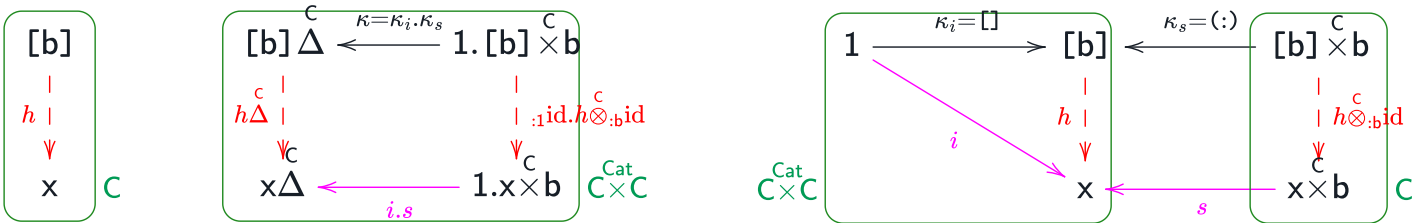
默认对象 N 在范畴 C 中有下述性质：

- $(1 \xrightarrow{C} x) \times^{Cat} (x \xrightarrow{C} x) \cong (N \xrightarrow{C} x)$, x 为任意 C 中对象
—— **泛性质**。`rec` 即对应的同构 (上式从左至右)。



默认函子 $[_] : C \xrightarrow{Cat} C$ 在范畴 C 中有下述性质：

- $(1 \xrightarrow{C} x) \times^{Cat} ((x \xrightarrow{C} b) \xrightarrow{C} x) \cong ([b] \xrightarrow{C} x)$, x 为任意 C 中对象
—— **泛性质**。`foldr` 即对应的同构 (上述等式从左至右)。



函子性

如何证明 $[_]$ 构成函子呢？请看

- $[_] : :b_1 id \mapsto :[b_1] id$
—— $[_]$ **保持恒等箭头**；
- $[_] : (g_1 \circ g_2) \mapsto (h_1 \circ h_2)$
—— $[_]$ **保持箭头复合运算**。

下图便于形象理解证明过程。

