Algorithm

1. Class Date (information을 저장하는 클래스)

```
//201624588 조영우 -> 알고리즘 과제2
⊟#include <iostream>
 #include <fstream>
 #include <algorithm>
 using namespace std;
⊡class Date {
     int start;
     int end;
     int value;
     Date() : start(0), end(0), value(0) {}
     Date(int s, int e, int v) :start(s), end(e), value(v) {}
     int getStart() const { return start; }
     int getEnd() const { return end; }
     int getValue() const { return value; }
     void setStart(int _start) { start = _start; }
     void setEnd(int _end) { end = _end; }
     void setValue(int _value) { value = _value; }
     bool operator<(Date s) const {</pre>
         return this->end < s.getEnd();</pre>
     void print() const {
         cout << start << ' ' << end << ' ' << value;</pre>
```

입력되는 정보를 저장하는 객체를 생성하기 위해 class를 정의하였고, 입력되는 데이터의 크기가 최대 1,000,000,000이기에 최대 2,147,483,647의 값을 저장할 수 있는 int type을 지정하였다.

bool operator<(Date s) const; // sort과정에서 객체를 비교할 때 끝나는 날 기준으로 sort 하기 위해 operator overloading 하였다. (algorithm library에 구현되어 있는 sort는 O(nlogn)의 time complexity를 갖는 Quick sort로 구현되어 있다.) 2. Class Money (정보들을 저장하고 관리하는 클래스)

```
class Money {
private:
    long long output;
    vector<Date> v;
public:
   Money();
    ~Money() { vector<Date>().swap(v); }
    int getSize() const { return n; }
    long long getOutput() const { return output; }
    void printDate() const {
        cout << n << endl; //size</pre>
        for (auto& data : v) { //vector의 모든요소 출력
            data.print();
            cout << endl;</pre>
    void printOutput() const {
        cout << endl << endl;</pre>
        cout << "output" << endl << output << endl;</pre>
    int binarySearch(int first, int last, int pivot);
    int binarySearch(int current);
    void maxEarn(); //최대비용 구하는 함수
```

- (1) Date객체를 저장하고 관리하기 위해 class Money를 정의한다.
- (2) 최종 output 결과가 int type으로 담을 수 없는 데이터의 크기 이기에 long long type으로 선언하여 멤버변수로 선언하였다.
- (3) constructor(생성자)에서는 객체생성 시 정보에 대한 입력이 이루어 져서 멤버변수에 대한 초기화가 이루어 지도록 구현하였다. (뒤페이지에 구현)
- (4) destructor(소멸자)에서는 vector의 capacity를 제거하기 위한 구현이다.
- (5) binarySearch(); 최대비용을 구할 때 현재의 비용이 최대비용 안에 포함된 비용이 되려면 이전 step 중 현재 index와 일정이 겹치지 않는 그때의 최대비용 존재할 것이며, 그 step에 해당하는 index를 구하는 함수이다.
 (Time Complexity O(log)을 갖는 Search, 뒷페이지에 구현)
- (6) Void maxEarn(); 프로그램의 알고리즘이 구현되어 있는 함수이다. 최대로 벌어들일 수 있는 액수는 함수가 호출되면 알고리즘에 의해 계산되어 money객체의 멤버변수 output에 저장된다. (뒤페이지에 구현)

3. Constructor of class Money (input)

```
⊡Money::Money() : n(0), output(0) {
     //file I/O for testfile
     ifstream ifs;
     ifs.open("test_input3.txt");
         Date tmp;
         int tmp1, tmp2, tmp3;
             ifs >> tmp1 >> tmp2 >> tmp3;
             tmp.setEnd(tmp2);
             v.push_back(tmp);
     cin >> n;
     v.reserve(n);
     Date tmp;
     int tmp1, tmp2, tmp3;
     for (int i = 0; i < n; i++) {
         cin >> tmp1 >> tmp2 >> tmp3;
         tmp.setStart(tmp1);
         tmp.setEnd(tmp2);
         tmp.setValue(tmp3);
         v.push_back(tmp);
```

(주석으로 표현된 라인은 test파일 입출력에 사용한 구현이다.)

- (1) 데이터 묶음의 Size에 해당하는 데이터를 멤버변수 n에 저장한다.
- (2) 입력될 데이터의 크기를 파악했기에 입력이 될 때마다 capacity를 할당하는 것은 비효율 적이기에 n사이즈에 해당하는 만큼의 capacity를 vector에 할당한다.
- (3) 임시 저장 공간으로 사용할 Date 객체와 int형 변수 3개를 선언한다.
- (4) 입력되는 데이터를 차례로 받아 객체에 저장한다.
- (5) tmp객체를 vector<Date> v에 push_back(tmp)하여 데이터를 저장한다.

4. Money::binarySearch() → O(logn)을 갖는 Search

```
int Money::binarySearch(int first, int last, int pivot) {
    int observe = (first + last) / 2;

    if (first + 1 < last) { //3개 이상일때
        if (v[pivot].getStart() > v[observe].getEnd()) {
            return binarySearch(observe, last, pivot);
        }
        else {
            return binarySearch(first, observe - 1, pivot);
        }
        else { //1개 or 2개
        if (v[pivot].getStart() > v[last].getEnd()) { return last; }
        else if (v[pivot].getStart() > v[first].getEnd()) { return first; }
        else { return -1; }
    }
}

Dint Money::binarySearch(int current) {
    return binarySearch(0, current - 1, current);
```

현재 index(indexOfCurrent)를 pivot으로 하여, 이 pivot index의 시작날짜보다 작으며 겹쳐질 수 있는 step중에서 가장 최대비용을 가지는 index를 return 하는 것이 목표인 함수이다.

- (1) First와 last의 중간 값을 갖는 index의 끝나는 날짜와 pivot에 해당하는 객체의 시작날짜를 비교하여 데이터를 절반씩 줄여서 함수를 recursive 호출한다.
- (2) 여기서 위의 재귀호출은 observe 또한 목표index가 될 수 있기에 포함하여 범위에 포함하였고, 밑의 재귀호출은 pivot의 시작날짜가 observe의 끝나는 날짜보다 작거나 같기 때문에 기간이 겹쳐서 목표index가 될 수 없기에 범위에서 제외시켰다.
- (3) 벡터의 객체들이 쪼개져서 1개 또는 2개가 되었다면, last와 first의 끝나는 날짜와 pivot의 시작날짜에 겹치지 않게 들어갈 수 있는 상태라면 해당 index를 return 한다.
- (4) 여기서 쪼개진 벡터는 끝에까지 쪼개지더라도 최적의 step의 index를 못 구하는 경우가 발생한다. 예를 들어 과제에서 주어진 test_input2 file에서 추가적으로 데이터가 존재한다면 <시작날짜:1, 끝나는 날짜:100> 이 데이터의 시작날짜보다 작은 끝나는 날짜를 발견하지 못한다면 논리적 오류가 발생할 것이다. 그래서 이런 경우와 같이 적절한 index를 구하지 못했다면 -1을 return 하여 적절한 조치가 필요하다.

일반적으로 발견즉시 return 하는 binarySearch와 다르게 이 함수는 최적의 값을 찾는 것이기에 해당 범위에 맞게 함수호출을 해주고 완전히 쪼개고 난 뒤 조건문으로 알맞게 return한다.

binarySearch()의 Worse-case에 해당하며, Time Complexity O(logn)을 갖는다.

5. Money::maxEarn() → 알고리즘 구현

```
=void Money::maxEarn() {
    sort(v.begin(), v.end()); //sort algorithm은 Quick sort이며 O(nlogn)이다.
    long long* optimal = new long long[n] {0}; //현재상태의 최대값을 넣을 배열
    optimal[0] = v[0].getValue(); //초기화
    int indexOfCurrent = 1; //현재 index
    int k; //요놈잡았다 index
    while (indexOfCurrent < n) {</pre>
        k = binarySearch(indexOfCurrent); //이전step중 최적의 index를 계산해온다.
        if (k < 0) {
            if (v[indexOfCurrent].getValue() > optimal[indexOfCurrent - 1]) {
                optimal[indexOfCurrent] = v[indexOfCurrent].getValue();
                optimal[indexOfCurrent] = optimal[indexOfCurrent - 1];
            indexOfCurrent++;
            continue;
        // if(넣었을때의 값 > 안넣을때의 값)
        if (optimal[k] + v[indexOfCurrent].getValue() > optimal[indexOfCurrent - 1]) {
            optimal[indexOfCurrent] = optimal[k] + v[indexOfCurrent].getValue();
        else {
            optimal[indexOfCurrent] = optimal[indexOfCurrent - 1];
        indexOfCurrent++;
    output = optimal[n - 1];
```

- (1) 끝나는 날 기준으로 quick sort를 시행한다.
- (2) 0~n-1 step에서 각각의 step에서의 최대비용을 넣을 배열을 선언한다.
- (3) 현재 index에서의 값을 넣었을 경우 현재 step의 index와 겹치지 않고 더해질 수 있는 이전 step의 index k를 선언한다.
- (4) While문의 경우 현재의 index가 n이 되는 순간까지 반복한다.
- (5) K = binarySearch(indexOfCurrent)의 코드는 만약 현재 index를 의미하는 indexOfCurrent 의 값이 최대비용을 계산하는데 더해져야 할 항목이라면, 더해질 수 있는 비용 중 가장 큰 비용이 저장된 step의 index를 k에 저장함을 의미한다.
- (6) 위의 (5)에서 올바른 k의 값을 구하지 못해서 음수가 된 경우에 대한 조건문이다. K가 음수가 되었다는 것은 현재 객체의 시작날짜는 이전의 객체의 끝나는 날짜와 모두 겹치게

됨을 의미한다. 그렇기에 현재 step에 해당하는 객체의 비용과 바로 전 step에서의 최대 비용을 비교하여 큰 값을 현재최대비용에 해당하는 optimal[indexOfCurrent]에 저장한다. 그 후, 현재 index의 값을 +1하고 해당 (4)의 조건문을 다시 시행하도록 continue 한다. (step2의 경우는 0,1 step에서 이런 경우가 존재하지만, step3에서는 존재하지 않았다.)

- (7) 마지막 if-else문에 해당하며, 위의 오류가 생기지 않고 정상적인 k값을 구했다면 실행되는 조건문이다. 현재step에서의 객체의 비용이 들어올지 말지를 결정하는 것이다. 들어오지 않았을 때의 값이 크다면 optimal[indexOfCurrent] = optimal[indexOfCurrent 1]; 으로 이전 step에서의 값을 그대로 넣으면 된다. (else에 해당한다.)
- (8) (7)에서의 현재step에서의 객체의 비용이 들어오는 것이 더 크다면, 현재step에서의 객체에서 시작하는 날짜와 겹치지 않는 끝나는 날짜를 갖는 step에서의 index k를 이용하여, k step에서의 최대비용에서 현재 객체의 비용을 더하여, 현재 step에서의 최대값에 저장한다. optimal[indexOfCurrent] = optimal[k] + v[indexOfCurrent].getValue(); (if문에 해당한다.)
- (9) 마지막 if-else문을 빠져나왔다면 현재의 index를 +1하고 반복문을 계속 시행한다.
- (10) 이제 while문에서의 반복과 조건이 모두 끝나면 각각의 step에서의 최대 비용의 값을 가지는 optimal 배열에서 (n-1)번째 step에서는 최종최대비용을 저장하고 있다. 그것을 멤버변수 output에 저장하며, 함수를 종료한다.

6. Main 함수

```
Dint main() {

    Money money;

    //money.printDate(); //입력된 사이즈와 데이터 출력

    money.maxEarn();

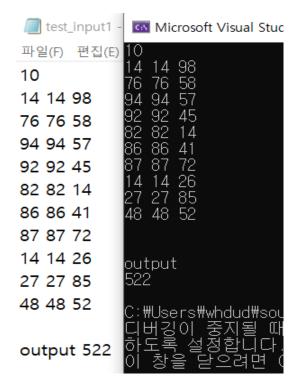
    money.printOutput();

    return 0;
}
```

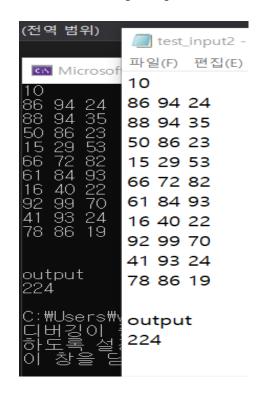
- (1) Class Money의 객체 money를 생성하면, constructor에서 알맞은 Input이 실행되고, 데이터를 저장하고 있다.
- (2) maxEarn(); 함수로 최대비용을 계산하여 멤버변수 output에 저장한다. 그리고 printOutput(); 함수로 output멤버변수를 출력한다.
- (3) 객체기반 프로그래밍으로 캡슐화와 정보은닉의 효과를 높여서 구현하였다.
- (4) 실행결과는 주석 처리된, 함수까지 실행한 결과를 캡쳐한 것이다.

7. 실행 결과

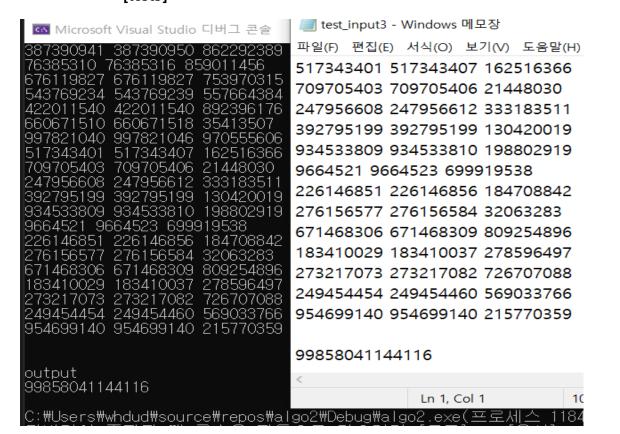
[test1]



[test2]



[test3]



8. 결론

(1) 사용한 메모리

- Test3의 경우를 살펴보면 200,000개의 Date 객체를 갖고 있고, Date 객체는 int type 변수 3개를 갖고 있다.
- 그래서 4*3*200,000 = 2,400,000 byte = 2.4 MB의 메모리를 사용하고 있다.
- 각각의 step 에서의 최대비용을 계산한 배열 optimal 은 long long type의 변수가 200,000개 존재하기에 1.6MB를 사용하였다.
- 세부적으로 사용한 메모리들은 바이트 단위이기에 MB단위에서는 아주 작은 값이다.
- Sort는 Quick sort를 이용해서 메모리는 사용하지 않았다.
- BinarySearch는 recursive 호출이기에 메모리를 사용하지 않았다.
- 따라서 사용한 메모리는 5MB를 넘지 않는다.

(2)개발 환경

- Visual Studio 2019

(3) Time Complexity:



- n개의 데이터를 받았고, 해당 알고리즘에서 Quicksort가 시행되어 O(nlogn)을 갖는다.
- 최적의 index를 구하는 BinarySearch를 시행하였고, 최대비용을 계산하기 위해 n개의 데 이터를 while문으로 반복하였다.
- O(logn)을 갖는 BinarySearch를 n번 반복하였기에 time complexity는 O(nlogn)이다.