#### 第6章 调制和解调

#### 概述

#### 脉冲成形

- 1. 无滤波器 (矩形脉冲)
- 2. 理想低通滤波器
- 3. 升余弦滚降滤波器
- 4. 高斯滤波器

#### 数字调制

- 1. 星座图
- 2. 常见数字调制方式
  - (1) BPSK (双极性)
  - (2) DPSK
  - (3) QPSK
  - (4) Offset QPSK
  - (5)  $\frac{\pi}{4}$  QPSK

#### 不同信道下接收端性能分析

- 1. AWGN
  - (1) 信道模型
  - (2) 接收机模型
  - (3) 最大后验概率 (Maximum A Posteriori, MAP) 接收机
  - (4) 接收机的实现
  - (5) 误符号率

**BPSK** 

**DPSK** 

QPSK

- 2. 平坦衰落
  - (1) BPSK (双极性)
  - (2) BPSK (正交)
- 3. 频率选择性衰落
- 4. 快衰落

#### 扩频调制

- 1. 概述
  - (1) 介绍
  - (2) PN序列
  - (3) 系统处理增益 (Processing Gain)
- 2. 直接序列扩频 Direct Sequence Spread Spectrum (DSSS)
  - (1) 完整系统
  - (2) 波形图
  - (3) 性能分析
- 3. 跳频 Frequency Hopping, FH
  - (1) 完整系统:
  - (2) 快跳和慢跳
  - (3) 性能分析

# 第6章 调制和解调

# 概述

数字调制解调通信系统:

1. 发射端

- 1. 信源:产生原始数据(如文字、图像、语音、视频等)
- 2. 信源编码:对原始数据进行压缩,去除冗余,提高传输效率(如Huffman编码、JPEG压缩等)
- 3. 信道编码:增加冗余以抵抗信道噪声与干扰,常见有卷积码、Turbo码、LDPC等
- 4. 数字调制映射:将编码后的比特映射为符号 (如 BPSK/QPSK/16QAM 等)
- 5. 脉冲成形:对符号序列加窗,限制频谱宽度,降低码间串扰(如根升余弦滤波器 RRC)
- 6. DAC
- 7. 上变频: 将基带信号调制到RF频段
- 8. 功率放大器
- 9. 发射天线
- 2. 信道
- 3. 接收端
  - 1. 接收天线
  - 2. 下变频
  - 3. ADC
  - 4. 匹配滤波: 与发送端脉冲成形滤波器匹配, 用于最大化信噪比、减少码间串扰
  - 5. 均衡:抵消信道引起的失真(如多径造成的符号间干扰ISI),常见有ZF、MMSE、DFE等均衡器
  - 6. 分解星座坐标 + 采样 (名字不严谨)
  - 7. 判决
  - 8. 数字解调映射:将符号映射回比特序列(QAM/QPSK解调等)
  - 9. 信道解码:去除冗余、纠正误码(如使用Viterbi、LDPC解码器)
  - 10. 信源解码: 还原原始数据 (如图像解压、语音解码等)
  - 11. 信宿: 最终用户或接收设备, 如音箱、显示器、存储器等

线路编码 (不知道在无线通信系统的哪个位置)

作用: 波形编码使发射脉冲序列具有特殊的频谱特性,帮助接收机获取载波信息,实现与发射机的同步实现:

- 1. 归零码 (RZ)
- 2. 不归零码 (NRZ)
- 3. 曼彻斯特码 (特殊的NRZ)

## 脉冲成形

系统总冲激响应:

$$h_{eff}\left(t
ight) = h_{p}\left(t
ight) * h_{c}\left(t
ight) * h_{r}\left(t
ight) * h_{eq}\left(t
ight)$$

其中 
$$egin{dcases} h_p\left(t
ight)$$
 脉冲成形滤波器冲激响应  $h_c\left(t
ight)$  信道冲激响应  $h_r\left(t
ight)$  接收机冲激响应  $h_{eq}\left(t
ight)$  均衡器冲激响应

均衡器的工作原理:

$$h_{c}\left(t
ight)st h_{eq}\left(t
ight)=\delta\left(t
ight)$$

所以在实际中:

$$h_{eff}\left(t\right) = h_{p}\left(t\right) * h_{r}\left(t\right)$$

奈奎斯特准则:在接收机每个抽样时刻,通信系统只对当前的符号有响应,而对其他符号的响应均为零,则可以完全消除ISI的影响。即要求:

1. 时域

2. 频域

满足 奈奎斯特准则 的 脉冲成形滤波器 称为 奈奎斯特滤波器

在实际中,可以这样实现:

$$h_{eff}\left(t
ight)=h_{p}\left(t
ight)st h_{r}\left(t
ight)\Rightarrow H_{eff}\left(f
ight)=H_{p}\left(f
ight)H_{r}\left(f
ight)$$
  
选择符合奈奎斯特准则的  $h_{eff}\left(t
ight)$   
求傅里叶变换  $H_{eff}\left(f
ight)$   
令  $H_{p}\left(f
ight)=H_{r}\left(f
ight)=\sqrt{H_{eff}\left(f
ight)}$ 

在实际情况中还存在 **定时误差**:实际采样时间与理想采样时间有误差,则会产生采样抖动(定时抖动)干扰,所以  $h_{eff}(t)$  应该在  $n \neq 0$  的采样点附近迅速衰减到0

## 1. 无滤波器 (矩形脉冲)

### 2. 理想低通滤波器

$$egin{cases} h_{eff}\left(t
ight) = Sa\left(rac{\omega_s t}{2}
ight) = Sa\left(\pi f_s t
ight) = Sa\left(rac{\pi t}{T_s}
ight) \ \ H_{eff}\left(\omega
ight) = rac{2\pi}{\omega_s}\mathrm{rect}\left(rac{\omega}{\omega_s}
ight) = rac{1}{f_s}\mathrm{rect}\left(rac{f}{f_s}
ight) = T_s\mathrm{rect}\left(T_s f
ight) \end{cases}$$

## 3. 升余弦滚降滤波器

基于理想低通滤波器,实际情况下:

$$H_{eff}\left(f
ight)=\mathrm{rect}\left(rac{f}{f_0}
ight)*Z\left(f
ight)$$
  
其中  $\left\{Z\left(f
ight)=Z\left(-f
ight)
ight.$   
 $\left\{Z\left(f
ight)=0,\,\,|f|\geq f_0\,\,\left($  截止频率  $f_0\geqrac{1}{2T_s}
ight)$ 

升余弦滚降滤波器:

$$h_{RC}\left(t
ight) = rac{\sin\left(rac{\pi t}{T_s}
ight)}{\pi t} \cdot rac{\cos\left(rac{lpha\pi t}{T_s}
ight)}{1-\left(rac{4lpha t}{2T_s}
ight)^2} \ H_{RC}\left(f
ight) = egin{cases} 1, \ 0 \leq |f| \leq rac{1-lpha}{2T_s} \ rac{1}{2} \Big[1+\cos\left(rac{\pi}{2}\cdotrac{|f|2T_s-1+lpha}{lpha}
ight)\Big], \ rac{1-lpha}{2T_s} \leq |f| \leq rac{1+lpha}{2T_s} \ 0, \ |f| \geq rac{1+lpha}{2T_s} \end{cases}$$

可见:滚降系数  $\alpha$  越大:

1. 时域: 系统冲激响应的时域旁瓣幅度下降, 则 对定时抖动的误差容忍度增加

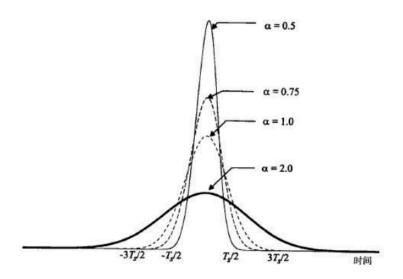
2. 频域: 系统带宽增加; 能够通过RC滚降滤波器的符号速率:

$$R_s = rac{2B}{1+lpha} \; \Rightarrow \; B = rac{1+lpha}{2} R_s = rac{1+lpha}{2} rac{1}{T_s}$$

其中 B 为系统的绝对带宽

## 4. 高斯滤波器

$$egin{aligned} h_G\left(t
ight) &= rac{\sqrt{\pi}}{lpha} e^{-rac{\pi^2}{lpha^2} t^2} \ H_G\left(f
ight) &= e^{-lpha^2 f^2} \ \left|H_G\left(f
ight)
ight|^2 &= rac{1}{2} \Rightarrow B_{3dB} = rac{\sqrt{\ln 2}}{\sqrt{2}lpha} \end{aligned}$$



注:

- 1. 高斯低通滤波器不属于奈奎斯特滤波器,因此会引入码间干扰,适用于对误比特率要求低的业务 (话音业务,误比特率要求1e-3)而不适用于对误比特率高的业务(数据业务,误比特率要求1e-5 或1e-7)
- 2. 适合与最小频移键控 (MSK) 等功率效率较高的调制方式 相结合, 实现效率与ISI性能的折中;

by deepseek:

MSK恒定包络无失真,达到相同BER所需的 E\_b / N\_0 更低,功率效率更高

实例: GMSK

- 1. 应用高斯成型滤波器,获得恒包络特性,功率效率高;
- 2. 适用于话音业务(误比特率要求1e-3)而不适用于数据业务(误比特率要求1e-5或1e-7)

## 数字调制

数字调制:

## 1. 星座图

调制符号集: (每个符号包含  $\log_2(M)$  个 bit)

$$S = \{s_1(t), s_2(t), \dots, s_M(t)\}$$

存在一组基函数满足单位正交性:

对于 调制信号集 中的符号  $s_i(t)$  , 当符号能量有限时, 可以证明:

$$s_{i}\left(t
ight)=\sum_{j=1}^{N}s_{ij}\phi_{j}\left(t
ight)$$
其中 展开系数  $s_{ij}=\int_{-\infty}^{\infty}s_{i}\left(t
ight)\phi_{j}\left(t
ight)dt,\ 1\leq j\leq N$ 

如果所有  $s_i(t)$  都能在基函数  $\phi_j(t)$  上展开的话,那么说明基函数  $\phi_j(t)$  是完备的利用Schmidt正交化方法可以获得向量空间上的基函数;

一组典型的基函数:

$$egin{aligned} \phi_{1}\left(t
ight) = \sqrt{rac{2}{T_{s}}}\cos\left(2\pi f_{c}t
ight) = \sqrt{rac{2}{nT_{b}}}\cos\left(2\pi f_{c}t
ight) \ & \ \phi_{1}\left(t
ight) = \sqrt{rac{2}{T_{s}}}\sin\left(2\pi f_{c}t
ight) = \sqrt{rac{2}{nT_{b}}}\sin\left(2\pi f_{c}t
ight) \end{aligned}$$

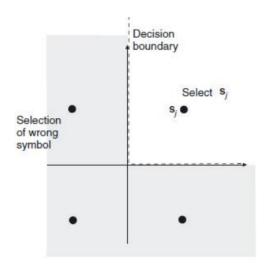
对于BPSK信号,有:

$$egin{aligned} s_1\left(t
ight) &= \operatorname{Re}\left[\left(\sqrt{E_b}e^{jrac{2\pi}{2}\cdot0}
ight)\cdot\sqrt{rac{2}{T_b}}e^{j2\pi f_ct}
ight] = \sqrt{rac{2E_b}{T_b}}\cos\left(2\pi f_ct
ight) \ &s_2\left(t
ight) &= \operatorname{Re}\left[\left(\sqrt{E_b}e^{jrac{2\pi}{2}\cdot1}
ight)\cdot\sqrt{rac{2}{T_b}}e^{j2\pi f_ct}
ight] = \sqrt{rac{2E_b}{T_b}}\cos\left(2\pi f_ct+\pi
ight) = -\sqrt{rac{2E_b}{T_b}}\cos\left(2\pi f_ct
ight) \end{aligned}$$

则BPSK信号在星座图上的矢量形式/坐标形式: (与原点的距离代表幅度,与x轴正方向的夹角代表相位)

$$egin{cases} s_1 = \left(\sqrt{E_b}, 0
ight) \ s_2 = \left(-\sqrt{E_b}, 0
ight) \end{cases}$$

星座图:



调制方案的误比特率与星座点之间的最近距离成正比

先给出结论,推导见后面【AWGN信道性能分析】:

在噪声功率谱密度为  $N_0$  的AWGN信道中,误符号率的联合上界:

$$P_{s}\left(arepsilon|s_{i}
ight)\leq\sum_{j
eq i}Q\left(rac{d_{1j}}{\sqrt{2N_{0}}}
ight)$$

其中  $d_{ij}$  为  $s_i$  和  $s_j$  的距离

平均误符号率为:

$$P_{s}\left(arepsilon
ight) = \sum_{i=1}^{M} P_{s}\left(arepsilon|s_{i}
ight) P\left(s_{i}
ight) \overset{M$$
种符号等概率  $\dfrac{1}{M}\sum_{i=1}^{M} P_{s}\left(arepsilon|s_{i}
ight)$ 

(注: 此处的误符号率是 仅与调制方式有关的理论误符号率,是 与调制方式和接收机都有关的实际误符号率的下界)

结论: 信号点数增加-相同长度比特流下符号个数减小-相同总时间下符号速率降低-信号带宽降低

### 2. 常见数字调制方式

分类:

1. 线性调制: (如 ASK、PSK、QAM)

1. 线性调制具有更好的带宽效率

2. 一般都不是恒包络,需要使用功率效率低的线性功率放大器

2. 非线性调制: (如 FSK)

### (1) BPSK (双极性)

对于BPSK有:

$$\begin{cases} E_s = E_b = E \\ \\ T_s = T_b = T \end{cases}$$

时域信号:

$$s_{BPSK}\left(t
ight)=m\left(t
ight)\sqrt{E}\cdot\sqrt{rac{2}{T}}\cos\left(2\pi f_{c}t
ight)$$
其中  $m\left(t
ight)=\pm1$ 

基带信号(复包络):

$$g(t) = m(t)\sqrt{\frac{2E}{T}}$$

(求自相关函数 - 做傅里叶变换 得到: )

基带信号的功率谱密度 (PSD):

$$P_{g,BPSK}\left(f
ight)=2E_{b}igg(rac{\sin\left(\pi fT
ight)}{\pi fT}igg)^{2}$$

带通信号的功率谱密度 (PSD):

$$P_{s,BPSK}\left(f
ight) = rac{E_b}{2} \left[ \left(rac{\sin\left(\pi\left(f-f_c
ight)T
ight)}{\pi\left(f-f_c
ight)T}
ight)^2 + \left(rac{\sin\left(\pi\left(f+f_c
ight)T
ight)}{\pi\left(f+f_c
ight)T}
ight)^2 
ight]$$

(P37页右下图)

由图可知: (带通信号)

1. 零点-零点带宽 = 2Rb

- 2. 脉冲成形:
  - 1. 矩形脉冲:
  - 2. 升余弦  $(\alpha = 0.5)$  :

#### (2) DPSK

(BPSK + 差分编码)

(一般与非相干解调搭配,因为如果还使用相干解调,则于BPSK没区别,还多了差分编码和差分解码的冗余步骤)

### (3) QPSK

时域信号:

基带信号:

基带信号的功率谱密度:

带通信号的功率谱密度:

(PPT43页图)

由图可知: (带通信号)

1. 零点-零点带宽 为  $R_h$ 

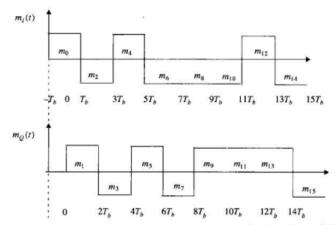
### (4) Offset QPSK

脉冲成形后的QPSK信号, 当符号从"00"变为"11"时, 会失去恒包络的性质, 解释:

假设"00"对应(1,1), "11"对应(-1,-1)

- 1. 若无脉冲成形,则相位跳变是瞬时的,则包络恒为  $\sqrt{2}$
- 2. 经过脉冲成形后,I(t) 和 Q(t) 不再是瞬时的  $\pm 1$ ,而是由滤波器冲激响应平滑过渡。因此,在相位跳变期间,I(t) 和 Q(t) 会同时经过零点附近,导致包络瞬时为零

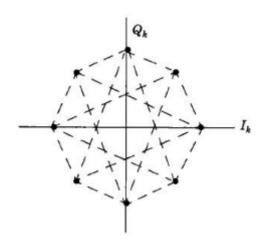
解决:偶比特流与奇比特流错开  $R_b=rac{1}{2}R_s$ 



30 OQPSK 调制器中同相和正交支路时间交错的波形图:注意交错间隔是半个符号宽度

# (5) $\frac{\pi}{4}$ QPSK

- 1. 同样面向包络问题
- 2. 最大相移  $\frac{3\pi}{4}$



3. 常与非相干解调(差分编码)搭配( $\frac{\pi}{4}$  DQPSK)

# 不同信道下接收端性能分析

### 1. AWGN

### (1) 信道模型

信道模型:

### (2) 接收机模型

## (3) 最大后验概率 (Maximum A Posteriori, MAP) 接收机

最大后验概率: 当接收到信号 r(t) 时, 调制信号集  $\{s_i\}$  中的哪个符号的发射概率是最大的? 即:

$$\operatorname*{arg\,max}_{m}\left\{ Pr\left[\boldsymbol{s_{m}}|\boldsymbol{r}\right]\right\}$$

由 贝叶斯准则:

$$Pr\left[s_{m}|r
ight] = rac{Pr\left[s_{m},r
ight]}{Pr\left[r
ight]} = rac{Pr\left[r|s_{m}
ight]Pr\left[s_{m}
ight]}{\sum_{m=1}^{M}Pr\left[s_{m}
ight]Pr\left[r|s_{m}
ight]}$$

假设所有信号等概率发送:

$$Pr\left[s_{m}
ight]=rac{1}{M}$$

则:

$$Pr\left[s_{m}|r
ight]=rac{Pr\left[r|s_{m}
ight]}{\sum_{m=1}^{M}Pr\left[r|s_{m}
ight]}$$

为了使其最大,可使  $Pr\left[r|s_m\right]$  最大,意义为 发送信号  $s_m$  时,什么接收信号 r(t) 的概率最大 即 最大似然概率

(一系列推导 - 有空研究 - Deepseek&Chatgpt)

可知 误符号率:

$$Pr\left(s_{j}|s_{k}
ight)=Q\left(rac{d_{jk}}{\sqrt{2N_{0}}}
ight)$$

其中  $N_0$  是 高斯白噪声的单边功率谱密度

### (4) 接收机的实现

1. 相干解调: 最优接收机 (最大似然接收机)

2. 非相干解调:次优接收机 (最大似然接收机+3dB衰减)

### (5) 误符号率

由前知,在最大似然 (ML)接收机的情况下:

$$Pr\left(s_{j}|s_{k}
ight)=Q\left(rac{d_{jk}}{\sqrt{2N_{0}}}
ight)$$

其中 $N_0$ 是高斯白噪声的单边功率谱密度

#### **BPSK**

- 1. 双极性
  - 1. 相干解调

$$P_{eb,BPSK} = Q\left(\sqrt{rac{2E_b}{N_0}}
ight) = Q\left(\sqrt{2\gamma_b}
ight)$$

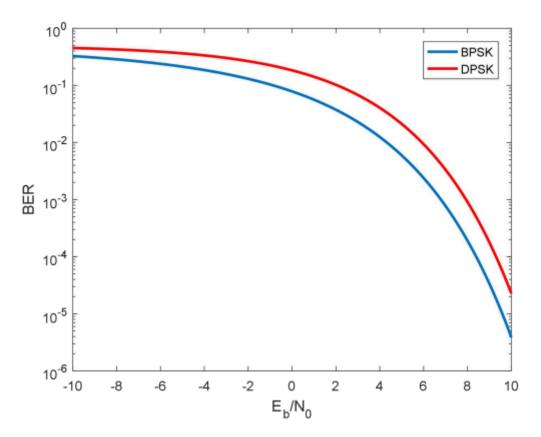
2. 非相干解调 (见DPSK)

- 2. 正交
  - 1. 相干解调
  - 2. 非相干解调

#### **DPSK**

(非相干解调)

$$P_{eb,DPSK} = rac{1}{2} \mathrm{exp} \left( -rac{E_b}{N_0} 
ight) = rac{1}{2} \mathrm{exp} \left( -\gamma_b 
ight)$$



(PPT41页图)

#### **QPSK**

误符号率:

$$P_s = 2Q\left(\sqrt{rac{2E_b}{N_0}}
ight)$$

使用格雷码时,误比特率:

$$P_s = Q\left(\sqrt{rac{2E_b}{N_0}}
ight)$$

对于QPSK,使用格雷码时误符号率和误比特率的关系:

在使用格雷码时,相邻符号仅相差1比特

在计算QPSK误码率时,省略了对角线误符号率,仅计算相邻误符号率

所以 使用格雷码时, QPSK的误比特率 = 误符号率的1/2

(与BPSK相比: 当 $E_b$ 相等时,有:

- 1. 误比特率相等
- 2. 占用带宽QPSK为BPSK的一半 即 带宽效率QPSK为BPSK的两倍)

## 2. 平坦衰落

步骤:

1. 确定 经过平坦衰落信道后的接收端的符号信噪比分布  $f(\gamma_{sr})$  对于 信道复增益为 $\alpha$  的 瑞利衰落信道,接收端的瞬时信噪比服从指数分布:

$$f\left(\gamma_{sr}
ight)=rac{1}{arGamma}\mathrm{exp}\left(-rac{\gamma_{sr}}{arGamma}
ight),\;\gamma_{sr}\geq0$$

其中:接收端信噪比平均值 
$$\Gamma=rac{\overline{lpha^2}E_s}{N_0}$$

2. 根据 调制方式和接收方式 确定 接收端瞬时符号信噪比-误符号率 函数  $P_{es}(\gamma_{sr})$ 

$$\gamma_{sr}=rac{lpha^2 E_s}{N_0}$$

3. 求误码率期望

$$P_{es}=\int_{0}^{\infty}P_{es}\left(\gamma_{sr}
ight)\!f\left(\gamma_{sr}
ight)\!d\gamma_{sr}$$

### (1) BPSK (双极性)

1. 相干解调

$$P_{b,BPSK} = \int_0^\infty P_b\left(X
ight) p\left(X
ight) dX = \int_0^\infty Q\left(\sqrt{2X}
ight) \cdot rac{1}{arGamma} e^{-rac{X}{arGamma}} dX = rac{1}{2} \left[1 - \sqrt{rac{arGamma}{1 + arGamma}}
ight]$$
 当信噪比 $arGamma$ 很大时,有  $P_{b,BPSK} pprox rac{1}{4arGamma}$ 

2. 非相干解调 (差分解调)

$$P_{b,DBPSK} = rac{1}{2\left(1+arGamma
ight)} \stackrel{arGamma\left( lpha 
ight)}{pprox} rac{1}{2arGamma}$$

## (2) BPSK (正交)

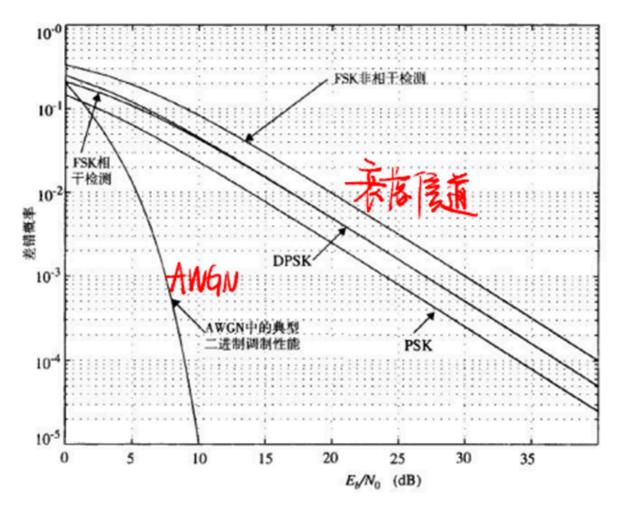
1. 相干解调

$$P_{b,2FSK} = rac{1}{2} \Bigg[ 1 - \sqrt{rac{arGamma}{2 + arGamma}} igg] \stackrel{arGamma \oplus arRed}{pprox} rac{1}{2arGamma}$$

2. 非相干解调 (差分解调)

$$P_e = rac{1}{2+arGamma} \stackrel{arGamma}{pprox} rac{1}{arGamma}$$

- (\*) 莱斯衰落信道 + 非相干解调 (差分检测)
  - 1. BPSK (双极性)
  - 2. BPSK (正交)



理论上:在平坦衰落信道中,BER主要由信噪比低于某个门限值的概率决定

由图可以发现:在平台衰落信道中,增加信噪比只能按线性降低BER

其他方法降低BER: 信道编码 + 分集

## 3. 频率选择性衰落

(和AWGN、平坦衰落信道中的误差分析方法完全不同;分析频率选择性衰落效应的主要工具是仿真)

误差下限 / 不可减少误差:增加发射功率仍然不能降低BER,此时BER即为误差瓶颈计算:

1. 归一化方均根时延扩展:

$$d=rac{\sigma_{ au}}{T_s}$$

2. 误差下限:

$$BER_{lower} = Kd^2$$

其中K与调制方式和信道PDP有关

对 多径传播导致误差下限 的原因 做 定性分析:

- 1. 主要信号分量因多径删除而被消除
- 2. 非零时延扩展 导致

- 1. 符号能量分散 (ISI)
- 2. 接收机的采样时刻发生改变

(时延扩展可能导致主信号分量的到达时间偏离标称采样时刻。例如,最强路径的时延可能使最佳采样时刻从  $kT_s$  偏移至  $kT_s+\Delta t$ ,如果接收机没有同步到这一偏移,则采样性能下降)

## 4. 快衰落

注意:

1. 相干解调: 相干解调需要利用信道估计得到的绝对相位;

2. 非相干解调: 非相干解调不需要信道估计, 依赖于前后数据周期的信道时变性

所以在快衰落信道中,解调效果更差

误差下限:

$$BER_{lower} = rac{1}{2}\pi^2(f_d^{\max}T_s)^2$$

## 扩频调制

### 1. 概述

### (1) 介绍

扩频(Spread Spectrum)技术所采用的传输带宽远大于所需的最小信号带宽

扩频信号由伪噪声序列 (PN) 控制,表现为类似白噪声的性质

注: 白噪声性质:

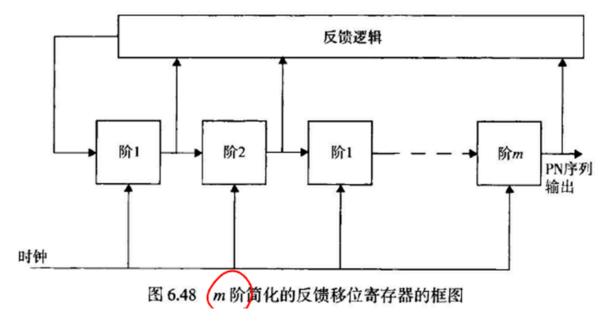
- 1. 功率谱密度 为 常数
- 2. 自相关函数 为 冲激函数 —— 仅与当前时刻有关
- 3. 互相关函数 为 0

扩频技术具有良好的抗多径、多用户干扰能力(以带宽换抗干扰)

### (2) PN序列

PN序列是一种自相关的二进制序列

典型产生机制:线性移位寄存器



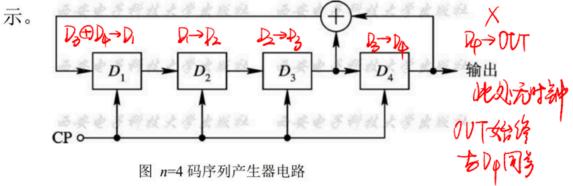
#### 注:

- 1. 可以在不同位置进行反馈
- 2. 对于m阶移位寄存器,则可以产生周期为  $2^m-1$  的序列

#### 实例:

下图所示为四级移位寄存器组成的码序列产生器, 先求出它的码序列, 然后求出它的相关系数。

假设起始状态为 1111, 在时钟脉冲(CP)作用下,逐级移位, $D_3 \oplus D_4$ 作为 $D_1$ 输入,则n=4码序列产生过程如下页表所



D CP	$D_1$	$D_2$	$D_3$	D4(输出)	$D_3 \oplus D_4$
0	1	1	1	1	0
1	0	1	1	1	0
2	0	0	1	1	0
3	0	0	0	1	1
4	1	0	0	0	0
5	0	1	0	0	0
6	0	0	1	0	1
7	1	0	0	1	1
8	1	1	0	0	0
9	0	1	1	0	1
10	1	0	1	1	0
11	0	1	0	1	1
12	1	0	1	0	1
13	1	1	0	1	1
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	0

由图可知, PN序列的特点:

- 1. 无重复
- 2. 周期性
- 3. 无全0 (一旦全0,后续均为全0)

(拓展: m序列、M序列、gold序列)

## (3) 系统处理增益 (Processing Gain)

用来表示扩频系统的抗干扰能力

$$PG = \frac{B_{ss}}{B}$$

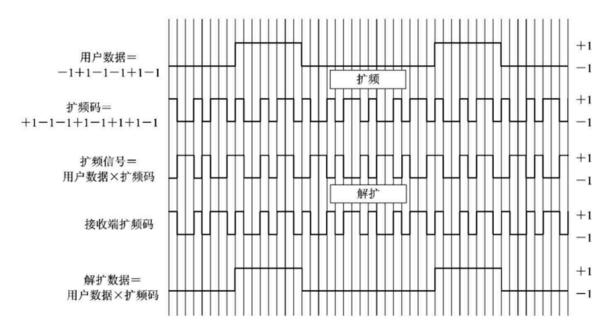
# 2. 直接序列扩频 Direct Sequence Spread Spectrum (DSSS)

### (1) 完整系统

1. 发射端: 比特流 - 数字调制 - 直接序列扩频 - 上变频 - 发射

2. 接收端:接收-下变频-直接序列解扩-数字解调-比特流

### (2) 波形图



### (3) 性能分析

假设有 K 个用户接入DSSS系统中,则在接收端,用户1的第i个比特的判决变量:

$$Z_{i}^{\left(1
ight)}=\int_{ au_{1}+\left(i-1
ight)T}^{ au_{1}+iT}r\left(t
ight)p_{1}\left(t- au_{1}
ight)\cos\left[2\pi f_{c}\left(t- au_{1}
ight)+\phi_{1}
ight]dt$$

可以表示为 
$$Z_i^{(1)} = I_1\left(\mathbb{H}$$
户 $1\right) + \sum_{k=2}^K I_k\left($ 其他用户干扰 $\right) + \xi\left($ 噪声 $\right)$ 

对于多径干扰,可以使用高斯近似(基于 其他用户干扰 $I_k$  是 独立同分布 得到的)若用户1的第i个比特是-1,则差错概率:

$$Pr\left[Z_i^{(1)}>0\mid m_{1,i}=-1
ight]$$
 基于高斯近似可以得到  $P_e=Q\left(rac{1}{\sqrt{rac{K-1}{3N}+rac{N_0}{2E_b}}}
ight)egin{cases}K$  同时激活的用户数 $N$  扩频码长度

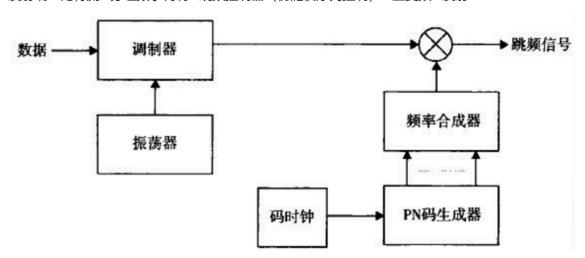
#### 误差本底存在的主要原因:

- 1. 多址干扰
- 2. 对于基站,接收到的所有干扰者的信号 和目标用户的信号的功率相同; (这是通过移动端的功率控制来实现的)

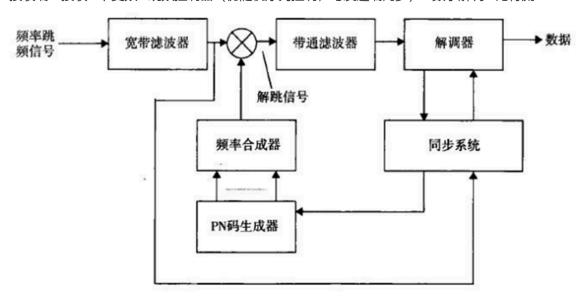
## 3. 跳频 Frequency Hopping, FH

### (1) 完整系统:

1. 发射端: 比特流 - 分组数字调制 - 跳频控制器 (伪随机序列控制) - 上变频 - 发射



2. 接收端:接收-下变频-跳频控制器(伪随机序列控制,与发送端同步)-数字解调-比特流



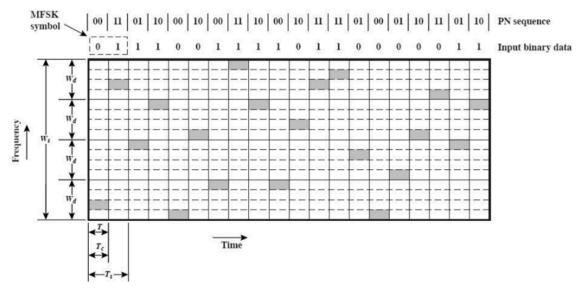
## (2) 快跳和慢跳

1. 快跳:跳频速率 > 符号速率 (一符号跨多频点) 即  $T_c < T_s$ 

2. 慢跳:跳频速率 < 符号速率 (一频点跨多符号) 即  $T_c > T_s$ 

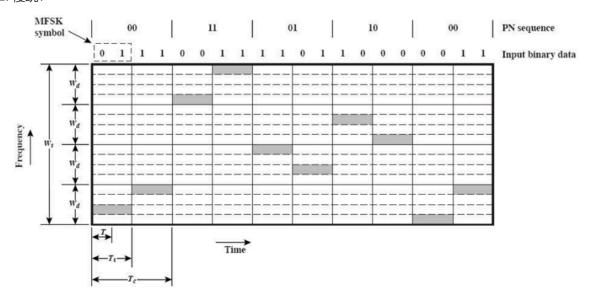
#### 以 2FSK 为例:

1. 快跳:



(PN码决定在哪个大频率块内,输入的数据决定在哪个小频率块)

#### 2. 慢跳:



### (3) 性能分析

(以 BPSK 为例)

对于BPSK,正常情况下的误码率:

$$P_b = rac{1}{2} \mathrm{exp} \left( -rac{E_b}{2N_0} 
ight)$$

在跳频中,用户之间可能发生碰撞(两个用户同时使用同一频段);

假设 跳频信道数=M,则 至少发生一次碰撞的概率:

$$P_h = 1 - \left(1 - rac{1}{M}
ight)^{K-1} pprox rac{K-1}{M}$$

其中K为同时激活的用户数

假设发生碰撞时信号完全丢失,即 发生碰撞时的误码率为

$$P_{b} = 0.5$$

则总误比特率:

$$P_b = 0.5 \cdot P_h + rac{1}{2} e^{-rac{E_b}{2N_0}} \cdot (1-P_h) pprox rac{1}{2} \cdot rac{K-1}{M} + rac{1}{2} e^{-rac{E_b}{2N_0}} \cdot \left(1 - rac{K-1}{M}
ight)$$

误差本底:

$$\lim_{SNR=rac{E_b}{N_0} o\infty}P_b=rac{1}{2}\cdotrac{K-1}{M}$$

对于异步跳频系统,则碰撞概率为:

$$P_h = 1 - \left[1 - rac{1}{M} \left(1 + rac{1}{N_b}
ight)
ight]^{K-1}$$
  
其中  $\left\{egin{aligned} K & ext{是 同时激活的用户数} \ N_b & ext{是 每次跳频的比特数} \end{aligned}
ight.$ 

总误比特率为:

$$P_{eb}=0.5\cdot P_h+rac{1}{2}{
m exp}\left(-rac{E_b}{2N_0}
ight)(1-P_h)$$