

"Año de la recuperación y consolidación de la economía peruana"

UNIVERSIDAD NACIONAL DEL ALTIPLANO

**Facultad de Ingeniería Mecánica Eléctrica, Electrónica
y Sistemas**

ESCUELA DE INGENIERÍA DE SISTEMAS



Tarea: Practica N°2

Curso: SIS210 - Algoritmos y Estructuras de Datos

Docente: Ing. Zanabria Galvez Aldo Hernan

Alumno: Flores Macedo Anderson Leonardo

Código: 236177

Semestre: IV Semestre

Puno-Perú 2025

Resumen

El siguiente informe es una recopilación del trabajo encargado, con el objetivo de profundizar los conocimientos acerca de tiempo de complejidad, como tipos de este (temporal y espacial), se procederá a analizar ambos códigos, desde su funcionamiento, hasta realizando pruebas de distinto tipo

Análisis Teorico

Tiempo de Complejidad

El tiempo de complejidad es el tiempo necesario (no necesariamente segundos) en ejecutarse un algoritmo, determinando que tan eficiente es el código a evaluarse, gracias al tiempo de complejidad, los programadores pueden definir si es eficiente o no su código al resolver su problema-

También se le conoce complejidad computacional, originado en 1965 por Juris Hartmanis y Richard E. Stearns, figuras acerca de este campo, recibió el Premio Turing en 1993 por crear los fundamentos del campo de la complejidad computacional, definiendo varios tipos de complejidad a investigar ahora.

Su notación se representa con la letra $O()$, donde el tiempo aproximado se definirá dentro de O , o también llamada notación de cota superior, asintótica, o notación O grande (Big O)

Este tipo de complejidad permite, además, de crear una gráfica que permite visualizar como se comporta el algoritmo, estos gráficos pueden ser catalogados, dependiendo de su gráfica, se puede determinar incluso que tipo de algoritmo se ha utilizado para resolver el problema.

Normalmente se usa el tiempo de complejidad con distintos tipos de datos de entrada, prácticamente realizando control de calidad.

Ahora, tenemos distintos lenguajes de programación actualmente, con lo cual se puede realizar algunos trabajos, algunos mas fácilmente que otros, pero todos no pueden escapar del tiempo de complejidad, para ello, procederemos a hacer un análisis profundo al código de Python y C++, en este caso, contando el número de pares en una matriz.

```
#Importar Librerias

#random Permite generar números aleatorios

import random

#time permite acceder al horario del sistema, perfecto para calcular
el tiempo

import time

#Se define la función

def generar_matriz(filas, columnas):

    #Retorna una matriz aleatoria con valores del 0 al 100, usando
    bucles para las columnas y filas
```

```
        return [[random.randint(0, 100) for _ in range(columnas)] for _  
in range(filas)]
```

#Se define la función contar pares, contando los datos de la matriz

```
def contar_pares(matriz):
```

#Almacenará los datos del conteo

```
    conteo = 0
```

#Bucle para ir a cada fila de la matriz

```
    for fila in matriz:
```

#Bucle para cada valor de la fila seleccionada

```
        for valor in fila:
```

#Comparar si es par a través de modulo

```
            if valor % 2 == 0:
```

#Agregar valor de conteo

```
                conteo += 1
```

#Retornar conteo

```
    return ( conteo )
```

#Definir valores de filas y columnas

```
filas, columnas = 100, 100
```

#Generar Matriz

```
matriz = generar_matriz(filas, columnas)
```

#Grabar un punto temporal

```
inicio = time.time()
```

#Contar pares de la lista

```
resultado = contar_pares(matriz)
```

#Grabar punto temporal

```
fin = time.time()
```

#Imprimir Pares

```
print(f"Números pares: {resultado}")

#Imprimir Tiempo de ejecución redondeado

print(f"Tiempo de ejecución: {fin - inicio:.6f} segundos")
```

Código en C++

```
//Importar Librerias

//iostream para usar consola

#include <iostream>

//vector para usar listas

#include <vector>

//ctime para el uso de hora del sistema

#include <ctime>

#include <cstdlib>

using namespace std;+++

//funcion generarMatriz con plantillas

vector<vector<int>> generarMatriz(int filas, int columnas) {

    //crear matriz

    vector<vector<int>> matriz(filas, vector<int>(columnas));

    //recorrer filas de matriz

    for (int i = 0; i < filas; ++i)

        //recorrer columnas de matriz

        for (int j = 0; j < columnas; ++j)

            //generar numeros del 1 al 100

            matriz[i][j] = rand() % 101;

    //retornar matriz

    return matriz;
```

```

}

//funcion contar pares

int contarPares(const vector<vector<int>>& matriz) {

    //contador

    int conteo = 0;

    //Recorrer cada fila de la matriz

    for (const auto& fila : matriz)

        //recorrer cada dato en la fila

        for (int val : fila)

            //verificar si es par

            if (val % 2 == 0) ++conteo;

            //retornar valor

    return conteo;

}

//funcion principal

int main() {

    //fijar generacion aleatoria por hora

    srand(time(0));

    //definir filas y columnas

    int filas = 100, columnas = 100;

    //crear matriz

    vector<vector<int>> matriz = generarMatriz(filas, columnas);

    //inicio pruebas

    clock_t inicio = clock();

    //calcular pares

    int resultado = contarPares(matriz);

```

```

//finalizar prueba

clock_t fin = clock();

//imprimir cantidad pares

cout << "Números pares: " << resultado << endl;

//imprimir tiempo final

cout << "Tiempo de ejecución: " << double(fin - inicio) /

//tiempo final

CLOCKS_PER_SEC << " segundos\n";

//finalizar funcion retornando 0

return 0;

}

```

1. *¿Que estructura de datos se usa?*

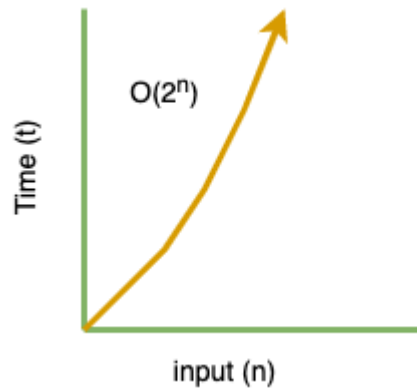
Para ambos ejercicios, se ha usado una estructuras de datos de tipo lineal, es este caso arreglos, o que tienen comportamiento de arreglos, ya que se han definido previamente las dimensiones, y en ningún momento se ha aumentado o disminuido la cantidad de elementos almacenados en ellas.



2. *Complejidad temporal y espacial*

La complejidad temporal ya ha sido definida anteriormente, por ello.

Como se ha mencionado anteriormente, el tiempo de complejidad exponencial se basa en algoritmos que, su tiempo para resolver el problema crece exponencialmente según el tamaño de entrada, siendo en base 2, por ello, el tiempo crece exponencialmente según su entrada.



Su tipo de crecimiento es exponencial, denotado por la siguiente expresión:

$$O(2^n)$$

Por qué se define las matrices como tiempo exponencial, tenemos que, primero recorrer todos los datos de esa fila, luego, saltar a la siguiente fila, revisar cada dato en la fila, y así hasta acabar con la matriz.

3. Pruebas:

a. 50x50

En Python

```
179
180 #Definir valores de filas y columnas
181 filas, columnas = 50, 50
182 #Generar Matriz
183 matriz = generar_matriz(filas, columnas)
184 #Grabar un punto temporal
185 inicio = time.time()
186 #Contar pares de la lista
187 resultado = contar_pares(matriz)
188 #Grabar punto temporal
189 fin = time.time()
190 #Imprimir Pares
191 print(f"Números pares: {resultado}")
192 #Imprimir Tiempo de ejecución redondeado
193 print(f"Tiempo de ejecución: {fin - inicio:.6f} segundos")
```

```
Números pares: 1259
Tiempo de ejecución: 0.000998 segundos
[Finished in 0.1s]
```


En C++

main.cpp

Share

Run

Output

Números pares: 1265
Tiempo de ejecución: 3.7e-05 segundos

=== Code Execution Successful ===

```
41
42 //funcion principal
43 int main() {
44     //fijar generacion aleatoria por hora
45     srand(time(0));
46     //definir filas y columnas
47     int filas = 50, columnas = 50;
48     //crear matriz
49     vector<vector<int>> matriz = generarMatriz(filas,
        columnas);
50     //inicio pruebas
51     clock_t inicio = clock();
52     //calcular pares
53     int resultado = contarPares(matriz);
54     //finalizar prueba
55     clock_t fin = clock();
56     //imprimir cantidad pares
57     cout << "Números pares: " << resultado << endl;
58     //imprimir tiempo final
```

| | | |
|-----------------|-------------|------------|
| Prueba de 50x50 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.000998seg | 3.7e-05seg |

b. 100x100

En Python

```
179
180 #Definir valores de filas y columnas
181 filas, columnas = 100, 100
182 #Generar Matriz
183 matriz = generar_matriz(filas, columnas)
184 #Grabar un punto temporal
185 inicio = time.time()
186 #Contar pares de la lista
187 resultado = contar_pares(matriz)
188 #Grabar punto temporal
189 fin = time.time()
190 #Imprimir Pares
191 print(f"Números pares: {resultado}")
192 #Imprimir Tiempo de ejecución redondeado
193 print(f"Tiempo de ejecución: {fin - inicio:.6f} segundos")
```

Números pares: 5014
Tiempo de ejecución: 0.000999 segundos
[Finished in 0.1s]

En C++

main.cpp

Share

Run

Output

Números pares: 5110
Tiempo de ejecución: 0.000166 segundos

=== Code Execution Successful ===

```
41
42 //funcion principal
43 int main() {
44     //fijar generacion aleatoria por hora
45     srand(time(0));
46     //definir filas y columnas
47     int filas = 100, columnas = 100;
48     //crear matriz
49     vector<vector<int>> matriz = generarMatriz(filas,
        columnas);
50     //inicio pruebas
51     clock_t inicio = clock();
52     //calcular pares
53     int resultado = contarPares(matriz);
54     //finalizar prueba
55     clock_t fin = clock();
56     //imprimir cantidad pares
57     cout << "Números pares: " << resultado << endl;
58     //imprimir tiempo final
59     cout << "Tiempo de ejecución: " << double(fin - inicio) << endl;
```

| | | |
|-------------------|-------------|-------------|
| Prueba de 100x100 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.000999seg | 0.000166seg |

c. 200x200

En Python

```

180 #Definir valores de filas y columnas
181 filas, columnas = 200, 200
182 #Generar Matriz
183 matriz = generar_matriz(filas, columnas)
184 #Grabar un punto temporal
185 inicio = time.time()
186 #Contar pares de la lista
187 resultado = contar_pares(matriz)
188 #Grabar punto temporal
189 fin = time.time()
190 #Imprimir Pares
191 print(f"Números pares: {resultado}")
192 #Imprimir Tiempo de ejecución redondeado
193 print(f"Tiempo de ejecución: {fin - inicio:.6f} segundos")

```

Números pares: 20323
Tiempo de ejecución: 0.002998 segundos
[Finished in 0.1s]

En C++

```

main.cpp
41 //funcion principal
42 int main() {
43     //fijar generacion aleatoria por hora
44     srand(time(0));
45     //definir filas y columnas
46     int filas = 200, columnas = 200;
47     //crear matriz
48     vector<vector<int>> matriz = generarMatriz(filas,
49         columnas);
50     //inicio pruebas
51     clock_t inicio = clock();
52     //calcular pares
53     int resultado = contarPares(matriz);
54     //finalizar prueba
55     clock_t fin = clock();
56     //imprimir cantidad pares
57     cout << "Números pares: " << resultado << endl;

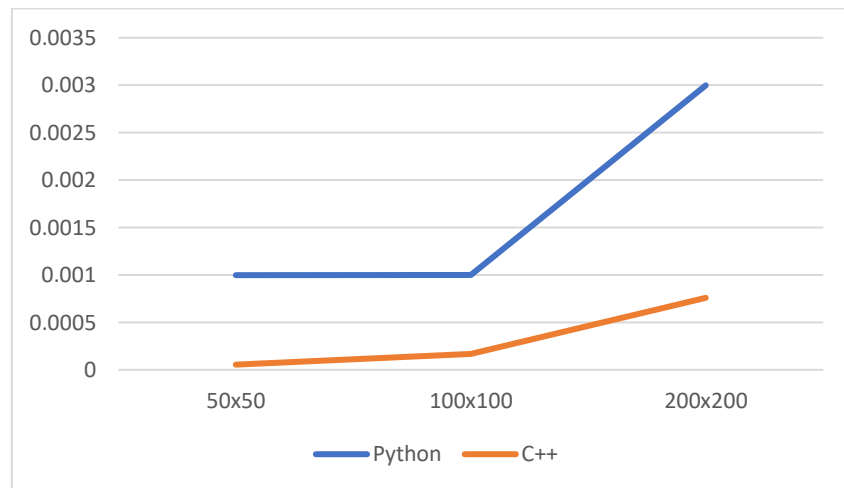
```

Números pares: 20242
Tiempo de ejecución: 0.000759 segundos
=== Code Execution Successful ===

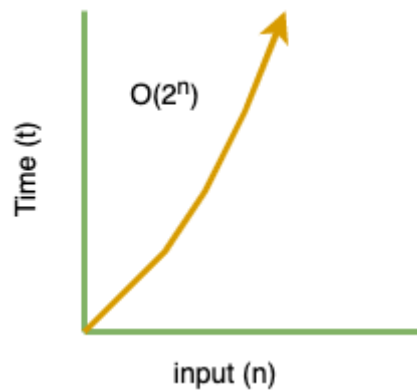
| | | |
|-------------------|-------------|-------------|
| Prueba de 200x200 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.002998seg | 0.000759seg |

4. Tiempo de ejecución y explicación

| | | |
|-------------------|-------------|-------------|
| Prueba de 50x50 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.000998seg | 3.7e-05seg |
| Prueba de 100x100 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.000999seg | 0.000166seg |
| Prueba de 200x200 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.002998seg | 0.000759seg |



Podemos tener una referencia algebraica de como los tiempos crecen exponencialmente, tal y como se refiere el tiempo de complejidad.



A se debe esto, por que el nosotros al momento de crear un arreglo con dimensiones, solo estamos creando espacios multiplicando una dimensión por otra y así n veces, y cada vez que nosotros tengamos que hacer una revisión a cada valor en toda la lista, se tomará una cantina 2 a la n veces. Quedando con la definición la siguiente.

5. Función de números primos

En Python

#Definición de función para verificar primo

```
def primal_check( e_value ):
```

```
    #Si siempre fue primo, no cambiará
```

```
    truth = True
```

```
    #Iteración del primer número
```

```
    for n in range ( 1, e_value + 1 ):
```

```
        #Si dividiendo el número, su residuo es 0, y no  
es ni 1 ni si mismo
```

```
        if e_value % n == 1 and n != 0 and n !=
```

```
e_value:
```

```
            #Nunca fue primo
```

```
            truth = False
```

```
            #Finalizar bucle
```

```
            break;
```

```
    #retornar valor
```

```
    return ( truth )
```

#Definir para contar numeros primos

```
def count_primal(matriz):
```

```
    #Almacenará los datos del conteo
```

```
    conteo = 0
```

```
    #Bucle para ir a cada fila de la matriz
```

```
    for fila in matriz:
```

```
        #Bucle para cada valor de la fila seleccionada
```

```
        for valor in fila:
```

```
            realprimal = primal_check ( valor )
```

```
    #Comparar si es par a través de modulo
```

```
        If realprimal == True:
```

```
    #Agregar valor de conteo
```

```
conteo += 1
```

```
#Retornar conteo
```

```
return ( conteo )
```

En C++

```
//Retorna valor booleano la función de verificación
```

```
bool primal_check( int e_num ){
```

```
//Es primo
```

```
bool truth = true;
```

```
//Verificar si es primo con un bucle
```

```
for ( int n = 1; n < e_num + 1; n++ ){
```

```
//Si el número es divisible en 0, pero el número que lo  
divide no es 1 ni tampoco el mismo, entonces es falso
```

```
if ( e_num % n == 0 && n != 1 && n != e_num ){
```

```
truth = false;
```

```
}
```

```
}
```

```
return ( truth );
```

```
}
```

```
//contar primos
```

```
int contarprimos(const vector<vector<int>>& matriz) {
```

```
//contador
```

```

    int conteo = 0;

    //Booleano verificador

    bool truth = false;

    //Recorrer cada fila de la matriz

    for (const auto& fila : matriz)

        //recorrer cada dato en la fila

        for (int val : fila){

            //verificar si es primo

            truth = primal_check ( val );

            //agregar al contador

            if ( truth ) ++conteo;

        }

    //retornar valor

    return conteo;

}

```

Repetimos las mismas pruebas

a. 50x50

En Python

```

213 #Definir valores de filas y columnas
214 filas, columnas = 50, 50
215 #Generar Matriz
216 matriz = generar_matriz(filas, columnas)
217 #Grabar un punto temporal
218 inicio = time.time()
219 #Contar pares de la lista
220 resultado = count_primal(matriz)
221 #Grabar punto temporal
222 fin = time.time()
223 #Imprimir Pares
224 print(f"Números primos: {resultado}")
225 #Imprimir Tiempo de ejecución redondeado
226 print(f"Tiempo de ejecución: {fin - inicio:.6f} segundos")

```

```

Números primos: 678
Tiempo de ejecución: 0.001994 segundos
[Finished in 0.1s]

```

En C++

main.cpp

Share

Run

```
13- int main() {
74 //fijar generacion aleatoria por hora
75 srand(time(0));
76 //definir filas y columnas
77 int filas = 50, columnas = 50;
78 //crear matriz
79 vector<vector<int>> matriz = generarMatriz(filas,
    columnas);
80 //inicio pruebas
81 clock_t inicio = clock();
82 //calcular pares
83 int resultado = contarprimos(matriz);
84 //finalizar prueba
85 clock_t fin = clock();
86 //imprimir cantidad pares
87 cout << "Números primos: " << resultado << endl;
88 //imprimir tiempo final
89 cout << "Tiempo de ejecución: " << double(fin - inicio)
    /
```

Números primos: 664

Tiempo de ejecución: 0.000336 segundos

=== Code Execution Successful ===

| | | |
|-----------------|-------------|-------------|
| Prueba de 50x50 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.001994seg | 0.000336seg |

b. 100x100

En Python

```
242
243 #Definir valores de filas y columnas
244 filas, columnas = 100, 100
245 #Generar Matriz
246 matriz = generar_matriz(filas, columnas)
247 #Grabar un punto temporal
248 inicio = time.time()
249 #Contar pares de la lista
250 resultado = count_primal(matriz)
251 #Grabar punto temporal
252 fin = time.time()
253 #Imprimir Pares
254 print(f"Números primos: {resultado}")
255 #Imprimir Tiempo de ejecución redondeado
256 print(f"Tiempo de ejecución: {fin - inicio:.6f} segundos")
```

Números primos: 2729
Tiempo de ejecución: 0.008976 segundos
[Finished in 0.2s]

En C++

```
main.cpp
13- int main() {
74 //fijar generacion aleatoria por hora
75 srand(time(0));
76 //definir filas y columnas
77 int filas = 100, columnas = 100;
78 //crear matriz
79 vector<vector<int>> matriz = generarMatriz(filas,
    columnas);
80 //inicio pruebas
81 clock_t inicio = clock();
82 //calcular pares
83 int resultado = contarprimos(matriz);
84 //finalizar prueba
85 clock_t fin = clock();
86 //imprimir cantidad pares
87 cout << "Números primos: " << resultado << endl;
88 //imprimir tiempo final
89 cout << "Tiempo de ejecución: " << double(fin - inicio)
    /
90 //tiempo final
```

Output

Números primos: 2663
Tiempo de ejecución: 0.001415 segundos

=== Code Execution Successful ===

| | | |
|----------------------|-------------|-------------|
| Prueba de 100x100 | PYTHON | C++ |
| TIEMPO | 0.008976seg | 0.001415seg |

c. 200x200

En Python

```
243 #Definir valores de filas y columnas
244 filas, columnas = 200, 200
245 #Generar Matriz
246 matriz = generar_matriz(filas, columnas)
247 #Grabar un punto temporal
248 inicio = time.time()
249 #Contar pares de la lista
250 resultado = count_primal(matriz)
251 #Grabar punto temporal
252 fin = time.time()
253 #Imprimir Pares
254 print(f"Números primos: {resultado}")
255 #Imprimir Tiempo de ejecución redondeado
256 print(f"Tiempo de ejecución: {fin - inicio:.6f} segundos")
```

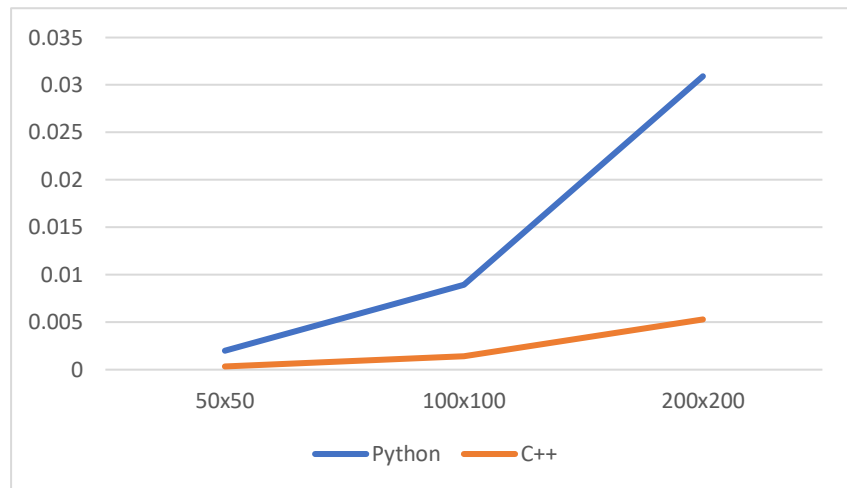
Números primos: 10522
Tiempo de ejecución: 0.030919 segundos
[Finished in 0.2s]

En C++

```
main.cpp
1 int main() {
2     //fijar generacion aleatoria por hora
3     srand(time(0));
4     //definir filas y columnas
5     int filas = 200, columnas = 200;
6     //crear matriz
7     vector<vector<int>> matriz = generarMatriz(filas,
8         columnas);
9     //inicio pruebas
10    clock_t inicio = clock();
11    //calcular pares
12    int resultado = contarprimos(matriz);
13    //finalizar prueba
14    clock_t fin = clock();
15    //imprimir cantidad pares
16    cout << "Números primos: " << resultado << endl;
17    //imprimir tiempo final
18    cout << "Tiempo de ejecución: " << double(fin - inicio)
19        /
20    //tiempo final
```

Números primos: 10714
Tiempo de ejecución: 0.005291 segundos
=== Code Execution Successful ===

| | | |
|-----------|-------------|-------------|
| Prueba de | PYTHON | C++ |
| 50x50 | | |
| TIEMPO | 0.030919seg | 0.005291seg |



6. ¿Cómo optimizarías la verificación de primalidad?

Tras verificar algunos algoritmos y observar que los números que son o no primos constan de divisibilidad, por ello, se puede aprovechar funciones matemáticas para entender que ocurre.

El número puede tener raíz, cuando un número tiene raíz, significa que hay un número que multiplicado por si mismo genera el supuesto número primo, descartándolo.

Tras ello, se debe verificar que no existan otros números, y como se ha comprobado que no tiene raíz, verificamos si existe un número impar que logre dividir el número, en este caso, se trata del algoritmo de Criba de Eratóstenes.

Código en Python

```
from math import sqrt
def esprimo(val):
    if val == 2:
        return True
    elif val < 1:
        return False
    for i in range ( 3, sqrt ( val ), 2 ):
        if val % i == 0:
            return False
    return True
```

Código en C++

```
#include <cmath>
```

```
bool esprimo ( int val ){  
    if ( val == 2 ){  
        return ( true )  
    }  
    else if < 1:  
        return ( false )  
    for ( int i = 3, i < sqrt ( val ), i++ ){  
        if ( val % i == 0 ){  
            return ( false )  
        }  
    }  
    return ( true )  
}
```

Enlaces:

C++ y Python: <https://github.com/themackenzie/Algoritmo-y-Estructuras-de-Datos.git>