

Instituto de Ciências Exatas Departamento de Ciência da Computação

Earthquake Risk Induction Models with Genetic Algorithm

Yuri Cossich Lavinas

Monografia apresentada como requisito parcial para conclusão do Bacharelado em Ciência da Computação

Orientador Prof. Dr. Marcelo Ladeira

Coorientador Prof. Dr. Claus de Castro Aranha

> Brasília 2016



Instituto de Ciências Exatas Departamento de Ciência da Computação

Earthquake Risk Induction Models with Genetic Algorithm

Yuri Cossich Lavinas

Monografia apresentada como requisito parcial para conclusão do Bacharelado em Ciência da Computação

Prof. Dr. Marcelo Ladeira (Orientador) CIC/UnB

Prof. Dr. Donald Knuth Dr. Leslie Lamport Stanford University Microsoft Research

Prof.a Dr.a Ada Lovelace Coordenadora do Bacharelado em Ciência da Computação

Brasília, 24 de dezembro de 2016

Dedicatória

???

Agradecimentos

???

Resumo

Entender os mecanismos e padrões dos terremotos é importante para minimizar suas consequências. Neste contexto, este projeto visa desenvolver um modelo de previsão de riscos de terremotos com Algoritmos Geneticos (GA). Modelos de risco de terremotos descrevem o risco de ocorrência de atividades sísmicas in uma determinada área baseado em informações previamente obtidas de terremotos em regiões próximas da área de estudo. Nós utilizamos GA para aprender um modelo de risco usando somente informações previamente obtidas como base de treino. Baseado nos resultados obtidos, nós acreditamos que é possível obter melhores models se conhecimento do domínio da aplicação, como conhecimentos oriundos da literatura ou modelos de distribuição de terremotos, poderem ser incorporados ao processo de aprendizado do Algoritmo Evolutivo.

O objetivo principal é definir um método para estimar a probabilidade de ocorrências de terremotos no Japão usando dados históricos de terremotos para um grupo de determinadas regiões geográficas. Este trabalho se baseia no contexto do "Collaboratory for the Study of Earthquake Predictability" (CSEP), que visa padronizar os estudos e testes de modelos de previsão de terremotos.

Durante o desenvolvimento das atividades, passamos por quatro estágios. (1) Nós propusemos um método baseado em uma applicação de Algoritmos Genéticos (GA) e objetivamos gerar um método estatístico de análise de risco de terremotos. Estes foram analisados por seus valores de log-likelihood, como sugerido pelo Regional Earthquake Likelihood Model (RELM). (2) Basedos nos resultados obtidos, nós buscamos melhorar a performance do GA ao incluir uma técnica de GA chamada auto-adaptativo. (3) A seguir, modificiamos a representação do genoma, de uma representação baseada em área para uma representação baseada em ocorrências de terremotos, buscando obter uma convergência mais rápida dos valores de log-likelihood dos candidatos do GA e (4) usamos métodos da sismologia conhecidos (como a equação de Omori-Utsu) para refinar os candidatos gerados pelo GA.

Em todas as estapas, os modelos de risco são comparados com dados reais, com modelos gerados pela aplicação do *Relative Intensity Algorithm* (RI) e com eles próprios. Os dados utilizados foram obtidos pela *Japan Metereological Angency* (JMA) e são relativos

a atividades de terremotos no Japão entre os anos de 2000 e 2013.

Nós analisamos as contrubuições de cada modelo proposto usando metodologia descritas pelo CSEP e comparamos as performances entre (XXX method and YYY method). Os resultados apontam (XXX result, YYY result). /*terminando com os resultados obtidos e conclusoes alcancadas.*/

Palavras-chave: algoritmos genéticos, terremotos, log-likelihood

Abstract

To understand the mechanisms and patterns of the earthquakes is very important to minimize its consequences. In this context, this projects aims to develop an earthquake prevision risk model using Genetic Algorithms (GA). Earthquake Risk Models describe the risk of occurence of seismic events on a given area based on information such as past earthquakes in nearby regions, and the seismic properties of the area under study. We used EC to learn risk models using purely past earthquake occurrence as training data. Based on the results obtained, we believe that a much better model could be learned if domain knowledge, such as known theories and models on earthquake distribution, were incorporated into the Genetic Algorithm's training process.

The main goal is to define good methods to estimate the probability of earthquake occurrences in Japan using historical earthquake data of a group of given geographical regions. This work is established in the context of the "Collaboratory for the Study of Earthquake Predictability" (CSEP), which seeks to standardize the studies and tests of earthquake prevision models.

To achieve the main we passed four stages. (1) We proposed a method based in one application of Genetic Algorithms (GA) and aims to develop statistical methods of analysis of earthquake risk. The risk models generated by this application were analyzed by their log-likelihood values, as suggested by the Regional Earthquake Likelihood Model (RELM). (2) Based on the results obtained, we tried to improve the GA's performance by including the self-adaptive GA technique. (3) Then, we modify the genome representation from an area-based representation to an earthquake representation aiming to reach a faster convergency of the log-likelihood values of the GA's candidates and (4) we use known methods from seismology (such as the Omori-Utsu formula) to refine the candidates generated by the GA.

In all stages, the risk models are compared with real data, with the models generated by the application of the Relative Intensity Algorithm (RI) and with themselves. The data used was obtained from the Japan Metereological Angency (JMA) and are related with earthquake activity in Japan between the years of 2000 and 2013.

We analyze the contributions from each of each risk model using the methodologies

described in the CSEP, and compare their performance with (XXX method and YYY method). Our results indicate that (XXX result, YYY result). /*terminando com os resultados obtidos e conclusoes alcancadas.*/

Keywords: genetic algorithms, earthquake, log-likelihood

Sumário

1	\mathbf{Intr}	roducti	ion	1
	1.1	Earth	quakes	1
	1.2	Earth	quake Prediction	2
	1.3	Docum	ment Organization	3
2	$\operatorname{Th}\epsilon$	e Earth	nquake Forecasting Problem	5
3	The	e Earth	nquake Forecasting Problem	6
	3.1	Earth	quake Likelihood Model Testing	6
		3.1.1	Vector of expectations	7
		3.1.2	The Log-Likelihood Function	7
		3.1.3	Uncertainties in Earthquake Parameters	8
	3.2	Tests	for evaluating Models	9
		3.2.1	L-test - Data-consistency test	9
		3.2.2	Number test or N-Test	10
		3.2.3	Hypotheses Comparison Test or R-Test	10
		3.2.4	Evaluation	10
4	Sta	te of A	art	12
	4.1	What	are Genetic Algorithms	12
		4.1.1	How does GA work	12
	4.2	Evolut	tionary Computation and Earthquake Risk Prevision	13
5	Mo	dels		16
	5.1	1-year	Forecast Models	17
	5.2	Mains	hock Methods	17
		5.2.1	GAModel	17
		5.2.2	ReducedGAModel	20
	5.3	Mains	hock+Aftershock Methods	22
		5.3.1	Emp-GAModel	24

		5.3.2 Emp-ReducedGAModel	25
6	Aná	álise dos Dados	26
	6.1	Dados de sismos	26
7	Met	todologia Proposta	29
	7.1	Estrutura da solução	29
	7.2	Definição do Algoritmo Genético - Simple L-test Fitness Function	30
		7.2.1 Crossover	31
		7.2.2 Mutação	32
		7.2.3 Seleção	32
	7.3	Definição do Algoritmo Genético - Time-slice Log-Likelihood Fitness Func-	
		tion	32
		7.3.1 Operadores Estudados	33
	7.4	Estudo dos Operadores - Funções CEC'13	38
	7.5	Análises GA - Time-slice Log-Likelihood Fitness Function	38
8	Res	sultados Obtidos	40
	8.1	Simple L-test Fitness Function	40
	8.2	Time-slice Log Likelihood Fitness Function	41
9	Cor	nclusão	45
$\mathbf{R}_{\mathbf{c}}$	eferê	ncias	48

Lista de Tabelas

5.1	Parameters used in GAModel and Emp-GAModel	19
5.2	Parameters used in ReducedGAModel	22
7.1	Parâmetros utilizados	32
7.2	Parâmetros utilizados	33
7.3	Parâmetros e retorno do One Point	34
7.4	Parâmetros e retorno do <i>Uniform</i>	34
7.5	Parâmetros e retorno do Partially Matched	34
7.6	Parâmetros e retorno do <i>Uniform and Partialy Matched</i>	35
7.7	Parâmetros e retorno do Ordered	35
7.8	Parâmetros e retorno do Shuffle Indexes	36
7.9	Parâmetros e retorno do <i>Uniform Integer</i>	36
7.10	Parâmetros e retorno do Roulette	36
7.11	Parâmetros e retorno do Random	36
7.12	Parâmetros e retorno do Best	37
7.13	Parâmetros e retorno do Worst	37
8.1	Tempo gasto e valor do L-test na média de 10 execuções com Blend	40
8.2	Tempo gasto e valor do L-test na média de 10 execuções com Two Points	40

Capítulo 1

Introduction

In this chapter we present a general specification of the problem, its relevance and what are the goals of this study.

1.1 Earthquakes

Earthquakes may cause lots of damages environment and consequently may represent, directly or inderectly, a risk to human lives. They manifest themselves by shaking and moving of the ground. They may also cause tsunamis, landslides, volcano activities, etc.

There are many examples that show how devastating one large earthquake can be. In 25th of April 2015, there was a strong earthquake in Nepal, with moment magnitude of M_w 7.8 and considered the largest since 1934. It destroyed lots of buildings and infrastructure, and triggered numerous landslides and rock/boulder falls in the mountain areas [33]. Many other aftershock occurrences, which are dependent earthquakes [32], happened after it, including two major aftershocks M 6.7 and M 7.3 earthquakes that caused additional that were also very destructive [33].

Another example happened in March 2011, Japan. It was a 9.0 M_w earthquake [29], and it is considered the most powerful earthquake to ever hit Japan. It caused tsunami waves that reached more than 39 meters, moved the main island in Japan more than 2 meters east and also changed the Earth axis. It was reported that it caused more than 14 thousand deaths, made more than 244,000 people homeless and provoked a meltdown of the Fukushima Daiichi Nuclear Power Plant complex. Many large aftershocks followed the main event [18]. Also in 2011 a magnitude M_w 7.1 earthquake hit Van, Turkey and caused lots of deaths and great damages. These are only three very recent examples of

large earthquake damages of how dangerous earthquakes can be [8].

Those earthquakes, and many others that hazard the human society, have some common characteristics. They not only are powerful quakes but they happened nearby populated areas, which increase the damaged provoked. To minimize as much as possible future earthquake disaster, a lot can be done. That includes developing good urban planing, for example to build structures with techniques that can withstand the forces of earthquakes, to create earthquake warning systems, to create more precise civil enginnering codes, and such.

To be able to prevent as many casualty as possible, we need to undersated the patterns and mechanisms behind the occurrence of earthquakes. We need to know if there is any relationship between the earhquake locations and its time of occurrance, how they are related to each other, et cetera. With this information, it is possible to to create better seismic risk forecast models, indicating which regions show a higher probability of earthquake occurrence at certain periods in time.

Until by now, it has been difficult to clearly understand the many different seismic variables (ime of occurrence, magnitude, local, depth,...) influences the quakes and either exists a mathemathical model capable of supplying detailed and precise information about the relations and ways to estimate them. Therefore, to develop a prediction earthquake risk model can prove itself very complex.

1.2 Earthquake Prediction

In [15], Koza says that Evolutionary Computation (EC) may find, by try trial and error and based on a great amount of data, better solutions for problems that human beings may not find it easy to solve. EC is a family of subfield of artificial intelligence that aim to extract patterns and to solve problems using a great amount of historical data. We may also say that without any domain knowledge about the problem to be controlled, the EC learns about may learn and find solutions for the problem. [17].

Genetic Algorithm (GA) is the chosen EC technique that is used in this study. It constitutes a category of heuristic search, they are stochastic algorithms and their search method are based on genetic inheritance and surival of the fittest [16]. They are interesting to be used specially in cases that are difficult to understand and the knowledge

available is not sufficiently available.

Based on these information and on the difficulty to understand how earthquakes behave, we want to explore historical earthquake data using GA. It is expected that it will help to find new ideas about earthquakes, their patterns and their mechanisms behind earthquake occurrences. For doing so, we need first to outline the forecast problem, then verify the suitability of Evolutionary Computation to the problem of generating earthquake forecast models.

Earthquake prediction is a polemic subject. No research has even come close to suggesting that individual large scale earthquakes can be predicted [1] and many scientists think that earthquake prediction may not only be fully impossible, but also that the resources needed for such a prediction may be out of reach [4].

In the context of this study, we do not aim to predict any individual earthquake and its major characteristics. Our goal relies on the fact that earthquakes do cluster in time and space. We want to use computer techniques to learn and to generate risk models. There is a lot of value behind the study of earthquake mechanisms, with the goal of generating statistical models of earthquake risk [24].

Next, we will study ways to improve the generated methods using both GA and/or other computer techniques and any siesmological knowledge. We propose different representations that aim to refire the algorithm performance and to incorporate seismology methods to refine the models proposed.

1.3 Document Organization

This document is organized into 7 more chapters. The next, is about teoretical concepts there are useful for undestanding the development of this study. Then, in the chapter 5.3.2, we will discuss the current state of art regarding applications of Evolutionary Computation (EC) in the context of seismology research and earthquake risk models.

The chapter 4.2 is about the methods proposed in the context of this study and a detailed description of theirs characteristics.

The next chapter 6.1 is about the earthquake data used, also called catalogue. It is also about a statistical analysis of the data and any relevant decisions made regarding the data itself.

The chapter 7.5 is all about the experiments. The following chapter 8.2 is about the analysis of the experiments and the results observed from it.

In the last chapter 9 brings the conclusion of the study as well as a little discussion of the contribuitions of this work and future works.

Capítulo 2

The Earthquake Forecasting Problem

Capítulo 3

The Earthquake Forecasting Problem

This chapter focus on the teoretical concepts used as base for this study. The main topics are the CSEP framework and its tests.

3.1 Earthquake Likelihood Model Testing

We started studies of the earthquake forecasting problem by determining and selecting ways to build earthquake forecast models, to evaluate and to compare them, as suggested by the Collaboratory for the Study of Earthquake Predictability (CSEP). It is an international partnership to promote rigorous study of the feasibility of earthquake forecasting and predictability [1].

For that, we gathered some important information about earthquake predicting needed for this study. Most of it is based on the paper *Earthquake Likelihood Model Testing* [27]. From this paper we gathered information that guided us into how to build, evaluate and compare earthquake forecast models efficiently.

A very difficult and yet very common problem when studying earthquake models is how to compare different kinds of models, that are based on different tests protocols. The CSEP proposes a methodology for rigorous scientific testing of these many different models. This group proposed an framework called The CSEP framework. It provides a method to compare earthquakes risk models in an objectively and consistently way [1].

All forecast models proposed in this study are based in the Collaboratory for the Study of Earthquake Predictability (CSEP) framework. In the CSEP framework, a forecast model uses a gridded rate forecast [35], one common format in the literature. For evaluate and compare these models we used the likelihood based tests. They are the L-test, the N-test and the R-test, as suggested by Regional Earthquake Likelihood Model (RELM) [27].

The principle behind each consistency test is the same. One calculates a goodness-of-fit statistic for the forecast and the observed data. One then estimates the distribution of this statistic assuming that the forecast is the data-generating model (by simulating catalogues that are consistent with the forecast). One then compares the calculated statistic with the estimated distribution; if the calculated statistic falls in lower tail of the estimated distribution, this implies that the observation is inconsistent with the forecast, or that the forecast should be "rejected". For the CSEP consistency tests used here, the likelihood is the fundamental metric, but this approach would be similar for different statistical measurements [4].

3.1.1 Vector of expectations

As stated in section 3.1, The CSEP framework uses a gridded rate forecast. This gridded forecast may be structured by a vector of earthquake expectations, occurrences probabilities, that are directly related to a vector of real earthquake observations.

Based on this structure, it is possible to calculate the Log-likelihood value of a model with the real data observed. It is also possible to use comparison tests based on the calcultation of the Log-likelihood.

3.1.2 The Log-Likelihood Function

To calculate the Log-likelihood value we need both vectors cited above, in section 3.1.1. One of them is the vector of earthquake expectations and the other is the vector of real earthquake observations. On them, each element is considered a bin.

Each bin, b_n , define the set β and n is the size of the set β :

$$\beta := b_1, b_2, \dots, b_n, n = |\beta|. \tag{3.1}$$

The probability values of the model j, expressed by the symbol Λ , is made of expectations λ_i^j by bin b_i . The vector is define as:

$$\Lambda^{j} = \left(\lambda_{1}^{j}, \lambda_{2}^{j}, \dots, \lambda_{i}^{j}\right); \lambda_{i}^{j} := \lambda_{i}^{j}(b_{i}), b_{i} \in \beta$$
(3.2)

The vector of earthquake quantity expectations is defined as: earthquake by time. The Ω vector is composed by observations ω_i per bin b_i , as the Λ vector:

$$\Omega = (\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_i); \omega_i = \omega_i(b_i), b_i \in \beta$$
(3.3)

The calculation of the log-likelihood value for the ω_i observation with a given expectation λ is defined as:

$$L(\omega_i|\lambda_i^j) = -\lambda_i^j + \omega_i \log \lambda_i^j - \log \omega_i! \tag{3.4}$$

The joint probability is the product of the likelihood of each bin, so the logarithm $L(\Omega|\Lambda^j)$ is the sum of for $L(\omega_i|\lambda_i^j)$ every bin b_i :

$$L^{j} = L(\Omega | \Lambda^{j}) = \sum_{i=1}^{n} L(\omega_{i} | \lambda_{i}^{j})$$

$$= \sum_{i=1}^{n} -\lambda_{i}^{j} + \omega_{i} \log \lambda_{i}^{j} - \log \omega_{i}!$$
(3.5)

The fitness function is a coded version of the equation 3.5. It uses the probabilities of the bins of each individual of model for the λ values.

3.1.3 Uncertainties in Earthquake Parameters

It is important to say that the earthquake parameters, as the location, magnitude and focal time, cannot be estimated without uncertainties. Therefore, each parameter uncertainty has to be included in the testing [27]. Moreover, by estimating it, it is possible to judge the reliability and robustness of the forecast testing [4]. Also, each observation must be treated as independent ones. This is not the case of the aftershocks, once they are directly dependent with another stronger earthquake.

3.2 Tests for evaluating Models

In the paper Earthquake Likelihood Model Testing [27], it is proposed some statistical tests that are used in this study, developed by the The Regional Earthquake Likelihood Models (RELM). They were used to compare and evaluate the every forecast models. These tests are based on the log-likelihood score that compares the probability of the model with the observed events.

To evalute the data-consistency of the forecast models we used the N-Test, the Number Test, and the L-Test, or Likelihood Test. These tests fall are significance tests. Therfore, assuming a given forecast model as the null hypothesys, the distribution of an observable test is simulated. If the observed test statistic falls into the upper or lower tail of this distribution, the forecast is rejected [28].

To be able to compare the model that passed the N-Test and the L-test, the R-Test, the hypotheses Comparison Test, is used. It calculates the relative performance of a model, by comparing the Log-likelihood values between two forecast models.

3.2.1 L-test - Data-consistency test

The L(ikelihood)-Test considers that the likelihood value of the model is consistent with the value obtain with the simulations. The value is calculated by fowlling the formula, where \hat{L}_k is the value of the Log-likelihood of the model j, in the $bin\ i$ and \tilde{L} is the value of the Log-likelihood of the simulation j in the $bin\ q$:

$$\gamma_q^j = \frac{\left| \left\{ \widehat{L}_k^j | \widehat{L}_k^j \le \widetilde{L}_q^j, \widehat{L}_k^j \in \widehat{L}^j, \widetilde{L}_q^j \in \widetilde{L}^j \right\} \right|}{|\widehat{L}^j|} \tag{3.6}$$

The analysis of the results can be splitted into 3 categories, as follows:

- 1. Case 1: γ^j is a low value, or in other words, the Log-likelihood of the model is lower then most of the Log-likelihood of the simulations. In this case, the model is rejected.
- 2. Case 2: γ^j falls near the half of the values obtained from the simulations and is consistent with the data.
- 3. Case 3: γ^j is high. This means that the Log-likelihood of the data da is higher that the Log-likelihood of the model and no conclusion can be made what so ever.

It is important to highlight that no model should be reject in case 3, if based only on the L-Test. In this case the consistency can or cannot be real, therefore these model should be tested by the N-Test so that further conclusions can be done.

3.2.2 Number test or N-Test

The N(umber)-Test also analises the consistency of the model, but it compares the number os observations with the number of events of the simulations. This test is necessary to supply the underpredicting problem, which may pass unnoticed by the L-Test.

This mesure is estimated by the fraction of the total number of observations by the total number of observations of the model.

As the L-test, if the number of events falls near the half of the values of the distruition, then the model is consistent with the observation, nor estimating too much events nor too few of them.

3.2.3 Hypotheses Comparison Test or R-Test

The Hypotheses Comparison, or the R(atio)-Test, compares two forecast models against themselves. The log-likelihood is calculated for both models and then the difference between them is calculated, named the observed likelihood ratio. This value indicates which one of the model better fits the observations.

The likelihood ratio is calculated for each simulated catalog. If the fraction of simulated likelihood ratios less than the observed likelihood ratio is very small, the model is reject. To make this test impartial, not given an advantage to any model, this procedure is applied symmetrically [28].

3.2.4 Evaluation

This section may need to be placed elsewhere.

The evaluation process is made as follow: First, the data-consistency is tested by the L-Test and the R-test. If the model passes these tests, meaning that it was not rejected by them, they are compared with other forecast models, which were also not reject, with

the R-Test. The model that best fits the R-Test is then chose as the best model [27].

Capítulo 4

State of Art

In this chapter we will briefly about Genetic Algorithms and then discuss some reports of the application of Evolutionary Computation and related method for Earthquake Risk Analysis.

4.1 What are Genetic Algorithms

The main goal of a Genetic Algorithm (GA) is to find approximated solutions in problems of search and optimization. Based on Koza [14], GA are mechanism of search based on natural selection and genetic. They explore historical data to find optimum search points with some performance increment, as said by Goldberg [5].

4.1.1 How does GA work

A GA uses those mechanisms to generate solutions to optimization and search problems. The first step is to create an initial population of possible solutions. Frequently, the initial population is randomly generated once it is common to ignore the main aspects that influence the algorithm performance.

Each possible solution of a population is called an individual. Every individual is a possible solution of a problem. Those individuals have its fitness value estimated by a fitness function. A fitness function should determine how suitable a individual is to a given problem. The most suitable individuals are graded with better values and the not so suitable ones have a lower value.

After measuring the population fitness value, some individuals are then selected by a process that takes into account each individual fitness value to influence the next population. The individuals with better values have a higher chance to be selected. The individuals selected take part in the variation process. This process may alter some of the individual characteristics using the crossover and mutation operators.

The crossover operator is a operator that is used to vary the characteristics of a group of individuals. For that a number of parents, a group of individuals from the current population, are selected. In most of the cases, the parents are chosen to compose a pair that will exchange information that will take compose the child, a new individual that will belong to the next generation.

Another important operator is called the mutation operator. It is a operator with the purpose of avoiding the loss of important information. It works by changing the characteristics of an individual, looking to add new information to the next population.

It is common to have a evolutionary operator that allows the fittest individual from the current generation to take part in the next generation. This operator is called Elitism and it is used to assure that the next generation best solution is at least as good as in the current generation.

4.2 Evolutionary Computation and Earthquake Risk Prevision

The usage of Evolutionary Computation in the field of earthquake risk models is somewhat sporadic.

Zhang and Wang [36], Zhou and Zu [37] and Sadat [23], used Artificial Neural Network (ANN) related with earthquake prediction. In all these works, they combine the ANN with some other technique, to achieve better results. They used a group of earthquake parameters, as the accumulated release energy, magnitude in a specific area, the b-value and others. Some parameters in this group are not available in our earthquake database.

Those papers use the available parameters of the earthquakes that happened in the area of study to create a risk prediction of earthquake or to propose a magnitude range for future earthquakes. They object to consider each variables influence the most the results

so that their methods can achieve higher performance. We may compare and/or evaluate our method by comparing it to the works cited before.

Nicknam et al. [19] simulated some components from a seismogram station and predicted seismograms for other stations. They combined the empirical Green's function (EGF) with GA, the EGF method is used to synthesize acceleration time histories and the GA approach is developed to optimize the seismological model. They found that this method obtained good agreement with the observed data, but are not sure that results are free from uncertainties.

In this paper, they work with more than 30 seismological model parameters. Allthough, that amount of parameters is not available to us, we can use the information from this paper to exame two options. The first, we may investigate if more earthaquake parameters will improve our method and the other option is to analyse how they dealt with so many variables. Then we may consider to do the same and observe the results.

Kennett and Sambridge [10] used GA and associated teleseisms procedures to determine the Fault Model parameters of an earthquake. By doing so, they demonstrated that non-linear inversion can be achieved for teleseismic problems without any calculation of waves travel times. They used only P-wave data and expect that if more data could be introduced, the method would accomplish better results.

Some sismological models were developed aiming to estimate parameter values by using Evolutionarry Computation. For example, Evolutionary Computation was used to estimate the peak ground acceleration (PGA) of seismically active areas [13, 2, 11, 12].

The works done by Kerh [11, 12] are basely a combination of ANN and GA to estimate or predict PGA in Taiwan. These work are based on the benefits of mixing both techniques. They state that the usage of a purely ANN method to estimate PGA may fall into a local minimum and that can be avoid by combining ANN with GA, hence GA is a good method to find global optimums.

Their goal was to decide which areas may be considered potentially hazardous areas. They focused on urban areas, these works are important to revalidate building regulations, urban development and such. The earthquake variables that were used in these work are: local magnitude, focal depth, and epicenter distance. Both magnitude and depth are already used in our work, which is not the case of the epicenter distance variable.

They also state that PGA is inversely proportional to epicenter distance, so to add data about this variable may be useful to our work, once it could provide useful information to predict risk models both direct or indirectly.

Ramos [22] used Genetic Algorithms to decide the location of sensing stations. In this work Ramos achieved, in general, better results with the GA method when compared with the seismic alert system (SAS) method and a greedy algorithm method. In some cases, the SAS has a better reponse time than the GA. They consider it to be once caused because the SAS only alerts when earthquakes with magnitude bigger than 5.0 degress in the Richter scale occurs, while the GA deals with all the earthquakes.

Ramos's work is a important work because it helps the population to avoid bigger disasters caused by earthquakes by incrensing the time response of the Seismic-Sense Stations. It has some similar feature as the one present in this document: it uses GA to prevent earthquake disasters and tries to locate targets in a given area (though the targets of this work is sensing stations and ours works target is the earthquakes location) and it proposes a way to do GA parameter setting to find which combination of values for the GA parameters achieve highier results. It is interesting to state that once a solution places a station in an area that is not possible to be have sensors, this possible solution suffers some penalities.

Saeidian [25] also based on the same idea of locating sensing stations. His work differs from the work of Ramos because it makes a comparation in performance between the GA and Bees Algorithm (BA) to decide which of those techniques would perform better when chosing the location of sensing stations. He found out that the GA was faster than the BA.

Huda and Santosa [7] published a paper in which the goal is to find, via Genetic Algorithm, the speed of the wavesP and S in the mantle and in the earth crust. P waves are indicated as the first fault found in seismological data and S waves are the changes caused in the phase of a P wave [7]. This research aims to obtain a structure of the japanese undergound and geographically focuses in the same region as our work.

Capítulo 5

Models

As stated in the Section 3.1, all forecast models proposed for this study are based in the Collaboratory for the Study of Earthquake Predictability (CSEP) framework.

We propose four forecast model methods. The main difference between them is that they have different genome representation. The genome for each forecast model focus on different aspects of the framework, therefore their representation vary.

The first method is the GAModel [1], a statistical method of analysis of earthquakes risk using the Genetic Algorithm technique (GA). It is a straight application of the CSEP framework. The next method is a specialization of GAModel. It focuses only on areas on which earthquakes happened already in a near past. This will lead to a faster convergence, once the amount of parameters is smaller and consequently, the search space gets smaller. We called it ReducedGAModel(bad name? suggestions?). These methods useonly computational algorithms and techniques.

Another method is the Emp-GAModel (bad name? suggestions?). This method incorpores some geophysical knowledge. It is a hybridization of the models generated by the GAModel with some empirical laws that will be discussed further, in Section 5.3. We also applied these empirical laws in the ReducedGAModel, and name it Emp-ReducedGAModel.

For all methods, the population is evolved taking into account earthquake event data for a training period, which is anterior to the target test period. After completing the evaluation stop criteria, the best individual is chosen to be the representative forecast model for that method.

5.1 1-year Forecast Models

Based on the gridded rate forecast explained in the last Chapter 3.2.4, we developed earthquake forecasts methods that will estimate the risk of earthquakes occurrence to a target region, during a time interval. Some of the methods also may estime the magnitude of these shocks. For this study we considered the target time interval of one year [1].

There is no physical measurement to identify mainshocks and its aftershocks [28], we divided the forecast models in two classes: the ones that only forecasts mainshocks, using only GA techniques, and those that forecast both mainshocks and aftershocks using both GA techniques and empirical laws, such as the modified Omori law. These laws are use to derive the aftershocks from a sintetic data of mainshocks.

Mainshocks are large and independent earthquakes. They are followed by a wave of others earthquakes, the aftershocks [28].

5.2 Mainshock Methods

The mainshock methods are considered as methods to generate space-rate-time forecasts. They could be described as:

$$\Lambda(t, x, y, M|\Upsilon_t) = \mu(x, y) \tag{5.1}$$

where the number of earthquakes forecast in all bins can denoted as $\Lambda(t, x, y)$ [35] given that Υ_t is the earthquake observation data up to time t.

5.2.1 GAModel

The GAModel is completely based on the framework suggested by the CSEP. In it, one forecast is defined as a region in a specific time interval and is divided in bins. Each bin represents a geographical interval. The whole target area of study is covered by a group of these bins where each bin has an earthquake forecast value. This groups of bin represent the $\mu(x, y)$, the background intensity [38]. In the GAModel, each possible solution is represented as an entire forecast model.

The GAModel forecasts only earthquakes with magnitude greater than 3.0, for every scenario proposed. The space interval for the magnitude is 0.1, named as cells. That results in magnitude cells of [3.0, 3.1), [3.1, 3.2), until [9.9, 10).

Genome Representation

In the GAModel each individual represents an entire forecast model. Each gene of the individual is a real value, corresponding to one bin in the desired model. The values are sampled from the interval [0, 1). These real values are converted to a integer forecast, we use the same modification of the Poisson deviates extraction algorithm 5.2.1 used in [1]. In the algorithm x is the real value that will be converted and μ is the mean of the earth-quakes observations in the real data.

Algorithm 1 Obtain a Poisson deviate from a [0,1) value

```
Parameters 0 \le x < 1, \mu \ge 0

L \leftarrow \exp(-\mu), k \leftarrow 0, prob \leftarrow 1

repeat

increment k

prob \leftarrow prob * x

until prob > L

return k
```

The genome is a real valued array X, where each element corresponds to one bin in the desired model (the number of bins n is defined by the problem). Each element $x_i \in X$ takes a value from [0,1). In the initial population, these values are sampled from a uniform distribution and they are randomly generated. For more details of the genome representation, please refer to [1].

To clarify how the GAModel works, we use the same example as the one used in [1]. The "Kanto" region, one of the four areas used in both studies, is divided into 2025 bins (a grid of 45x45 squares). Each bin has an area of approximately $25km^2$. The GAModel then calculates an expected number of earthquakes for every bin on a determinated time interval, so the GA searches for good values in 2025 bins.

Fitness Function

To compare the indididual data with the observated data, we use the log-likelihood calculation as fitness function. This equation allow us to compare events in the observated data with the values of occorrences obtained by a model. The models that have more similarity with to the observated data have bigger log-likelihood values. The fittest individual among all the others, is preserved in the next generation, to make the solution of one generation as good as the its last generation.

The fitness function is a coded version of the equation 3.1.2. It uses the probabilities of the bins of each individual of model for the λ values.

Evolutionary Operators

The GAModel use a combination of operators made available by the Distributed Evolutionary Algorithms in Python (DEAP) [3]. We used the One Point Crossover for the crossover operator, the Polynomial Bounded Mutation for the mutation operator and for selection, we used Tournament selection and Elitism. The parameters are described in the Table 5.1.

Tabela 5.1: Parameters used in GAModel and Emp-GAModel

Population Size	500
Generation Number	100
Elite Size	1
Tournament Size	3
Crossover Chance	0.9
Mutation Chance (individual)	0.1
Polynomial Bounded parameters	eta = 1, low = 0, up = 1

The parameters of the Polynomial Bounded mutation function are: add online ref???

- 1. eta = 1. Crowding degree of the mutation. A high eta will produce a mutant resembling its parent, while a small eta will produce a solution much more different;
- 2. o low = 0. The lower bound of the search space;
- 3. o up = 1. The upper bound of the search space.

The chance of applying both mutation operator function and crossover operator function takes into account only their chance of occurrence. This means that it may be the case that one of them or both are not applied.

5.2.2 ReducedGAModel

The GAModel defines a expected number of earthquakes for every single bin in the target region. That could lead to exhaustive and, sometimes worthless, searches. That is caused by the number of bins in the forecast and also because in some bins there are no earthquake occurances in the observation data. That means that the GAModel has a lot of parameters and may of its bins have null values (values igual to 0). To avoid such unnecessary task we proposed the ReducedGAModel.

With this method, we aim to minimize the search space and the quantity of parameters the GA has to deal with. For that we changed the individual representation. The individuals in the ReducedGAModel only define expected number of earthquakes in bins that already had some occurance in the past, giving a direction to where the GA should search. That helps the ReducedGAModel in the search for better solutions and it makes the convergence faster once the space search is smaller.

The ReducedGAModel has a similar description of the GAModel. As said in the last paragraph, the difference is that, in the ReducedGAModel, each possible solution represents only a fraction of the forecast where we expect to find especific risk areas. To do so, this method will obtain the position of past occurances. Then it will calculate some expected number of earthquakes only for the bins related to those positions. These positions may vary during the evoluting of the method, including positions that never had earthquake events before. That is important to add some variation to the method.

The ReducedGAModel, as the GAModel 5.2.1, forecasts only earthquakes with magnitude greater than 3.0, for every scenario proposed. The space interval for the magnitude is 0.1, named as cells. That results in magnitude cells of [3.0, 3.1), [3.1, 3.2), until [9.9, 10).

Genome Representation

The genome representation in the ReducedGAModel is a simplified version of the genome of the GAModel. For the ReducedGAModel, the genome is a list of ordered pairs. The first element of the pair are the coordenates of a bin in the model. The second element of the pair is a number that indicates an earthquake occurrence estimative for this bin.

To calculate the size of the individual we use the real data from the pior 5 years and create a list of every bin that had events in it, even if only once.

In the ReducedGAModel, each individual is a list of a subregion of the forecast model. This list initially refers to bins where earthquake events happened in the past. During the develop of the ReducedGAModel, the list may refer to positions that never had occurrences before. Each element of the list, a gene, also contains one real value between [0,1). In the initial population, these values are sampled from a uniform distribution and they are randomly generated. When needed, every real value is converted to a integer forecast by the algorithm 5.2.1, as in the GAModel 5.2.1.

To generate the forecast model we need to do an intermediate step. We map every location from the list with a bin in the forecast model.

The genome size is usually smaller than the one used in the GAModel and the Emp-GAModel, once the amount of subregions where earthquakes with magnitude above 3.0 happened for any given area is smaller than the total number of genes of the individual.

To examplify, we use a similar example as the one in 5.2.1. Lets consider that there are 10 bins with occurances in "Kanto"in the last 5 years, it will make the GA start searching for good values for only those 10 bins, leaving the other 2015 bins empty, representing zero occurances. It is important to highlight that in the worst case, it will make the same amount of searches as the GAModel. The final forecast model will maintain the amount of bins with occurrance, but the number of events for every bin and their location may change.

Fitness Function

The fitness function is the same as in the GAModel, 5.2.1. Here is also important to generate the forecast model by applying the map function on the individual as in the last Section, 5.2.2.

Evolutionary Operators

All operators in the ReducedGAModel are the same as the operators of the GAModel, except the the mutation function. We use a simple mutation operator which samples entirely two new values, both sampled from uniform distributions. The first, is a new

real value from [0,1) and the seconde one, a new integer value from [0,x), where x is the maximum position value a bin can have in the target region. For the parameters see Table 5.2.

Tabela 5.2: Parameters used in ReducedGAModel

Population Size	500
Generation Number	100
Elite Size	1
Tournament Size	3
Crossover Chance	0.9
Mutation Chance (individual)	

As in the GAModel, see 5.2.1, the chance of applying both mutation operator function and crossover operator are independent and they may or may not be used.

5.3 Mainshock+Aftershock Methods

The mainshock+aftershock methods are a two-step methods. The first step is as defined for the mainshocks methods, therefore, we first use GA techniques to obtain a sintetic mainshock data. The second step is to use seismological empirical equations to obtain the aftershocks from the mainshocks.

Hence earthquakes cluster in space and inspired by the space-time epidemic-type aftershock sequence (ETAS), we proposed two methods, called Emp-GAModel and Emp-ReducedGAModel. They represent the ideia of associating the GA with seismological empirical equations. They are described as:

$$\Lambda(t, x, y, M | \Upsilon_t) = \mu(x, y) J(M)$$
(5.2)

That can be expanded to:

$$\Lambda(t, x, y | \Upsilon_t) = \mu(x, y) + \sum_{t_i \in t} K(M_i) g(t - t_i) P(x, y)$$

$$(5.3)$$

The mainshock+afterchock methods use $\mu(x, y)$ as defined for mainshock methods 5.2. It is calculated as an expected number of earthquakes for every bin in the target region, given that Υ_t is the earthquake observation data up to time t.

Empirical Equations

The Omori law, g(t), which is considered one empirical formula of great success [38][31][21], is a power law that relates the earthquake occurance and its magnitude with the decay of aftershocks activity with time. For this approach we used the probability density function (pdf) form of the modified Omori law [38]:

$$g(t) = \frac{(p-1)}{c(1+\frac{t}{c})^{(1-p)}}$$
(5.4)

The variable p is a index of this equation and the variable c is a constant, given in days. In the paper [31], Utsu summarize most of the studies in Japan and described the range for these variables. For p the range is between 0.9 and 1.4 and for c, 0.003 and 0.3 days. These values were based on the Davidon-Fletcher-Powell optimization procedure and used in ETAS [31]. Also there is the variable t that is the time limit to when a mainshock may influence the cause a aftershock.

TODO: should i move this to exp?? Based on paper [34], we set the values of 1.3 for p and 0.003 for c for our experiments. We set the time interval t between a mainshock and its aftershocks at one month. In the paper, it says that if the t value is too short, the number of aftershocks is too small, but if it is too big, we may also consider background activity and suggest the use of a 30 days period.

For $K(M_i)$, the total amount of triggered events, we count aftershocks within a given area, A, using the following formula, where M_c is the magnitude threshold:

$$K(M_i) = A \exp([\alpha(M_i - M_c)])$$
(5.5)

In the paper [20], it states that α should be equal to the inverse of the magnitude of an event, or $magnitide^{-1}$. To obtain A, the following equation from [34], was used:

$$A = e^{(1.02M - 4)} (5.6)$$

With the K(Mi) and g(t), the PDF Omori, equations it is possible to calculate the total number of earthquakes. For that we must sum the product of the equations, varying t:

$$\sum_{t_i \in t} K(M_i)g(t - t_i) \tag{5.7}$$

This result will lead to a number of aftershocks realte to a single mainshock. Then, we can use the P(x, y) equation to distribute the aftershock to the bins near the mainshock's position. P(x, y) calculates the position of the aftershocks with base on the origin of the mainshock. It is a simple space distribution function, that alocates the aftershocks in one of the following positions: upper, lower, left or right. It runs for a number of steps, getting futter from the origin at each step or as when there are no more events to be alocated. P(x, y) can be splitted into 4 equations, one for each position:

$$model[x+y] = (aftershocks - [model[x] - 2*x])/4;$$

$$model[x-y] = (aftershocks - [model[x] - 2*x])/4;$$

$$model[x-y*row] = (aftershocks - [model[x] - 2*x])/4;$$

$$model[x+y*row] = (aftershocks - [model[x] - 2*x])/4$$

and lastly, the J(M) is a simulation of the event magnitude by Gutenberg-Richter's Law, using Add SAPP

5.3.1 Emp-GAModel

The Emp-GAModel is a specialization of the GAmodel. This is achieved by the use of empirical equations after the forecast is provided. This means that the its genome representation are the same as the GAModel.

Genome Representation

The genome representation is the same as in the GAModel, 5.2.1.

Fitness Function

The fitness function is the same as in the GAModel, 5.2.1, and the ReducedGAModel.

Evolutionary Operators

The Emp-GAModel use the same combination of operators that the GAModel. For more explanation, please see 5.2.1 and table 5.1.

5.3.2 Emp-ReducedGAModel

The Emp-ReducedGAModel is a specialization of the ReducedGAmodel. This is achieved by the use of empirical equations after the forecast is provided. This means that the its genome representation are the same as ReducedGAModel.

Genome Representation

The genome representation is the same as in the ReducedGA model, 5.2.2.

Fitness Function

The fitness function is the same afor all methods, 5.2.1. Here is also important to generate the forecast model by applying the map function on the individual as in the last Section, 5.2.2.

Evolutionary Operators

The Emp-ReducedGAModel use the same combination of operators that the ReducedGAModel. For more explanation, please see 5.2.1 and table 5.2.2.

Capítulo 6

Análise dos Dados

6.1 Dados de sismos

O foco dessa pesquisa é estudar padrões existentes nas ocorrências de sismos. Para isso é essencial que tenhamos acesso a dados confiáveis, seguros e ricos em detalhes. Pela página da *Japan Metereological Agency* fomos capazes de acessar dados fiéis aos nossos interesses. Os dados obtidos são compostos por longitude, latitude, data e horário da ocorrência, magnitude e profundidade.

Para a base de treino, foram separados os sismos considerados mais uniformes, formando o grupo cuja latitude e longitude na superfície representam abalos em áreas terrestres (terremotos), pouco profundos (acima de 20 km de profundidade) e com magnitude acima de 2.5 grau na escala Richter, durante os anos de 2000 a 2013.

Para selecionar terremotos, foi preciso extrapolar as informações contidas nos dados e buscar uma forma de, a partir dos dados disponíveis, deduzir quais sismos serão considerados terremotos e quais serão considerados maremotos. Para isso foi utilizamos *The Google Elevation API*³, uma *Application Programming Interface* (API) que tem como objetivo fornecer informações sobre todos os locais sobre a superfície terrestre e oceânica.

A API foi utilizada por oferecer uma interface HTTP para consulta de dados de elevação territorial, que recebe via url os parâmetros latitude e longitude e retorna, em formato JavaScript Object Notation (JSON), dados como a altitude relativa à coordenadas fornecidas, dado este necessário para nossos estudos. Os abalos cuja coordenadas na superfície terrestre tivessem altitude relativa ao nível do mar acima de 0.0 foram selecionados.

 $^{^3 \}verb|https://developers.google.com/maps/documentation/elevation/? \verb|hl=pt-es||$

Ao analisar a nova base de treino percebe-se um elevado aumento na quantidade de terremotos em 2011, ano que o terremoto de Tohoku, magnitude 9 na escala Ritcher, ocorreu, Figura ??. Esse terremoto causou aumento desproporcional de sismos em todo o Japão, fato que levou a decisão de limitar a base de treino até o ano de 2010.

Ainda em relação a base de treino, ela foi alterada para gerar fatias anuais da base de treino anterior, baseadas nos dados cronológicos disponíveis nos dados da JMA. As fatias são definidas da seguinte forma: se a base refere-se a sismos ocorridos em um espaço de 10 anos, a base será divida por 10, gerando fatias anuais (por exemplo, de 2004 até 2005). Dessa forma, espera-se minimizar o *overfitting* (super ajustes) a base de dados.

Overfitting é o uso de modelos ou procedimentos que violam parcimônia, isto é, que incluem mais termos que o necessário ou usam abordagens mais complicadas do que necessárias [?]. Visar minimiza-lo, na aplicação GA, é importante para que tenhamos boas generalizações.

Outra limitação imposta a base de dados foi em relação a área analisada. Como buscamos entender os padrões dos sismos, escolhemos quatro regiões do Japão para focar o experimento, Kanto, Kansai, Touhoku e East Japan. A Figura ?? propõe uma visualização dessas regiões no Japão. A seguir descreveremos as quatro regiões.

Kanto Kanto é a região ao redor de Tóquio. É uma área com elevada atividade sísmica durante o período estudado. Essa região foi definida com coordenadas começando em 34.8 Norte, 138.8 Oeste, com 2025 *bins*. Cada *bin* corresponde a uma área de 25km2.

Kansai Kansai é a região que inclui cidades Kyoto, Osaka e outras. Essa área, ao contrário da região de Kanto, possui uma baixa atividade sísmica. Essa região foi definida com coordenadas começando em 34 Norte, 134.5 Oeste, com 1600 bins. Cada bin corresponde a uma área de 25km2.

Touhoku Touhoku é a região definida como a região ao norte da ilha principal japonesa. Ela possui alguns *clusters* de atividade sísmicas durante o período estudado. Essa região foi definida com coordenadas começando em 37.8 Norte, 139.8 Oeste, com 800 *bins*. Cada *bin* corresponde a uma área de 100km2.

Leste do Japão É a região corresponde a costa leste do Japão. Ela se diferencia da área anterior por incluir tanto áreas terrestres como não-terrestres. Foi nessa área que o sismo M9 de 2011 aconteceu. Essa região foi definida com coordenadas começando em 37 Norte, 140 Oeste, com 1600 *bins*. Cada *bin* corresponde a uma área de 100km2.

1'

Capítulo 7

Metodologia Proposta

7.1 Estrutura da solução

Antes de começar o desenvolvimento do código do algoritmo genético foi necessário criar estruturas, funções e cálculos, assim como estabelecer quais seriam os dados utilizados, como obtê-los e depois como definir qual grupo dentre os dados seriam utilizados para treino.

A primeira estrutura definida foi relacionada aos bins, $b \in \beta$. Foi necessário definir qual seria o tamanho ideal para cada bin, pois, como foi dito no capítulo anterior, a resolução de uma previsão é inversamente proporcional ao tamanho do bin. Foi decidido que cada bin teria um valor escolhido para representar a variação geográfica de 5 quilômetros, 0.1 graus, utilizado para a construção de cada bin.

Em seguida, era necessário estruturar o vetor de expectativas, λ_i , baseado nos eventos reais, ω_i . Após obter os vetores de expectativas, a função do log-likelihood e a de L-test foram desenvolvidos como especificado na Seção 2.2.1. Para um maior entendimento do seu comportamento, o valor do Log-likelihood foi calculado tanto para os eventos quanto para um vetor de expectativas e observações pseudo-aleatório, e uma comparação entre eles foi feita. E para o entendimento do L-test, esses valores anteriores foram utilizados como os parâmetros da função.

7.2 Definição do Algoritmo Genético - Simple L-test Fitness Function

Inicialmente, para acelerar a prototipação, foi decidido que o Algoritmo Genético seria implementado utilizando Distributed Evolutionary Algorithms in Python - DEAP [3], um framework para prototipação rápida que almeja por deixar estruturas de dados e algoritmos transparentes [3]. Para começar o aprendizado de implementações foram utilizados os exemplos de algoritmo genético disponíveis no sub-diretório do framework como base de aprendizado.

Foi priorizado o desenvolvimento de um aplicação simples, para que fosse possível analisar o comportamento da função de *fitness*. Por esse motivo, por enquanto, o foco das atividades não foi direcionado para os parâmetros da evolução. Por exemplo, *crossover* e mutação ainda possuem valores fixos que não consideram a características da população ou dos indivíduos, porém são capazes de garantir uma evolução da população, não prejudicando o objetivo inicial da aplicação.

Para a função de *fitness* foi utilizado o L-test, comparando o *likelihood* dos eventos com o *likelihood* dos indivíduos que compõe a população. O indivíduo mais apto, aquele com maior valor do L-test, era mantido na próxima geração, garantindo que a solução de uma geração seja igual ou maior que a da geração anterior.

Janikow e Michalewicz, em [9], indicam que utilizar uma representação em ponto flutuante deve ter maior precisão, ser mais consistente, possuir acurácia em performance maior quando comparada a uma representação por bits. Portanto, a escolha de utilizar indivíduos definidos como vetores de números reais, iniciados pseudo-aleatoriamente, pode ser explicada tanto pelos motivos acima descritos tanto pela definição do próprio problema (calcular um modelo de probabilidades).

Uma vez que não foi investido muito esforço na análise dos valores escolhidos, o tamanho da população inicial (assim como os valores dos parâmetros) foi definido por tentativa e erros, até que um tempo de convergência aceitável fosse encontrado.

7.2.1 Crossover

Os resultados obtidos a partir de execuções do Simple L-test Fitness Function utilizaram dois operadores de crossover, o Blend e o Two Points, que serão descritos a seguir.

O crossover Blend, (BLX-α) é um operador para representações em ponto flutuante. Como foi definido em [30], a geração futura é gerada da seguinte forma:

- 1. Escolha dois pais, x^1 e x^2 , aleatoriamente.
- 2. Um valor para cada elemento do filho x_i^c da próxima geração é escolhido aleatoriamente do intervalo $[X_i^1,X_i^2]$ da seguinte distribuição:

$$X_{i}^{1} = min(x_{i}^{1}, x_{i}^{2}) - \alpha d_{i}$$

$$X_{i}^{2} = max(x_{i}^{1}, x_{i}^{2}) + \alpha d_{i}$$

$$d_{i} = |x_{i}^{1}, x_{i}^{2}|$$
(7.1)

onde x_i^1 e x_i^2 são o i-ésimo elementos de x_i^1 e x_i^2 , respectivamente, e α é um parâmetro positivo.

Herrera, Lozano e Verdegay [6] afirmam que com valor de $\alpha = 0.5$ a relação entre convergência (exploitation) e divergência (exploration) alcança equilíbrio. A escolha do valor de α da aplicação GA é de 0.5, baseada nesta afirmação e na relação de equilíbrio.

O crossover Two Points foi utilizado para efeito de comparação entre o operador para números reais e operadores tradicionais. Definido por Goldeberg em [5], pode seguir dois passos. Esse crossover é uma instância do n-point crossover, que por sua vez é uma generalização do simple crossover, [6].

Primeiro, dois pais são escolhidos para a reprodução aleatoriamente. Depois, cada pai é dividido em duas partes em uma posição k selecionada uniformemente e aleatoriamente entre 1 e o tamanho l dos indivíduos menos 1, [1, l-1]. O filho é, então, gerado ao trocar os dados das posições k+1 até o fim do indivíduo.

Em [6], os autores citam o trabalho de Schaffer, Caruana, Eshelman [26], para definir o n-point crossover. O crossover em questão, segue os mesmos princípios que o simple crossover, porém escolhe n posições aleatoriamente e esses segmentos criados que são trocados para gerar o filho. No caso do $Two\ Points$, n=2.

7.2.2 Mutação

O operador de mutação escolhido foi o *FlipBit* que é desenvolvido para implementações binárias. Ele inverte o valor de um atributo escolhido aleatoriamente da entrada do indivíduo e usa uma probabilidade para decidir se um atributo sofrerá a mutação, novamente definido em [5].

7.2.3 Seleção

Para seleção foi utilizado Torneio Simples e Elitismo. O Torneio Simples foi utilizado para selecionar, baseado nos valores de *fitness* obtidos, os indivíduos para reprodução. O Elitismo foi empregado a fim de ter-se o melhor membro da população presente na geração seguinte, garantindo que a geração atual seja igual ou superior a anterior, quando analisados valores de *fitness*.

Os parâmetros utilizados pela aplicação Simple L-test estão descritos na tabela 5.1.

Tamanho da população	500
Número de gerações	100
cxBlend α	0.5
Mutação FlipBit	0.2
Mutação do atributo (indpb)	0.05
Tamanho do torneio	3

Tabela 7.1: Parâmetros utilizados.

7.3 Definição do Algoritmo Genético - Time-slice Log-Likelihood Fitness Function

Após análises realizadas a partir dos resultados obtidos pela metodologia anterior que demonstram a ocorrência de *overfitting* (situação descrita no Capítulo 6), algumas alterações foram realizadas.

A primeira mudança foi em relação a função de *fitness*. Ela foi modificada, passandose a utilizar o valor do *Log-Likelihood*. Já a segunda mudança, foi em relação a base de treino. Ela foi alterada para gerar fatias anuais da base de treino anterior, baseadas nos dados cronológicos disponíveis nos dados da JMA. As fatias são definidas da seguinte forma: Se a base refere-se a sismos ocorridos em um espaço de 10 anos, a base será divida por 10, gerando fatias anuais (por exemplo, de 2004 até 2005). A última foi em relação a área analisada. Como buscamos entender os padrões dos sismos, escolhemos uma região do Japão para focar o experimento, a região de Kanto. Essa região foi escolhida por conter uma grande quantidade de dados terrestres.

7.3.1 Operadores Estudados

A escolha dos operadores do *Time-slice Log-Likelihood Fitness Function* será feita diferentemente do ocorrido com o *Simple L-test Fitness Function*. Para o segundo, as escolhas tiveram de caráter arbitrário e, em contrapartida, as escolhas para o primeiro serão feitas comparações entre o desempenho da aplicação para cada combinação de operadores.

A fim de obter resultados consistentes e gerais, foram feitas 50 rodadas de execuções de cada combinação de operadores visando analisar valores médios. Dessa forma, pontos dispersos que não representam o comportamento da aplicação terão pequena ou nenhuma influência nas análises finais.

Descrição dos Operadores do pacote DEAP

Uma vez que operadores específicos ainda não foram definidos, todos os operadores disponíveis no pacote DEAP possíveis de serem testados serão explicados a seguir (com exceção para o *Two Points*, o *Blend*, *Flip Bit* e o *Tournament* (já descritos anteriormente). Todas as descrições a seguir foram adaptadas da página do DEAP⁴.

Os parâmetros utilizados pela aplicação *Time-slice Log-Likelihood* estão descritos na tabela 7.2.

Tamanho da população	500
Número de gerações	100
Operador de <i>crossover</i>	0.9
Operador de mutação	0.1

Tabela 7.2: Parâmetros utilizados.

⁴http://deap.gel.ulaval.ca/doc/default/api/tools.html

Crossover Os operadores de *crossover* testados foram: *One Point*, *Uniform*, *Two Points*, *Partially Matched*, *Ordered* e *Simulated Binary*.

One Point Executa o *crossover* de um ponto. Os dois indivíduos de entrada (pais) são modificados e os indivíduos resultantes (filhos) tem o mesmo tamanho dos pais, respectivamente.

Parâmetro (1)	O primeiro indivíduo participante da operação
Parâmetro (2)	O segundo indivíduo participante da operação
Retorno	2 indivíduos modificados

Tabela 7.3: Parâmetros e retorno do One Point

Uniform Executa um *crossover* uniforme que modifica os dois pais. Os atributos são trocados de acordo com uma probabilidade, usualmente com valor 0.5.

Parâmetro (1)	O primeiro indivíduo participante da operação
Parâmetro (2)	O segundo indivíduo participante da operação
Parâmetro (3)	Probabilidade independente para troca de cada atributo
Retorno	2 indivíduos modificados

Tabela 7.4: Parâmetros e retorno do *Uniform*

Partially Matched Executa, nos pais, um *crossover* parcialmente correspondido. Os indivíduos gerados são criados pela correspondência de pares de índices dos pais em um dado intervalo e pela troca dos valores de seus índices.

Parâmetro (1)	O primeiro indivíduo participante da operação
Parâmetro (2)	O segundo indivíduo participante da operação
Retorno	2 indivíduos modificados

Tabela 7.5: Parâmetros e retorno do Partially Matched

Uniform and Partially Matched Executa uma combinação entre o *Uniform* e o *Partially Matched*. Segue o mesmo comportamento desse último, porém o pareamento dos índices é feito aleatoriamente a partir de uma probabilidade, assim como o *Uniform*.

Parâmetro (1)	O primeiro indivíduo participante da operação
Parâmetro (2)	O segundo indivíduo participante da operação
Retorno	2 indivíduos modificados

Tabela 7.6: Parâmetros e retorno do Uniform and Partialy Matched

Ordered Gera "buracos" nos indivíduos de entrada. São criados quando um atributo de um indivíduo está entre 2 pontos de outro indivíduo. O elemento é rotacionado de tal forma que todos os elementos entre os pontos de *crossover* são preenchidos com os elementos removidos, em ordem.

Parâmetro (1)	O primeiro indivíduo participante da operação
Parâmetro (2)	O segundo indivíduo participante da operação
Retorno	2 indivíduos modificados

Tabela 7.7: Parâmetros e retorno do Ordered

Ordered

Simulated Binary Faz um *crossover* por simulação binária que modifica os indivíduos de entrada. Espera uma seqüência de indivíduos em ponto flutuante. Além de dois indivíduos, recebe também um valor para β (Um β alto produz filhos parecidos com os pais e um β baixo produz filhos mais diferentes).

Mutação Os operadores de mutação testados foram: Shuffle Indexes e Uniform Integer.

Shuffle Indexes Embaralha os atributos do indivíduo de entrada. Geralmente aplicada em vetor de índices.

Parâmetro (1)	O primeiro indivíduo participante da operação
Parâmetro (2)	Prob. independente para troca de cada atributo para outra posição
Retorno	1 indivíduo modificado

Tabela 7.8: Parâmetros e retorno do Shuffle Indexes

Uniform Integer Aplica mutação no indivíduo ao substituir alguns de seus atributos por um inteiro uniformemente retirado de um intervalo definido.

Parâmetro (1)	O primeiro indivíduo participante da operação
Parâmetro (2)	Prob. independente para troca de cada atributo para outra posição
Retorno	1 indivíduo modificado

Tabela 7.9: Parâmetros e retorno do Uniform Integer

Seleção Os operadores de seleção testados foram: Roulette e Random, Best e Worst.

Roulette Seleciona indivíduos a partir de giros da roleta. A seleção é feita levandose em conta espaços que representam a aptidão relativa de cada indivíduo.

Parâmetro (1)	1 lista de indivíduos a serem selecionados
Parâmetro (2)	K, número de indivíduos a selecionar
Retorno	1 lista dos indivíduos selecionados

Tabela 7.10: Parâmetros e retorno do Roulette

Random Seleciona indivíduos aleatoriamente da entrada, com substituição.

Parâmetro (1)	1 lista de indivíduos a serem selecionados
Parâmetro (2)	K, número de indivíduos a selecionar
Retorno	1 lista dos indivíduos selecionados

Tabela 7.11: Parâmetros e retorno do Random

Best Seleciona os melhores indivíduos.

Parâmetro (1)	1 lista de indivíduos a serem selecionados
Parâmetro (2)	K, número de indivíduos a selecionar
Retorno	1 lista dos indivíduos selecionados

Tabela 7.12: Parâmetros e retorno do Best

Worst Seleciona os piores indivíduos.

Parâmetro (1)	1 lista de indivíduos a serem selecionados
Parâmetro (2)	K, número de indivíduos a selecionar
Retorno	1 lista dos indivíduos selecionados

Tabela 7.13: Parâmetros e retorno do Worst

7.4 Estudo dos Operadores - Funções CEC'13

Com objetivo único de aprimorar os conhecimentos sobres os operadores do DEAP e entender melhor o comportamento de Algoritimos Genéticos em problemas de otimização, as primeiras análises foram feitos sobre a suíte de testes do CEC'13 - Congress on Evolutionary Computation - que inclui 28 funções de referência. Dentre as 28 funções, oito representavam um grupo interessante para nossos objetivos. Todas as oitos são funções compostas que combinam as propriedades das sub-funções além de terem comportamento contínuo próximo ao ótimos locais e global. Para maiores informações acerca das funções, recomendamos a leitura do artigo [?].

O CEC, além de fornecer todas as informações necessárias para o entendimento das funções e suas características, ainda disponibiliza códigos da suíte em C, Java e Matlab.

Uma vez que a integração entre Python e C é facilitada pelo uso da biblioteca *ctypes*, não foi necessário implementar nenhuma das oito funções. Somente foi necessário criar essa integração entre o código em C disponibilizado e a aplicação de GA em python. O método utilizado pode ser encontrado junto ao repositório Git do Peabox ⁶.

7.5 Análises GA - Time-slice Log-Likelihood Fitness Function

Posteriormente, estendemos os estudos para o contexto da aplicação. Seguimos duas direções para termos objetivos comparativos: a primeira, testar a GA *Time-slice Log Like-lihood Fitness Function* com as diferentes combinações de operadores; a segunda, testar o comportamento da mesma GA juntamente da técnica de pesos adaptativos dos operadores.

A técnica de pesos adaptativos utiliza valores variáveis para os operadores ao longo dos ensaios, valores que periodicamente são ajustados para refletirem a performance recente do operador. A maior justificativa para seu uso é: operadores podem mudar de importância ao longo do ensaio, e, portanto, sua influência deve ser alterada de acordo com o grau de importância adequado.

Para a nossa aplicação, utilizamos operadores mais tradicionais, a fim de facilitar futuras análises e comparações. O operador de *crossover* utilizado foi o *Two Points*, o de

 $^{^6}$ https://github.com/stromatolith/peabox/tree/master/cec2013_testfuncs_via_ctypes

mutação, Shuffle Indexes e o de seleção, a roleta. A probabilidade inicial para o crossover foi de 0.9 e para a mutação, 0.1, valores arbitrários. Como inicialmente queremos abranger o espaço de busca o máximo possível, priorizamos o operador crossover. Ao final da execução, o espaço de busca já está bem definido, e, nesse caso, queremos especificar a busca, e, portanto, elevamos a prioridade de ocorrência de mutação para 30% mais provável (conseqüentemente, precisamos diminuir a probabilidade do crossover em 30%). Essa variação nos valores dos operadores acontece suavemente durante os ensaios, quando, a cada rodada, os valores dos operadores é alterado pelo valor = [30%/(número de gerações)].

Algumas adversidades foram encontradas durante as execuções, que contribuíram para o atraso da definição dos operadores. Entre elas, a de maior destaque foi a fraca performance do cálculo do fatorial, necessário para a função de *fitness*. Para melhor compreender o comportamento da aplicação e descobrir e confirmar quais eram gargalos da aplicação, foi utilizado um *profiler*⁷.

Um profiler é uma ferramenta para análise dinâmica da execução de programas. A motivação é analisar o quanto de recurso computacional cada parte do código consome. Em específico, o profiler verifica a freqüência e a duração das chamadas do código. Após a descoberta dos pontos críticos e a confirmação de que o função de cálculo do fatorial realmente era um ponto crítico, substituímos a função por uma tabela em memória dos valores do fatorial.

As análises realizadas com as funções CEC'13, ao contrário do esperado, não nos direcionaram na escolha de um grupo de operadores capaz de oferecer uma desempenho significativamente maior, seja ele em termos de convergência mais rápida ou em termos de soluções mais robustas.

⁷https://pythonhosted.org/line_profiler/

Capítulo 8

Resultados Obtidos

8.1 Simple L-test Fitness Function

O operador escolhido como parâmetro de *crossover* foi o *Blend*, e a preferência por ele dentre os demais implementados pelo pacote DEAP foi pela observação empírica de crescimento dos valores de L-test e pelo fato de o operador ser específico para indivíduos formados por números reais, situação encontrada na aplicação. A média do resultado de 10 execuções:

Primeira geração (s)	145.6644
Última geração (s)	113.4796
Valor do L-test da primeira geração	-0.635949214
Valor do L-test da última geração	-0.009772415

Tabela 8.1: Tempo gasto e valor do L-test na média de 10 execuções com Blend.

Operador de *crossover Two Points* foi utilizado por motivos de comparação. A média do resultado de 10 execuções:

Primeira geração (s)	129.03775
Última geração (s)	97.00832
Valor do L-test da primeira geração	-0.635856248
Valor do L-test da última geração	0.042102222

Tabela 8.2: Tempo gasto e valor do L-test na média de 10 execuções com Two Points.

Tanto o modelo preferido quanto o modelo comparativo foram capazes de evoluírem, obtendo valores finais médios superiores aos valores médios aleatórios iniciais.

Surpreendemente, por [9], era esperado que representações em ponto flutuante tivessem um desempenho de maior acurácia. Porém, o desempenho do operador específico para números reais, o *Blend*, foi menor quando comparado a um operador de uso mais geral, o *Two Points*, sendo mais lento e obtendo valores de L-test menores, na média.

Todos os dados foram obtidos após a execução do algoritmo em um computador Apple MacBook Pro com processador 2.9 GHz Intel Core i7, memória RAM 8 GB 1600 MHz DDR3 com sistema operacional OS X 10.9.1 (13B42).

Para melhor visualização e aumentar o poder de comparação, quatro figuras podem ser analisadas a seguir. As Figuras ?? e ?? mostram as médias do valores do L-test para a todas as populações enquanto que as figuras ?? e ?? mostram as médias valores do tempo também para todas as populações. Figuras ?? e ?? são referentes a execuções com o crossover Blend e as figuras?? e ??, com o crossover Two Points.

Por observação empírica das diversas execuções realizadas o maior tempo gasto é com cálculos de L-test, sendo influenciado principalmente pela quantidade de observações e pelo tamanho escolhido para bins. Quanto menor for o tamanho escolhido para o bin maior será a resolução do terreno analisado e, conseqüentemente, mais informações sobre ele teremos e maior será o espaço de busca, aumentando o tempo total gasto.

Há um grande aumento do valor do L-test entre a vigésima geração e a quadragésima geração. Isso significa que a função de *fitness* resulta em um excessivo valor de *overfitting*, um super ajuste a base de dados.

8.2 Time-slice Log Likelihood Fitness Function

Os resultados da aplicação GA it Log Likelihood Fitness Function serão demonstrados a seguir.

Foram feitas comparações entre os resultados dos valores de *fitness* dos melhores indivíduos e o desvio padrão da população a que ele pertence. Esses resultados comparados são referentes ao estudo dos grupos de operadores e a técnica de pesos adaptativos. A

seguir, além dos resultados obtidos, algumas Figuras utilizadas para comparações serão mostradas.

As Figuras ?? e ?? demonstram o resultado das 50 execuções, mostrando dados referentes a execuções do conjunto de operadores *One Point, Worst* e *Shuffle Indexes* para os anos de 2000 (quando há um ganho de desempenho ao utilizar-se a tabela) e de 2010 (quando há uma perda de desempenho). As Figuras mostram o melhor indivíduo e o desvio padrão de sua população. Está claro que existe os resultados não são consistentes e que existe alguma falha na aplicação.

Essa falha ficou clara após a mudança do cálculo de fatorial pela tabela em memória. Até onde x=27 (x se refere ao número da execução), os valores obtidos vieram de cálculos do fatorial, a partir disso, foi utilizada a tabela. Porém, devido a essa falha, não é possível qualificar se algum grupo gerou indivíduos mais aptos. Portanto é essencial corrigi-la para novas execuções sejam geradas e as comparações possam ser refeitas.

Foram duas as causas levantadas para essa falha. A primeira, refere-se ao valor limitante para a tabela do fatorial. Uma vez que a tabela possui valores até o fatorial de 100, quaisquer valores acima desse limitante terão seus fatoriais arredondados a 100. Há casos que essa aproximação foi vantajosa e a aplicação respondeu com modelos de melhor desempenho, mas em alguns casos, a aproximação foi desvantajosa.

A segunda, refere-se a um erro no código da execução. Após uma análise superficial do código, é provável que o mapeamento dos dados coletados esteja propagando algum erro. Esforços futuros serão direcionados para a correção deste erro.

Ainda assim, a tabela em memória do valores do fatorial resultou em um avanço em termos de performance temporal. Uma vez que a segunda possível causa seja o verdadeiro erro da aplicação, acredita-se que o uso da tabela será capaz de facilitar futuras execuções.

Os resultados obtidos pela técnica de pesos adaptativos não foram tão elevadas quanto o esperado. Para efeitos comparativos dois grupos de figuras são mostrados a seguir. As Figuras ?? e ?? mostram os valores dos melhores indivíduos e o desvio padrão da população para o ano de 2000 e compõem o primeiro grupo, já o segundo grupo é composto pelas figuras ?? e ?? e segue o mesmo princípio, porém para o ano de 2010. No primeiro grupo, a Figura ?? refere-se aos dados da técnica em questão, enquanto que a outra Figura refere-se ao mesmo conjunto de operadores utilizados (crossover, Two Points e

Shuffle Indexes), mas com pesos fixos. O segundo grupo é descrito da mesma maneira.

Não fica claro, pelos dados mostrados, quais são os benefícios que a técnica introduz para a aplicação em questão. Após os mais diversos tipos de análises, análises sobre a influência dos grupos de operadores, seja na própria aplicação GA ou mesmo nas funções da CEC'13 e análises sobre diferentes técnicas para estruturação da abordagem GA, não ficou claro qualquer tipo de variação substancial capaz de direcionar os estudos e definir uma abordagem única para os experimentos. Portanto, deve-se fazer a devida ponderação: será que as variações realmente influem pouco nos resultados da aplicação, ou a aplicação deve passar por refinamentos, que levem a resultados mais consistentes?

Para responder essa ponderação devemos analisar as escolhas feitas para a criação de nosso modelo. Pela própria estrutura definida pelo modelo proposto, cada bin é tratado independentemente dos seus vizinhos, não considerando a influência de sismos próximos. Porém, pela características inerentes aos sismos é claro que poucos são os casos de sismos completamente independentes entre si. Podemos considerar, logo, que a influência da independência influi consideravelmente e é ela a principal causa da mínima variação pré-citada.

Por outro lado, as funções CEC'13 são funções unicamente matemáticas e por isso a questão levantada anteriormente não é suficiente para sugerir que a resposta a nossa ponderação deva ser direcionada somente para o segundo ponto da pergunta, "a aplicação deve passar por refinamentos". Devemos deixar claro, entretanto, que essa independência entre os bins deve ser melhor explorada a fim de encontrar uma solução que possibilite considerar a dependência dos sismos. Nesse ponto, percebemos que a complexidade da questão é elevada.

Apesar da utilização da técnica de pesos adaptativos não ter contribuído para uma performance mais significativa, fomos capazes de observar que os valores médios do melhores indivíduos durante os anos foram muito mais coesos do que quando comparados aos valores similares dos ensaios com pesos fixos. Isso nos leva a crer que utilizar a técnica indiretamente influiu positivamente em nossos resultados. Consequentemente, a idéia de abranger uma área maior de busca e posteriormente especifica-la, mostrou-se, como esperado, bastante adequada.

Ainda em relação a técnica anterior, é possível que outras contribuições não tenham sido percebidas e que, de acordo com as devidas mudanças, sejamos capazes de percebê-las.

Essas mudanças tanto podem ser algumas das já citadas como também na porcentagem de variação dos pesos dos operadores, que é de 30% (escolhido arbitrariamente), nos valores desses pesos na situação inicial, entre outras, ou seja, variações na estrutura utilizada juntamente com a técnica.

Capítulo 9

Conclusão

Este projeto apresentou uma proposta de desenvolvimento de um modelo de previsão de probabilidades elaborado a partir de uma implementação simples de algoritmos genéticos. Foi possível perceber uma evolução do modelo em relação ao modelo completamente aleatório, caracterizado pela população inicial.

Foram muitos os desafios enfrentados ao utilizar os testes propostos pelo RELM como função de *fitness* pelo algoritmo genético. O primeiro está relacionada ao tempo de execução e o uso desses a cada geração como função de *fitness*. Por se tratar de testes com uma grande quantidade de cálculos em grande quantidades de observações, o tempo gasto para analisar as informações poderia ser demasiado grande para ser viável continuar a utilizar os testes junto ao algoritmo. O segundo problema estava vinculado ao comportamento desses testes em uma aplicação de algoritmos genéticos, pois não havia conhecimento anterior sobre a aplicabilidade desses com Computação Evolutiva e se aplicável, se o resultado seria promissor.

Pelos resultados finais do L-test, foi verificado que tanto o primeiro desafio quanto o segundo, não foram suficientes para impossibilitar o uso dos testes e que as gerações de populações resultaram em indivíduos mais aptos para a previsão de sismos. Pelos resultados mostrados o trabalho mostra que aplicar Computação Evolutiva para prever ocorrências de sismos é minimamente promissor, uma vez que há uma evolução do modelo em relação ao modelo pseudo-aleatório.

Foi possível, portanto, vincular os testes proposto pelo RELM com algoritmos genéticos. A partir disso, agora, deve-se explorar as características da aplicação, tornar os testes implementados mais completos e estruturados, definir os operadores genéticos visando um comportamento adequado em relação aos indivíduos como para as populações evoluídas.

Posteriormente, o primeiro desafio foi minimizado, pelo uso de uma tabela em memória do fatorial. Alguns estudos deverão ser realizados para compreendermos melhor o porquê da alteração dos valores após a introdução da tabela.

O uso de operadores de peso adaptativos mostrou-se interessante e é provável que, sua inclusão na GA estudada traga ainda mais benefícios assim que outros problemas forem resolvidos. Problemas, tais quais, a independência dos *bins*, que influenciaram negativamente a performance da aplicação e serão alvos de maiores esforços.

Algumas propostas de melhorias e trabalhos futuros podem ser listadas:

- Compará-lo com um outro modelo de previsão de terremotos, como por exemplo, o Relative Intensity (RI). Para melhores efeitos de comparação, é interessante acrescentar cálculos de confiabilidade estatísca, como p-value, e criar um mapa demonstrativo da previsão relativa de cada área representada pelos bins;
- Implementar o operador de mutação específico para números reais e que tenha um comportamento direcionado a aplicação, capaz de alterar seus valores no decorrer das gerações capaz de equilibrar explotation e exploration;
- Aplicar alguns testes sugeridos por Zechar[?] afim de definir a qualidade do modelo desenvolvido;
 - Fazer analises de complexidade do algoritmo executado;
- Criar múltiplas observações para cada indivíduo para que o cálculo de incertezas possa ser aplicado e, assim, aumentarmos a qualidade dos modelos;
 - Realizar experimentos em outras áreas do Japão, além de Kanto;
- Especializar a abordagem de algoritmo genético (*crossover* mais apropriado, mutação específica, ...) ou utilizar soluções híbridas, entre algoritmo genéticos e outras técnicas de aprendizado de máquina;
- Incrementar os cálculos estatísticos com as ferramentas adequadas, desvio padrão, variância, etc, que compõe os cálculos dos testes demonstrados;

- A fim de evitar o *over fitting*, podemos inserir dados sismológicos, como sobre de magnitude e hora da ocorrência, aumentando a área de busca da aplicação;
- Cada bin é trato e considerado individualmente. Portanto a ocorrência de sismos em um bin não influência ocorrências de sismos em seus vizinhos, o que sabemos não ser verdade;
- Contrariando expectativas, execuções com operadores reais obtiveram desempenho pior que com operadores tradicionais pode estar relacionado ao fato de não existir influência entre os bins, uma vez que pode haver áreas de altíssima probabilidade próximas a áreas de baixa probabilidade.

Referências

- [1] Claus Aranha, Yuri Cossich Lavinas, Marcelo Ladeira, e Bogdan Enescu. Is it possible to generate good earthquake risk models using genetic algorithms? In *Proceedings of the International Conference on Evolutionary Computation Theory and Applications*, pages 49–58, 2014. 3, 6, 16, 17, 18
- [2] Ali Firat Cabalar e Abdulkadir Cevik. Genetic programming-based attenuation relationship: An application of recent earthquakes in turkey. *Computers and Geosciences*, 35:1884–1896, October 2009. 14
- [3] François-Michel De Rainville, Félix-Antoine Fortin, Marc-André Gardner, Marc Parizeau, e Christian Gagné. Deap: A python framework for evolutionary algorithms. In *Proceedings of the Fourteenth International Conference on Genetic and Evolutionary Computation Conference Companion*, GECCO Companion '12, pages 85–92, New York, NY, USA, 2012. ACM. 19, 30
- [4] David Eberhard. Multiscale seismicity analysis and forecasting: Examples from the western pacific and iceland. 2014. 3, 7, 8
- [5] David E. Goldberg. Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning. Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc., Boston, MA, USA, 1st edition, 1989. 12, 31, 32
- [6] Francisco Herrera, Manuel Lozano, e Jose L. Verdegay. Tackling real-coded genetic algorithms: Operators and tools for behavioural analysis. *Artificial intelligence review*, 12(4):265–319, 1998. 31
- [7] A. M. Huda e Bagus Santosa. Subsurface structure in japan based on p and s waves travel time analysis using genetic algorithm in japan seismological network. *International Journal of Science and Engineering*, 6(1), 2014. 15
- [8] T Serkan Irmak, Bülent Doğan, e Ahmet Karakaş. Source mechanism of the 23 october, 2011, van (turkey) earthquake (m w= 7.1) and aftershocks with its tectonic implications. *Earth, Planets and Space*, 64(11):991–1003, 2012. 2
- [9] Cezary Z Janikow e Zbigniew Michalewicz. An experimental comparison of binary and floating point representations in genetic algorithms. In *ICGA*, pages 31–36, 1991. 30, 41
- [10] B. L. N. Kennet e M. S. Sambridge. Earthquake location genetic algorithms for teleseisms. *Physics of the Earth and Planetary Interiors*, 75(1–3):103–110, December 1992. 14

- [11] Tienfuan Kerh, David Gunaratnam, e Yaling Chan. Neural computing with genetic algorithm in evaluating potentially hazardous metropolitan areas result from earthquake. *Neural Comput. Appl.*, 19(4):521–529, June 2010. 14
- [12] Tienfuan Kerh, Yu-Hsiang Su, e Ayman Mosallam. Incorporating global search capability of a genetic algorithm into neural computing to model seismic records and soil test data. *Neural Computing and Applications*, pages 1–12, 2015. 14
- [13] E. Kermani, Y. Jafarian, e M. H. Baziar. New predictive models for the v_{max}/a_{max} ratio of strong ground motions using genetic programming. *International Journal of Civil Engineering*, 7(4):236–247, December 2009. 14
- [14] John R Koza, Martin A Keane, e Matthew J Streeter. Genetic programming's human-competitive results. *IEEE Intelligent Systems*, pages 25–31, 2003. 12
- [15] John R. Koza, Martin A. Keane, e Matthew J. Streeter. What's ai done for me lately? genetic programming's human-competitive results. *IEEE Intelligent Systems*, 18(3):25–31, 2003. 2
- [16] Zbigniew Michalewicz. Heuristic methods for evolutionary computation techniques. Journal of Heuristics, 1(2):177–206, 1996. 2
- [17] D. Michie, D. J. Spiegelhalter, e C.C. Taylor. Machine learning, neural and statistical classification, 1994. 2
- [18] Nobuo Mimura, Kazuya Yasuhara, Seiki Kawagoe, Hiromune Yokoki, e So Kazama. Damage from the great east japan earthquake and tsunami-a quick report. *Mitigation and Adaptation Strategies for Global Change*, 16(7):803–818, 2011. 1
- [19] Ahmad Nicknam, Reza Abbasnia, Yasser Eslamian, Mohsen Bozorgnasab, e Ehsan Adeli Mosabbeb. Source parameters estimation of 2003 bam earthquake mw 6.5 using empirical green's function method, based on an evolutionary approach. *J. Earth Syst. Sci.*, 119(3):383–396, June 2010. 14
- [20] Yosihiko Ogata e Jiancang Zhuang. Space—time etas models and an improved extension. *Tectonophysics*, 413(1):13–23, 2006. 23
- [21] Fusakichi Omori. On the after-shocks of earthquakes. 1895. 23
- [22] Josafath I. Espinosa Ramos e Roberto A. Vázques. Locating seismic-sense stations through genetic algorithms. In *Proceedings of the GECCO'11*, pages 941–948, Dublin, Ireland, July 2011. ACM. 15
- [23] Negar Sadat, Soleimani Zakeri, e Saeid Pashazadeh. Application of neural network based on genetic algorithm in predicting magnitude of earthquake in north tabriz fault (nw iran). Current Science (00113891), 109(9), 2015. 13
- [24] A. Saegusa. Japan tries to understand quakes, not predict them. Nature 397, 284, 1999. 3

- [25] Bahram Saeidian, Mohammad Saadi Mesgari, e Mostafa Ghodousi. Evaluation and comparison of genetic algorithm and bees algorithm for location-allocation of earth-quake relief centers. *International Journal of Disaster Risk Reduction*, 2016. 15
- [26] J David Schaffer, Richard A Caruana, Larry J Eshelman, e Rajarshi Das. A study of control parameters affecting online performance of genetic algorithms for function optimization. In *Proceedings of the third international conference on Genetic algorithms*, pages 51–60. Morgan Kaufmann Publishers Inc., 1989. 31
- [27] D. Schorlemmer, M. Gerstenberger, S. Wiemer, D. Jackson, e D. A. Rhoades. Earth-quake likelihood model testing. Seismological Research Letters, 78(1):17–29, 2007. 6, 7, 8, 9, 11
- [28] Danijel Schorlemmer, J Douglas Zechar, Maximilian J Werner, Edward H Field, David D Jackson, Thomas H Jordan, e RELM Working Group. First results of the regional earthquake likelihood models experiment. *Pure and Applied Geophysics*, 167(8-9):859–876, 2010. 9, 10, 17
- [29] Mark Simons, Sarah E Minson, Anthony Sladen, Francisco Ortega, Junle Jiang, Susan E Owen, Lingsen Meng, Jean-Paul Ampuero, Shengji Wei, Risheng Chu, et al. The 2011 magnitude 9.0 tohoku-oki earthquake: Mosaicking the megathrust from seconds to centuries. science, 332(6036):1421–1425, 2011.
- [30] Masato Takahashi e Hajime Kita. A crossover operator using independent component analysis for real-coded genetic algorithms. In *Evolutionary Computation*, 2001. Proceedings of the 2001 Congress on, volume 1, pages 643–649. IEEE, 2001. 31
- [31] Tokuji Utsu e Yosihiko Ogata. The centenary of the omori formula for a decay law of aftershock activity. *Journal of Physics of the Earth*, 43(1):1–33, 1995. 23
- [32] Thomas van Stiphout, Jiancang Zhuang, e David Marsan. Seismicity declustering. Community Online Resource for Statistical Seismicity Analysis, 10, 2012. 1
- [33] S Wilkinson, G Chiaro, Rama Mohan Pokhrel, T Kiyota, Toshihiko Katagiri, Keshab Sharma, e K Goda. The 2015 gorkha nepal earthquake: Insights from earthquake damage survey. 2015. 1
- [34] Yoshiko Yamanaka e Kunihiko Shimazaki. Scaling relationship between the number of aftershocks and the size of the main shock. *Journal of Physics of the Earth*, 38(4):305–324, 1990. 23
- [35] J Douglas Zechar. Evaluating earthquake predictions and earthquake forecasts: A guide for students and new researchers. Community Online Resource for Statistical Seismicity Analysis, pages 1–26, 2010. 7, 17
- [36] Qiuen Zhang e Cheng Wang. Using genetic algorithms to optimize artificial neural network: a case study on earthquake prediction. In Second International Conference on Genetic and Evolutionary Computing, pages 128–131. IEEE, 2012. 13

- [37] Feiyan Zhou e Xiaofeng Zhu. Earthquake prediction based on lm-bp neural network. In Xiaozhu Liu e Yunyue Ye, editors, *Proceedings of the 9th International Symposium on Linear Drives for Industry Applications, Volume 1*, volume 270 of *Lecture Notes in Electrical Engineering*, pages 13–20. Springer Berlin Heidelberg, 2014. 13
- [38] Jiancang Zhuang, Yosihiko Ogata, e David Vere-Jones. Analyzing earthquake clustering features by using stochastic reconstruction. *Journal of Geophysical Research:* Solid Earth (1978–2012), 109(B5), 2004. 17, 23