KỸ THUẬT LẬP TRÌNH Đệ quy

24/02/2021

Mục tiêu

- Viết chương trình theo phương pháp chia nhỏ thành các chương trình con.
- Viết chương trình theo phương pháp đệ quy.

Phần 1: Bài tập xử lý số

Bài	Nội dung
1.	Tìm chữ số đầu tiên của n.
2.	Nhập vào số n và cho biết n có bao nhiều chữ số.
3.	Nhập vào số n và cho biết n có bao nhiêu chữ số lẻ.
4.	Tính tổng của các chữ số của một số tự nhiên n.
5.	Nhập vào số n và cho biết n có phải là số tiến không (tăng dần từ trái sang phải? Ví dụ số 123 là số tiến
6.	Lấy ra chữ số ở vị trí nào đó (tính từ phải sang trái) của một số tự nhiên. Nhập số tự nhiên: 1410 Bạn muốn lấy chữ số ở vị trí nào thứ:3 Chữ số ở vị trí thứ 3 (từ phải sang trái) của số 1410 là : 4
7.	Lấy ra chữ số ở vị trí nào đó (tính từ trái sang phải) của một số tự nhiên. Nhập số tự nhiên: 1410 Bạn muốn lấy chữ số ở vị trí nào thứ:3 Chữ số ở vị trí thứ 3 (từ trái sang phải) của số 1410 là : 1
8.	Nhập vào 2 số a, b. Tìm ước chung lớn nhất của 2 số đó.
9.	Viết chương trình phân tích số nguyên n > 0 thành tích các thừa số nguyên tố theo các dạng sau: Ví dụ, với n = 120 thì: – Dạng 1: $120 = 2 * 2 * 2 * 3 * 5$ – Dạng 2: $120 = 2 ^ 3 * 3 * 5$
10.	Kiểm tra số n có phải là số nguyên tố
11.	Tìm số đảo của số n.

Nhập vào n là số nguyên dương. Kiểm tra n có dạng 2^k không?

Bài Nội dung

- 13. Nhập vào n là số nguyên dương. Kiểm tra n có dạng 3^k không?
- 14. Tìm ước số lẻ lớn nhất của số nguyên dương n . Ví dụ : n=100 ước lẻ lớn nhất của 100 là 25.
- 15. Chuyển 1 số thập phân sang nhị phân.
- 16. Tính aⁿ (sử dụng chia để tri)

Phần 2: Dãy số

Bài Nội dung

17. Tính
$$S(n) = 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$$

18. Tính
$$S(n) = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}$$

19. Tính
$$S(n) = \frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \dots + \frac{1}{n(n+1)}$$

20. Tính
$$S(n) = \frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} \dots + \frac{n}{(n+1)}$$

21. Tính
$$S(n) = \frac{1}{2} + \frac{2}{4} + \frac{5}{6} ... + \frac{2n+1}{2n+2}$$

22. Tính
$$S(n) = 1 + 1.2 + 1.2.3 + \dots + 1.2 \dots n$$

23. Tính
$$S(x, n) = x + x^2 + x^3 + \dots + x^n$$

24. Tính
$$S(x,n) = x + x^3 + x^5 + \dots + x^{(2n+1)}$$

25. Tính
$$S(n) = 1 + \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3} + \dots + \frac{1}{1+2+\dots+n}$$

26. Tính
$$S(n) = x + \frac{x^2}{1+2} + \frac{x^3}{1+2+3} + \dots + \frac{x^n}{1+2+\dots+n}$$

27. Tính
$$S(n) = x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots + \frac{x^n}{n!}$$

28.
$$\mathsf{T(nh}\ S(n) = \sqrt{2 + \sqrt{2 + \cdots + \sqrt{2 + \sqrt{2}}}}\ \mathsf{co}\ \mathsf{n}\ \mathsf{d\tilde{a}}\mathsf{u}\ \mathsf{c\mathsf{\check{a}}}\mathsf{n}$$

29. Tính
$$S(x,n) = x - x^2 + x^3 + \dots + (-1)^{n+1}x^n$$

30. Với mỗi $n \ge 1$, dãy số Y_n được định nghĩa như sau :

$$Y_1 = 1$$
, $Y_2 = 2$, $Y_3 = 3$.

$$Y_n = Y_{n-1} + 2Y_{n-2} + 3Y_{n-3}$$
 với mọi $n \ge 4$

Hãy viết hàm tính Y_n bằng phương pháp đệ quy.

31. Cho dãy số A_n (n là số nguyên dương) được biểu diễn theo công thức đê qui sau:

$$A_1=1;$$

$$A_2=2;$$

Bài Nội dung

$$A_3=3$$
;

 $A_n = 24A_{n-1} + 25A_{n-2} + 10A_{n-3} + 2018 \text{ moi n} > 3.$

Viết hàm tính A_n bằng cách sử dụng đê qui.

32. Cho $f_1=1$; $\underline{f_2}=1$; và $f_n=f_{n-1}+f_{n-2}$ với mọi n>2, và S_n được cho bởi công thức sau:

$$S_n = \frac{1}{1+f_1} + \frac{2}{1+f_2} + ... + \frac{n}{1+f_n}$$
 (với *n* là số nguyên dương).

Viết hàm tính S_n .

33. Dãy x_n được định nghĩa như sau:

$$x_1 = 1;$$

 $x_n = n(x_1 + x_2 + x_3 + ... + x_{n-1}), \forall n > 1.$

Viết hàm tính giá trị của x_n .

34. Dãy số x_n được định nghĩa như sau:

$$x_0 = 1; x_1 = 1;$$

 $x_n = nx_0 + (n-1)x_1 + (n-2)x_2 + (n-3)x_3 + \dots + x_{n-1}, \forall n > 1.$

Viết hàm tính giá trị của x_n .

- 35. Tìm số hang thứ n của dãy Fibonacci.
- 36. Tính tổ hợp chập k của n theo công thức C(k,n)=C(k,n-1)+C(k-1,n-1)

Phần 3: Mảng

Bài Nội dung

- 37. Nhập và xuất mảng gồm n phần tử số nguyên.
- 38. Tìm phần tử lớn nhất và nhỏ nhất trong mảng
- 39. Tính tổng các phần tử trong mảng
- 40. Tìm vị trí số chẵn đầu tiên trong mảng. Nếu mảng không có số chẵn thì trả về giá trị -1.
- 41. Sắp xếp mảng theo thứ tự tăng dần hoặc giảm dần
- 42. Chia mảng thành 2 phần. Phần 1 gồm K phần tử và phần thứ 2 gồm n-k phần tử. Di chuyển phần 1 về sau phần 2 trong mảng, các phần tử trong mỗi phần được giữ nguyên vị trí.