

כדי להסביר את היווצרות הפס נדון במקרה החד מימדי.

$$X(k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{\frac{-j2\pi nk}{N}} \quad \text{מזכר בנוסחא של ה-DFT:}$$

נניח שמבצעים שיקוף של הסדרה $\{X(0), X(1), \dots, X(N-1)\}$

נקבל את הסדרה: $\{X(N-1), X(N-2), \dots, X(0)\}$

$$X(N-1-k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{\frac{-j2\pi n(N-1-k)}{N}} = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{\frac{j2\pi n}{N}} e^{\frac{j2\pi nk}{N}} = \sum_{n=0}^{N-1} g(n) e^{\frac{j2\pi nk}{N}} = G^*(k)$$

$$\text{כאשר: } g(n) = x(n) e^{\frac{j2\pi n}{N}}$$

קבלנו שההתמרה המשוקפת מתאימה לפונקציה $g(n)$. הכפל בפזור מסביר את הווצרות הפס.

נראה מה קורה להתמרה כאשר משקפים את הסדרה עצמה. נניח שהסדרה ממשית:

$$X^*(k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{\frac{j2\pi nk}{N}} = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{\frac{-j2\pi(N-n)k}{N}} = \sum_{m=1}^N x(N-m) e^{\frac{-j2\pi \cdot m \cdot k}{N}}$$

$$\text{כאשר } m = N \quad \text{נקבל: } e^{\frac{-j2\pi \cdot N \cdot k}{N}} = e^{\frac{-j2\pi \cdot 0 \cdot k}{N}}$$

$$X^*(k) = \sum_{m=1}^{N-1} x(N-m) e^{\frac{-j2\pi \cdot m \cdot k}{N}} + x(0) e^{\frac{-j2\pi \cdot 0 \cdot k}{N}} = \sum_{m=0}^{N-1} y(m) e^{\frac{-j2\pi \cdot m \cdot k}{N}} \quad \text{וקבלנו}$$

$$\{y(m)\} = \{x(0), x(N-1), x(N-2), \dots, x(2), x(1)\}$$

קבלנו את ה-DFT של הסדרה המוזזת וההפוכה.

נניח עכשיו שקבלנו את סדרת מקדמי ה-DFT: $\{Z(k)\} = \{X(0), X(N-1), X(N-2), \dots, X(1)\}$

$$z(n) = \sum_{k=0}^{N-1} Z(k) e^{\frac{j2\pi nk}{N}} = X(0) + \sum_{k=1}^{N-1} X(N-k) e^{\frac{j2\pi nk}{N}} =$$

$$X(0) + \sum_{m=N-1}^1 X(m) e^{\frac{j2\pi \cdot n \cdot (N-m)}{N}} = X(0) + \sum_{m=N-1}^1 X(m) e^{\frac{-j2\pi \cdot nm}{N}} = \sum_{m=0}^{N-1} X(m) e^{\frac{-j2\pi \cdot nm}{N}} = x^*(n)$$

אבל אם יצאנו מראש מסדרה ממשית נקבל: $z(n) = x(n)$.