笔者最近在回顾一些图形学基础知识，遂整理在此，此文涉及图形学中的着色。

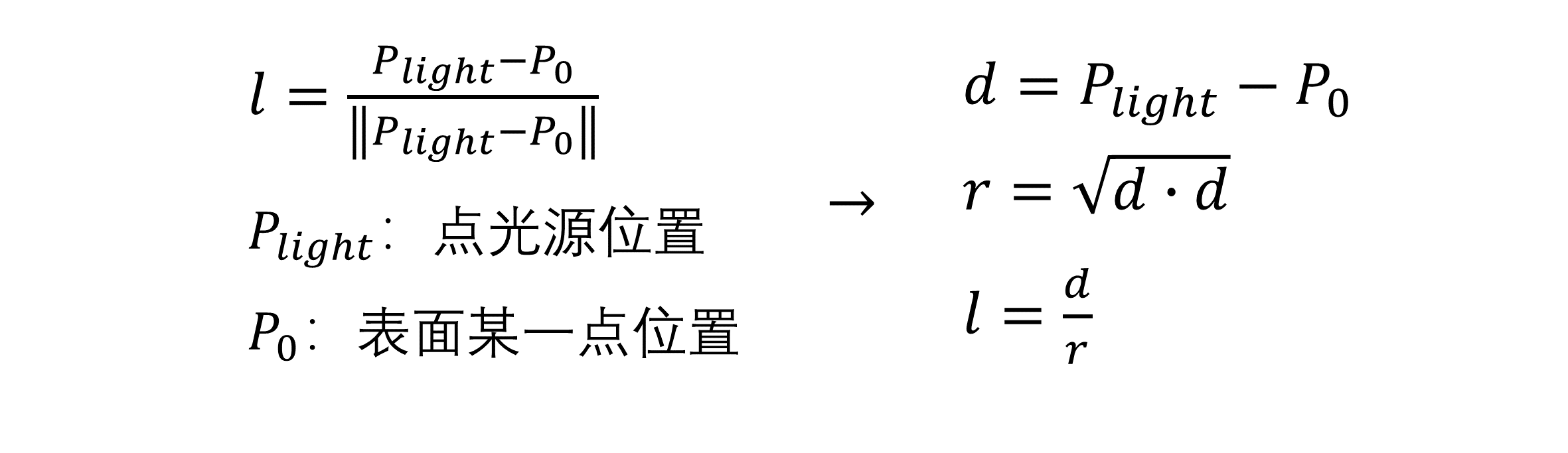
在前文中，介绍了几种基础的着色模型，可以看到，光源的方向和颜色对于着色起了很大影响，此处介绍一些常见的光源：如定向光、点光源、聚光灯，考察光源时从三个点出发：光的方向、光随着距离的衰减、光随着方向的变化。

定向光(Directional Light)

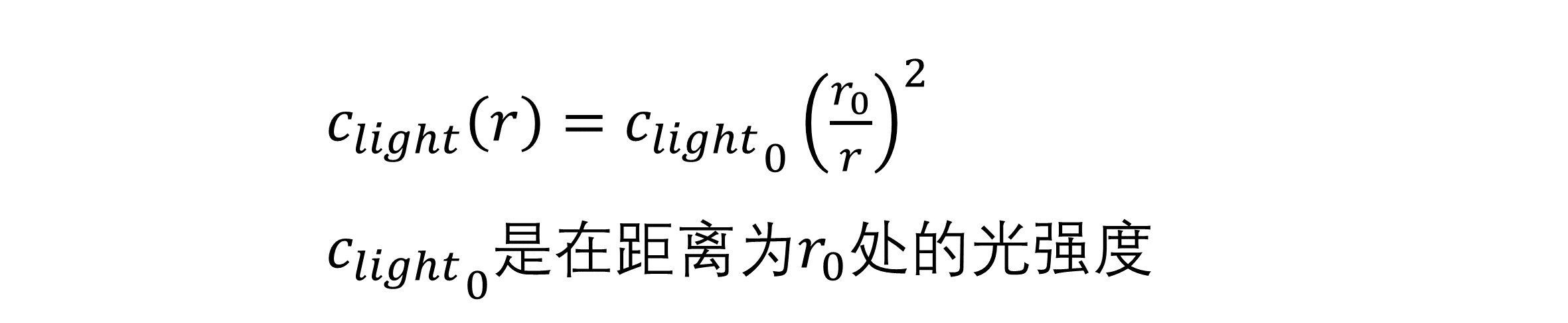
定向光是最简单的光源模型，体现在其光的方向唯一，且光的颜色唯一，没有衰减，定向光是一种抽象模型，现实中最接近的就是太阳光。但有时为了性能或者为了一些特殊效果，也可以把定向光限制在一个“盒子”里面，其方向仍然唯一不变，但颜色有所差异，比如盒子外的颜色为纯黑，而内部的颜色可以是常量也可以是某种插值获得的结果。

点光源(Punctual Light)

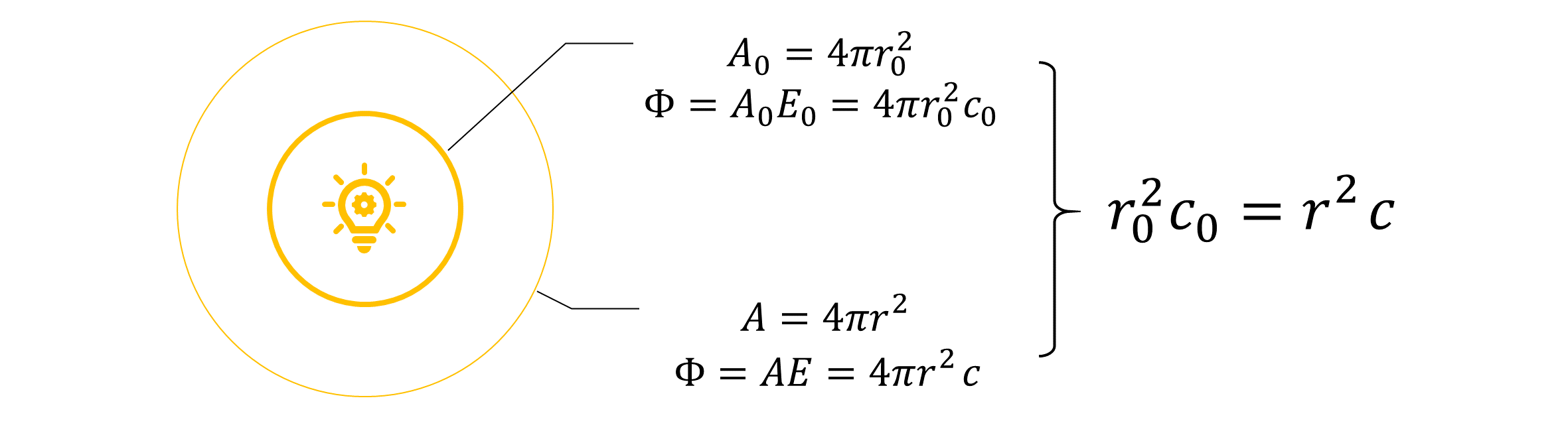
相比定向光，点光源有自己的一个位置，即光从一个点照向四周，所以光的方向 l 需要结合表面具体的一个点 p0 来计算：



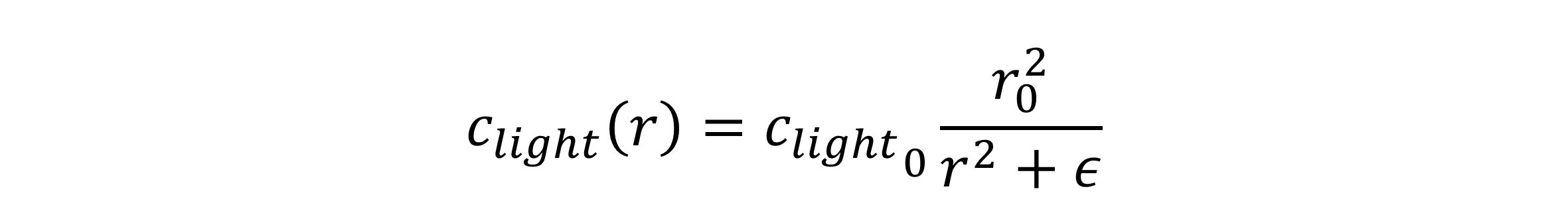
此外，点光源的强度会随着距离增加而衰减，且与距离的平方成反比，即：



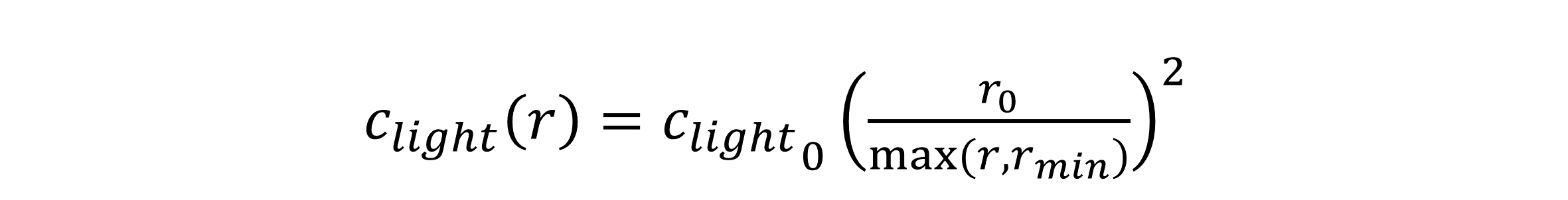
从光学的角度分析，点光源的光可看作从一个点发出的均匀球面波，波面为球面，且面积 A 与距离r的平方成正比，同时不同距离处的波面光通量 \Phi（强度对面积的积分）为常量，所以在距离r处的强度 E （即指颜色值c）就与此处波面面积A成反比，即与距离r的平方成反比，见下图。



为了防止r=0时，分母为0导致出现无限大的光强，所以诸如UE引擎里面会在分母上加一个小的参数：

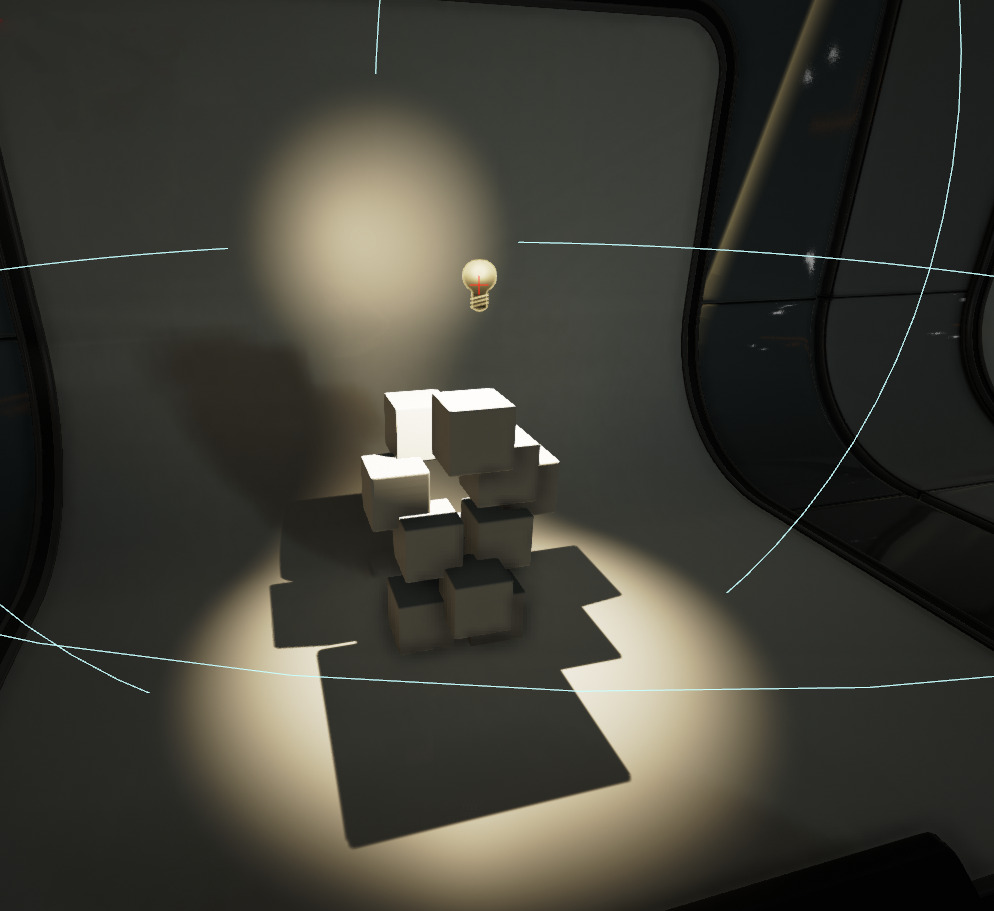


也还有其他的做法，比如clamp r到一个最小值r\_min：

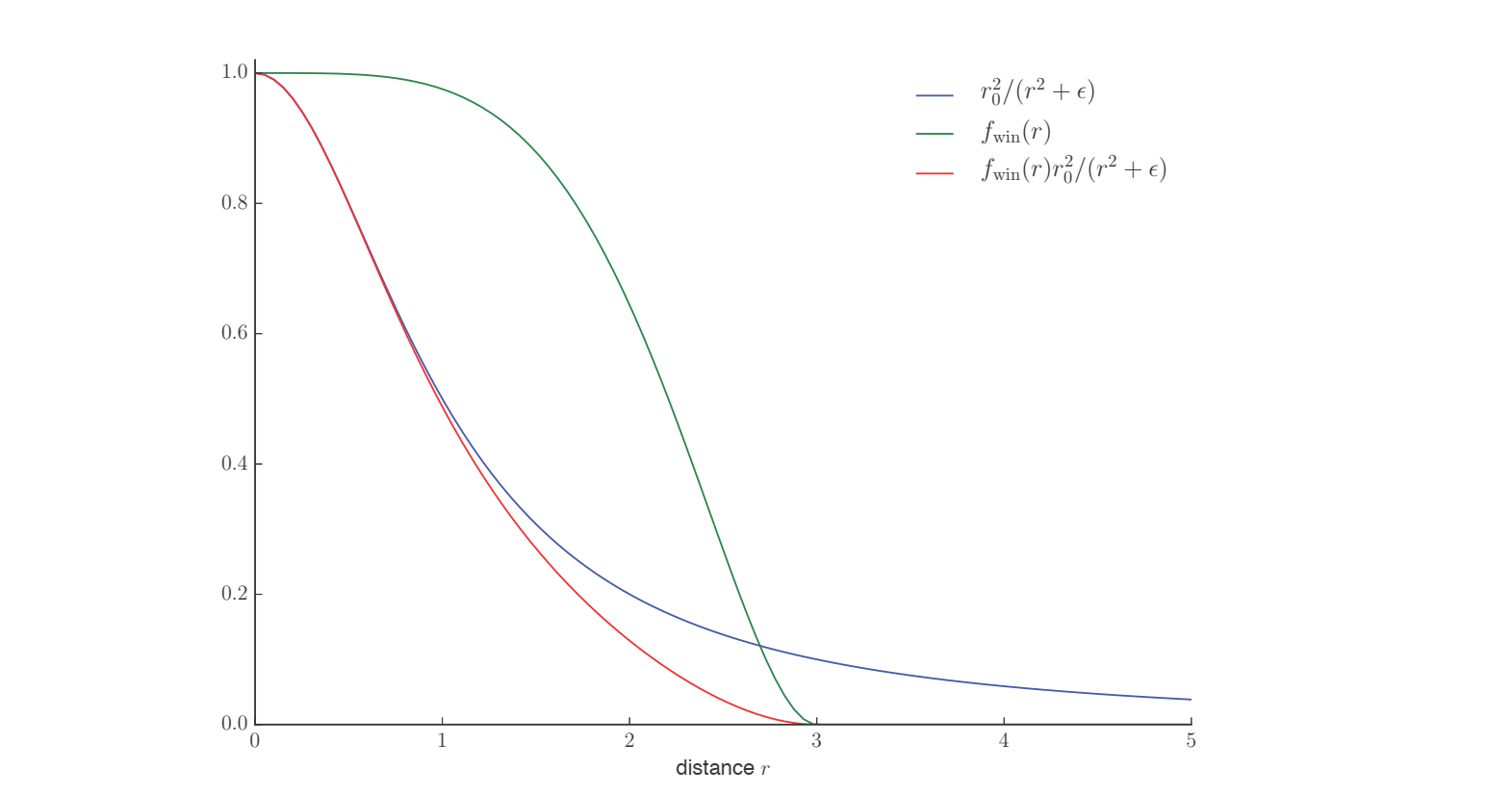


这样做还有一个好处即：r\_min通常可代表这个点光源的物理尺寸

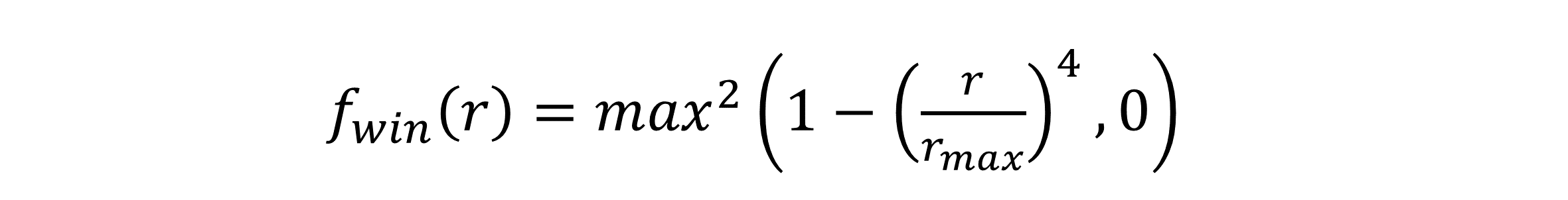
此外，在实际运用中，通常为了性能考虑，需要对随距离平方衰减的光强再乘以一个窗口函数(windowing function)，毕竟远处的光很弱，我们可不想为了这些微弱的光徒增计算量，如下图展示了UE4里面点光源及其半径：



注意上图中，在光源最大半径范围以外的区域，都没有计算这个光源的光照，且交界处都有平滑过渡的感觉，这就需要合理设计窗口函数，使光强缓慢衰减且刚好在截止半径处衰减为0

下图展示了一种窗口函数对于光衰减的影响：  


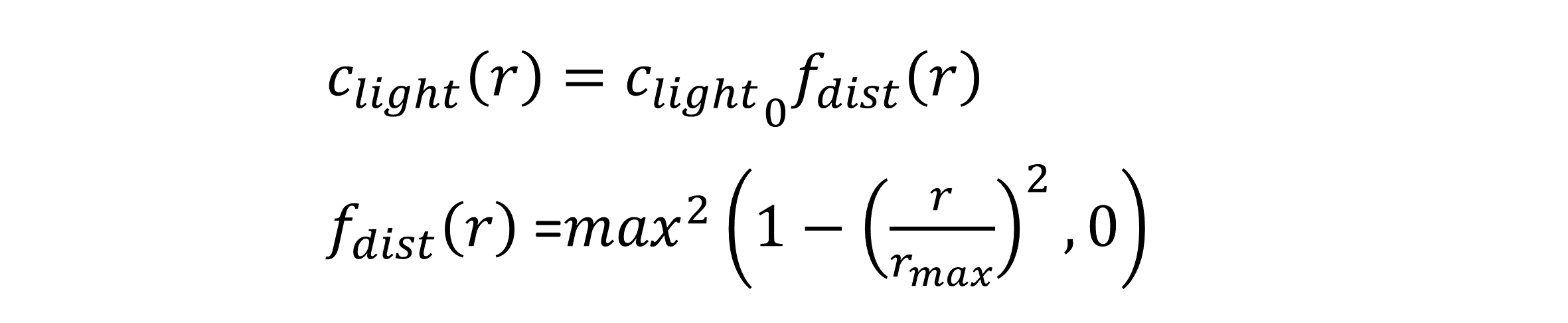
其中使用的窗口函数如下：



则距离在r处的颜色为：



也有人把窗口函数和平方衰减系数写成一体，即距离衰减函数(distance falloff function)：



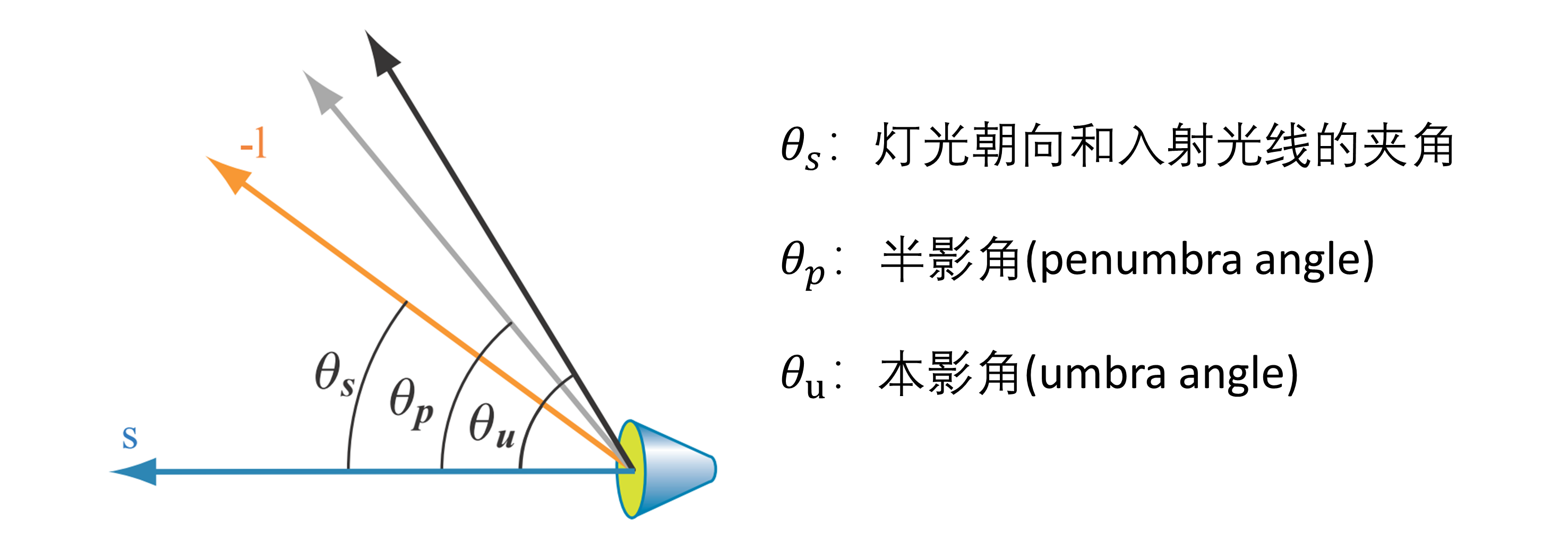
当然也有其他各种各样的衰减函数，如线性衰减函数、样条曲线衰减函数、指数衰减函数等。

聚光灯(Spotlight)

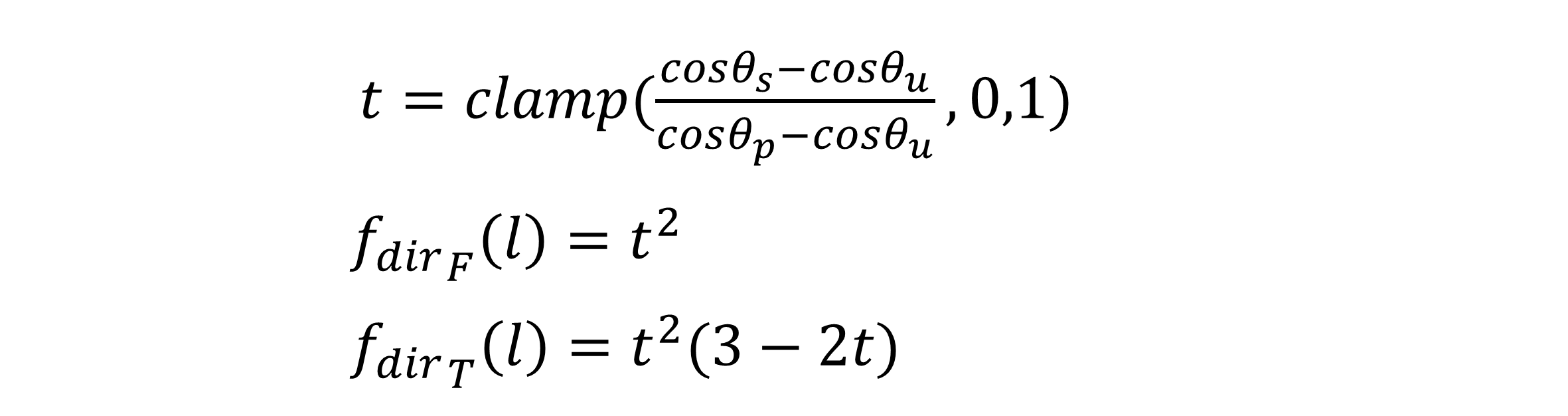
前面所述的点光源，其光强虽然会随着距离而衰减，但是各个方向上是等同的，而此处的聚光灯，更进一步考虑了光强在不同方向上的函数分布。即：



下面我们来确定f\_dir函数，一个常见的聚光灯模型如图所示：



而灯光随着方向的衰减函数与这几个角度的余弦值有关，定义一个中间变量t，则可写出不同形式的方向衰减函数，如Frostbite和three.js里：



分别画出t以及两个函数关于角度的图像，得到下图，可以看到，在半影角内，始终为1，在半影角到本影角之间迅速递减，在本影角以外为0

