CY TECH Architecture des ordinateurs ING1 GI

2020-2021

Algèbre de Boole. Tables de vérité. Simplifications algébriques. Simplification par Karnaugh

Exercice 1

Démontrer à l'aide de tables de vérité les égalités suivantes :

- a) $\overline{xyz} = \overline{x} + \overline{y} + \overline{z}$
- b) x + yz = (x+y)(x+z)
- c) x + xy = x+y.

Exercice 2

Établir les tables de vérité des fonctions :

- 1. $F1 = \overline{ab} + \overline{b} \overline{c}$
- 2. $F2 = c (\overline{b} + a)$
- 3. $F3 = \overline{ac} + bd + a \overline{c}$

Exercice 3

Trouver les équivalents logiques aux différents opérateurs :

- $-A \neq B$
- -A = B
- -A > B
- -A < B
- $--A \ge B$
- $--A \leq B$

Exercice 4

Simplifier les expressions suivantes :

$$(x+y)(x+\overline{y})$$

$$x+xy$$

$$x(x+y)$$

$$x+\overline{x}y$$

$$x(\overline{x}+y)$$

Exercice 5

Simplifier les expressions suivantes :

$$abc + ab\overline{c} + \overline{a}b$$

$$(\overline{a} + \overline{b})(\overline{a} + \overline{b})$$

$$x + y(z + \overline{x} + \overline{z})$$

$$a\overline{c}de + \overline{d} + \overline{e} + c$$

Exercice 6

Sachant que

représente l'opérateur XOR, montrer à l'aide de tables de vérité que :

$$A \oplus B = \overline{A}B + A\overline{B}$$

 $A \oplus B = (A + B)(\overline{A} + \overline{B})$

Exercice 7

Simplifier à l'aide du théorème de De Morgan :

$$S = (\overline{x + \overline{y + z}})(x + \overline{y}\overline{z}) + \overline{x}\overline{y}(\overline{z}t + tz)$$

$$T = \overline{(a \ \overline{b})(b + c + \overline{d}) + bc}$$

Exercice 8

Soit un nombre binaire non signé codés sur 3 bits (x = ABC).

- Exprimer sous forme de conjonctions de disjonctions le fait que x est premier (0 et 1 ne sont pas premier). Puis ré-écrire cette formule sous forme de disjonctions de conjonctions.
- Trouver une formule donnant la même valeur que la majorité des bits.

Soit l'addition : z = x + y, avec $z = (z_2 z_1 z_0)_{(2)}$, $x = (x_2 x_1 x_0)_{(2)}$ et $y = (y_2 y_1 y_0)_{(2)}$. Exprimer l'addition de $z_0 = x_0 + y_0$, exprimer la condition de retenue. Faites de même pour z_1 et z_2 .

Exercice 9

Écrire les équations simplifiées des fonctions décrites par les tableaux de Karnaugh suivants :

\cd	00	01	11	10
ab				
00	1	1	1	0
01	0	1	1	0
11	0	1	1	0
10	1	0	1	1

Çd	00	01	11	10
ab				
00	0	1	0	0
01	1	0	1	1
11	0	1	1	1
10	1	0	0	0