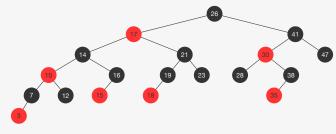
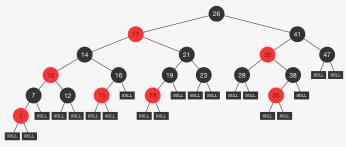


Uma árvore **rubro-negra** esquerdista é uma ABB tal que:

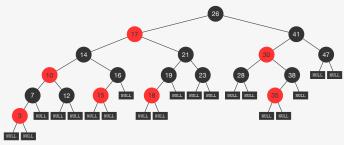
1. Todo nó é ou **vermelho** ou **preto** 



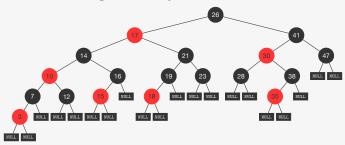
- 1. Todo nó é ou **vermelho** ou **preto**
- 2. A raiz é **preta**



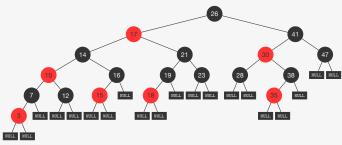
- 1. Todo nó é ou vermelho ou preto
- 2. A raiz é **preta**
- 3. As folhas são NULL e tem cor preta



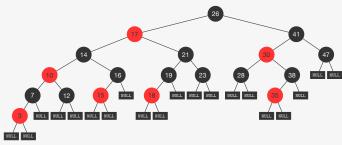
- 1. Todo nó é ou vermelho ou preto
- 2. A raiz é **preta**
- 3. As folhas são NULL e tem cor preta
- 4. Se um nó é vermelho, seus dois filhos são pretos



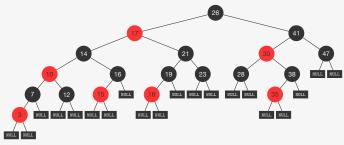
- 1. Todo nó é ou vermelho ou preto
- 2. A raiz é **preta**
- 3. As folhas são NULL e tem cor preta
- 4. Se um nó é **vermelho**, seus dois filhos são **pretos** 
  - ele é o filho esquerdo do seu pai (por isso, esquerdista)



- 1. Todo nó é ou vermelho ou preto
- 2. A raiz é **preta**
- 3. As folhas são NULL e tem cor preta
- 4. Se um nó é **vermelho**, seus dois filhos são **pretos** 
  - ele é o filho esquerdo do seu pai (por isso, esquerdista)
- 5. Em cada nó, todo caminho dele para uma de suas folhas descendentes tem a mesma quantidade de nós **pretos**



- 1. Todo nó é ou vermelho ou preto
- 2. A raiz é **preta**
- 3. As folhas são NULL e tem cor preta
- 4. Se um nó é **vermelho**, seus dois filhos são **pretos** 
  - ele é o filho esquerdo do seu pai (por isso, esquerdista)
- 5. Em cada nó, todo caminho dele para uma de suas folhas descendentes tem a mesma quantidade de nós **pretos** 
  - Não contamos o nó



- 1. Todo nó é ou vermelho ou preto
- 2. A raiz é preta
- 3. As folhas são NULL e tem cor preta
- 4. Se um nó é **vermelho**, seus dois filhos são **pretos** 
  - ele é o filho esquerdo do seu pai (por isso, esquerdista)
- 5. Em cada nó, todo caminho dele para uma de suas folhas descendentes tem a mesma quantidade de nós **pretos** 
  - Não contamos o nó
  - É a altura-**negra** do nó

Seja bh a altura-**negra** da árvore

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

Seja bh a altura-negra da árvore

A árvore tem pelo menos  $2^{bh} - 1$  nós internos:

• Se bh = 0, a árvore é apenas uma folha NULL

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

- Se bh = 0, a árvore é apenas uma folha NULL
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos

Seja bh a altura-negra da árvore

- Se bh = 0, a árvore é apenas uma folha NULL - tem exatamente  $2^{bh} - 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra**

Seja bh a altura-negra da árvore

- Se bh = 0, a árvore é apenas uma folha NULL
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

- Se bh = 0, a árvore é apenas uma folha NULL
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

- Se bh = 0, a árvore é apenas uma folha NULL
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**
- cada subárvore tem pelo menos  $2^{bh-1} 1$  nós internos

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

- Se bh = 0, a árvore é apenas uma folha NULL
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**
- cada subárvore tem pelo menos  $2^{bh-1} 1$  nós internos
- a árvore tem pelo menos  $2(2^{bh-1}-1)+1$  nós internos

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

- Se bh=0, a árvore é apenas uma folha NULL
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**
- cada subárvore tem pelo menos  $2^{bh-1} 1$  nós internos
- a árvore tem pelo menos  $2(2^{bh-1}-1)+1$  nós internos
  - ou seja, tem pelo menos  $2^{bh}$  1 nós internos

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

A árvore tem pelo menos  $2^{bh} - 1$  nós internos:

- ullet Se bh=0, a árvore é apenas uma folha <code>NULL</code>
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**
- cada subárvore tem pelo menos  $2^{bh-1} 1$  nós internos
- a árvore tem pelo menos  $2(2^{bh-1}-1)+1$  nós internos
  - ou seja, tem pelo menos  $2^{bh} 1$  nós internos

A altura-**negra** bh é pelo menos metade da altura h da árvore

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

A árvore tem pelo menos  $2^{bh} - 1$  nós internos:

- ullet Se bh=0, a árvore é apenas uma folha <code>NULL</code>
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**
- cada subárvore tem pelo menos  $2^{bh-1} 1$  nós internos
- a árvore tem pelo menos  $2(2^{bh-1}-1)+1$  nós internos
  - ou seja, tem pelo menos  $2^{bh} 1$  nós internos

A altura-**negra** bh é pelo menos metade da altura h da árvore

• Não existe nó vermelho com filho vermelho

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

A árvore tem pelo menos  $2^{bh} - 1$  nós internos:

- ullet Se bh=0, a árvore é apenas uma folha <code>NULL</code>
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**
- cada subárvore tem pelo menos  $2^{bh-1} 1$  nós internos
- a árvore tem pelo menos  $2(2^{bh-1}-1)+1$  nós internos
  - ou seja, tem pelo menos  $2^{bh} 1$  nós internos

A altura-**negra** bh é pelo menos metade da altura h da árvore

- Não existe nó vermelho com filho vermelho
- O número de nós internos n é  $n \ge 2^{bh} 1 \ge 2^{h/2} 1$

Seja **bh** a altura-**negra** da árvore

A árvore tem pelo menos  $2^{bh} - 1$  nós internos:

- Se bh=0, a árvore é apenas uma folha NULL
  - tem exatamente  $2^{bh} 1 = 0$  nós internos
- Se bh > 0, seus filhos tem altura-**negra** 
  - bh se for um filho vermelho
  - -bh-1 se for um filho **preto**
- cada subárvore tem pelo menos  $2^{bh-1} 1$  nós internos
- a árvore tem pelo menos  $2(2^{bh-1}-1)+1$  nós internos
  - ou seja, tem pelo menos  $2^{bh} 1$  nós internos

A altura-**negra** *bh* é pelo menos metade da altura *h* da árvore

- Não existe nó vermelho com filho vermelho
- O número de nós internos n é  $n \ge 2^{bh} 1 \ge 2^{h/2} 1$
- Ou seja,  $h \le 2\lg(n+1) = O(\lg n)$

#### Alterando a Struct e testando a cor

```
1 enum Cor {VERMELHO, PRETO};
2
3 typedef struct No {
4   int chave;
5   enum Cor cor;
6   struct No *esq, *dir;
7 } No;
8
9 typedef No * p_no;
```

#### Alterando a Struct e testando a cor

```
1 enum Cor {VERMELHO, PRETO};
3 typedef struct No {
4 int chave;
5 enum Cor cor;
6 struct No *esq, *dir;
7 } No;
9 typedef No * p_no;
1 int ehVermelho(p_no x) {
2 \quad if (x == NULL)
3 return 0;
4 return x->cor == VERMELHO;
5 }
```

#### Alterando a Struct e testando a cor

```
1 enum Cor {VERMELHO, PRETO};
3 typedef struct No {
4 int chave;
5 enum Cor cor;
6 struct No *esq, *dir;
7 } No;
9 typedef No * p_no;
1 int ehVermelho(p_no x) {
2 \quad if (x == NULL)
3 return 0;
4 return x->cor == VERMELHO;
5 }
1 int ehPreto(p_no x) {
2 \quad if (x == NULL)
3 return 1;
4 return x->cor == PRETO;
5 }
```

#### Rotação para a esquerda

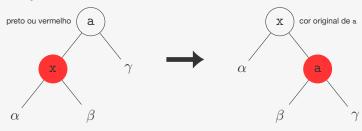


```
1 p_no rotaciona_para_esquerda(p_no raiz) {
2    p_no x = raiz->dir;
3    raiz->dir = x->esq;
4    x->esq = raiz;
5    x->cor = raiz->cor;
6    raiz->cor = VERMELHO;
7    return x;
8 }
```

#### Note que a rotação:

- não estraga a propriedade de busca
- não estraga a propriedade da altura negra

#### Rotação para a direita

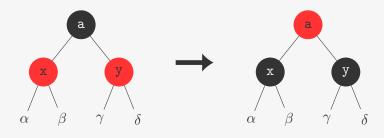


```
1 p_no rotaciona_para_direita(p_no raiz) {
2    p_no x = raiz->esq;
3    raiz->esq = x->dir;
4    x->dir = raiz;
5    x->cor = raiz->cor;
6    raiz->cor = VERMELHO;
7    return x;
8 }
```

#### Note que a rotação:

- não estraga a propriedade de busca
- não estraga a propriedade da altura negra

#### Subindo a cor



```
1 void sobe_vermelho(p_no raiz) {
2   raiz->cor = VERMELHO;
3   raiz->esq->cor = PRETO;
4   raiz->dir->cor = PRETO;
5 }
```

Subir a cor não estraga a propriedade da altura negra

• mas pode pintar a raiz de vermelho

#### Inserindo

Inserimos como em uma ABB, mas precisamos manter as propriedades da árvore **rubro-negra** esquerdista

```
1 p no inserir rec(p no raiz, int chave) {
  p_no novo;
2
  if (raiz == NULL) {
      novo = malloc(sizeof(No));
4
      novo->esq = novo->dir = NULL;
5
      novo->chave = chave:
6
7
     novo->cor = VERMELHO;
8
      return novo:
9
10
  if (chave < raiz->chave)
      raiz->esq = inserir_rec(raiz->esq, chave);
11
12
   else
      raiz->dir = inserir_rec(raiz->dir, chave);
13
14
   /* corrige a árvore */
   return raiz:
15
16 }
17
18 p_no inserir(p_no raiz, int chave) {
    raiz = inserir_rec(raiz, chave);
19
20 raiz->cor = PRETO;
21 return raiz:
22 }
```

#### Inserindo

Inserimos como em uma ABB, mas precisamos manter as propriedades da árvore **rubro-negra** esquerdista

```
1 p no inserir rec(p no raiz, int chave) {
2 p no novo;
  if (raiz == NULL) {
      novo = malloc(sizeof(No));
4
      novo->esq = novo->dir = NULL;
5
   novo->chave = chave:
6
7
    novo->cor = VERMELHO;
  return novo:
9
10
  if (chave < raiz->chave)
      raiz->esq = inserir_rec(raiz->esq, chave);
11
12
   else
      raiz->dir = inserir_rec(raiz->dir, chave);
13
/* corrige a árvore */
   return raiz:
15
16 }
17
18 p_no inserir(p_no raiz, int chave) {
    raiz = inserir_rec(raiz, chave);
19
20 raiz->cor = PRETO; Mantém a raiz preta
21 return raiz:
22 }
```

• Nó é preto

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é **preto** (tem que ser por que?)

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é **preto** (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo

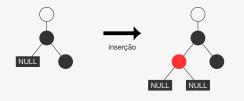
- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é preto (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é preto (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é preto (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é preto (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é preto (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é preto (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho direito é preto (tem que ser por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito

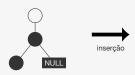
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



```
1  /* corrige a árvore */
2  if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
3   raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
4  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
5   raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
6  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
7  sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



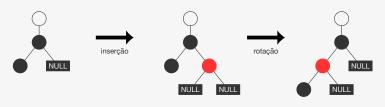
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



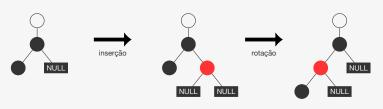
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



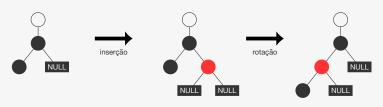
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é preto
- Inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- Inserimos no filho direito

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- Inserimos no filho direito



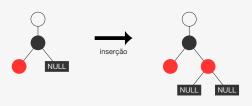
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- Inserimos no filho direito



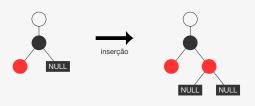
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- Inserimos no filho direito



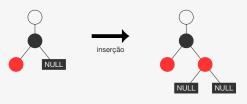
```
1  /* corrige a árvore */
2  if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
3   raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
4  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
5   raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
6  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
7  sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- · Inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- · Inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))

raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))

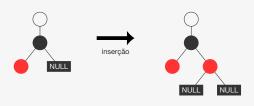
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- Inserimos no filho direito



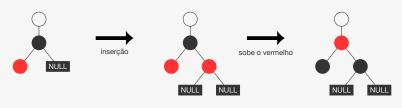
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- Inserimos no filho direito



```
1  /* corrige a árvore */
2  if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
3   raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
4  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
5   raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
6  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
7  sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é preto
  - não sabemos a cor do seu pai
  - nem se ele é o filho esquerdo ou direito
- Filho esquerdo é vermelho
- Inserimos no filho direito



```
1  /* corrige a árvore */
2  if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
3   raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
4  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
5   raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
6  if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
7  sobe_vermelho(raiz);
```

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Nó é vermelho

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz por que?)

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)
- Inserimos no filho esquerdo

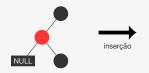
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



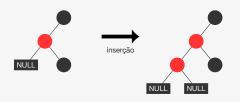
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



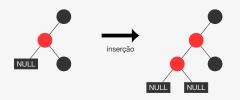
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))

raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);

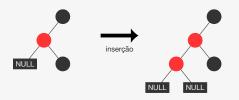
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))

raiz = rotaciona_para_direita(raiz);

if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))

sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



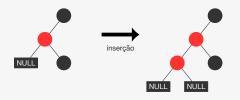
```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))

raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))

raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))

sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz por que?)
  - é o filho esquerdo (por que?)
- Inserimos no filho esquerdo



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é preto (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))

raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);

if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))

raiz = rotaciona_para_direita(raiz);

if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))

sobe_vermelho(raiz);
```

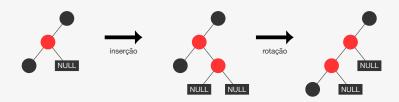
- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);

(ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
(ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

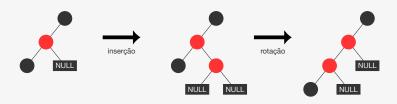
- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);

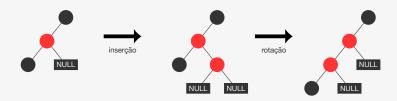
(ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
(ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe vermelho(raiz);
```

- Nó é vermelho
  - seu pai é **preto** (ele não é a raiz)
  - é o filho esquerdo
- inserimos no filho direito



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);

if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu

Se o filho esquerdo for **vermelho**, basta subir a cor



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

- Talvez o filho direito seja vermelho (não é esquerdista)
- Só pode ter acontecido porque a cor vermelha subiu

Se o filho esquerdo for **vermelho**, basta subir a cor



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

Quais problemas sobraram para o pai resolver?

• Talvez o filho esquerdo seja vermelho

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho

```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
    raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
    raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

- Talvez o filho esquerdo seja vermelho
- E o neto mais a esquerda seja vermelho



```
/* corrige a árvore */
if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
sobe_vermelho(raiz);
```

# Inserção - Implementação

## Inserção - Implementação

```
1 p_no inserir_rec(p_no raiz, int chave) {
2
    p_no novo;
    if (raiz == NULL) {
3
      novo = malloc(sizeof(No)):
4
      novo->esq = novo->dir = NULL;
5
6
      novo->chave = chave;
7
     novo->cor = VERMELHO;
8
      return novo;
9
10
    if (chave < raiz->chave)
      raiz->esq = inserir_rec(raiz->esq, chave);
11
12
    else
      raiz->dir = inserir rec(raiz->dir, chave);
13
    /* corrige a árvore */
14
    if (ehVermelho(raiz->dir) && ehPreto(raiz->esq))
15
      raiz = rotaciona_para_esquerda(raiz);
16
    if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->esq->esq))
17
      raiz = rotaciona_para_direita(raiz);
18
    if (ehVermelho(raiz->esq) && ehVermelho(raiz->dir))
19
      sobe_vermelho(raiz);
20
    return raiz;
21
22 }
```