Міністерство освіти і науки України

НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ «ХАРКІВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ»

Кафедра комп'ютерного моделювання процесів і систем

3BIT

з лабораторної роботи №10

"Зниження розмірності"

з курсу

«Алгоритми та моделі збору, аналізу та візуалізації даних»

Биконав.	студент групи ткмг-мг222к	черкас Ю.В.
Перевірила:	аспірантка	Рикова В.О.

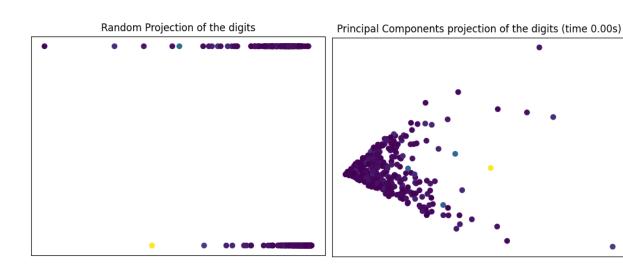
Варіант №15

Для відповідного датасету згідно з варіантом виконати пониження розмірності даних до просторів з розмірностями два та три (2D та 3D). Для пониження розмірності використовуйте всі доступні методи бібліотеки scikit-learn для зниження розмірності. Порівняйте результати та визначте яким методом було досягнуто найкращий результат.

Виконання

Лістинг програми наведений в Додатку А.

Графіки пониження розмірності 2D

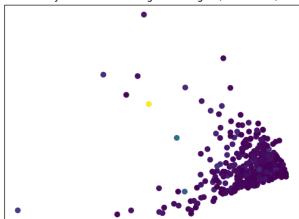


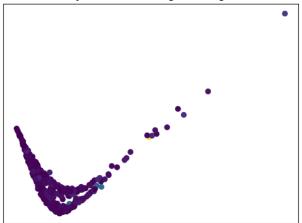
Linear Discriminant projection of the digits (time 0.00s)

Isomap projection of the digits (time 0.11s)

Locally Linear Embedding of the digits (time 0.06s)

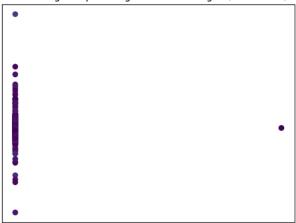
Modified Locally Linear Embedding of the digits (time 0.11s)





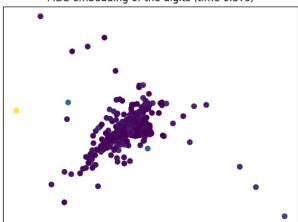
Hessian Locally Linear Embedding of the digits (time 0.11s) Local Tangent Space Alignment of the digits (time 0.09s)

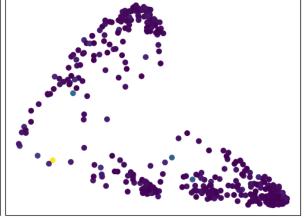


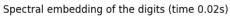


MDS embedding of the digits (time 0.37s)

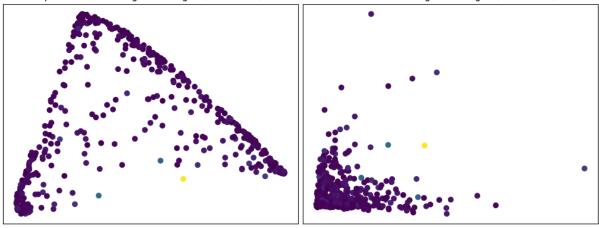
Random forest embedding of the digits (time 0.27s)







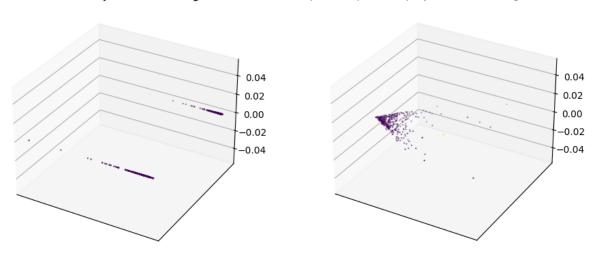
t-SNE embedding of the digits (time 0.96s)



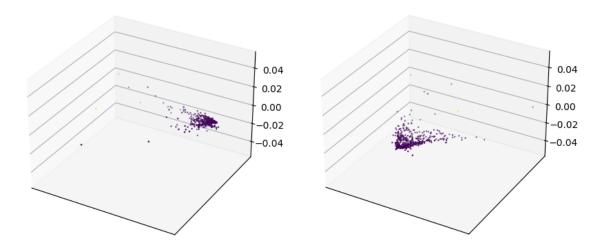
Графіки пониження розмірності ЗД

Random Projection of the digits

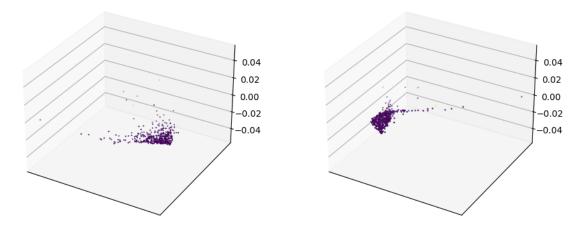
Principal Components projection of the digits (time 0.01s)



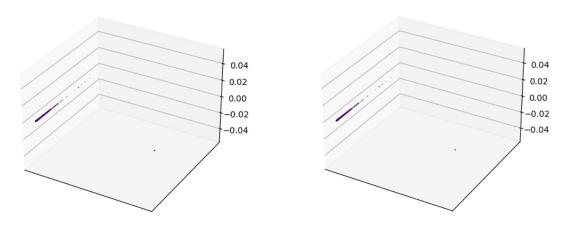
Linear Discriminant projection of the digits (time 0.00s) Isomap projection of the digits (time 0.12s)



Locally Linear Embedding of the digits (time 0.07s) Modified Locally Linear Embedding of the digits (time 0.10s)

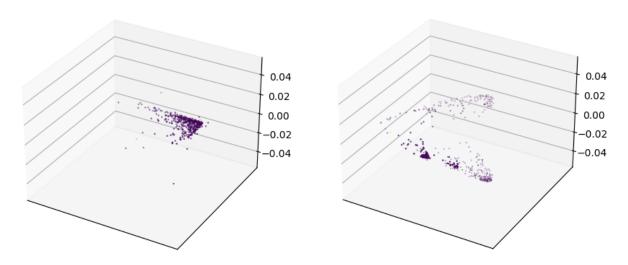


Hessian Locally Linear Embedding of the digits (time 0.12s) Local Tangent Space Alignment of the digits (time 0.09s)



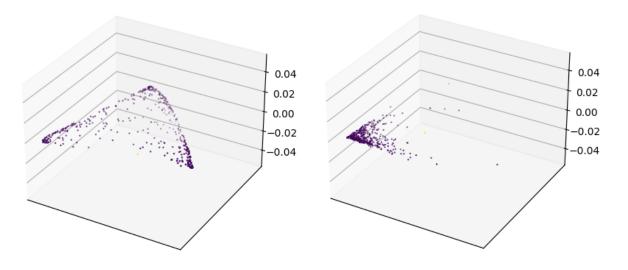
MDS embedding of the digits (time 0.36s)

Random forest embedding of the digits (time 0.27s)



Spectral embedding of the digits (time 0.03s)

t-SNE embedding of the digits (time 1.91s)



Додаток А

Лістинг програми

```
# Authors: Fabian Pedregosa <fabian.pedregosa@inria.fr>
          Olivier Grisel <olivier.grisel@ensta.org>
          Mathieu Blondel <mathieu@mblondel.org>
          Gael Varoquaux
# License: BSD 3 clause (C) INRIA 2011
print( doc )
from time import time
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import pandas as pd
from matplotlib import offsetbox
from sklearn import (manifold, datasets, decomposition, ensemble,
discriminant_analysis, random_projection)
digits = pd.read csv('Wholesale customers data.csv')
X = digits.iloc[:,:-1].values.astype(np.float)
y = digits.iloc[:,-1].values
n_samples, n_features = X.shape
n = 30
# Scale and visualize the embedding vectors
def plot_embedding(X, title=None):
   x_{min}, x_{max} = np.min(X, 0), np.max(X, 0)
   X = (X - x_min) / (x_max - x_min)
    plt.figure()
    ax = plt.subplot(111)
    plt.scatter(X[:,0], X[:,1], c = y)
    plt.xticks([]), plt.yticks([])
    if title is not None:
        plt.title(title)
# Random 2D projection using a random unitary matrix
print("Computing random projection")
rp = random_projection.SparseRandomProjection(n_components=2, random_state=42)
X_projected = rp.fit_transform(X)
plot_embedding(X_projected, "Random Projection of the digits")
```

```
# Projection on to the first 2 principal components
print("Computing PCA projection")
t0 = time()
X_pca = decomposition.TruncatedSVD(n_components=2).fit_transform(X)
plot embedding(X pca,
               "Principal Components projection of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# Projection on to the first 2 linear discriminant components
print("Computing Linear Discriminant Analysis projection")
X2 = X.copy()
X2.flat[::X.shape[1] + 1] += 0.01 # Make X invertible
t0 = time()
X 1da =
discriminant_analysis.LinearDiscriminantAnalysis(n_components=2).fit_transform
(X2, y)
plot embedding(X_lda,
               "Linear Discriminant projection of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# Isomap projection of the digits dataset
print("Computing Isomap embedding")
t0 = time()
X_iso = manifold.Isomap(n_neighbors = n_neighbors,
n_components=2).fit_transform(X)
print("Done.")
plot_embedding(X_iso,
               "Isomap projection of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# Locally linear embedding of the digits dataset
print("Computing LLE embedding")
clf = manifold.LocallyLinearEmbedding(n_neighbors = n_neighbors,
n_components=2,
                                      method='standard')
t0 = time()
X_lle = clf.fit_transform(X)
print("Done. Reconstruction error: %g" % clf.reconstruction_error_)
plot_embedding(X_lle,
```

```
"Locally Linear Embedding of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# Modified Locally linear embedding of the digits dataset
print("Computing modified LLE embedding")
clf = manifold.LocallyLinearEmbedding(n_neighbors = n_neighbors,
n components=2,
                                      method='modified')
t0 = time()
X_mlle = clf.fit_transform(X)
print("Done. Reconstruction error: %g" % clf.reconstruction error )
plot_embedding(X_mlle,
               "Modified Locally Linear Embedding of the digits (time %.2fs)"
               (time() - t0))
# HLLE embedding of the digits dataset
print("Computing Hessian LLE embedding")
clf = manifold.LocallyLinearEmbedding(n_neighbors = n_neighbors,
n components=2,
                                      method='hessian', eigen solver =
'dense')
t0 = time()
X_hlle = clf.fit_transform(X)
print("Done. Reconstruction error: %g" % clf.reconstruction_error_)
plot_embedding(X_hlle,
               "Hessian Locally Linear Embedding of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# LTSA embedding of the digits dataset
print("Computing LTSA embedding")
clf = manifold.LocallyLinearEmbedding(n_neighbors = n_neighbors,
n_components=2,
                                      method='ltsa', eigen_solver = 'dense')
t0 = time()
X_ltsa = clf.fit_transform(X)
print("Done. Reconstruction error: %g" % clf.reconstruction_error_)
plot_embedding(X_ltsa,
               "Local Tangent Space Alignment of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# MDS embedding of the digits dataset
```

```
print("Computing MDS embedding")
clf = manifold.MDS(n components=2, n init=1, max iter=100)
t0 = time()
X mds = clf.fit_transform(X)
print("Done. Stress: %f" % clf.stress )
plot_embedding(X_mds,
               "MDS embedding of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# Random Trees embedding of the digits dataset
print("Computing Totally Random Trees embedding")
hasher = ensemble.RandomTreesEmbedding(n_estimators=200, random_state=0,
                                       max_depth=5)
t0 = time()
X transformed = hasher.fit transform(X)
pca = decomposition.TruncatedSVD(n_components=2)
X_reduced = pca.fit_transform(X_transformed)
plot_embedding(X_reduced,
               "Random forest embedding of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# Spectral embedding of the digits dataset
print("Computing Spectral embedding")
embedder = manifold.SpectralEmbedding(n_components=2, random_state=0,
                                      eigen_solver="arpack")
t0 = time()
X_se = embedder.fit_transform(X)
plot_embedding(X_se,
               "Spectral embedding of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
# t-SNE embedding of the digits dataset
print("Computing t-SNE embedding")
tsne = manifold.TSNE(n_components=2, init='pca', random_state=0)
t0 = time()
X_tsne = tsne.fit_transform(X)
plot_embedding(X_tsne,
               "t-SNE embedding of the digits (time %.2fs)" %
               (time() - t0))
plt.show()
```