סוגים של TM

מ"ט אינסופית – Infinite TM

. ההבדל היחיד הוא שקבוצת המצבים יכולה להיות אינסופית. ואז גם פונקציית המעברים אינסופית (אבל עדיין יש מעבר יחיד לכל מצב).

נגיד שיש לנו פונקציה כלשהי שמוגדרת ע"י טבלה אינסופית. אם קבוצת המצבים אינסופית, אז נוכל לחשב את הפונקציה הזו ב-TM הזה.

מספר הקלטים האפשריים. אז מספר הפונקציות שה-TM הזה יכול לחשב: אניה. לכל קלט יש לטים אניה. אז מספר הפונקציות שה-TM הזה יכול לחשב:

$$\aleph_0^{\aleph_0} \geq 2^{\aleph_0} = \aleph_1$$

ול-TM רגיל יש רק מספר סופי של מצבים. ועבור כל קבוע $\mathcal{C}^{\aleph_0}=\aleph_0$ אז מכונת טיורינג אינסופית חזקה יותר ממכונת טיורינג רגילה. (כי $\aleph_0=\aleph_0$, האלכסון של קנטור).

מ"ט מהירה – Fast TM

 $\{\leftarrow,\rightarrow,\circ,\leftarrow,\rightarrow,+\}$, יש $\{\leftarrow,\rightarrow,\circ,\leftarrow,\rightarrow,+\}$, יש לעבור יותר מתא אחד בכל כיוון. כלומר במקום אפשר בכל צעד לעבור יותר מתא אחד בכל כיוון. כלומר במקום אפשר בכל צעד לעבור יותר מתא אחד בכל כיוון.

: ונגדיר: $q_{i,right}$ מצב ביניים מצב (q_i,a) ונגדיר: מקום (q_i,b , \rightarrow) ונגדיר. במקום רגילה. במקום ונגדיר:

$$(q_i, a) \rightarrow (q_{j,right}, b, \rightarrow), \qquad (q_{j,right}, \forall) \rightarrow (q_j, \forall, \rightarrow)$$

. מכתוב ש"זוכר" את מה שנחנו לא נשנה במצב מ"זוכר להים עוברים ל-ים עוברים ל-ים שאנחנו שונה את מה שנחנו לא נשנה את לא נשנה לא נשנה את כלומר, נכתוב לא נשנה את מה שכתוב.

k-tape TM – סרטים k כיט עם מ"ט

 $\delta: Q imes \Gamma^k o Q imes \Gamma^k imes \{\leftarrow, \to, \circ\}^k$ ההבדל היחיד המעברים: א סרטים נפרדים. לכל אחד יש ראש משלו. ופונקציית המעברים: k סרטים נפרדים. לכל אתווים, ונבצע k תזוזות.

תרגיל – נמדל PDA עם TM ע"י (אוטומט מחסנית) אוטומט פרטים.

הסרט הראשון הוא פשוט סרט הקלט, כמו ב-PDA. כל התזוזות עליו יהיו רק ימינה. הסרט השני הוא המחסנית.



כל פעם ש"דוחפים" משהו למחסנית, אנחנו רוצים לעבור למצב דחיפה שזוכר את המצב שאנחנו רוצים לעבור אליו. לדוגמה:

:נעשה, למחסנית, למחסנית ודוחפים לsודוחפים ל- q_i ממצב ממבים אנחנו

$$(q_i, a \forall) \rightarrow (q_{i,push}, a \forall, SR), \qquad (q_{i,push}, a_{\perp}) \rightarrow (q_i, as, RS)$$

 $:q_i$ ל-ק q_i בעם שעושים אוניאים (S_i) , מוציאים לנגיד מעב אוניים שעושים לכל פעם לנגיד מוציאים (נגיד מוציאים אוניים מעב אוניים אוניים

$$(q_i, as) \rightarrow (q_i, a_, RL)$$

k-tape TM שקול ל- TM

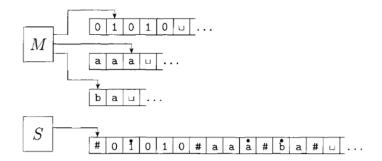
k=1 עבור k-tape TM זה TM עבור טריוויאלי,

S ע"י M את אבי: השני: השני: את א רגיל את א ויהי ויהי אור כלשהו את א לא האבי: השני: השני: אור א כלשהו אור א

M שיסמן את ההפרדות של שיסמן את הסרטים בין הסרטים את שיסמן את שיסמן את ווסיף תו

יש גם הפרדות בהתחלה ובסוף של הסרט. אנחנו תוחמים את עצמנו ביניהם.

. הזה. ממצא במיקום שהראש מסמן מקביל, cי מקביל היה תו ולכל תו



בכל צעד:

- . עובר על כל הסרט מהמפריד הראשון עד המפריד ה- k+1, וקורא את התווים המסומנים כדי לקבוע מצב. S
- עובר שוב כדי לכתוב דברים בתאים האלה לפי הפונקציה. (תו אחר אם צריך, ולסמן את התו בתא ליד או באותו תא).
- אם הוזר מקום אחד ימינה. ואז חוזר שעוברים עד סוף הסרט ומזיזים הכל מקום אחד ימינה. ואז חוזר S אם הראש של S הגיע ל-#, נכתוב במקומו (מקום ריק) ויכנס למצב מיוחד שעוברים עד סוף הסרט ומזיזים הכל מקום אחד ימינה. ואז חוזר למקום הריק.

לסיכום

- .DFA = NFA < PDA < TM •
- נוכל להשתמש בכל מספר סרטים שנרצה, והכל שקול ל-*TM* רגיל.
 - ס לדוגמה: סרט קלט, סרט פלט, ומספר סרטי עזר.
 - ?TM-2 של סרט הקלט של TM-1 הוא סרט הקלט של •
- מכונות. בין מכונות בוכל לחלק subroutine כלומר ממדל -
 - . האחרים. עם לתקשר יכול לתקשר עם האחרים. כל TM
 - נוכל לאחד מספר מכונות למכונה אחת.

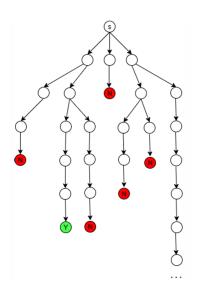
Non-deterministic TM (NTM) – מכונת טיורינג אי-דטרמיניסטית

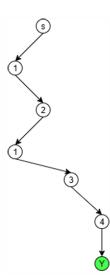
כמו מ"ט עם סרט אחד (ניזכר שזה שקול לכל מ"ט עם k סרטים). ההבדל היחיד הוא שפונקציית המעברים היא **הסתברותית** (כמו NFA

$$\delta \colon Q \times \Gamma \to \mathcal{P}(Q \times \Gamma \times \{\leftarrow,\rightarrow,\circ\})$$

החישוב של המכונה הוא עץ שהצלעות שלו מתאימות לאפשרויות שונות. המכונה מקבלת אם אחד המסלולים מגיע למצב מקבל.

בחישוב אינסופית: על קלט x, המכונה עוברת בין מצבים עוברת בין המכונה אינסופית: בחישוב $\mathcal{L}TM$





יכול להיות אחד מהבאים: NTM של אותו קלט, החישוב של

- עוצר במצב מקבל אם אחד המסלולים נגמר במצב מקבל,
- . נכנס ללולאה אינסופית אם אחד המסלולים אינסופי ואין מצב מקבל בעץ,
 - (q_N) במצב דוחה אחרת (כי זה אומר שכל העלים עוצר במצב עוצר פיסים עוצר במצב עוצר במצב עוצר במצב עוצר במצב עוצר במצב עוצר ע

DTM = NTM

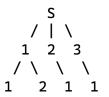
.NTM הכיוון הראשון טריוויאלי: כל DTM הוא בפרט

S כלשהו, ע"י M כלשהו למדל מדל למדל בכיוון השני, נרצה למדל

.3-tape-DTM :S נבנה את

- הסרט הראשון הוא הקלט של M, הוא לא משתנה. 1
 - M של הסרט של עותק של הסרט של .2
- .3 הא"ב של הוא הרוחב המקסימלי של הוא $\{1,2,...,b\}$ הא"ב שלו הא"ב של החרי עץ החישוב של M הא"ב שלו הוא הרוחב המקסימלי הא

בכל שלב, נרשום על סרט 3 את אחד המסלולים האפשריים של העץ, לפי סדר לקסיקוגרפי. לדוגמה עבור העץ:



המסלולים שנחשב יהיו:

1, 2, 3, 11, 12, 21, 31

S אז אז צעובד ככה

- 1. סרט 1 מכיל את הקלט.
- .2 נעתיק את הקלט לסרט 2.
- .3 נריץ את על סרט 2, כאשר בוחרים את הכיוון שנלך אליו לפי מה שכתוב על סרט 3. אם הגענו למצב מקבל, סיימנו. אחרת, נמשיך לשלב 4.
 - 4. נכתוב את המחרוזת הבאה (בסדר הלקסיקוגרפי) על סרט 3, ונחזור לשלב 3.

יותר. ארוכות מחרוזות לבדוק לבדוק עדיין תיכנס ללולאה – כי נמשיך לבדוק מחרוזות ארוכות יותר. אם ב-M

אנחנו צריכים דרך לסמן האם להמשיך את המחרוזת או לא.

:בשלב לא קורים הדברים הדברים א, k

- q_N, q_Y -ם המסלול נגמר ב-
- אין מסלול כזה (נגיד המסלול 22, בדוגמה למעלה).

:עובדS-שיך איך אובד

- 1. סרט 1 מכיל את הקלט.
- .2 נעתיק את הקלט לסרט 2.
- .3 סרט 2, כאשר לפי אליו שנלך אליו הכיוון את כאשר בוחרים על סרט 2. נריץ את אליו M אל כרט 3.
 - מבנו. אם הגענו למצב מקבל, סיימנו. .a
 - .4 אם הגענו למצב דוחה או מסלול לא קיים, נעבור לשלב .b
 - .4 במקום הריק של סרט 3, ונעבור לשלב במקום הריק הראשון במקום .c
 - 4. המחרוזת הבאה:
 - :אם כתוב $b \dots b$ אם כתוב .a
- i נכתוב אם יש # בסוף. אם כן, נכתוב את המחרוזת הבאה ונחזור לשלב i
 - . אחרת, נחזיר q_N ונסיים. ii
 - .b אחרת, נכתוב את המחרוזת הבאה (נשאיר את ה-# אם יש) ונחזור לשלב b