

Optimisation:

De l'estimation paramétrique à l'apprentissage, une ballade entre théorie et pratique

S. Delprat

Chapitre 7 – Apprentissage profond (deep learning)

Que souhaite t on faire?

 Effectuer des régressions et/ou classification sur des ensembles données de très grande taille

typiquement : une image 128 x 128 px = 16 384 données (par image)

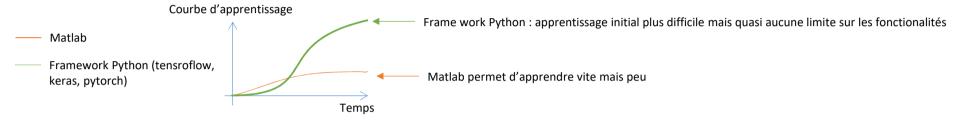
- Traiter de très grandes quantités de données,
 typiquement 10 000 à 200 000 images voire plus pour des applications grande échèle
- Pour des réseaux de grande taille typiquement 23 millions de paramètres pour un réseau ResNet-50

Quel framework?

Matlab



Uniquement pour découvrir les concepts du deep learning. Peu efficace, utilisation très marginale. Intérêt : framework simple (voire simpliste). Inconvénient: framework fermé, en général 12 mois de retard sur l'état de l'art minimum. Beaucoup de limitations.





Crée par Google, supporte C++, Python et R.

PYTORCH Crée par Facebook. Torch : C/C++ PyTorch: Python

Sommaire

- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



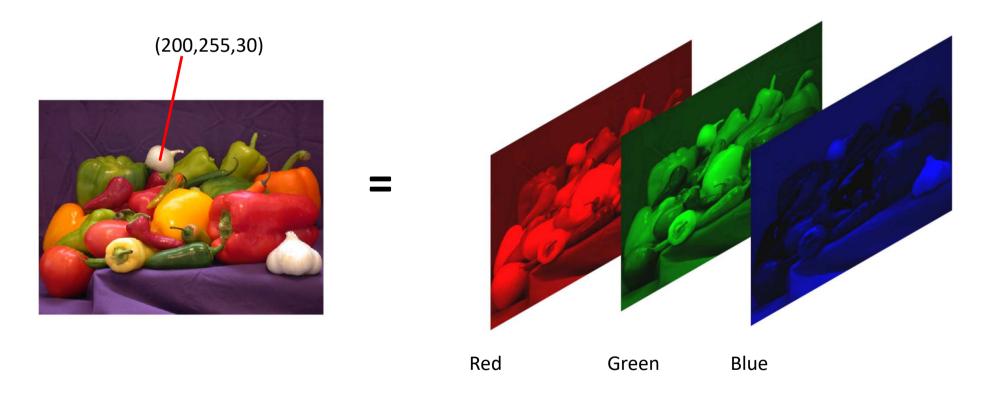
Préambule: quelques rappels succincts de traitement d'image



https://deepdreamgenerator.com/

Une image couleur est stockée sous forme de tripplets RGB

Une image couleur contient hauteur x largeur x 3 données.



Les images sont très riches en données.

Une image couleur contient hauteur x largeur x 3 données.

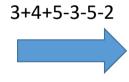
Un point de l'image (pixel) est généralement codé :

- Avec 3 octets : rouge vert bleu (RGB) pour une image couleur
- Avec 1 octet : un niveau de gris

Une approche classique du traitement d'image consiste à utiliser des filtre pour détecter des caractéristiques et traiter l'image

3	4	5	2	5	2
1	3	8	10	2	3
3	5	2	1	3	10
5	5	6	7	5	3
8	10	15	2	1	4

1	1	1
0	0	0
-1	-1	-1



2		

Les images sont très riches en données.

Une image couleur contient hauteur x largeur x 3 données.

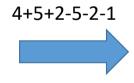
Un point de l'image (pixel) est généralement codé :

- Avec 3 octets : rouge vert bleu (RGB) pour une image couleur
- Avec 1 octet : un niveau de gris

Une approche classique du traitement d'image consiste à utiliser des filtres pour détecter des caractéristiques et traiter l'image

3	4	5	2	5	2
1	3	8	10	2	3
3	5	2	1	3	10
_	_			_	
5	5	6	7	5	3
8	2	4	2	1	4

1	1	1
0	0	0
-1	-1	-1



2	3	

Les images sont très riches en données.

Une image couleur contient hauteur x largeur x 3 données.

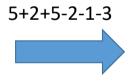
Un point de l'image (pixel) est généralement codé :

- Avec 3 octets : rouge vert bleu (RGB) pour une image couleur
- Avec 1 octet : un niveau de gris

Une approche classique du traitement d'image consiste à utiliser des filtres pour détecter des caractéristiques et traiter l'image

3	4	5	2	5	2
1	3	8	10	2	3
3	5	2	1	3	10
5	5	6	7	5	3
8	2	4	2	1	4
6	2	1	3	5	5

1	1	1
0	0	0
-1	-1	-1



2	3	6	

Les images sont très riches en données.

Une image couleur contient hauteur x largeur x 3 données.

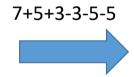
Un point de l'image (pixel) est généralement codé :

- Avec 3 octets : rouge vert bleu (RGB) pour une image couleur
- Avec 1 octet : un niveau de gris

Une approche classique du traitement d'image consiste à utiliser des filtres pour détecter des caractéristiques et traiter l'image

3	4	5	2	5	2
1	3	8	10	2	3
3	5	2	1	3	10
5	5	6	7	5	3
8	2	4	2	1	4
6	2	1	3	5	5

1	1	1
0	0	0
-1	-1	-1



2	3	6	-5
-4	3	2	0
-4	0	-1	7
7	12	9	2

En traitement d'image « classique », on applique le même filtre au 3 couches, ce n'est cependant pas obligatoire.

Exemple : détection de gradients horizontaux & verticaux avec un filtre de Prewit

$$Prewit = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} / 3$$

$$Prewit = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} / 3$$



```
clear all
close all;
clc
originalRGB = imread('peppers.png');
imshow(originalRGB);
c=1;
Prewit=[-1 0 1;
    -1 0 1;
    -1 0 1]/3;
filteredRGB2 = imfilter(originalRGB, Prewit);
filteredRGB3 = imfilter(originalRGB, Prewit');
figure,
subplot(1,3,1);
imshow(originalRGB)
subplot(1,3,2);
imshow(filteredRGB2)
subplot(1,3,3);
```

imshow(filteredRGB3)

fspecial('unsharp')



Original



fspecial('disk',10)

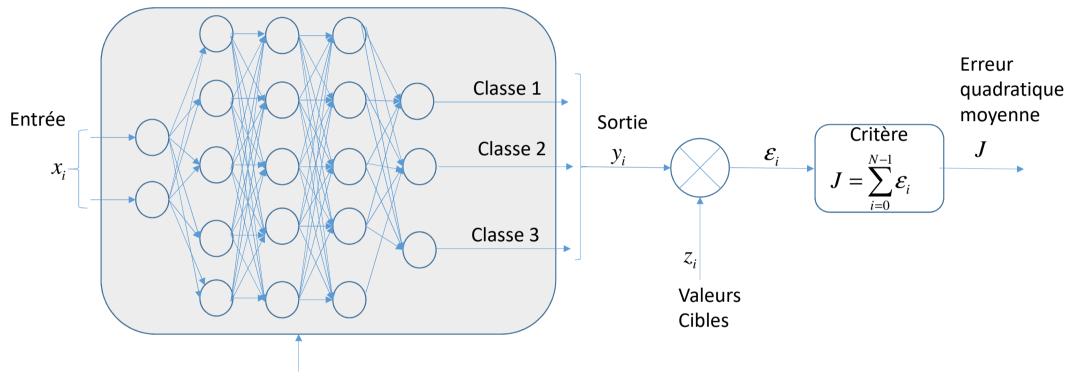


Sommaire

- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



Que ce soit pour un problème de régression ou classification, l'apprentissage consiste à minimiser un critère (loss):



Paramètres (poids + biais): W

Que ce soit pour un problème de régression ou classification, l'apprentissage consiste à minimiser un critère (loss):

$$\min_{w} J = \sum_{i=0}^{N-1} (z_i - f(w, y_i))^2$$

La minimisation du critère se fait par un algorithme de type descente de gradient, alors à chaque iteration j l'algorithme du gradient donne:

$$w_{j+1} = w_j - \alpha \nabla_w J(w_j)$$
Taux d'apprentissage (Learning rate)

Le gradient se calcule à partir du critère:

$$\nabla_{w}J(w) = -2\sum_{i=0}^{N-1} \left(z_{i} - f\left(w, y_{i}\right)\right) \frac{\partial f\left(w, y_{i}\right)}{\partial w}$$
Passe directe
(f: fonction composée par les différentes couches
Calcul des dérivées par la règle de dérivation en chaine
(rétropropagation du gradient de l'erreur)

Problème: Pour calculer le gradient exact, il faut calculer :

- L'erreur pour toutes les observations (i.e. les 200 000 images) $\nabla_w J(w) = -2\sum_{i=0}^{N-1} \left(z_i f(w, y_i)\right) \frac{\partial f(w, y_i)}{\partial w}$ La dérivée partielle par rapport au nombreux paramètres, pour chaque image!

En pratique, ce calcul n'est pas faisable:

- **Trop long**
- Probablement instable numériquement

Solution: une approche statistique

On suppose que les observations (x_i, y_i) sont issues de réalisations aléatoires qui suivent une loi P(x|y) inconnue

Si on sélectionne aléatoirement $n \to \infty$, observations pour calculer le gradient, alors l'algorithme du gradient permet d'adapter les paramètres dans la bonne direction

Pour n < N, on montre que l'algorithme converge (sous certaines hypothèses).



Idée:

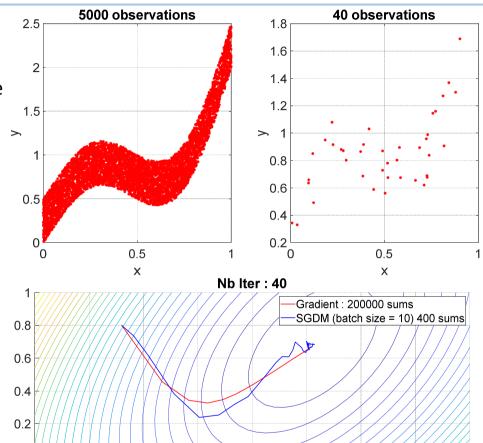
- + on découpe le jeux de données en mini-lots
- + on applique l'algorithme du gradient (avec moment) sur chaque mini-lot

Exemple: régression
$$y = w_1 \cdot x^2 + w_2 \cdot \sin(2\pi x)$$

Gradient classique avec 5000 points requiert 200 000 calculs SGDM avec mini lots de taille 10 : requiert uniquement 400 calculs

=> Au cours des itérations, des mini-lots de taille réduite apportent statistiquement la même quantité d'information mais bruitée

Une « époque » consiste à itérer l'algorithme sur tous les mini-lots qui composent l'ensemble des observations.



1.5

-0.2

0.5

3.5

2.5

2 W₂

• Méthode de rétropropagation du gradient de l'erreur « **stochastique** » Chaque itération n'utilise qu'**une partie** la base d'images d'entrainement



La taille des mini-lots peut être:

- Egale à 1
- Supérieure à 1

Idée de base:

On suppose que l'ensemble des images d'entrée est issue d'une distribution

On suppose que chaque mini-lot permet d'échantillonner la distribution des données de départ

La rétro propagation est effectuée à chaque mini-lot:

- Un mini lot requiert moins de mémoire (quelques Mo vs quelques Go pour la base de départ)
- Moins de calcul par mini-lots
- Une époque corresponds au traitement de tous les mini-lots composants l'ensemble des données de départ
- En général, on augmente la taille du mini-lot en fonction de la mémoire disponible sur le GPU

Modification de l'algorithme d'apprentissage

Adaptation des poids avec la méthode du gradient:

$$W_{k+1} = W_k - \alpha \cdot \nabla E(W_k)$$
Gradient de l'erreur par rapport aux paramètres

Taux d'apprentissage (learning rate)

=> Taille du « Pas » dans la direction du gradient

Pour limiter les oscillations des paramètres autour d'un minimum local, ils est possible de modifier l'algorithme du gradient:

$$W_{k+1} = W_k - \alpha \cdot \nabla E(W_k) - \lambda (W_k - W_{k-1})$$
Permet d'amortir les oscillations
$$\lambda \in [0,1] \text{ par exemple 0,8}$$

Sommaire

- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



Deep learning — Normalization et/ou standardisation des données d'entrée

Les données d'entrées peuvent être relativement quelconque. Leur échèle peuvent être très différentes.

Cela peut causer des problèmes d'instabilité numérique dans les algorithmes d'apprentissage (explosion des gradients)

Données brutes

Nombre de kilomètre parcouru par an : entre 0 et 20 000 km 0 20 000

Nombre de passagers dans la voiture : entre 1 et 5

1 5 →

Nombre de kilomètre parcourus par semaine: entre 0 et 1000 km

0 10 000 -----

Deep learning — Normalization et/ou standardisation des données d'entrée

Les données d'entrées peuvent être relativement quelconque. Leur échèle peuvent être très différentes.

• La standardisation consiste à mettre à l'échelle les données de sorte que leur moyenne soit 0 et l'écart type 1

NB : Cela n'implique en rien que la distribution des données soit normale!!

• La normalisation consiste à mettre à l'échelle les données de sorte qu'elles soient comprise entre -1 et 1 (ou 0 et 1)

Nombre de kilomètre parcouru par an : entre 0 et 20 000 km

Nombre de passagers dans la voiture : entre 1 et 5

Nombre de kilomètre parcourus par semaine: entre 0 et 1000 km

Deep learning – Augmentation du nombre d'image d'entrées

Un des problèmes avec l'apprentissage des poids est que le nombre d'images classifiées disponible est limité.

En général, plus on dispose d'images classifiées et plus l'apprentissage est performant.

Une astuce qui permet d'augmenter artificiellement le nombre d'image consiste à appliquer des opérateurs sur les images d'origines qui ne modifient pas la classification:

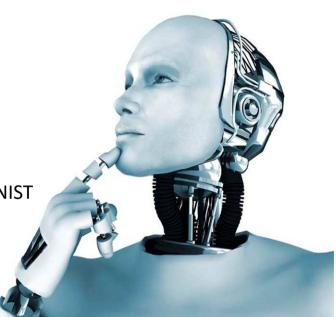
- Symétrie
- Rotation
- Translation
- Augmentation de contraste et/ou luminosité
- Etc.

```
augmenter = imageDataAugmenter( ...
'RandXReflection',true, ...
'RandXScale',[1 2], ...
'RandYReflection',true, ...
'RandYScale',[1 2])

source = augmentedImageSource(imageSize,ImgOrigine,LabelImgOrigine,'DataAugmentation',augmenter)
```

Sommaire

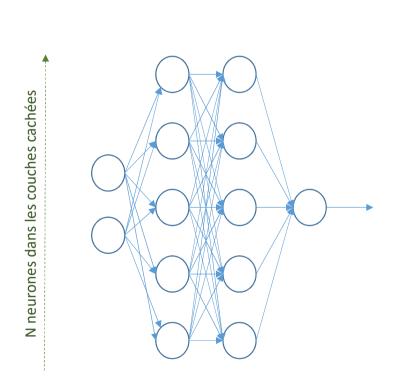
- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux

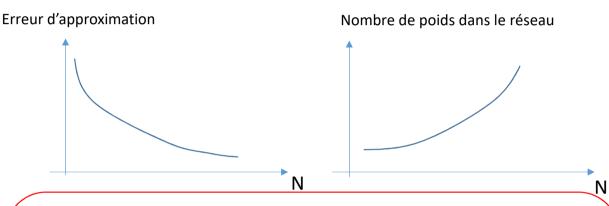


Deep learning – *Motivations*

Les réseaux de neurones ont une propriété d'approximation universelle.

En règle générale, on montre qu'en ajoutant des neurones, l'erreur d'approximation (en apprentissage supervisé) <u>peut</u> tendre vers 0. Pour cela, il suffit d'ajouter des neurones dans les couches cachées.





On peut théoriquement réduire l'erreur d'approximation autant qu'on veut en augmentant N

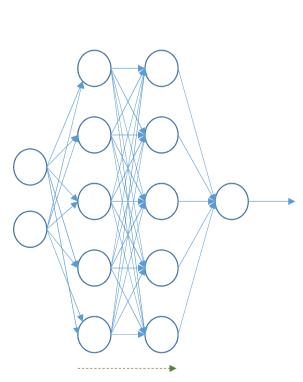
AU PRIX d'un nombre de poids de plus en plus important

PB: Les performances des algorithmes d'apprentissage des poids ne suivent pas

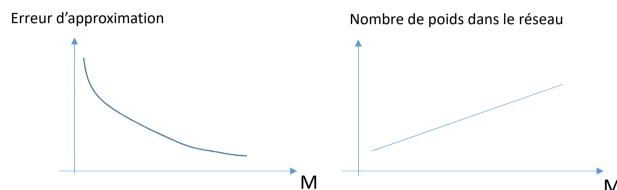
Deep learning — *Motivations*

Les réseaux de neurones ont une propriété d'approximation universelle.

En règle générale, on montre qu'en ajoutant des neurones, l'erreur d'approximation (en apprentissage supervisé) <u>peut</u> tendre vers 0. Pour cela, il suffit d'ajouter des neurones dans les couches cachées.



M neurones dans les couches cachées



En augmentant le nombre de couches cachées, on peut également diminuer l'erreur

ET

le nombre de poids dans le réseau augmente linéairement

=> Moins de difficultés avec l'algorithme d'apprentissage des poids

Sommaire

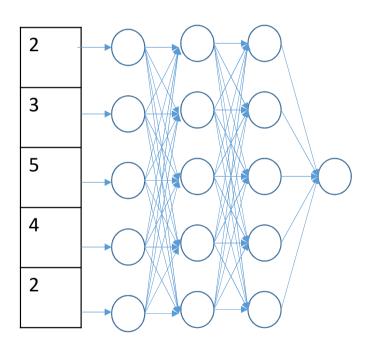
- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



Deep learning — Réseaux de neurones à convolution (conv net)

On souhaite traiter de très grandes quantité de données, comme la valeur des pixels d'une image

Problème : une petite image (200x200) en couleur nécessite 120 000 neurones dans la couche d'entrée. Avec 2 couches complètement connectées, il faut 2,88 x 10¹⁰ poids => aucun algorithme d'apprentissage n'est capable de gérer cette quantité de poids.



Dans la pratique, on souhaiterait :

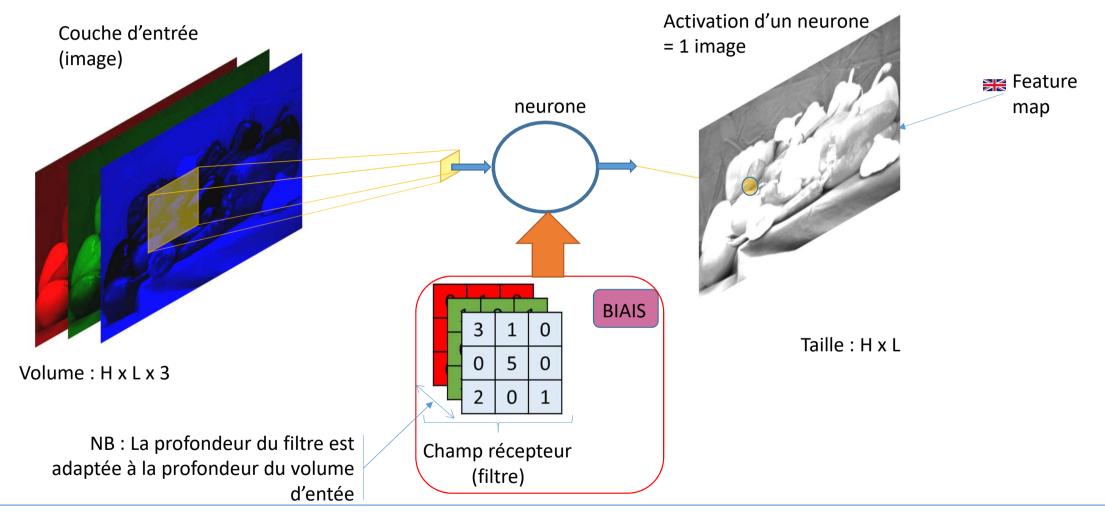
- traiter des images de taille plus conséquente
- Utiliser plus de couches (entre 10 et 20 par exemple)

De plus, en « dépliant » l'image à l'entrée du réseau, on perd l'information sur la géométrie des pixels. Chaque pixel a des voisins. Une zone délimité de l'image peut contenir des informations.

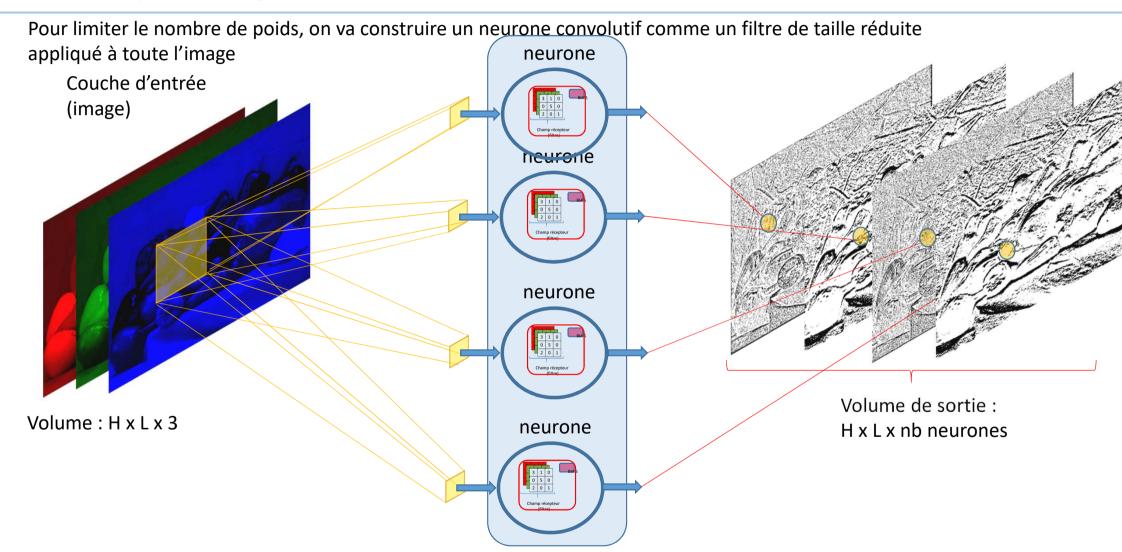
- => Il est peut probable que l'algorithme d'apprentissage des poids arrive à retrouver « par miracle » cette connectivité
- => II faut faire autre chose

Deep learning – Réseaux de neurones à convolution (conv net)

Pour limiter le nombre de poids, on va construire un neurone convolutif comme un filtre de taille réduite appliqué à toute l'image



Deep learning — Réseaux de neurones à convolution (conv net)



Deep learning — Gestion des bordures (padding)

Image d'entrée

3	4	5	2	5	2
1	3	8	10	2	3
3	5	2	1	3	10
5	5	6	7	5	3
5 8	5	6 4	7	5 1	3 4

3 x 3

Filtre

-

 2
 3
 6
 -5

 -4
 3
 2
 0

 -4
 0
 -1
 7

 7
 12
 9
 2

Image de sortie

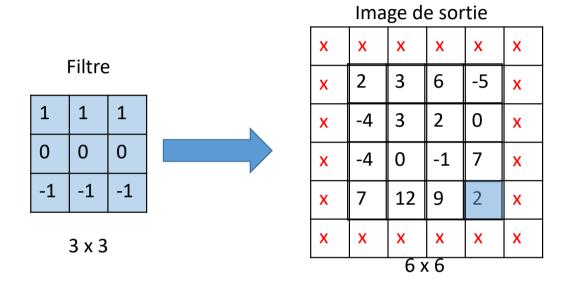
4 x 4

6 x 6

L'image de sortie est plus petite que l'image d'origine car on n'a pas appliqué le filtre en dehors de l'image d'origine.

Deep learning — Gestion des bordures (padding)

Image d'entrée							
0	0	0	0	0	0	0	0
0	3	4	5	2	5	2	0
0	1	3	8	10	2	3	0
0	3	5	2	1	3	10	0
0	5	5	6	7	5	3	0
0	8	2	4	2	1	4	0
0	6	2	1	3	5	5	0
0	0	0	0	0	0	0	0



8 x 8

En rajoutant des zéros à l'extérieur, on peut augmenter la taille de l'image de sortie.

=> Le terme Anglais est « zero Padding »

La plupart des logiciels permettent de calculer automatiquement le nombre de zéro à rajouter pour préserver la taille de l'image d'entrée (Padding='same')

Deep learning — Gestion de l'avancée du filtre (stride)

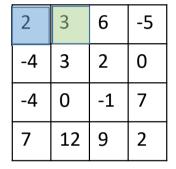
Image d'entrée

Pas : 1

3	4	5	2	5	2
1	3	8	10	2	3
3	5	2	1	3	10
5	5	6	7	5	3
8	2	4	7	5 1	3

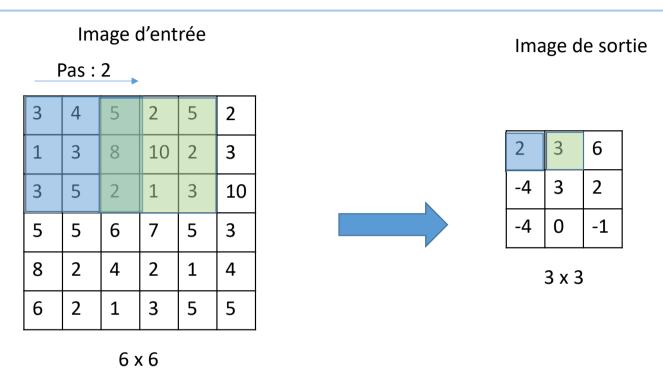
6 x 6

Image de sortie



4 x 4

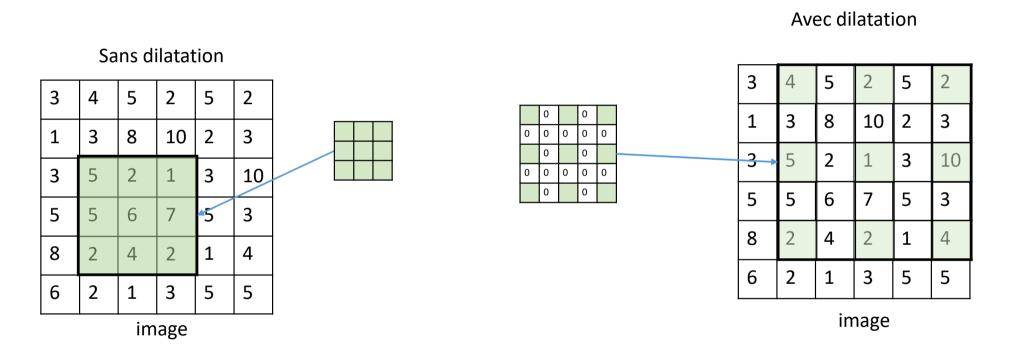
Deep learning — Gestion de l'avancée du filtre (stride)



Le pas d'avancement du filtre (stride) permet de diminuer la taille de l'image de sortie

Deep learning – Gestion de la dilatation

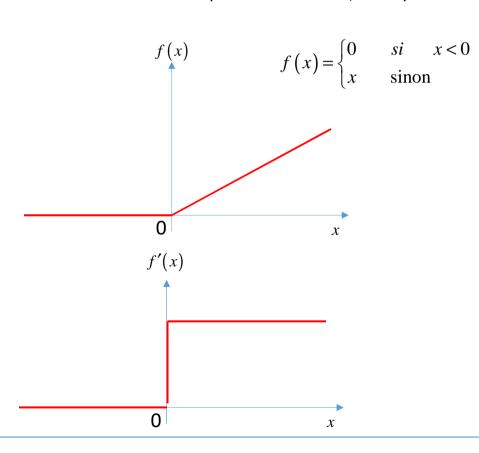
La dilatation permet d'obtenir un filtre plus grand sans ajouter de poids supplémentaire à apprendre. Pour cela, des zéros sont ajoutés entre les données du filtres



Résultat: Avec le même nombre de poids, le filtre «scanne » un plus grande zone de l'image MAIS la présence de zéros rends le filtre moins efficace qu'un filtre de taille équivalente sans dilatation.

Deep learning — Non linéarité ReLu

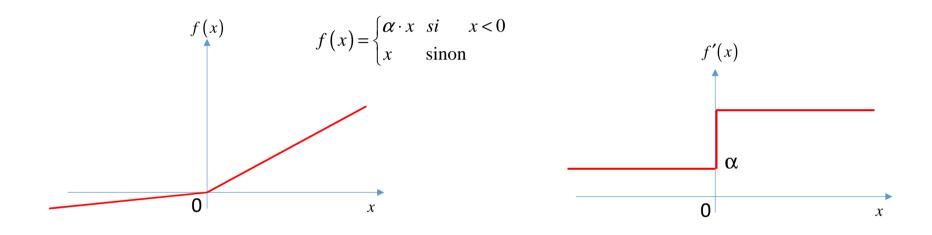
Une des avancée significative dans les réseaux de neurones a été atteinte en utilisant une fonction d'activation particulière: REctifier Linear Unit : (Nair and Hinton, 2010)



Intérêt: le gradient est unitaire dans la zone positive: Il n'y a plus de problème de dilution du gradient (vanishing gradient)

Deep learning – Non linéarité Leaky - ReLu

La non linéarité ReLu a un gradient nul pour les valeurs négatives. Cela peut poser des problèmes pour l'apprentissage. Une alternative est la non linéarité « Leaky ReLU »



Intérêt: permet d'avoir un gradient non nul pour un cout de calcul relativement faible Inconvénient : la dérivée n'est pas continue

[1] Nair, Vinod, and Geoffrey E. Hinton. "Rectified linear units improve restricted boltzmann machines." In *Proceedings of the 27th international conference on machine learning (ICML-10)*, pp. 807-814. 2010.

Les couches de mise en commun (se pooling) permettent de réduire la quantité d'information à traiter.

L'idée de base est de considérer une zone de l'image de départ et d'en extraire un indicateur « pertinent » (max ou moyenne)

3	4	5	2	5	2
1	3	8	10	2	3
3	5	2 /	1	3	10
5	5	6	7	5	3
8	2	4	2	1	4
6	2	1	3	5	5

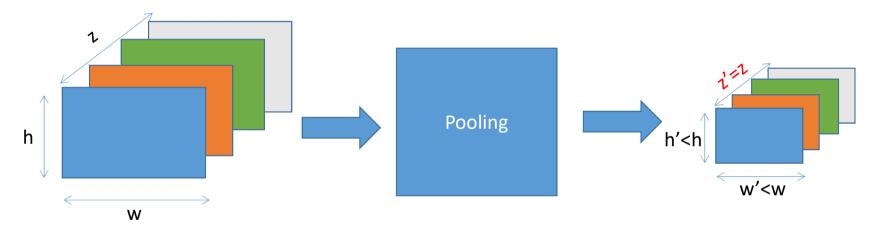
MaxPooling : le résultat est la plus grande valeur (10)

AvgPooling : le résultat est la moyenne de la zone (5.22)

L'opération est appliquée à chaque couche du volume d'entrée

=> Le volume de sortie à le même nombre de couches, mais ces couches sont plus petites

Le pas d'avancement du filtre (stride) est en général égal à la taille du filtre afin de réduire la quantité d'information présente.

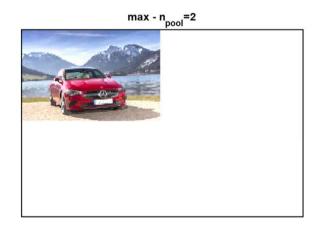


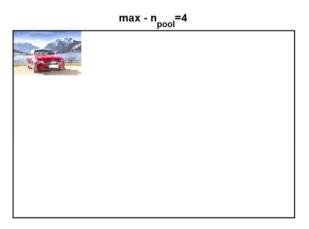
Données en entrée

Données en sortie

Exemple de résultats obtenus en appliquant un max pooling à une image.

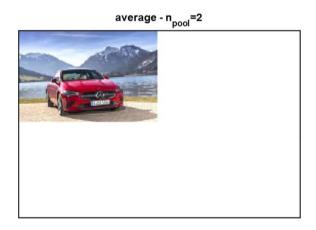


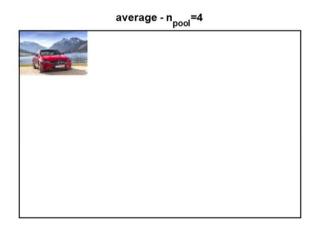




Exemple de résultats obtenus en appliquant un average pooling à une image.





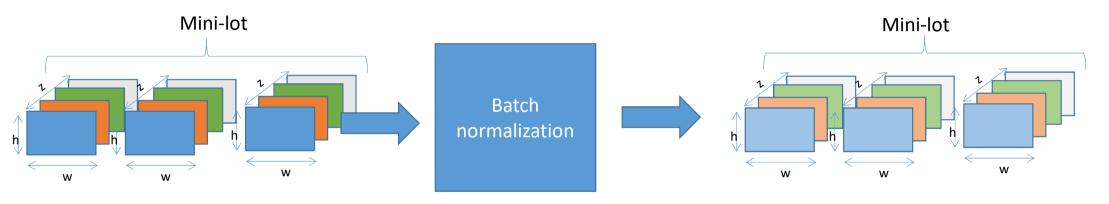


Deep learning — Batch normalization

La couche de « batch normalisation » permet d'améliorer l'apprentissage par une régularisation des données circulant dans le réseau.

De la même manière que les données d'entrée ont été normalisées, il est important de normaliser les activations. Cela permet d'éviter les « explosions de gradients ».

La normalisation se fait sur un mini-lot.



BatchNormalization: utilise 2 paramètres par tranche, la normalisation se fait sur l'ensemble des données d'un mini-lot et pour plan du volume de sortie

BatchNormalization : utilise 2 x h x w paramètres par tranche, la normalisation se fait sur l'ensemble des données d'un mini-lot et pour plan du volume de sortie

Deep learning — Batch normalization

De la même manière que les données d'entrée ont été normalisées, il est important de normaliser les activations. Cela permet d'éviter les « explosions de gradients ».



L'algorithme consiste à :

- Normaliser les données (moyenne 0 et variance 1)
- Décaler le résultat précédent pour avoir une moyenne m et une variance v avec m et v 2 paramètres devant être appris

BatchNormalization : utilise 2 paramètres par tranche (2z paramètres en tout), la normalisation se fait donc sur l'ensemble des données d'un mini-lot et pour chaque plan du volume de sortie

BatchNormalization2D : utilise 2 x w x h paramètres par tranche, la normalisation se fait sur l'ensemble des données d'un mini-lot et pour chaque « pixel » de chaque volume de sortie

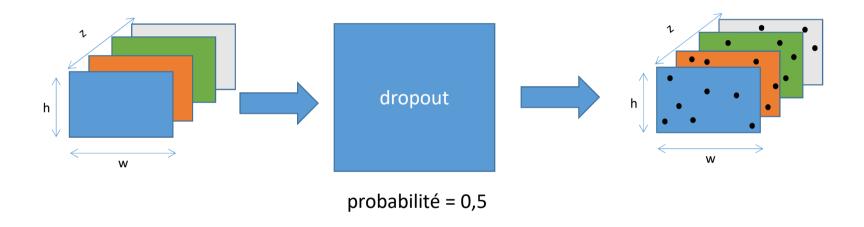
loffe, Sergey, and Christian Szegedy. "Batch normalization: Accelerating deep network training by reducing internal covariate shift." preprint, arXiv:1502.03167 (2015).

Deep learning – *dropout*

/Srivastava & al. 2014/

Structure du réseau: notion de « dropout »

Le « dropout » consiste à désactiver certaines activation du réseau. C'est une méthode de régularisation qui a pour but de faciliter l'apprentissage. Chaque activation est conservée avec une certaine probabilité. Les auteurs suggèrent une probabilité de 0,5.



Nitish Srivastava, Geoffrey Hinton, Alex Krizhevsky, Ilya Sutskever, Ruslan Salakhutdinov, Dropout: A Simple Way to Prevent Neural Networks from Overfitting, Journal of Machine Learning Research, 15(Jun):1929–1958, 2014.

Deep learning — couche finale

/Srivastava & al. 2014/

Fully connected

Pour les problèmes de classifications, des couches « denses » sont généralement rajoutée à la fin du réseau.

softmax

A utiliser pour les problème de classification

Regression layer

A utiliser avec Matlab pour les problème de régressions

Sommaire

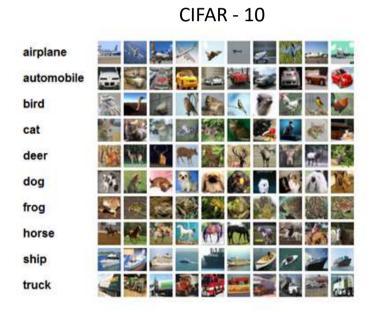
- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



Deep learning – exemples

Il existe de nombreux benchmark pour la classification:

- MNIST : classification de nombres écrit à la main 60 000 images meilleur résultat : 0,21% d'erreur sur la base de test /LeCun&al, 1998/
- CIFAR-10, 100: 60 000 images, 10 classes meilleur résultat: 3,4% d'erreur sur la base de test
- FACE CELEB A : 200 000 images de célébrités
- etc



MNIST

Classification des images de nombres de 0 à 9 (démo Matlab). Utilisation de la base MNIST(cf archive Moodle)

2 répertoires disponibles : 1 pour l'apprentissage et 1 pour le test

Nom du répertoire = classe des images

```
apprentissageData = imageDatastore([pwd '\MNIST\train'], 'IncludeSubfolders',true,'LabelSource','foldernames');
nImages=length(validationData.Files);
```

imageDatastore: Objet permet le chargement automatique d'un grand nombre de données

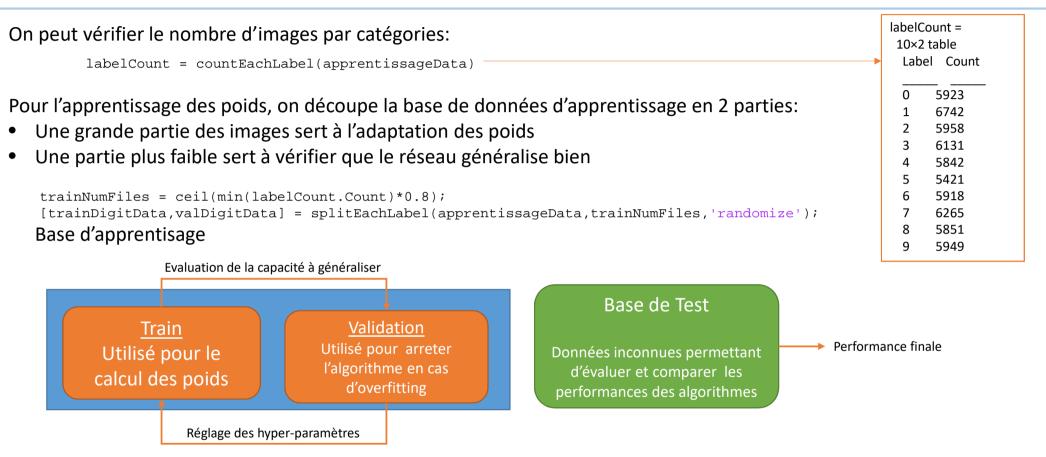
- ⇒ Traite les images, les fichiers textes, les données csv, etc.
- ⇒ Permet de facilement découper un jeu de données en plusieurs lot (apprentissage, test, etc).

```
5 5 5 2
6 3 6 7 1
9 6 2 6 3
0 2 5 0 /
```

```
apprentissageData.Files : cell array avec le nom des fichiers
```

Img=readimage(apprentissageData,No) : lecture de l'image n° No

```
figure;
perm = randperm(nImages,20);
for i = 1:20
    subplot(4,5,i);
    imshow(apprentissageData.Files{perm(i)});
end
```



On vérifie la taille des images. Nécessaire pour spécifier la taille de la première couche du réseau

```
Img=readimage(apprentissageData,3);
inputSize=size(Img);
inputSize= 28 28
```

Dans Matlab, un réseau de neurone se définit comme un tableau de couches.

Les principales couches disponibles sont:

- imageInputLayer([h w c]) => Images de hauteur h, largeur w, avec c=1 pour N&B et c=3 pour couleur
- convolution2dLayer (filterSize, numFilters)
 - => filterSize=[h w] Filtre de hauteur h, largeur w,
 - => numFilters : Nombre de filtres
- batchNormalizationLayer Normalisation des données:
 - 1) Les paramètres de normalisation <u>initiaux</u> (offset et gain) sont calculés sur un sous ensemble des données
 - 2) Les paramètres de normalisation sont ensuite adaptés comme les autres poids du réseau de neurones
 - ⇒ Permet d'accélérer l'apprentissage
 - ⇒ A utiliser systématiquement avant une couche ReLU
- dropoutLayer(probability) Couche de dropout avec spécification de la probabilité qu'un neurone soit désactivé
 - => Il n'est pas nécessaire d'utiliser les couches de dropout avec les batchNormalizationLayer. Ces deux couches ont les même finalités.

- LeakyReLULayer(alpha)
- reluLayer Couche ReLU (pas de paramètres)
- maxPooling2dLayer(poolSize)

```
poolSize=[h w]: taille de la région de pooling
```

- ⇒ Extrait la valeur maximale sur la région de taille h x w
- ⇒ Permet de réduire la taille du réseau => moins de poids à apprendre dans les couches suivantes
- **fullyConnectedLayer**(outputSize)
 - ⇒ Couche entièrement connectée (classique)
 - ⇒ A n'utiliser qu'à la fin du réseau car nécessite l'apprentissage de beaucoup de poids
- softmaxLayer
 - ⇒ Couche *softmax* utilisée pour la classification
 - ⇒ Retourne une probabilité ∈ [0,1] pour chaque sortie

• RegressionOutputLayer

- ⇒ Couche de régression permettant l'utilisation d'un critère Mean Squared Error:
- ⇒ Doit être précédé d'une couche « fullyConnectedLayer »

$$E = \sum_{i=1}^{n} \left\| y_i - \hat{y}_i \right\|$$

classificationLayer

- ⇒ Couche permettant d'activer l'unique sortie correspondant à l'entrée avec la plus forte activation
- \Rightarrow Doit être précédé d'une couche « softmaxLayer »
- ⇒ Le critère utilisé pour l'apprentissage des poids est l'entropie croisée:

$$E = \sum_{i=1}^{n} \sum_{k=1}^{n_{classes}} y_i^k \ln(\hat{y}_i^k)$$
Valeur prédite par le réseau
Valeur exacte

Pour chaque couche, il peut exister des paramètres additionnels:

- Stride: définit comment le filtre balaye l'image d'entrée
- Padding: définit si on rajoute des zéro à l'extérieur de l'image
- WeightLearnRateFactor: taux d'apprentissage des poids (multiple du taux global)
- BiasLearnRateFactor: taux d'apprentissage des biais (multiple du taux global)
- WeightL2Factor: coefficient de régularisation des poids (multiple du coef global)
- BiasL2Factor: coefficient de régularisation des biais (multiple du coef global)

Pour un problème de classification, les dernières couches du réseau seront toujours de la forme:

```
fullyConnectedLayer(nClasses)
softmaxLayer
classificationLayer
```

Définition du réseau de neurones:

[inputSize 1]=[28 28 1]

```
layers = [imageInputLayer [inputSize 1])

convolution2dLayer(3,16,'Padding',1)
batchNormalizationLayer
reluLayer

maxPooling2dLayer(2,'Stride',2)

convolution2dLayer(3,32,'Padding',1)
batchNormalizationLayer
reluLayer

maxPooling2dLayer(2,'Stride',2)

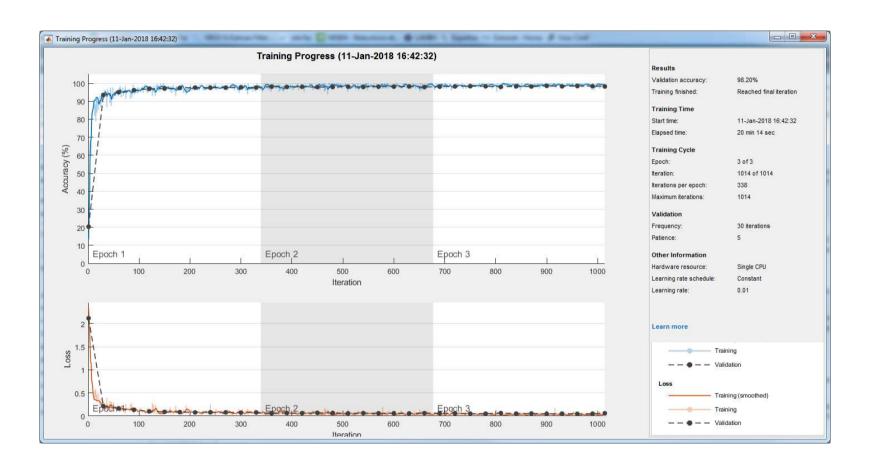
convolution2dLayer(3,64,'Padding',1)
batchNormalizationLayer
reluLayer

fullyConnectedLayer(10)
softmaxLayer
classificationLayer];
```

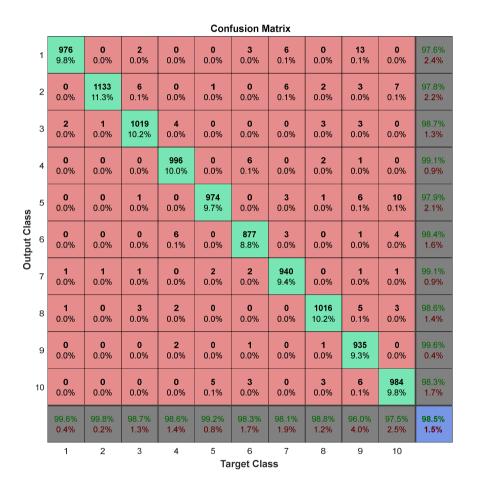
Spécification des options d'apprentissage: Un seul algo d'apprentissage disponible : sgdm options = trainingOptions('sgdm',... 'MaxEpochs',3, ... 'ValidationData',valDigitData,... 'ValidationFrequency',30,... 'Verbose',false,... 'Plots','training-progress'); net = trainNetwork(trainDigitData,layers,options); Apprentissage des poids (long) save alldata Sauvegarde du réseau entrainé (évite de refaire de longs calculs)

```
% Précision sur la base d'apprentissage
                                                                      Classifie les images de la base valData
predictedLabels = classify(net,valDigitData);
valLabels = valDigitData.Labels;
accuracyValid = sum(predictedLabels == valLabels)/numel(valLabels)
% Vérification de la généralisation sur des images inconnues
testData = imageDatastore([pwd '\MNIST\valid'],...
        'IncludeSubfolders', true, 'LabelSource', 'foldernames');
                                                                      Classifie les images de la base test
predictedTestLabels = classify(net,testData);
testLabels = testData.Labels;
accuracyTest = sum(predictedTestLabels == testLabels)/numel(testLabels)
fprintf('Données de validation\n');
fprintf(' Précision : %.2f\n',accuracyValid);
fprintf('Données de test\n');
fprintf(' Précision : %.2f\n',accuracyTest);
% Formatage des données
classeExacte=zeros(9,length(testLabels));
classePredite=zeros(9,length(testLabels));
for i=1:length(testLabels)
    classeExacte(testLabels(i),i)=1;
    classePredite(predictedTestLabels(i),i)=1;
end
plotconfusion(classeExacte,classePredite);
```

Classification des images de nombres MNIST – 20min d'apprentissage des poids

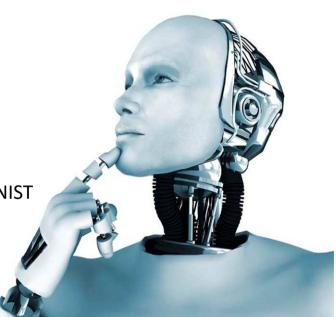


Classification des images de nombres de 0 à 9 (démo Matlab)



Sommaire

- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



Un des intérêt des réseaux de neurones est que s'ils ont été entrainé correctement, ils sont capable d'analyser les images d'entrée et en extraire de l'information de « haut niveau ».

L'entrainement d'un réseau de neurone est très couteux : il faut des cartes graphiques avec de gros processeur et beaucoup de mémore (12Go min), les plus chères dépassent les 10k€. Cela prends aussi beaucoup de temps : l'entrainement d'un réseau GoogleNet nécessite plus d'une semaine de calcul.

=>on peut réutiliser un réseau déjà entrainé :

- 1) Télécharger un réseau avec ses poids
- 2) Supprimer les dernières couches de classification (fully connected+softmax)
- 3) Rajouter un ensemble fully connected+softmax adapté au problème à résoudre.
- 4) Réentrainer le réseau avec de nouvelles données

Afin de ne pas « détruire » les poids déjà appris, pendant le nouvel entrainement, le taux d'apprentissage des couches transférées doit être très faible alors que celui des nouvelles couches doit être plus important.

Matlab 2017b propose les réseaux + poids suivants: AlexeNet, VGG16, VGG19, ResNet50, ResNet101, GoogLeNet,

Matlab 2019b permet également de télécharger des réseaux issus d'autres formats populaires.

Exemple: entrainement d'un réseau AlexNet pour détecter des panneaux

On fait l'hypothèse qu'un réseau entrainé est capable d'extraire l'information « utile et structurée » des images.

=> Il n'y a plus qu'à entrainer la dernière couche de classification

































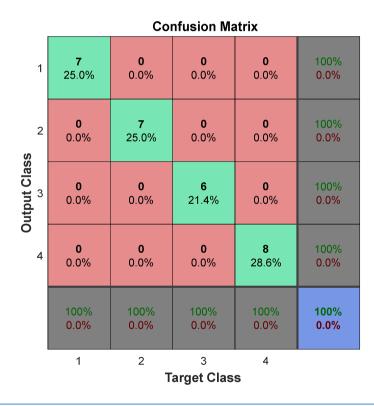
Exemple: entrainement d'un réseau AlexNet pour détecter des panneaux

```
% Affichage du nombre d'images
clear all
                                                                           labelCount = countEachLabel(trainingImages)
close all
clc;
                                                                           numTrainImages = numel(trainingImages.Labels);
                                                                           idx = randperm(numTrainImages,16);
% Réseau de neurones initial : AlexNet
                                                                           figure
net=alexnet;
                                                                           for i = 1:16
inputSize = net.Layers(1).InputSize(1:2)
                                                                               subplot(4,4,i)
                                                                               I = readimage(trainingImages,idx(i));
% Chargement des images
                                                                               imshow(I)
fprintf('Chargement des images\n');
                                                                           end
images = imageDatastore('Panneaux',...
    'IncludeSubfolders', true, ...
    'LabelSource', 'foldernames');
images.ReadFcn = @(loc)imresize(imread(loc),inputSize);
fprintf('Fin chargement des images\n');
fprintf('Nombre d''images total : %i\n',length(images.Files));
% Découpage des images en 2 jeux
[trainingImages, validationImages] = splitEachLabel(images, 0.8, 'randomized');
fprintf('Nombre d''images pour l''entrainement : %i\n',length(trainingImages.Files));
fprintf('Nombre d''images pour la validation: %i\n',length(validationImages.Files));
```

```
% Transfert learning with AlexNet
TransfertNet=net.Layers(1:22);
                                                                              On force un taux d'apprentissage important sur la
numClasses=length(categories(trainingImages.Labels));
                                                                              nouvelle couche
fprintf('Nombre de classes : %i\n',numClasses);
NewNet=[TransfertNet
                        % Partie transférée
    fullyConnectedLayer(numClasses, 'WeightLearnRateFactor', 10, 'BiasLearnRateFactor', 10)
    softmaxLayer
    classificationLaver1;
miniBatchSize = 10;
numIterationsPerEpoch = floor(numel(trainingImages.Labels)/miniBatchSize);
options = trainingOptions('sqdm',...
                                                                 On force un taux d'apprentissage faible pour les couches
    'MiniBatchSize', miniBatchSize, ...
    'MaxEpochs',4,...
                                                                 transférées
    'InitialLearnRate',1e-4,...
    'Verbose', false,...
    'Plots', 'training-progress',...
    'ValidationData', validationImages,...
    'ValidationFrequency', numIterationsPerEpoch);
if 1 == 0
                                                                       % Affichage
    netTransfer = trainNetwork(trainingImages,NewNet,options);
                                                                       classeValidation=zeros(numClasses,length(valLabels));
    save myNet netTransfer
                                                                       classePrediction=zeros(numClasses,length(valLabels));
else
    load myNet;
                                                                       for i=1:length(valLabels)
end
                                                                           classeValidation(valLabels(i),i)=1;
                                                                           classePrediction(predictedLabels(i),i)=1;
valLabels = validationImages.Labels;
                                                                       end
predictedLabels = classify(netTransfer,validationImages);
                                                                      plotconfusion(classeValidation, classePrediction);
```

Résultat tous les panneaux sont détecté (0% d'erreur).

- ⇒ ATTENTION IL N'Y A QUE 28 IMAGES DANS LE JEU DE VALIDATION
- ⇒ CE N'EST PAS SUFFISANT POUR CONCLURE QUE LE RESEAU EST FONCTIONNEL



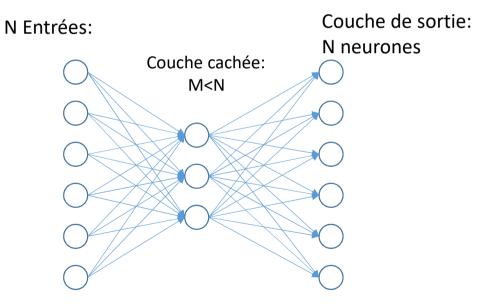
Deep learning — *Autoencoders*

L'idée d'un Autoencoder est de forcer un réseau de neurone à apprendre la fonction identité:

=> Le réseau doit proposer à la sortie la même image que celle qui est fournie à l'entrée

Comme la couche cachée contient moins de neurones que de pixels à l'entrée, le réseau est obligé de compresser l'information:

- Ne peut fonctionner que si l'information dans les images d'entrée est structurée. Si à l'entrée on mets des images aléatoires, le réseau ne peut pas les reconstruire
- Il y a une perte d'information: l'image de sortie risque d'être « floue » : le réseau ne retient que l'essentiel



Deep learning — *Autoencoders*

Avec Matlab, un AutoEncodeur est un réseau « classique » (i.e. pas à convolution).

Avantage: on peut utiliser un autoencodeur avec n'importe quel type de données (images, courbe, etc.) Inconvénient: il faut ranger les images (toutes de même dimension) dans un cell array

```
clear all
close all
clc;
fprintf('Chargement des images\n');
apprentissageData = imageDatastore([pwd '\MNIST\train'],...
    'IncludeSubfolders', true, 'LabelSource', 'foldernames');
fprintf('done\n');
nImages=length(apprentissageData.Files);
fprintf('%i images lues\n',nImages);
labelCount = countEachLabel(apprentissageData);
% Pour ne pas attendre trop longtemps (au détriment de la
qualité) on
% diminue le nombre d'images
trainNumFiles = ceil(min(labelCount.Count)*0.1);
[trainDigitData,valDigitData] =
splitEachLabel(apprentissageData,trainNumFiles,'randomize');
nImages=length(trainDigitData.Files);
fprintf('%i images train\n',nImages);
```

Deep learning — *Autoencoders*

```
% Affiche quelques images
figure;
perm = randperm(nImages, 20);
for i = 1:20
    subplot(4,5,i);
    imshow(trainDigitData.Files{perm(i)});
end
% Concertie les images en cellaray
fprintf('Conversion cell array\n');
Imgs=cell(nImages,1);
for i=1:nImages
    Imgs{i}=readimage(trainDigitData,i);
end
fprintf('donne\n');
% Affiche les labels & le nombre d'images
Img=readimage(trainDigitData,3);
inputSize=size(Imq);
hiddenSize1=100;
```

Sommaire

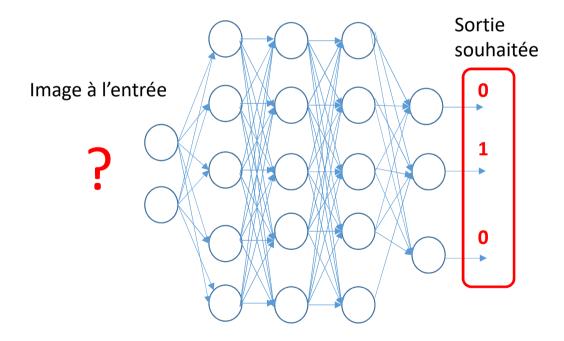
- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



Deep learning — visualisation

Il est important de pouvoir « comprendre » ce que fait le réseau de neurones et l'algorithme d'apprentissage.

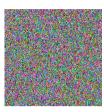
L'idée est d'utiliser le réseau (déjà entrainé) et un algorithme d'apprentissage pour calculer l'image à l'entrée du réseau qui maximise une sortie



Deep learning — visualisation (deep dreaming)

Cf. http://yosinski.com/deepvis /Yosinski & al./ pour plus d'info.

Au début, on applique une image aléatoire à l'entrée du réseau:



Un algorithme optimise non pas les poids mais les valeur des pixels de l'image d'entrée

Exemple:

On cherche l'image d'entrée qui maximise la classe « banjo »

Numéro de la couche (conv)

Numéro des classes

```
I = deepDreamImage(net,layer,channels, ...
'Verbose',true, ...
'NumIterations',iterations, ...
'PyramidLevels',levels);

Paramètres de l'algorithme
+ grands = + de détail
```

Deep learning — visualisation (deep dreaming)

```
clear all
                                             name=sprintf('dreem_chl_%i_iter_%i_lvl_%i_%s',channels,iterations,levels,Classname);
close all
                                             imwrite(I,[name '.jpg']);
clc;
                                             figure
No=1;
                                             imshow(I)
switch No
    case 1
        net=alexnet;
        netname='AlexNet';
        layer = 23;
    case 2
        net=vqq16;
       netname='VGG16';
                              Affiche les couches: net.Layers(3) pour la 3<sup>ème</sup> couche
       layer = 39;
end
net.Layers
% for i=1:length(net.Layers(end).ClassNames)
      fprintf('%i - %s\n',i,net.Layers(end).ClassNames{i});
% end
% return
levels = 2i
channels = [488]; % cellular telephone
iterations = 50;
I = deepDreamImage(net,layer,channels, ...
                                                                  net.Layers(end).ClassNames: Liste des classes
    'Verbose', true, ...
    'NumIterations', iterations, ...
    'PyramidLevels', levels);
Classname=net.Layers(end).ClassNames{channels};
```

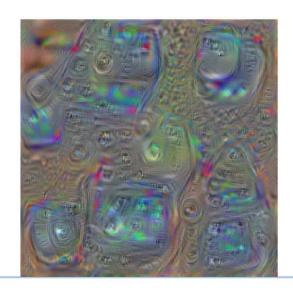
Deep learning — visualisation (deep dreaming)

Etonnamment, les images générées ne ressemblent pas trop aux objets attendus.

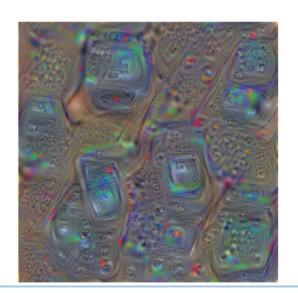
- ⇒ Les images sont le résultat d'une optimisation
- ⇒ Si l'apprentissage était parfait, l'image générée serait en quelque sorte l'image moyenne permettant d'activer une classe

Le 'fantome' du téléphone apparait à plusieurs endroit peut être par ce que le réseau est capable de détecter un téléphone à plusieurs endroits dans l'image

AlexNet – Classe 488 (cellular telephone) 50 iterations – level 2



AlexNet – Classe 488 (cellular telephone) 50 iterations – level 3

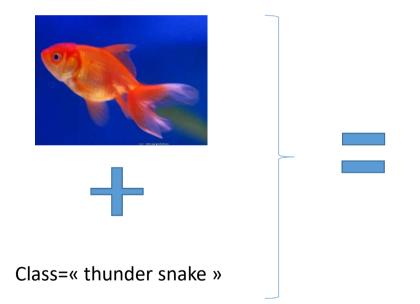


Deep learning — visualisation (deep dreaming)

De nombreux chercheurs ont poussé l'idée plus loin.

Si on applique une image à l'entrée qui n'est pas aléatoire, alors le problème d'optimisation est le suivant: « trouver l'image (proche de celle fournie) à l'entrée qui active le plus une classe donnée »

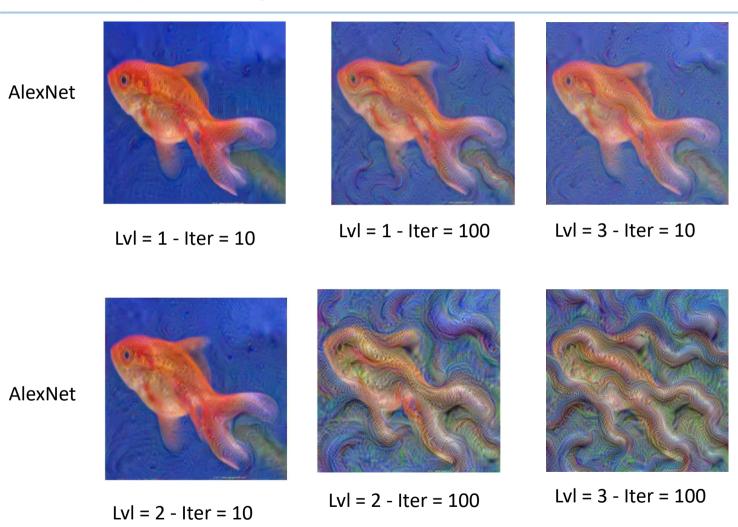
=> On peut fournir un poisson à l'entrée et chercher à activer la classe golden retriever...





Class = 53 Lvl = 2 Iter = 10

Deep learning — visualisation (deep dreaming)



Deep learning — visualisation (activation)

Au-delà des visualisations 'récréatives' précédentes, il est possible de visualiser les activations des différentes couches du réseau. On peut ainsi (tenter de) comprendre à quels stimuli répondent les filtres composants les différentes couches.



Sortie des 96 filtres de la 1ere couche d'un AlexNet

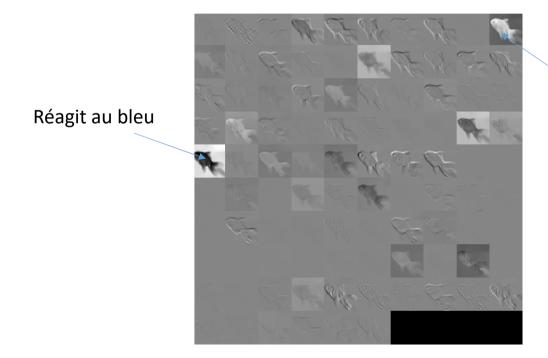


Deep learning — visualisation (activation)

Au-delà des visualisations 'récréatives' précédentes, il est possible de visualiser les activations des différentes couches du réseau. On peut ainsi (tenter de) comprendre à quels stimuli répondent les filtres composants les différentes couches.

Sortie des 96 filtres de la 1ere couche d'un AlexNet





Réagit au rouge

Deep learning — visualisation (activation)

Dans les couches les plus faibles, les filtres réagissent à des caractéristiques « simples » (couleur, gradient, etc). Plus on remonte dans le réseau et plus les features sont de haut niveau



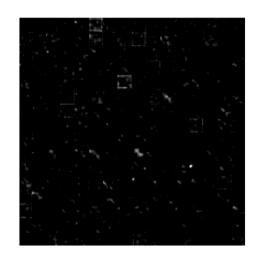
```
clear all
close all
clc

net=alexnet;
inputSize=net.Layers(1).InputSize;

img=imread('Poisson.jpg');
img=imresize(img,inputSize(1:2));
act1 = activations(net,img, 'relu5', 'OutputAs', 'channels');

% Redimensionnement
sz = size(act1);
act1 = reshape(act1,[sz(1) sz(2) 1 sz(3)]);
montage(mat2gray(act1))
```

Sortie des de la couche ReLu5 d'AlexNet



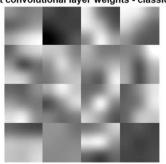
Deep learning — visualisation (poids)

Dans l'approche deep learning, l'hypothèse est qu'un réseau bien entrainé va structurer les poids et les biais de telle sorte que les activations de chaque couche représentent une caractéristique des images appliquées à l'entrée du réseau: détection de contour, de tache, etc.

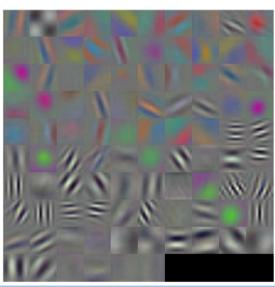
En général, lorsque le réseau a des poids structurés correctement, le réseau présente de bonne capacité de généralisation.

Réseau entrainé pour classifier des nombres manuscrits

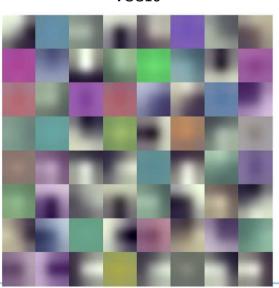
First convolutional layer weights - classique



AlexNet



VGG16

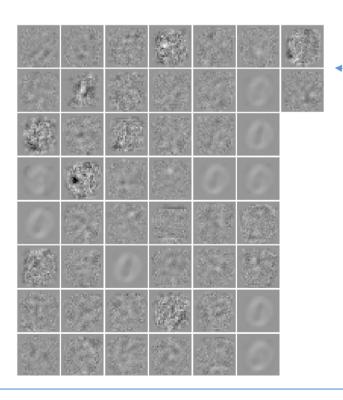


S. Delprat - ENSIAME 78

Deep learning — visualisation (poids)

Dans l'approche deep learning, l'hypothèse est qu'un réseau bien entrainé va structurer les poids et les biais de telle sorte que les activations de chaque couche représentent une caractéristique des images appliquées à l'entrée du réseau: détection de contour, de tache, etc.

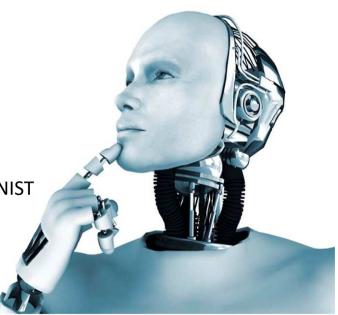
En général, lorsque le réseau a des poids structurés correctement, le réseau présente de bonne capacité de généralisation.



Ce réseau est probablement mal entrainé : certains poids ressemblent à du bruit

Sommaire

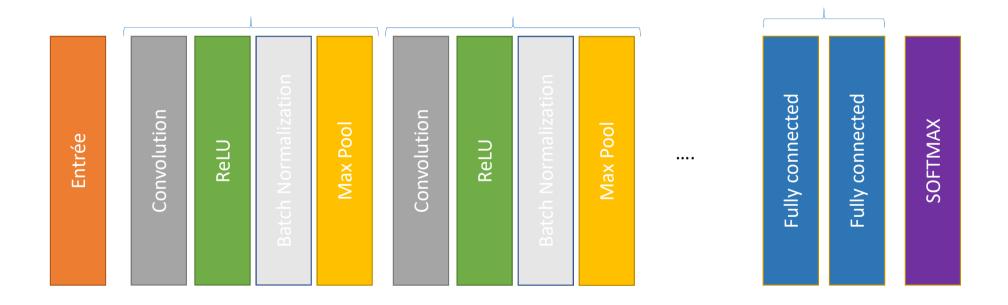
- Quelques rappels basiques sur le traitement d'image
 - L'algorithme du gradient stochastique
 - Préparation des données d'entrées
 - Pourquoi des reseaux à convolution ?
 - Les reseaux à convolution
 - Construction et entrainment d'un reseau avec Matlab sur la base MNIST
 - Transfert learning
 - Visualisation des réseaux
 - Architecture de quelques réseaux



Deep learning – structure d'un réseau profond

Il n'existe pas de structure idéale. Il faut adapter la structure du réseau à chaque application et au spécificités des données manipulées.

En général, la structure optimale du réseau est inconnue, mais un réseau est généralement constitué par une successions de motifs élémentaires et terminé par une des couches denses (fully connected).

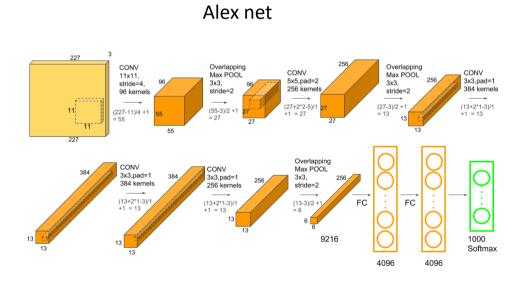


Deep learning – structure d'un réseau profond

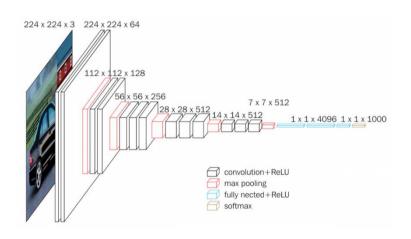
La structure d'un réseau et les hyper-paramètres associés sont choisis par le concepteur. Ces choix sont cruciaux peuvent changer les performances et la difficulté d'apprentissage du tout au tout.

Il existe des benchmarks qui permettent de mettre en évidence les performances de classifications des réseaux. Certains réseaux sont réputés pour leur performances. Leur structure est en général connue et pour quelques réseaux les poids sont même mis à disposition de la communauté scientifique.

=> Par exemple : http://caffe.berkeleyvision.org/model zoo.html

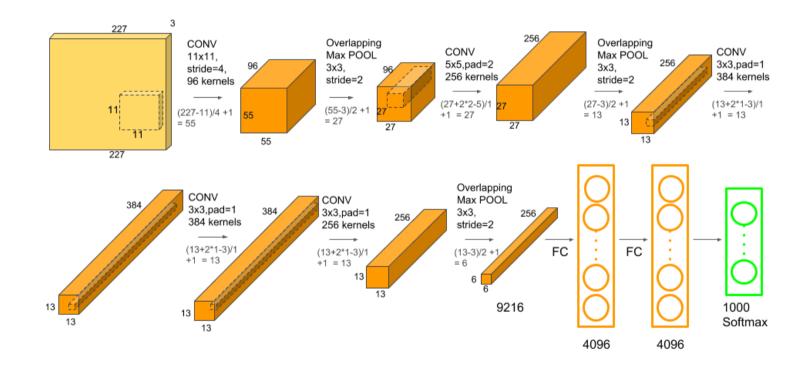


VGG 16



Deep learning — *Alexnet*

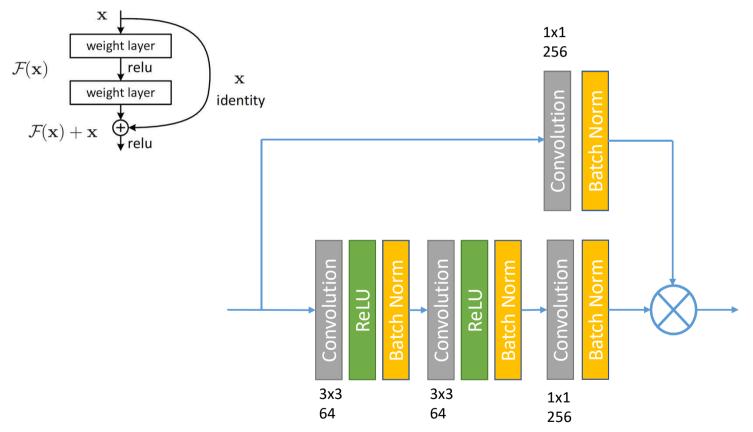
AlexNet est un des premiers réseau profond qui a réalisé une amélioration significative des performance sur le benchmark 201



Alex Krizhevskyn Ilya Sutskever, Geoffrey E. Hinton, ImageNet Classification with Deep Convolutional Neural Networks, January 2012 Advances in neural information processing systems 25(2), DOI: 10.1145/3065386

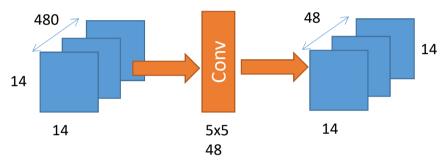
Deep learning – ResNet

En 2013, Microsoft propose le réseau ResNet qui introduit la notion de « réseau à Residu » (ﷺ residual network)

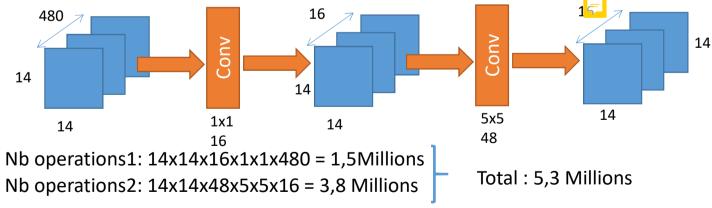


Kaiming He, Xiangyu Zhang, Shaoqing Ren, Jian Sun, Deep Residual Learning for Image Recognition, 2015, https://arxiv.org/abs/1512.03385

En 2014, Google propose un mécanisme permettant de diminuer le nombre d'opérations via l'utilisation de convolutions 1x1



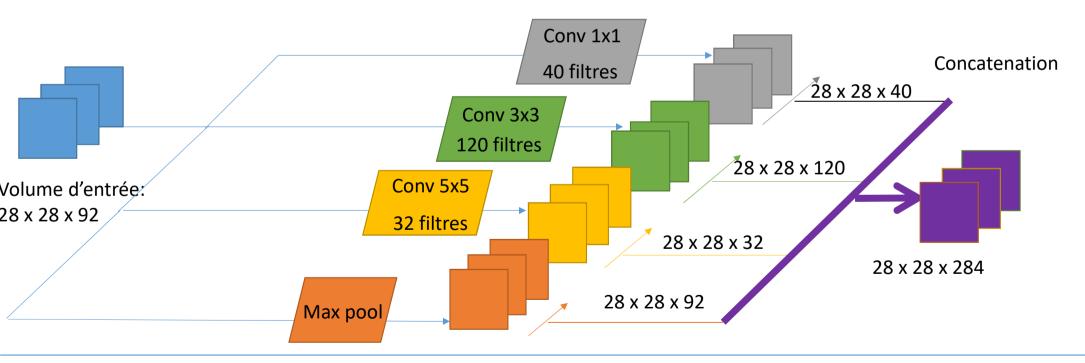
Nb operations: 14x14x48x5x5x480 = 112,9Millions



Kaiming He, Xiangyu Zhang, Shaoqing Ren, Jian Sun, Deep Residual Learning for Image Recognition, 2015, https://arxiv.org/abs/1512.03385

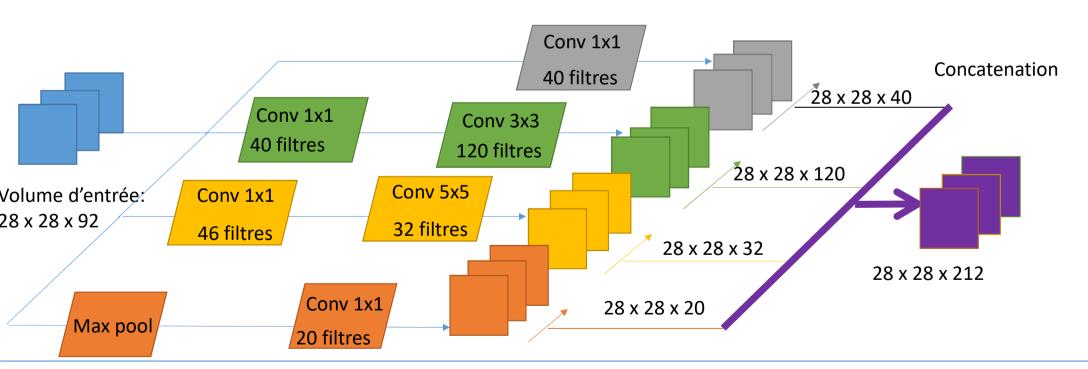
GoogLeNet /Szegedy & al. 2015/

En général, on ne sait pas trop choisir la taille et le type de couche à utiliser. L'idée d'un module « inception » est de calculer différentes couches en parallèle et laisser l'algorithme d'apprentissage gérer les couches via le choix des poids



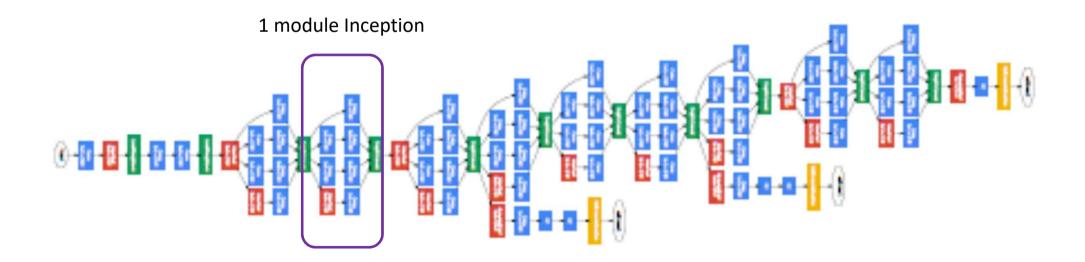
GoogLeNet /Szegedy & al. 2015/

En pratique l'approche précédente requiert énormément d'opérations de calcul. Une réduction est faite en introduisant des convolution 1x1 afin de réduire le nombre de features



GoogLeNet /Szegedy & al. 2015/

Le réseau GoogLeNet est essentiellement une mise en série de module inception. Le réseau se termine (comme toujours) pour des couches entièrement connectées Et une couche soft-max pour la classification



Deep learning – apprentissage des poids & biais

En général les problèmes traités par les méthode de deep learning nécessite l'apprentissage de millions de paramètres.

Les techniques utilisées reposent toujours sur l'algorithme de rétropropagation du gradient de l'erreur mais sont adaptées.

La plupart des modifications sont pertinentes et efficace en pratique. Cependant les démonstrations théoriques sont peu nombreuses (car on traite un problème d'optimisation non convexe pour lequel il n'existe quasiment aucun résultat générique).

Réseau	Nombre de paramètres
AlexNet	61 millions
VGG16	138 millions
VGG19	
GoogLeNet	7 millions
Inception v3	
ResNet-50	25,5 millions
ResNet-101	