#### נוסחאון מתמטיקה

#### 5 יחידות לימוד

$$(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$$

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

$$(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$$
  $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$ 

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$
 : השורשים ;  $(a \neq 0)$   $ax^2 + bx + c = 0$ 

; 
$$(a \neq 0) ax^2 + bx + c = 0$$
 ::

סדרה הנדסית	סדרה חשבונית	<u>טדרות:</u>
$\int a_1 = a$	$\int a_1 = a$	: כלל נסיגה
$\begin{cases} a_1 = a \\ a_{n+1} = a_n \cdot q \end{cases}$	$\begin{cases} a_1 = a \\ a_{n+1} = a_n + d \end{cases}$	
$\mathbf{a}_{\mathbf{n}} = \mathbf{a}_1 \cdot \mathbf{q}^{\mathbf{n} - 1}$	$a_n = a_1 + (n-1)d$	: איבר n-י
$S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}$ $S = \frac{a_1}{1 - q} : $ שכום אינסופי	$S_{n} = \frac{n \cdot (a_{1} + a_{n})}{2}$	: סכום
I-q		

## גדילה ודעיכה:

.q או הוא t שעור ליחידת (או הדעיכה) שעור הגדילה שעור  $\mathbf{M}_{\mathrm{t}} = \mathbf{M}_{0} \cdot \mathbf{q}^{\mathrm{t}}$ 

$$\log_a(a^b) = b$$
 ;  $a^{\log_a b} = b$  ;  $\log_b c = \frac{\log_a c}{\log_a b}$  :  $(a, b, c > 0; a, b \neq 1)$ 

$$\log_a(b \cdot c) = \log_a b + \log_a c \qquad ; \quad \log_a \left(\frac{b}{c}\right) = \log_a b - \log_a c \qquad ; \quad \log_a(b^t) = t \cdot \log_a b$$

## הסתברות:

 ${f r}$ נוסחת ברנולי – ההסתברות ל- ${f k}$  הצלחות מתוך  ${f n}$  ניסיונות בהתפלגות בינומית כאשר ההסתברות

$$egin{pmatrix} n \\ k \end{pmatrix} = rac{n!}{k!(n-k)!}$$
 באשר באשר באשר  $P_n(k) = inom{n}{k}p^k \cdot (1-p)^{n-k}$  :  $p$ 

$$P(A/B) = \frac{P(B/A) \cdot P(A)}{P(B)} : \mbox{tidance} \; \; ; \qquad P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} : \mbox{nodesign} \; ; \mbox{tidance} \; \; ;$$

#### :טריגונומטרייה

$$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta \pm \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta \mp \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\sin \alpha + \sin \beta = 2\sin \frac{\alpha + \beta}{2}\cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\sin \alpha - \sin \beta = 2\cos \frac{\alpha + \beta}{2} \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\cos\alpha + \cos\beta = 2\cos\frac{\alpha+\beta}{2}\cos\frac{\alpha-\beta}{2}$$

$$\cos\alpha - \cos\beta = -2\sin\frac{\alpha + \beta}{2}\sin\frac{\alpha - \beta}{2}$$

(בריוס המעגל החוסם - R ) 
$$\frac{a}{\sin\alpha} = \frac{b}{\sin\beta} = \frac{c}{\sin\gamma} = 2R$$
 משפט הסינוסים

(b-ל a בין הכלואה הזווית א  $\gamma$ )  $c^2=a^2+b^2-2ab\cdot\cos\gamma$  : משפט הקוסינוסים

$$S = \frac{1}{2}\alpha R^2$$
 : שטח גַזרה של של א רדיאנים

$$\ell = \alpha R$$
 : אורך קשת של

(c-b b בין הכלואה הזווית משולש: 
$$S = \frac{1}{2} \cdot b \cdot c \cdot \sin \alpha$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot b \cdot c \cdot \sin \alpha$$

: נפת

# גופים במרחב:

(אובה הגוף) אובה הבטיס, 
$$V = \frac{B \cdot h}{3}$$

$$\mathbf{M} = \pi \mathbf{R} \ell$$
 : שטח מעטפת

# חשבון דיפרנציאלי ואינטגרלי:

נגזרות:

<u>:חרוט</u>

$$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

(גמשי) (
$$x^t$$
)  $= tx^{t-1}$ 

$$(\sin x)' = \cos x$$

$$(\cos x)' = -\sin x$$

$$(\tan x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$(a^x)' = a^x \cdot \ln a$$

$$(\log_a x)' = \frac{1}{x \cdot \ln a}$$

$$[f(x) \cdot g(x)]' = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$$
 : נגזרת של מכפלת פונקציות

$$\left[rac{f(x)}{g(x)}
ight]' = rac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{\left[g(x)
ight]^2}$$
 : נגזרת של מנת פונקציות

 $\left[f\left(u(x)\right)\right]'=f'(u)\cdot u'(x)$  : נגזרת של פונקציה מורכבת

(נגזרת פנימית) x לפי u היא נגזרת של u'(x)

ו- (נגזרת חיצונית) על f לפי f'(u) היא נגזרת של f'(u)

$$(t \neq -1)$$
 ממשי,  $\int x^t dx = \frac{x^{t+1}}{t+1} + C$ 

f(x) אז הפונקציה היא פונקציה קדומה אם הפונקציה היא פונקציה

$$\int f[u(x)] \cdot u'(x) dx = F[u(x)] + C$$

$$\int f(mx+b) dx = \frac{1}{m} F(mx+b) + C$$

 $\left[R(\cos\phi+i\sin\phi)
ight]^n=R^n(\cos n\phi+i\sin n\phi)$  משפט דה מואבר:

 $z_k = \sqrt[n]{R} \left[\cos(\frac{\phi}{n} + \frac{2k\pi}{n}) + i\sin(\frac{\phi}{n} + \frac{2k\pi}{n})\right] : \Box a \ z^n = R(\cos\phi + i\sin\phi)$  פתרונות המשוואה

k=0, 1, 2, ..., n-1

## <u>וקטורים:</u>

$$|\underline{\mathbf{x}}| = \sqrt{\underline{\mathbf{x}} \cdot \underline{\mathbf{x}}} = \sqrt{x_1^2 + x_2^2 + x_3^2}$$
 אורך של וקטור:

$$\underline{\mathbf{x}} = \underline{\mathbf{a}} + \mathbf{t}(\underline{\mathbf{b}} - \underline{\mathbf{a}}) + \mathbf{s}(\underline{\mathbf{c}} - \underline{\mathbf{a}})$$
 :  $\underline{\mathbf{c}}$  ,  $\underline{\mathbf{b}}$  ,  $\underline{\mathbf{a}}$  פישור דרך קצוות הוקטורים

$$\underline{\mathbf{x}} \cdot \underline{\mathbf{y}} = \mathbf{x}_1 \mathbf{y}_1 + \mathbf{x}_2 \mathbf{y}_2 + \mathbf{x}_3 \mathbf{y}_3 = |\underline{\mathbf{x}}| \cdot |\underline{\mathbf{y}}| \cos \alpha \qquad \qquad : \mathbf{x} \cdot \underline{\mathbf{y}} = \mathbf{x}_1 \mathbf{y}_1 + \mathbf{x}_2 \mathbf{y}_2 + \mathbf{x}_3 \mathbf{y}_3 = |\underline{\mathbf{x}}| \cdot |\underline{\mathbf{y}}| \cos \alpha$$

$$\dfrac{\left|\underline{\mathbf{v}}\cdot\underline{\mathbf{p}}+\mathbf{e}\right|}{\left|\underline{\mathbf{v}}\right|}$$
 :  $\underline{\mathbf{v}}\cdot\underline{\mathbf{x}}+\mathbf{e}=0$  מרחק בין נקודה

$$\sin \beta = \frac{|\underline{\mathbf{v}} \cdot \underline{\mathbf{b}}|}{|\underline{\mathbf{v}}| \cdot |\underline{\mathbf{b}}|}$$
 :  $\underline{\mathbf{v}} \cdot \underline{\mathbf{x}} + \mathbf{e} = 0$  מציאת זווית בין הישר

$$\cos\alpha = \frac{|\underline{v}_1 \cdot \underline{v}_2|}{|\underline{v}_1| \cdot |\underline{v}_2|} \qquad \qquad \underline{v}_2 \cdot \underline{x} + e_2 = 0 \quad , \quad \underline{v}_1 \cdot \underline{x} + e_1 = 0 \quad arrange$$

## גאומטרייה אנליטית:

קו ישר

$$\mathbf{m} = \frac{\mathbf{y}_2 - \mathbf{y}_1}{\mathbf{x}_2 - \mathbf{x}_1}$$
 :  $(\mathbf{x}_2, \mathbf{y}_2)$   $(\mathbf{x}_1, \mathbf{y}_1)$  שיפוע,  $\mathbf{m}$ , של ישר העובר דרך הנקודות

$$y-y_1=m(x-x_1)$$
 אם שיפוע  $y=mx+b$  עם שיפוע איפוע  $y=mx+b$  משוואת ישר

 $B(x_2,y_2)\,$  ,  $A(x_1,y_1)$  המחלקת (בחלוקה פנימית) את הקטע פנימית מחלקת (בחלוקה בחלוקה פנימית)

$$\left( rac{\ell x_1 + k x_2}{k + \ell}, rac{\ell y_1 + k y_2}{k + \ell} 
ight) :$$
ביחט ביחט  $\frac{AC}{BC} = \frac{k}{\ell}$ 

$$m_1 \cdot m_2 = -1$$

שני ישרים, בעלי שיפועים  $\, \mathbf{m}_2, \mathbf{m}_1 \,$  מאונכים זה לזה אם ורק אם

$$d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

Ax + By + C = 0 מהישר  $(x_0, y_0)$  מהישר

<u>מעגל</u>

: על המעגל ( $(x_0,y_0)$  בנקודה ( $(x-a)^2+(y-b)^2=R^2$  על המעגל משוואת משוואת המשיק למעגל

$$(x_0 - a) \cdot (x - a) + (y_0 - b) \cdot (y - b) = R^2$$

פרבולה

 $\mathbf{y}\cdot\mathbf{y}_0=\mathbf{p}(\mathbf{x}+\mathbf{x}_0)$  : אל הפרבולה היא  $\left(\mathbf{x}_0,\mathbf{y}_0\right)$  בנקודה  $\mathbf{y}^2=2\mathbf{p}\mathbf{x}$  לפרבולה המשיק לפרבולה