

# 정기구학(Forward Kinematics)

# 개요

## 머니플레이터의 구성

링크 + 관절

**관절: 두 링크가 상대운동을 할 수 있게 함**

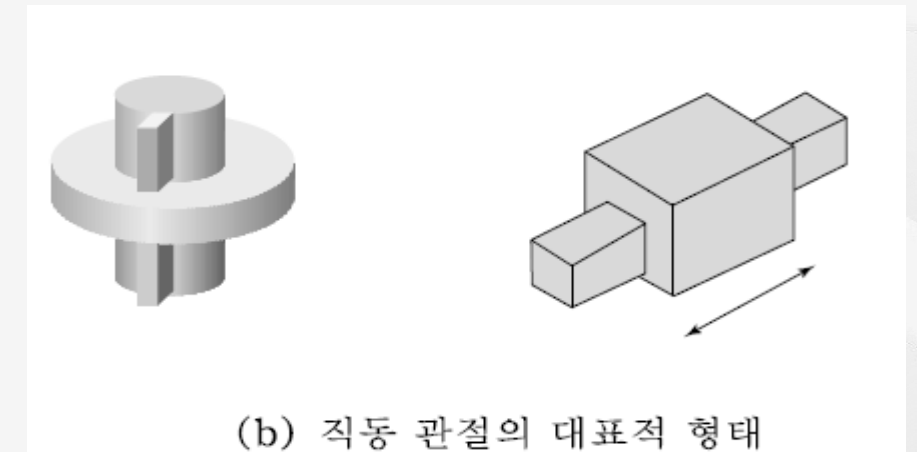
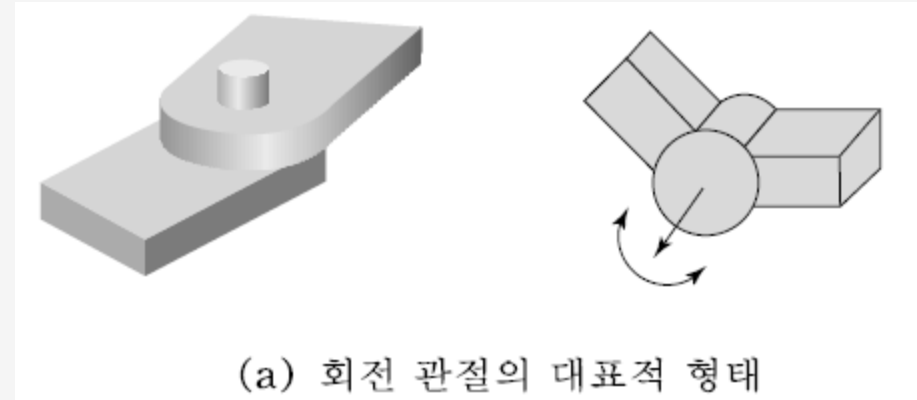
회전 관절(revolute or rotary joint): 두 링크가 상대적인 회전운동을 하도록 연결

직동 관절(prismatic joint) : 상대적인 직선운동을 하도록 체결

## 관절의 표현

회전관절 : R

직동관절: P



# 개요

## ■ 머니플레이터

- 목적에 따라 다수의 링크와 관절이 직렬 또는 병렬로 연결되어 다자유도의 운동을 구현

## ■ 말단장치(end-effector)

- 머니플레이터의 마지막 링크에 연결되어 구체적인 임무를 수행

## ■ 말단장치(end-effector)의 위치와 방위

- 작업자에게 제일 중요한 고려사항
- 직교 좌표계 값으로 설정
- 각 관절에 부착된 모터의 적절한 구동으로 구현

**말단 장치의 위치 및 자세를 나타내는 직각 좌표로 표현된 변수들과 각 관절의 회전량(또는 직동 관절의 경우 직선 이동거리)을 나타내는 관절변수들 사이의 관계를 파악해야 함**

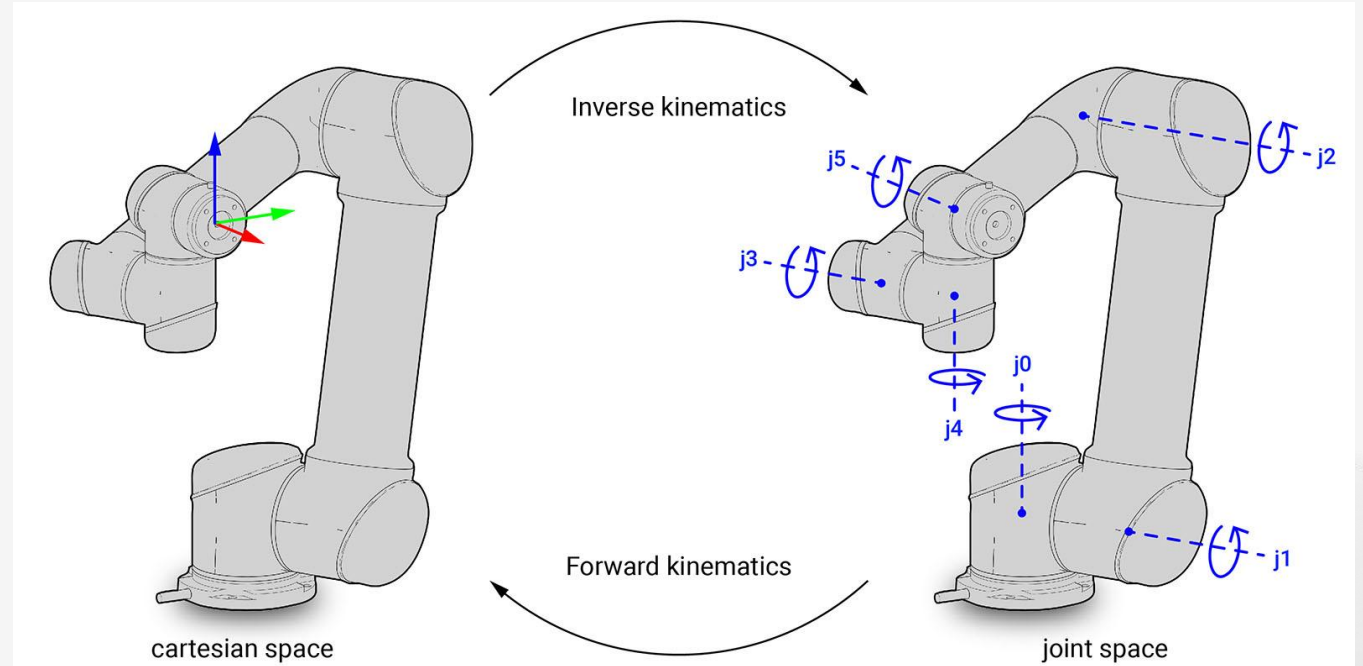
# 개요

## 정기구학(forward kinematics)

주어진 머니플레이터의 관절변수 값의 조합에 의해서 만들어지는 머니플레이터 말단장치의 위치와 방위를 구하여 직교좌표 값으로 표현하는 문제

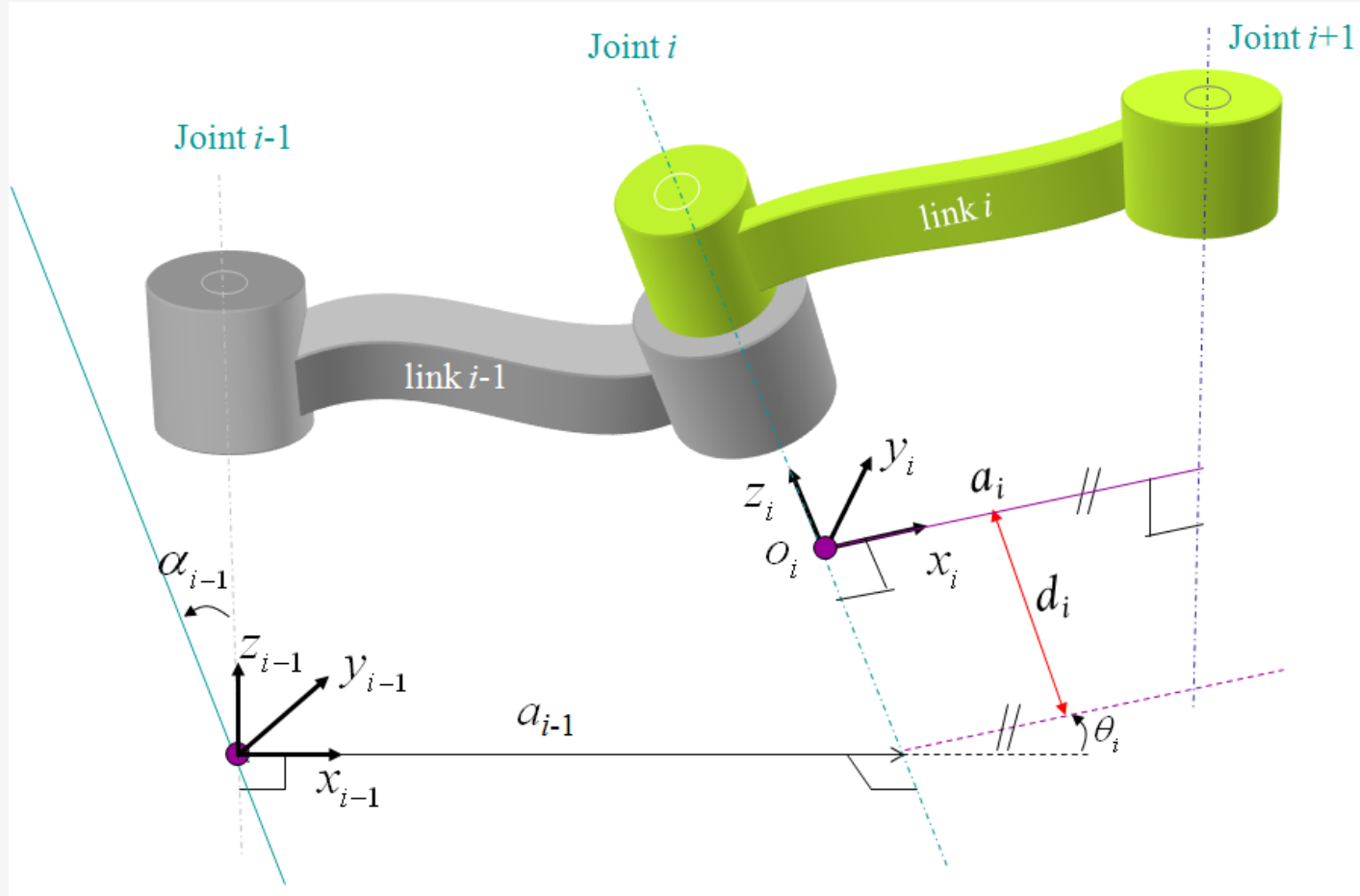
## 역기구학(inverse kinematics)

말단장치의 목표 위치와 방위를 만들어 내기 위해 필요한 관절변수 값의 조합을 찾아내는 것



# 머니플레이터 좌표계 설정 및 링크 인자

## Denavit-Hartenberg 규약을 이용한 좌표계와 링크 인자



# 머니플레이터 좌표계 설정 및 링크 인자

## 링크 인자

- 링크 자체의 형상과 인접 링크들과의 상대 관계를 나타냄

링크 길이 $a_{i-1}$	$x_{i-1}$ 축을 따라서 측정한 $z_{i-1}$ 축과 $z_i$ 축 사이의 거리
링크 뒤틀림 각 $\alpha_{i-1}$	$x_{i-1}$ 축을 중심으로 측정한 $z_{i-1}$ 축과 $z_i$ 축 사이의 각도
링크 오프셋 $d_i$	$z_i$ 축을 따라서 측정한 $x_{i-1}$ 축과 $x_i$ 축 사이의 거리
관절 각 $\theta_i$	$z_i$ 축을 중심으로 측정한 $x_{i-1}$ 축과 $x_i$ 축 사이의 각도

관절 각  $\theta_i$   
 링크 오프셋  $d_i$  }  관절변수(joint variable)  $q_i$

## 머니플레이터 좌표계 설정 및 링크 인자

### 좌표계 $\{i-1\}$ 을

- $x_{i-1}$  축을 중심으로 각도 만큼 회전한 후
- $x_{i-1}$  축을 따라서 거리 만큼 이동한 후
- $z_i$  축을 중심으로 각도 만큼 회전한 후
- $z_i$  축을 따라서 거리 만큼 이동

→  $\{i\}$ 와  $\{i-1\}$  일치됨

### 두 링크 사이의 상대 관계

- 네 단계의 상대변환
- $\{i\}$ 와  $\{i-1\}$  일치됨
- 각 단계의 변환행렬을 앞에서부터 순차적으로 곱하면

$$\begin{aligned} {}^{i-1}T &= T_R(x_{i-1}, \alpha_{i-1}) T_{trans}(x_{i-1}, a_{i-1}) T_{trans}(z_i, d_i) T_R(z_i, \theta_i) \\ &= T_{trans}(x_{i-1}, a_{i-1}) T_R(x_{i-1}, \alpha_{i-1}) T_R(z_i, \theta_i) T_{trans}(z_i, d_i) \end{aligned}$$

동일한 축에 대한 변환  
(교환법칙 성립)

$$= \begin{bmatrix} c\theta_i & -s\theta_i & 0 & a_{i-1} \\ s\theta_i c\alpha_{i-1} & c\theta_i c\alpha_{i-1} & -s\alpha_{i-1} & -s\alpha_{i-1} d_i \\ s\theta_i s\alpha_{i-1} & c\theta_i s\alpha_{i-1} & c\alpha_{i-1} & c\alpha_{i-1} d_i \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R & r \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

R과 r:  
두 링크  $i-1$ 과  $i$ 사이의 상대  
회전량과 상대거리(변위)

## 정 기구학 (Forward Kinematics)

### ■ N-링크 머니풀레이터 말단부의 위치 및 방위를 결정하는 정기구학

$${}^0_N T = {}^0_1 T(q_1) {}^1_2 T(q_2) {}^2_3 T(q_3) \cdots {}^{N-1}_N T(q_N) = \begin{bmatrix} R & r \\ O & 1 \end{bmatrix}$$

● 두 링크간 상대 운동량인 (회전 관절 경우) 또는 (직동 관절 경우)를 알면 말단 장치의 머니풀레이터 기저에 대한 상대 위치 벡터  $r$  및 방위를 나타내는 회전행렬  $R$ 를 직교 좌표계의 값으로 온전히 파악할 수 있게 됨



## 정 기구학 (Forward Kinematics)

특정한 관절 변수 값( $\theta_1, \theta_2, \theta_3$ )에 의해 얻어지는 머니플레이터 말단의 위치와 방위를 나타내는 정기구학

$$\begin{aligned}
 {}^0_3T &= {}^0_1T {}^1_2T {}^2_3T = \begin{bmatrix} c\theta_1 & -s\theta_1 & 0 & 0 \\ s\theta_1 & c\theta_1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c\theta_2 & -s\theta_2 & 0 & L_1 \\ s\theta_2 & c\theta_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c\theta_3 & -s\theta_3 & 0 & L_2 \\ s\theta_3 & c\theta_3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \\
 &= \begin{bmatrix} c_{123} & -s_{123} & 0 & l_1c_1 + l_2c_{12} + l_3c_{123} \\ s_{123} & c_{123} & 0 & l_1s_1 + l_2s_{12} + l_3s_{123} \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$