

2023-2 Computer Graphics PI 1차시

Basic Concept & 2D Transformation

AM11:00에 시작됩니다.

입장 후 채팅창에 학번/이름 작성 부탁드립니다.

PI 수업이란?

PI 수업이란?

- Peer Instructor가 수업 복습, 기출 문제 풀이, 질의 응답 등을 진행
- 입장 후 **채팅창에 학번/이름 작성** 부탁드립니다.

- 질문

카카오톡 오픈 채팅방에서 미리 받습니다.

원활한 진행을 위해 사전에 받은 질문만 답해드리는 점 양해 부탁드립니다.

<https://open.kakao.com/o/glocN1Hf>

- 수업 자료 드라이브

https://drive.google.com/drive/folders/1nuPE0OuIQfwnm5AJ5tgIQK5zAALWx1fg?usp=share_link

- 자세한 사항은 공지사항 참고

차시	임연우 PI	김유민 PI	학 습 내 용
1	10/6/금 11:00~12:15	10/11/수 20:00~21:15	Basic Concepts, 2D Geometric Transformations
2	10/20/금 11:00~12:15	10/23/월 20:00~21:15	3D Geometric Transformations, OpenGL
3	10/27/금 11:00~12:15	10/30/월 20:00~21:15	3D viewing (Orthographic, Perspective)
4	11/3/금 11:00~12:15	11/6/월 20:00~21:15	Clipping Algorithm, Rasterization (Line, Polygon)
5	11/10/금 11:00~12:15	11/13/월 20:00~21:15	Illumination Models, <u>중간고사 기출 풀이</u>
6	11/24/금 11:00~12:15	11/27/월 20:00~21:15	Ray Tracing
7	12/1/금 11:00~12:15	12/4/월 20:00~21:15	Texture Mapping, Visible Surface Determination
8	12/8/금 11:00~12:15	12/11/월 20:00~21:15	3D Object Representation, <u>기말고사 기출 풀이</u>

Computer Graphics VS Computer Vision

Computer Graphics VS Computer Vision

Computer Graphics

3D object 들을 여러 transformation 을 거치고
rasterization을 거쳐
2D 화면으로 rendering 하는 것



3D Scene



2D Image

Computer Vision

주로 CG와 반대로

2D input (이미지)를 가지고 여러 작업을 거쳐 feature 들을 뽑아내는 것

cf) 현실세계는 3D. 그것을 카메라로 찍으면 2D. 1D가 축소되며 정보 손실 발생.

ex) edge detect, corner detect, feature matching ...

Computer Graphics 수업

- 수업 : 수학적인 것에 집중

(중간 범위)

3D scene이 무엇으로 구성 되어있고

그 각각을 수학적으로 어떻게 표현해서 (**coordinate system 좌표계**)

어떤 연산을 통해 (**transformation**)

2D image로 나타내고 (**rendering**)

그것을 어떻게 pixel로 바꿔서 display에 나타내는가 (**rasterization**)

(기말범위)

그리고 rasterization된 pixel의 색상은 어떻게 결정해야

빠른 속도로, 현실감 있게 나타낼 수 있을까 (**illumination model & rendering model**)

- 과제

수업에서 배운 내용을 실제로 어떻게 코딩할까.

Open GL 활용.

Basic Concept

이 부분은 앞으로 배울 내용의 전체 개요 정도로 보면 된다!
지금 당장 다 이해할 필요 없음!

Basic Concept

1. Rendering이란?
2. Graphics Rendering Pipeline
3. Basic Rendering Algorithms
4. Display

1. Rendering이란?

- **CG의 3대 분야**

- Modeling : 수학 (기하) 기반

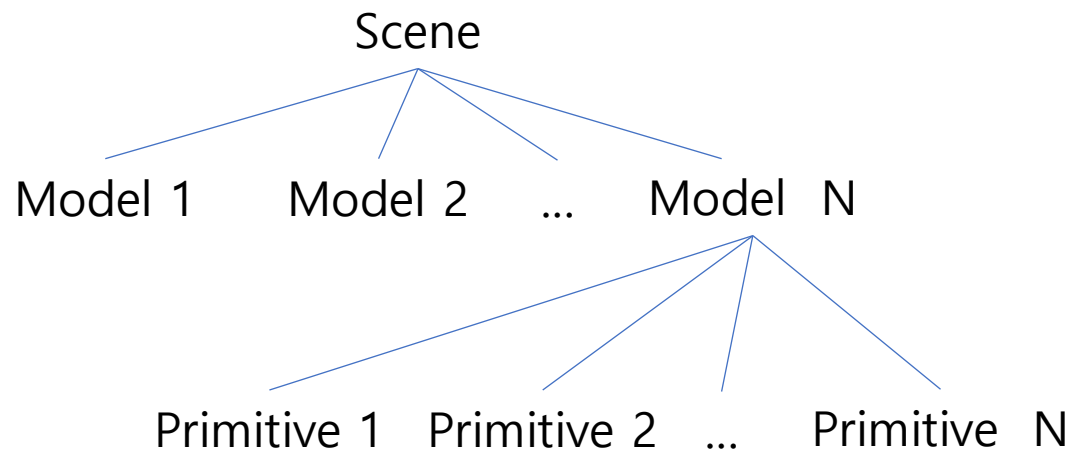
- Rendering : 물리학 (광학) 기반

- Animation

- **CG의 3대 분야인 modeling, rendering, animation 중에 rendering에 집중해보자.**

1. Rendering이란?

- Scene, Model, Primitive



1. Rendering이란?

- **Geometric Primitive**
 - **GPU 로 바로 render 가능한 primitive**
 - 점
 - 선
 - 면
 - **GPU 로 바로 render 불가능한 primitive.** 위의 것들로 근사해서 render.
 - 곡선, 곡면
 - Voxel

Point = 점 = 1D (크기 없)

Pixel = picture element = 2D (크기 있)

Voxel = volume element = 3D (부피 있)

1. Rendering이란?

- **Rendering Pipeline**

3D scene을 2D image로 바꾸기 위한 일련의 과정
model → scene → image

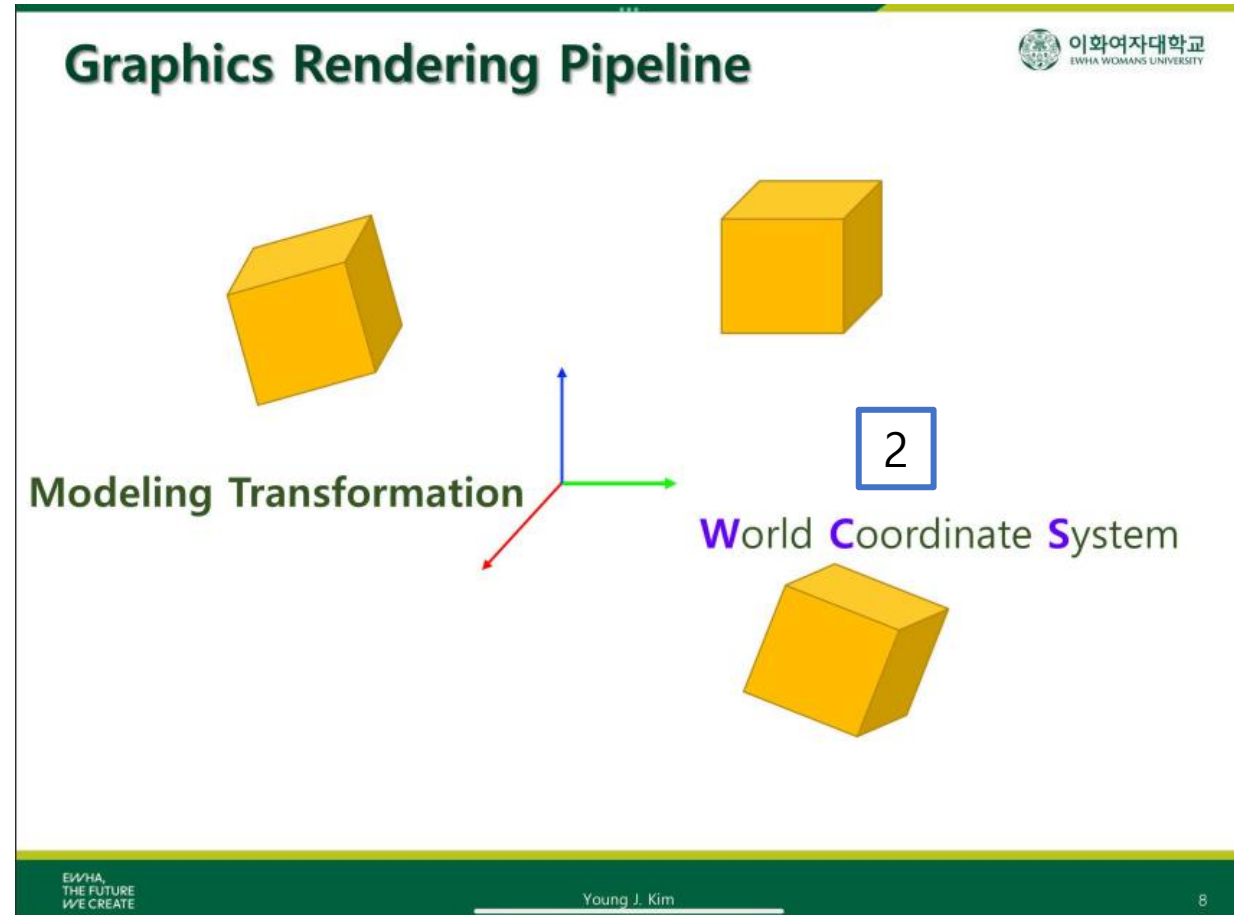
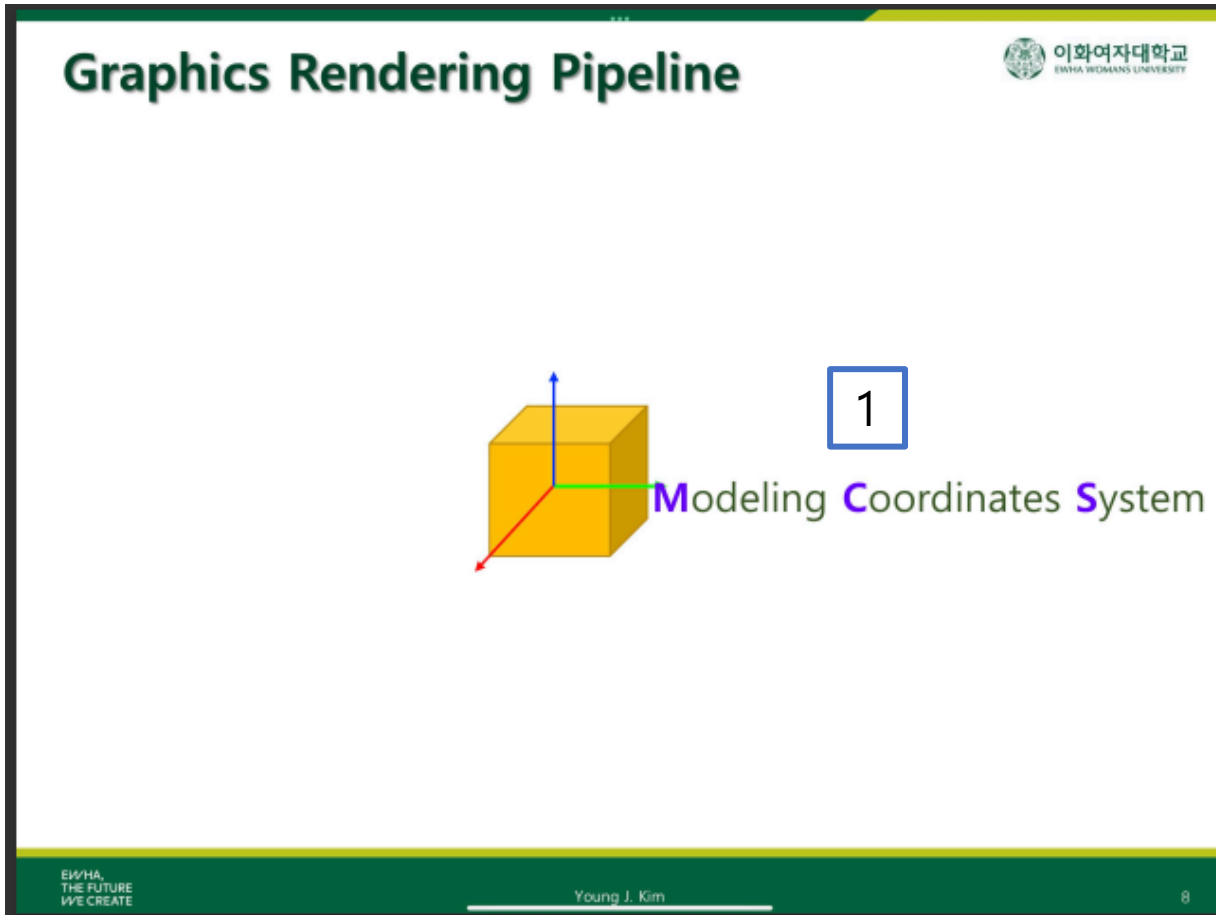
transformation의 반복 + 마지막에 shading

이 pipeline 자체가 GPU에 구현 되어있음

이 pipeline 자체가 어떻게 작동하는지 몰라도 OpenGL 로 작동 가능함.
그러나 우리는 작동 방법도 배움.

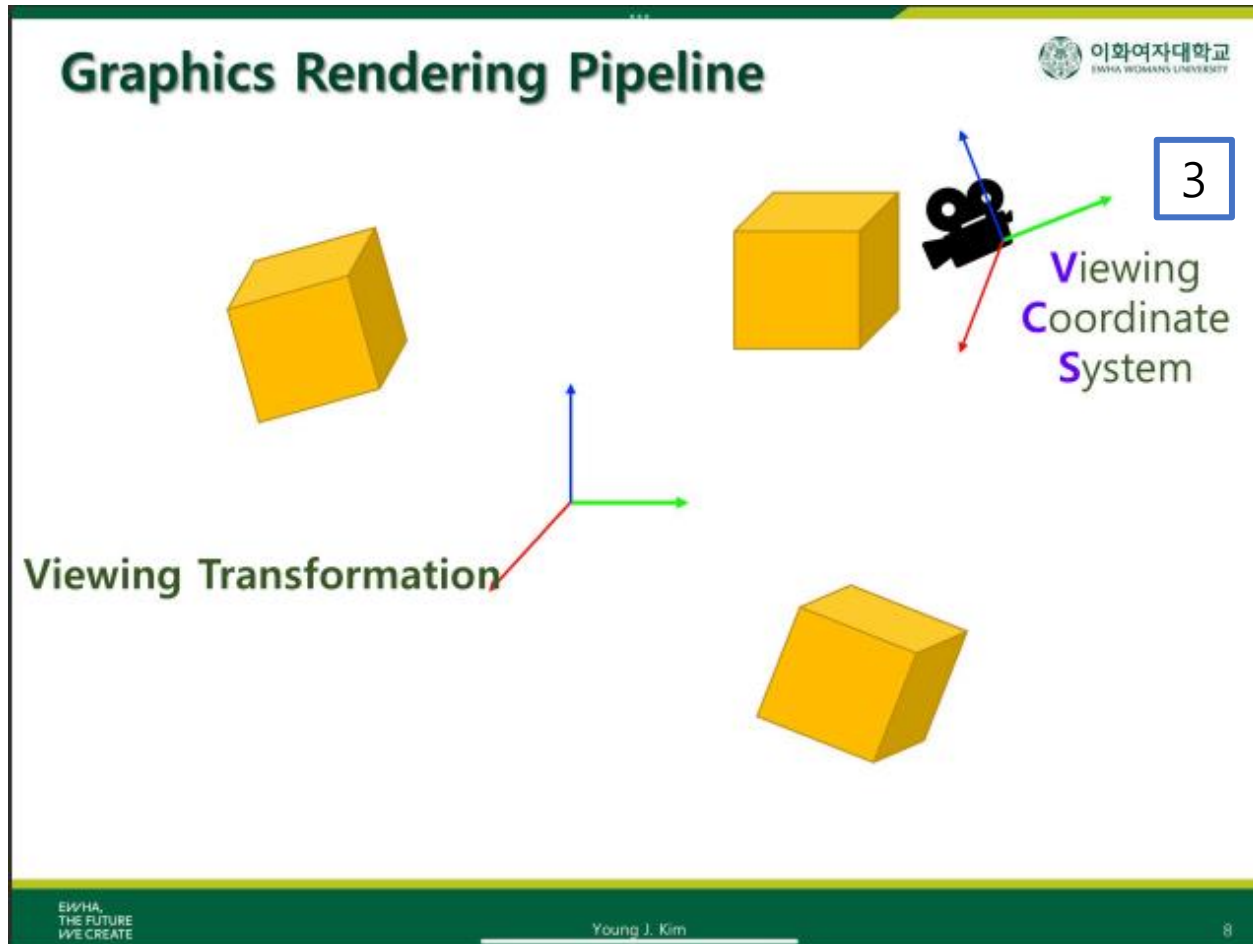
2. Graphics Rendering Pipeline

- 우선 흐름만 이해. 요약 슬라이드 뒤에 있음.
- 그래서 transformation 을 어떻게 하는지 자세한 방법은 나중에 배움.



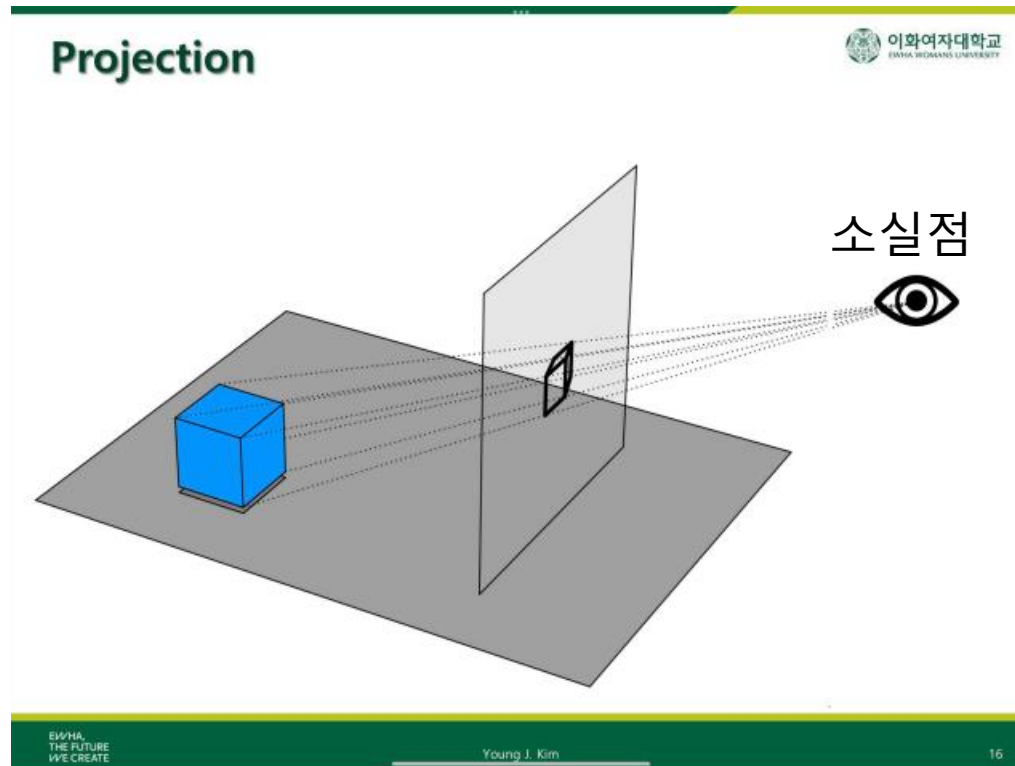
비로소 scene이 결정됐다.
모든 model이 하나의 wcs 에 존재.

2. Graphics Rendering Pipeline



카메라 위치 결정.
카메라 위치 따라 model 좌표 변환됨.

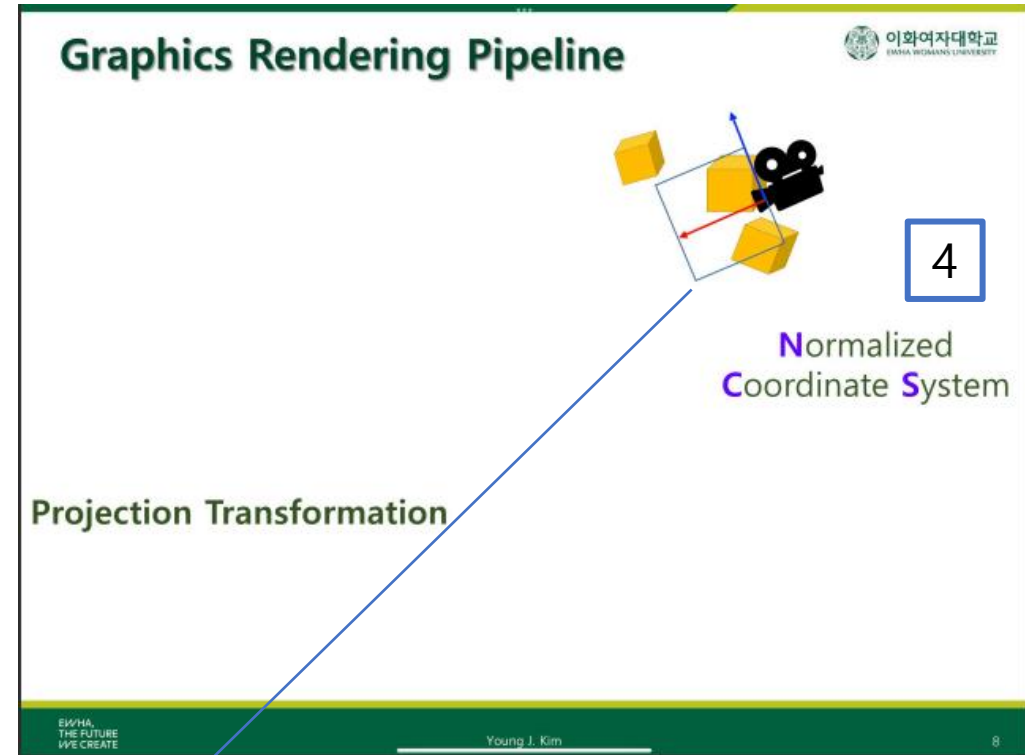
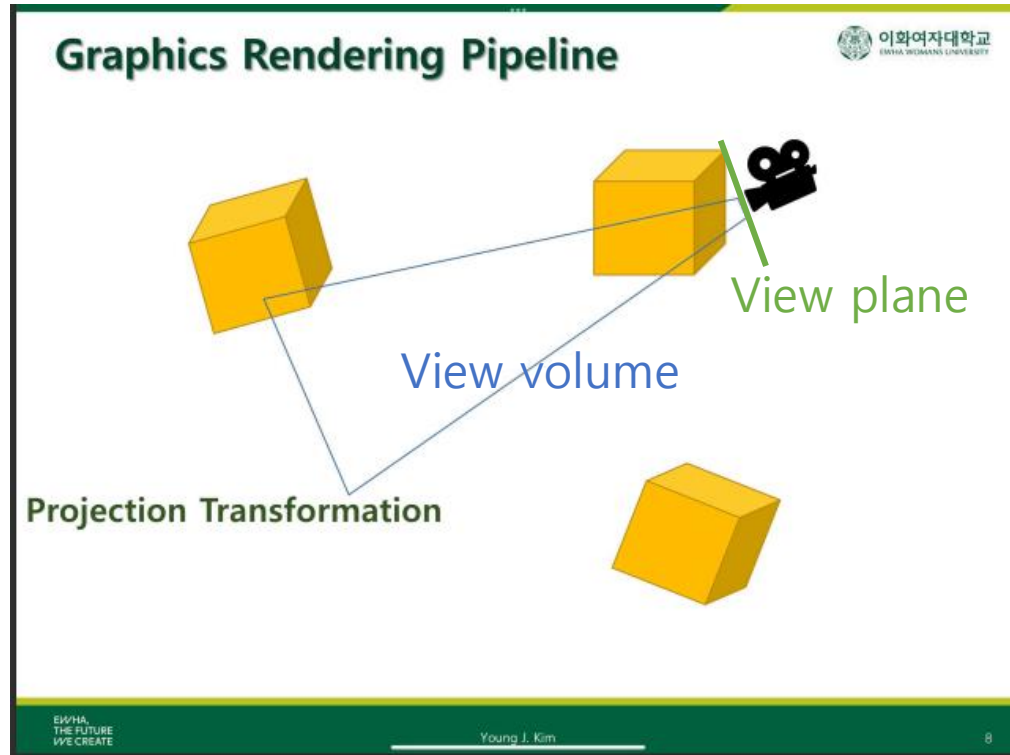
2. Graphics Rendering Pipeline



cf) Perspective projection

- : 원근감 있는 projection
- : 가까운건 크게, 멀리 있는건 작게
- : 다른 종류의 projection 도 있음 (나중에 배움)

2. Graphics Rendering Pipeline



2차원으로 만들기 위한 준비.

3차원의 물체를 카메라 앞에 놓여있는 view plane 쪽으로 projection 하기 위한 transformation.

Viewing volume (VV)가 $2 \times 2 \times 2$ 정육면체가 된다.
그래서 "normalized" (정규화) 된 좌표계라고 부름.

2. Graphics Rendering Pipeline

Graphics Rendering Pipeline



1) x, y, z 중에 z 를 날려서
3D를 2D로 만든다.

2) display screen에 맞게 scaling.
(각 display마다 해상도가 다르다)

Viewport Transformation

2. Graphics Rendering Pipeline

- 해당 coordinate system 에 맞게 각 transformation으로 좌표체계 바꿔주는 것
- 각 transformation 은 4x4 행렬 (나중에 배움)
- 아래 표가 rendering pipeline 전부는 아님. Shading 등의 작업 남음.

Coordinate System	Transformation	한마디 정리	세부 설명
modeling coordinate system			각 모델마다 다름. 여러 개 존재.
world coordinate system	modeling transformation	모델 위치 결정	하나의 scene안에 있는 모든 모델이 하나의 wcs에 위치함.
viewing coordinate system	viewing transformation	카메라 위치 결정	카메라 위치가 vcs의 원점 & xyz축 결정
normalized coordinate system	projection transformation	3D → 2D 준비	1) Viewing volume 결정 2) Projection type 결정
screen coordinate system	viewport transformation	3D → 2D	1) Z 좌표값 날리기 2) Display screen 사이즈에 맞게 scaling

2. Graphics Rendering Pi

- 해당 coordinate system 에 맞게 각 transformation으로 좌표체계 바
- 각 transformation 은 4x4 행렬
- 아래 표가 rendering pipeline 전부는 아님. Shading 등의 작업 남음.

1) viewing volume 결정

clipping = vv 밖 날린다
vv가 2x2x2 정육면체가 된다

2) projection type 결정

z좌표 날리기 전 x,y 값 조정을 어떻게 할지 결정하는 것
(a) parallel → orthographic, oblique
(b) perspective

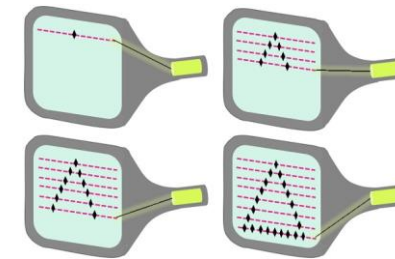
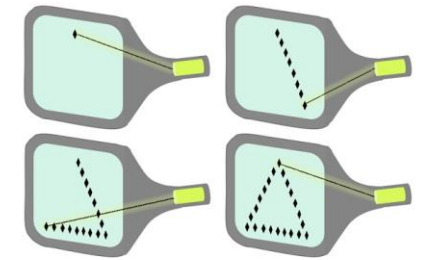
Coordinate System	Transformation	한마디 정리	세부 설명
modeling coordinate system			각 모델마다 다름. 여러 개 존재.
world coordinate system	modeling transformation	모델 위치 결정	하나의 scene안에 있는 모든 모델이 하나의 wcs에 위치함.
viewing coordinate system	viewing transformation	카메라 위치 결정	카메라 위치가 vcs의 원점 & xyz축 결정
normalized coordinate system	projection transformation	3D → 2D 준비	1) Viewing volume 결정 2) Projection type 결정
screen coordinate system	viewport transformation	3D → 2D	1) Z 좌표값 날리기 2) Display screen 사이즈에 맞게 scaling

3. Basic Rendering Algorithms

- 위의 표 말고 rendering pipeline에는 어떤 것들이 더 있는가.
- **(1) Transformation**
위의 표에서 봤던 행렬 연산들
- **(2) Clipping/ Visible Surface determination**
Clipping = viewing volume 밖은 잘라버린다.
Visible Surface determination = vv 안에 있더라도 어떤 면은 내 눈에 안 보일 수도 (앞 물체에 가려서)
- **(3) Rasterization**
continuous한 object 를 pixel로 바꿔줘야 함. 그 과정을 rasterization 알고리즘을 통해 수행.
- **(4) Shading & Illumination : 각 pixel의 color 결정**
shading = 음영처리 = 빛을 향하는 부분은 밝고 아닌 부분은 어둡게
반사, 굴절, color bleeding 등도 고려

4. Display

- Display 장비에 따라서 display하는 방식이 다르다.
- 시간순으로 display 방식 보면,
- **(1) Vector Display** : 꼭짓점을 따라서 쭉 디스플레이
Primitive 가 너무 많은데 그걸 다 따라가기가 힘들어서 요새는 사용하지 않음.
- **(2) Raster Display** : rasterization 이 선행되고 디스플레이
 - **Rasterization** : vector description(연속적인 것) → set of pixels
 - Rasterization된 pixel이 저장 되어있는 것을 frame buffer라 함.



4. Display

- **Frame buffer**

- : 2D array of pixels

- : graphics H/W 인 GPU 내부에 존재

- : 각 행(row)는 "**scan line**", "**raster line**"이라 부름

- : 한 픽셀은 R, G, B로 구성된다.

- : (예전) R, G, B 값 각각 **8 bit**

- 각각 2^8 개 = 256개 = 0~255

- 0~255 사이 integer**

- R 2^8 개, G 2^8 개, B 2^8 개 => 총 $2^8 \times 2^8 \times 2^8 = 2^{24}$ 개의 색 표현

- : (최근) R, G, B 값 각각 **32bit (4byte)**

- 색상을 0~255 사이 integer 로 표현하지 않고 **0.0~1.0 사이 floating point** 로 표현
floating point 가 4byte.

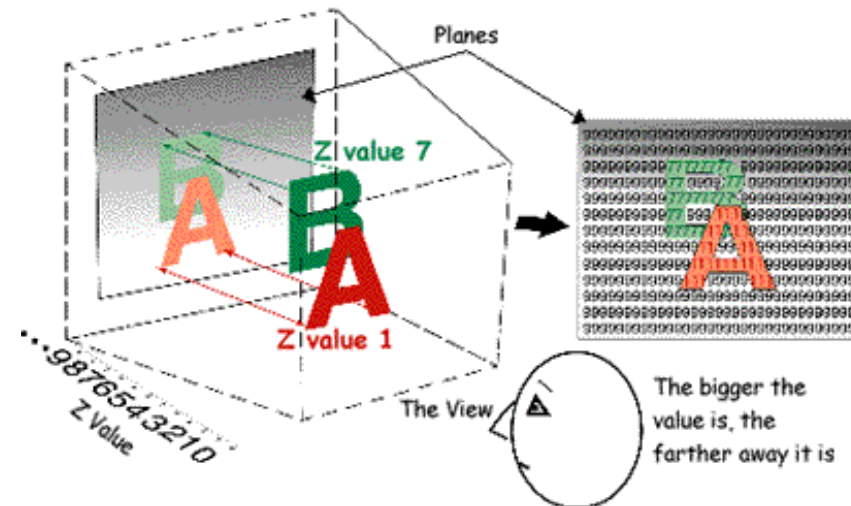
4. Display

- Alpha Channel, A, 투명도
 - 0 은 투명, 1은 불투명
 - A 도 32bit, 0~1 사이 floating point
 - $$\text{Out}_{\text{RGB}} = \text{Current}_{\text{RGB}} * \text{Current}_A + \text{Existing}_{\text{RGB}} * (1 - \text{Current}_A)$$

↓
새로 그리려는 것의 RGB

↓
이미 그려둔 것의 RGB

- Z buffer, Depth duffer, D or Z
 - Depth 도 32bit, 0~1 사이 floating point
 - 눈으로부터 거리가 더 가까운 곳이 더 작은 수
 - Depth 가 작은 것만 render 한다



4. Display

- **Double buffering**
 - 애니메이션을 flicking 없게 (그리는 과정은 눈에 안보이게) 하는 것
 - Buffer 두개 이용 (front buffer, back buffer)
 - front buffer 만 보여준다.
 - back buffer 에 그리고 swapping.

정리하자면,

rasterization 을 마친 후

각 픽셀마다 **[RGB A D]**를 **frame buffer** 에 저장.

그것을 raster line 따라 display 하는 방법을 **raster display** 라 한다.

똑같은 frame buffer 두개를 이용해 (front buffer, back buffer)

그리는 과정은 눈에 안보이게 하는 것을 **double buffering** 이라 한다.

QUIZ - Basic Concept

문제 1

정답

총 1.00 점에서 1.00 점 할당

🚩 문제 표시

Order the transformation steps correctly:

하나를 선택하세요.

- ☐ a. Modeling -> Viewing -> Viewport -> Projection
- ☒ b. Modeling -> Viewing -> Projection -> Viewport ✓
- ☐ c. Viewing -> Modeling -> Viewport -> Projection
- ☐ d. Viewing -> Viewport -> Modeling -> Projection

정답 : Modeling -> Viewing -> Projection -> Viewport

문제 2

정답

총 1.00 점에서 1.00 점 할당

🚩 문제 표시

What do you call the process of "converting a projected screen primitive to a set of pixels"?

하나를 선택하세요.

- ☐ a. Shading
- ☐ b. Clipping
- ☒ c. Rasterization ✓
- ☐ d. Transformation

정답 : Rasterization

문제 3

정답

총 1.00 점에서 1.00 점 할당

🚩 문제 표시

Find which of the following primitives can not be directly rendered by GPU.

하나를 선택하세요.

- ☒ a. Voxels ✓
- ☐ b. Line segments
- ☐ c. Points
- ☐ d. Polygons

정답 : Voxels

2D Geometric Transformations

Basic 2D Transformations

- Translation
- Rotation
- Scaling

Homogeneous Coordinates

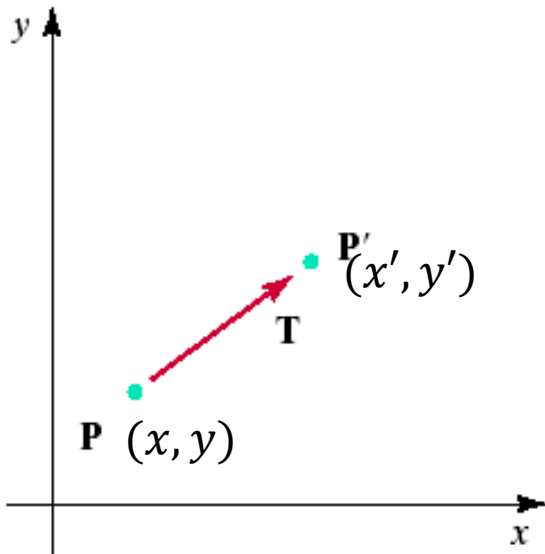
Matrix Representations

- Inverse
- Composite
- Shear
- Reflection

Basic Two-Dimensional Transformations

Translation

- 평행이동
- 점 (x,y) 를 x 축으로 t_x , y 축으로 t_y 만큼 평행이동 시켰을 때의 점이 (x',y')



$$x' = x + t_x, \quad y' = y + t_y$$

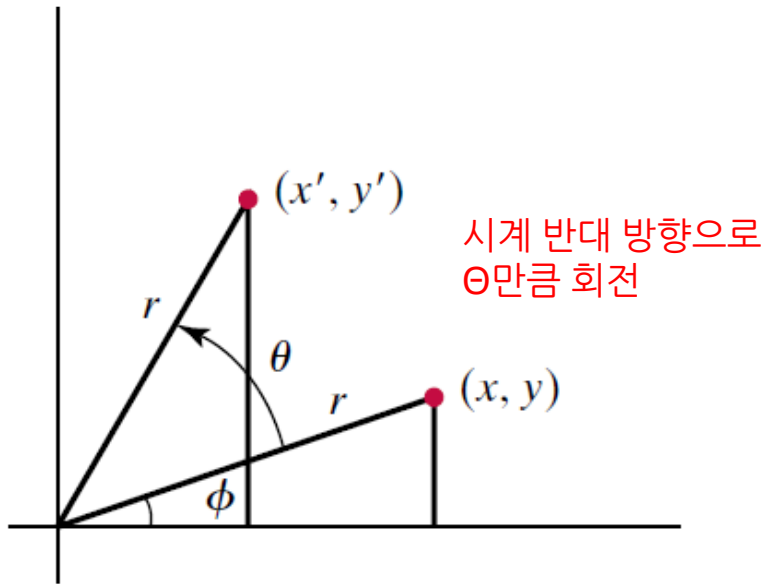
$$\mathbf{P} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}, \quad \mathbf{P}' = \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix}, \quad \mathbf{T} = \begin{bmatrix} t_x \\ t_y \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{P}' = \mathbf{P} + \mathbf{T}$$

Basic Two-Dimensional Transformations

Rotation

- 2차원 평면에서 회전
- 양의 회전 방향 = 시계 반대 방향
- 점 (x,y) 를 원점 중심으로 θ 만큼 회전 이동했을 때의 점이 (x',y')



$$x' = x \cos \theta - y \sin \theta$$

$$y' = x \sin \theta + y \cos \theta$$

$$\mathbf{R} = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{P}' = \mathbf{R} \cdot \mathbf{P}$$

Basic Two-Dimensional Transformations

Scaling

- x축, y축 방향으로 늘리거나 줄이는 것
- s_x : x축으로 얼마나 scaling할지 나타내는 수
- s_y : y축으로 얼마나 scaling할지 나타내는 수
- s_x, s_y 가 1보다 크면 scale up, 1보다 작으면 scale down



(a)



(b)

$$x' = x \cdot s_x, \quad y' = y \cdot s_y$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & 0 \\ 0 & s_y \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{P}' = \mathbf{S} \cdot \mathbf{P} \quad = S$$

Translation $\xleftrightarrow{\text{구조 다름}}$ Rotation $\xleftrightarrow{\text{구조 비슷}}$ Scaling

$$T = \begin{bmatrix} t_x \\ t_y \end{bmatrix}$$

2x1 행렬

$$P' = P + T$$

$$R = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$$

2x2 행렬

$$P' = R \cdot P$$

$$S = \begin{bmatrix} s_x & 0 \\ 0 & s_y \end{bmatrix}$$

2x2 행렬

$$P' = S \cdot P$$

- translation만 행렬 차원이 2x1로 다름
- translation만 연산이 x가 아닌 +연산



consistent하지 못하면 여러 문제가 발생할 수 있음

Uniform한 형태로 어떻게 통일할 수 있는가?

=> **Homogenous Coordinate** 사용

Homogeneous Coordinates

$$P' = MP$$

로 모양 통일

Homogeneous Coordinates

- h 를 추가하여 1차원을 높임 (3차원으로)
- Map $(x, y) \in \mathbb{R}^2$ to $(x_h, y_h, h) \in \mathbb{RP}^3$, where $x = \frac{x_h}{h}, y = \frac{y_h}{h}$
- 일반적으로 $h = 1$ (i.e. $x = x_h, y = y_h$)
 $\Rightarrow (x, y) \rightarrow (x, y, 1)$ 이므로 변환이 쉽기 때문

Matrix Representations

Homogeneous coordinate로 변경해서 사용

- Translation $T(t_x, t_y)$

결과에서 첫번째, 두번째 값 가져가면 됨

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & t_x \\ 0 & 1 & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$x' = x + t_x$$

$$y' = y + t_y$$

- Rotation $R(\theta)$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$x' = x \cos \theta - y \sin \theta$$

$$y' = x \sin \theta + y \cos \theta$$

- Scaling $S(s_x, s_y)$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & 0 & 0 \\ 0 & s_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$x' = x s_x$$

$$y' = y s_y$$

Inverse Transformations

- 역행렬

Translation

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & t_x \\ 0 & 1 & t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$t_x \rightarrow -t_x, t_y \rightarrow -t_y$

$$\mathbf{T}^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -t_x \\ 0 & 1 & -t_y \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Rotation

$$\begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$\theta \rightarrow -\theta$

$$\mathbf{R}^{-1} = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ -\sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Scaling

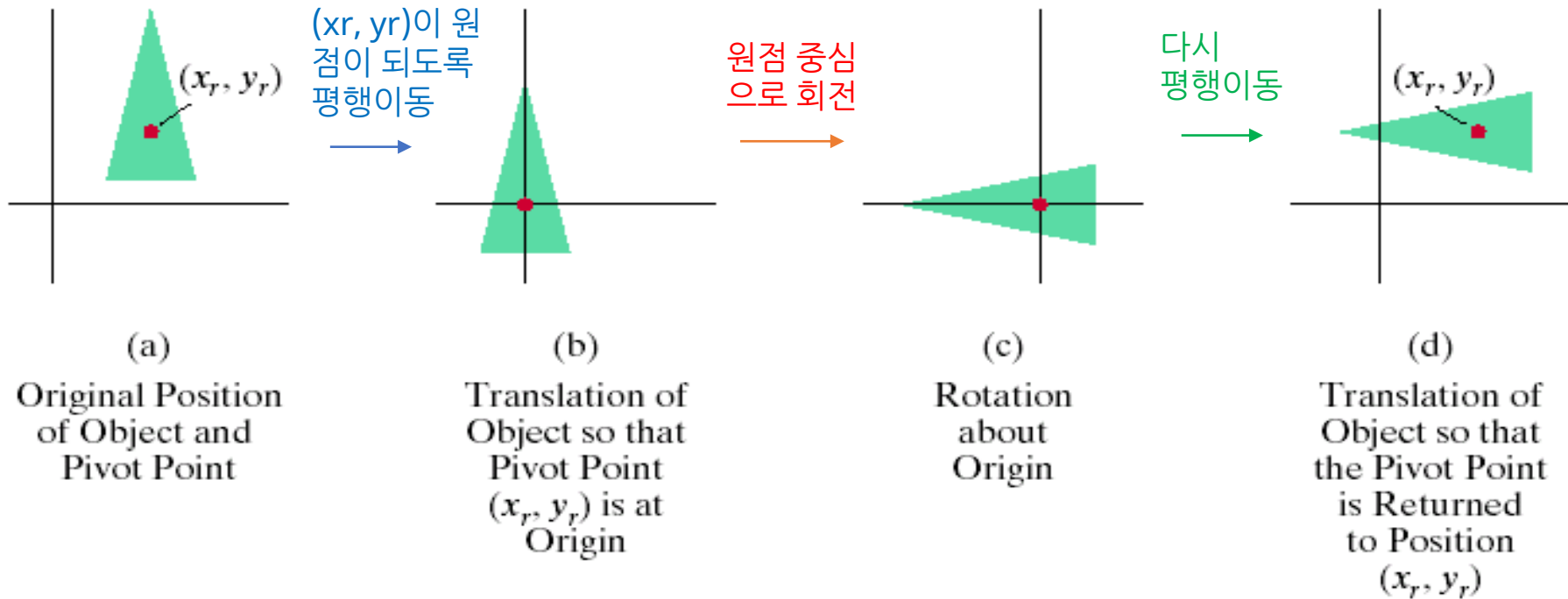
$$\begin{bmatrix} s_x & 0 & 0 \\ 0 & s_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$s_x \rightarrow 1/s_x, s_y \rightarrow 1/s_y$

$$\mathbf{S}^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{s_x} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{s_y} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Composite Transformations

- 임의의 2D point (x_r, y_r) 에서 회전



$$\boxed{T(x_r, y_r)} \cdot \boxed{R(\theta)} \cdot \boxed{T(-x_r, -y_r)} = R(x_r, y_r, \theta)$$

← 진행순서 연산순서 반대

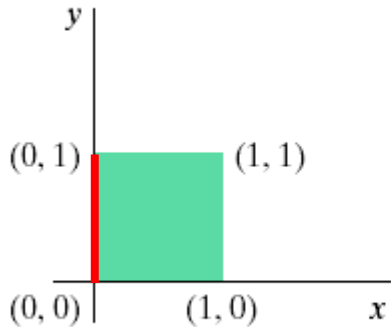
Shear (Other Transformations)

- 모양을 왜곡 (x나 y방향)
- sh_x, sh_y : 왜곡 양 결정

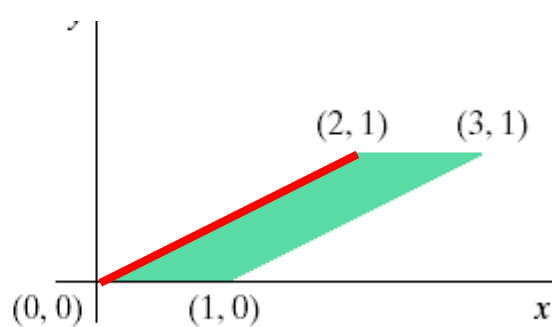
shear along x

$$\begin{bmatrix} 1 & sh_x & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} x \\ y \\ 1 \end{matrix} = \begin{matrix} x' \\ y' \\ 1 \end{matrix}$$

$$x' = x + sh_x \cdot y, \quad y' = y$$



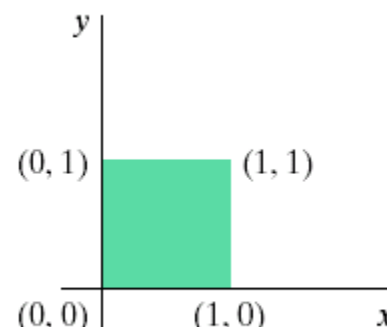
(a)



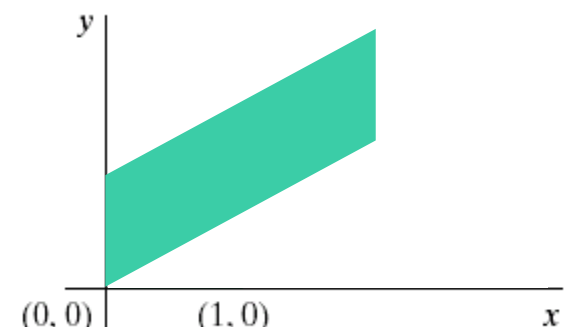
(b)

shear along y

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ sh_y & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} x \\ y \\ 1 \end{matrix} = \begin{matrix} x' \\ y' \\ 1 \end{matrix}$$



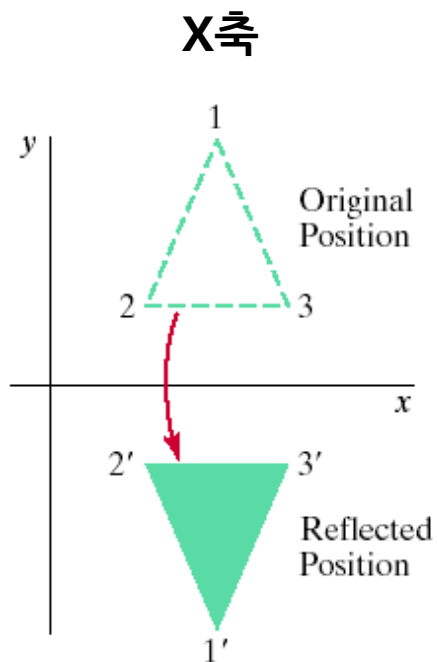
(a)



(b)

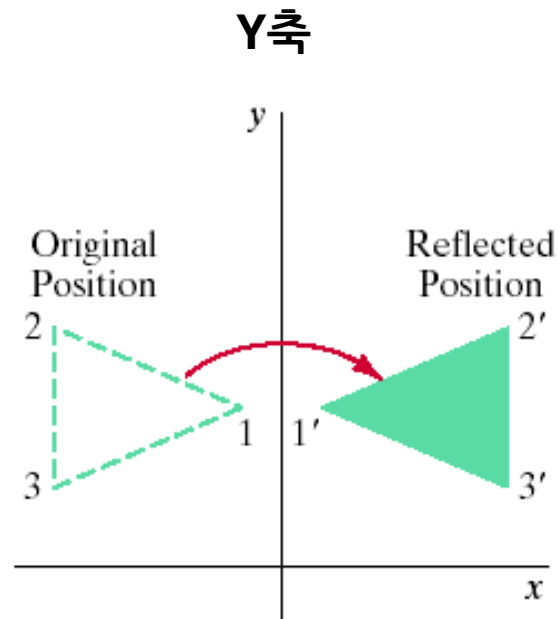
Reflection (Other Transformations)

- 대칭이동



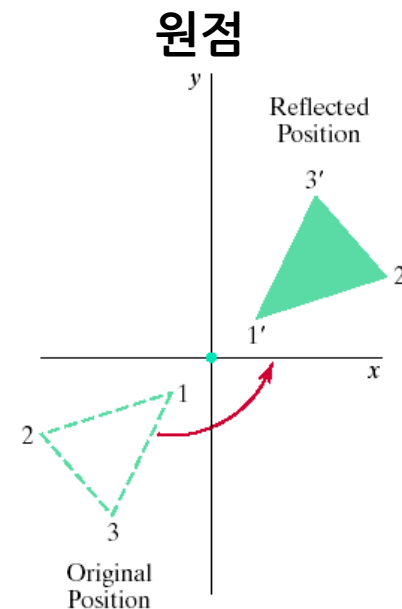
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} x \\ y \\ 1 \end{matrix} = \begin{matrix} x' \\ y' \\ 1 \end{matrix}$$

$$x' = x \quad y' = -y$$



$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} x \\ y \\ 1 \end{matrix} = \begin{matrix} x' \\ y' \\ 1 \end{matrix}$$

$$x' = -x \quad y' = y$$



$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{matrix} x \\ y \\ 1 \end{matrix} = \begin{matrix} x' \\ y' \\ 1 \end{matrix}$$

$$x' = -x \quad y' = -y$$

Quiz – 2D Transformations

문제 1

Which of the following buffers is used for visual surface determination in 3D?

하나를 선택하세요.

- ☐ a. Double buffer
- ☐ b. Alpha channel
- ☐ c. Color buffer
- ☒ d. Z-buffer ✓

Quiz – 2D Transformations

문제 2

Rotate (1,0) by 120 degrees around the origin.

하나를 선택하세요.

☒ a. $(-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$



☐ b. $(\frac{1}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2})$

☐ c. $(\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$

☐ d. $(-\frac{1}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2})$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} x' &= 1 \cdot \cos 120^\circ - 0 \cdot \sin 120^\circ \\ &= -\frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y' &= 1 \cdot \sin 120^\circ - 0 \cdot \cos 120^\circ \\ &= \frac{\sqrt{3}}{2} \end{aligned}$$

$$\therefore \left(-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

Quiz – 2D Transformations

문제 3

Which of the following homogeneous coordinates in 3D projective space corresponds to $(1, 2)$ in 2D Euclidean coordinate?

하나를 선택하세요.

- ☐ a. $(2, 4, 1)$
- ☐ b. $(2, 4, 0)$
- ☒ c. $(2, 4, 2)$ ✓
- ☐ d. $(2, 4, \frac{1}{2})$

Homogeneous Coordinates

- Map $(x, y) \in \mathbb{R}^2$ to $(x_h, y_h, h) \in \mathbb{RP}^3$,
where $x = \frac{x_h}{h}$, $y = \frac{y_h}{h}$

$$\begin{aligned}x &= 2/2 = 1 \\ y &= 4/2 = 2 \\ &\rightarrow (1, 2)\end{aligned}$$