23.7 יום רביעי **- 2**

סוגים של TM

מ"ט אינסופית – Infinite TM

. (אבל עדיין יש מעבר יחיד לכל מצב). ההבדל היחיד הוא שקבוצת המצבים יכולה להיות אינסופית. ואז גם פונקציית המעברים אינסופית (אבל עדיין יש מעבר יחיד לכל מצב).

נגיד שיש לנו פונקציה כלשהי שמוגדרת ע"י טבלה אינסופית. אם קבוצת המצבים אינסופית, אז נוכל לחשב את הפונקציה הזו ב-TM הזה.

מספר האפשרי הוא κ_0 אינסופית בת מניה. לכל קלט יש לכל קלט יש מניה. לכל הטבעיים, אינסופית שה- κ_0 הזה יכול לחשב:

$$\aleph_0^{\aleph_0} \geq 2^{\aleph_0} = \aleph_1$$

ול-TM רגיל יש רק מספר סופי של מצבים. ועבור כל קבוע \mathcal{C} , מתקיים \mathcal{C} 0 אז מכונת טיורינג אינסופית חזקה יותר ממכונת טיורינג רגילה. $\mathcal{C}^{\kappa_0}=\kappa_0$ אז מכונת טיורינג אינסופית חזקה יותר ממכונת טיורינג רגילה. (כי $\kappa_0<\kappa_1$ 2, האלכסון של קנטור).

מ"ט מהירה – Fast TM

 $\leftarrow, \rightarrow, \circ, \leftarrow, \rightarrow, \rightarrow\}$, יש $\leftarrow, \rightarrow, \circ$, יש בפונקציית המעברים, אפשר בכל צעד לעבור יותר מתא אחד בכל כיוון. כלומר במקום

: ונגדיר: $q_{j,right}$ מצב ביניים מצב (q_i,a) ונגדיר: מקום (q_i,b , במקום רגילה. במקום משר למדל את אם למדל את מ"ט רגילה. במקום (q_i,b , במקום רגילה)

$$(q_i, a) \rightarrow (q_{j,right}, b, \rightarrow), \qquad (q_{j,right}, \forall) \rightarrow (q_j, \forall, \rightarrow)$$

. מכתוב שנה את החדש הזה, לא נשנה שכתוב ימינה. במצב החדש שלוכר" שאנחנו עוברים ל- q_i וזזים ימינה. במצב החדש למצב ש"זוכר" שאנחנו עוברים ל-

k-tape TM − סרטים k מ"ט עם מ"ם

 $.\delta: Q imes \Gamma^k o Q imes \Gamma^k imes \{\leftarrow, \rightarrow, \circ\}^k$ ההבדל היחיד המעברים: א סרטים נפרדים. לכל אחד יש ראש משלו. ופונקציית המעברים: k סרטים נפרדים. לכתוב k תווים, ונבצע k תווים, ונבצע k תווים (אחד מכל קלט), נכתוב k

תרגיל – נמדל PDA (אוטומט מחסנית) ע"י TM עם PDA סרטים.

הסרט הראשון הוא פשוט סרט הקלט, כמו ב-PDA. כל התזוזות עליו יהיו רק ימינה. הסרט השני הוא המחסנית.



כל פעם ש"דוחפים" משהו למחסנית, אנחנו רוצים לעבור למצב דחיפה שזוכר את המצב שאנחנו רוצים לעבור אליו. לדוגמה:

:עשה: געשה למחסנית, למחסנית ודוחפים sלמחסנית, ליק q_i למחסנית אב

$$(q_i, a\forall) \rightarrow (q_{i,push}, a\forall, SR), \qquad (q_{i,push}, a_) \rightarrow (q_j, as, RS)$$

 $:q_i$ ל-ק $:q_i$ בל ממצב מוציאים ($:q_i$ ל-ק $:q_i$ נגיד מוציאים (נגיד מוציאים אוני מוציאים פעם שעושים אוני מוציאים (

$$(q_i, as) \rightarrow (q_j, a_, RL)$$

k-tape TM -שקול ל TM

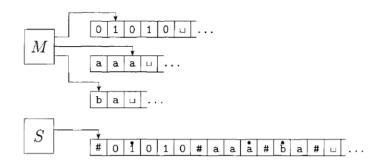
k-1 עבור k-tape TM זה TM עבור טריוויאלי, אבור הכיוון הראשון טריוויאלי,

Sע"י M את את רגיל M ויהי M רגיל את את את בכיוון השני: יהי k-tape-M

.S של הסרט על שיהיו כתובים של שיהיו הסרטים בין הסרטים את שיהיו על שיהיו על שיהיו נוסיף על איהיו נוסיף על שיהיו שיחשו את בין הסרטים של

יש גם הפרדות בהתחלה ובסוף של הסרט. אנחנו תוחמים את עצמנו ביניהם.

. הזה מקביל נמצא משהראש שהראש c, שמסמן מקביל הזה, ולכל תו



בכל צעד:

- עובר על כל הסרט מהמפריד הראשון עד המפריד ה-k+1, וקורא את התווים המסומנים כדי לקבוע מצב. ${\cal S}$
- עובר שוב כדי לכתוב דברים בתאים האלה לפי הפונקציה. (תו אחר אם צריך, ולסמן את התו בתא ליד או באותו תא).
- אם הראש של S הגיע ל-#, נכתוב במקומו (מקום ריק) ויכנס למצב מיוחד שעוברים עד סוף הסרט ומזיזים הכל מקום אחד ימינה. ואז חוזר למקום הריק.

לסיכום

- .DFA = NFA < PDA < TM •
- נוכל להשתמש בכל מספר סרטים שנרצה, והכל שקול ל-*TM* רגיל.
 - סרט קלט, סרט פלט, ומספר סרטי עזר. סרט פלט, ומספר סרטי עזר.
 - ?TM-2 של סרט הקלט של TM-1 הוא סרט הקלט של פלט
- מכונות. בין מכונות בין לחלק את העבודה כלומר כלומר subroutine המדל
 - . האחרים. עם לתקשר יכול לתקשר עם האחרים. כל TM
 - נוכל לאחד מספר מכונות למכונה אחת.

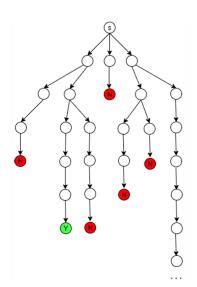
Non-deterministic TM (NTM) – מכונת טיורינג אי-דטרמיניסטית

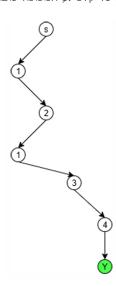
כמו מ"ט עם סרט אחד (ניזכר שזה שקול לכל מ"ט עם k סרטים). ההבדל היחיד הוא שפונקציית המעברים היא **הסתברותית** (כמו

$$\delta: Q \times \Gamma \to \mathcal{P}(Q \times \Gamma \times \{\leftarrow, \rightarrow, \circ\})$$

החישוב של המכונה הוא עץ שהצלעות שלו מתאימות לאפשרויות שונות. המכונה מקבלת אם אחד המסלולים מגיע למצב מקבל.

בחישוב אינסופית: על קלט x, המכונה עוברת בין מצבים עוברת בין המכונה אינסופית: בחישוב $\mathcal{L}TM$





יכול להיות אחד מהבאים: WTM של החישוב של אותו קלט, החישוב של

- , עוצר במצב מקבל אם אחד המסלולים נגמר במצב מקבל,
- נכנס ללולאה אינסופית אם אחד המסלולים אינסופי ואין מצב מקבל בעץ,

 $(q_N$ הם שכל שכל שומר (כי q_N החרת במצב דוחה אחרת (שכל במצב - עוצר שכל - עוצר במצב - עוצר שכל - עוצר במצב - עוצר - עו

DTM = NTM

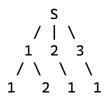
.NTM הכיוון הראשון טריוויאלי: כל DTM הוא בפרט

S כלשהו, ע"י M כלשהו מדל מדל למדל בכיוון השני, נרצה למדל

.3-tape-DTM :S נבנה את

- .1 הסרט הראשון הוא הקלט של M, הוא לא משתנה.
 - M של הסרט של עותק של הסרט של .2
- . הסרט השלישי עוקב אחרי עץ החישוב של M. הא"ב שלו הוא $\{1,2,...,b\}$ כאשר א הרוחב המקסימלי של העץ.

בכל שלב, נרשום על סרט 3 את אחד המסלולים האפשריים של העץ, לפי סדר לקסיקוגרפי. לדוגמה עבור העץ:



המסלולים שנחשב יהיו:

1, 2, 3, 11, 12, 21, 31

S אז אובד עובד ככה:

- 1. סרט 1 מכיל את הקלט.
- .2 נעתיק את הקלט לסרט 2.
- .3 נריץ את על סרט 2, כאשר בוחרים את הכיוון שנלך אליו לפי מה שכתוב על סרט 3. אם הגענו למצב מקבל, סיימנו. אחרת, נמשיך לשלב 4.
 - 4. נכתוב את המחרוזת הבאה (בסדר הלקסיקוגרפי) על סרט 3, ונחזור לשלב 3.

. אין מצב מקבל ואין לולאה, S עדיין תיכנס ללולאה – כי נמשיך לבדוק מחרוזות ארוכות יותר M- אם ב-M

אנחנו צריכים דרך לסמן האם להמשיך את המחרוזת או לא.

:בשלב k, אם הדברים הבאים לא קורים

- q_N, q_Y -ם המסלול נגמר ב- המסלול
- אין מסלול כזה (נגיד המסלול 22, בדוגמה למעלה).

 q_N אז נחזיר אז המשך אז אין המחרוזת לסוף המחרוזת שיש שמשן שיש מסמן שיש בסרט. וזה מסמן אז נוסיף בסוף בסוף אז נוסיף אז נוסיף אז נוסיף אז נוסיף אז נחזיר אז נוסיף אז נחזיר אז נוסיף אז נחזיר אז נוסיף אז נחזיר אז נחזיר אז נחזיר אז נוסיף אז נחזיר און נחזיר אז נחזיר אז נחזיר און נחזיר און נחזיר און נחזיר אז נחזיר אז נחזיר און נחזיר און נחזיר און נחזיר איש נחזיר אייני און נחזיר און נחזיר און נחזיר און נחזיר און נחזיר אייני אייני און נחזיר אייני און נחזיר אייני אייני און נחזיר אייני און נחזיר אייני אייני אייני און נחזיר אייני א

:עובד S-עובד

- 1. סרט 1 מכיל את הקלט.
- .2 נעתיק את הקלט לסרט 2.
- .3 סרט 2, כאשר שכתוב לפי אליו שנלך אליו הכיוון בוחרים על סרט 2, כאשר על סרט 3.
 - מקבל, סיימנו. a .a
 - .4 אם הגענו למצב דוחה או מסלול לא קיים, נעבור לשלב .b
 - .4 במקום # נכתוב במקום הריק הראשון של סרט 3, ונעבור לשלב. #
 - 4. המחרוזת הבאה:
 - אם כתוב $b \dots b$ על הסרט:
- .i נבדוק אם יש # בסוף. אם כן, נכתוב את המחרוזת הבאה ונחזור לשלב i
 - .ii אחרת, נחזיר q_N ונסיים.
 - b ונחזור לשלב 3. אחרת, נכתוב את המחרוזת הבאה (נשאיר את ה-# אם יש) ונחזור לשלב b