



波兰学术团队编程锦标赛

克拉科

T HEORETICAL C O M P U T E R S C I E N C E

07

任务 A: 瘟疫时期的 AMPPZ

时间限制: 12 秒, 内存限制: 1GB: 12 秒, 内存限制: 1GB。

在瘟疫时期组织学术团队编程锦标赛是一项相当大的挑战。作为首席距离裁判,您的任务是确保参赛者之间保持适当的距离。来自同一所大学的参赛选手实际上就像家人一样,因此您主要关注的是来自不同大学的学生之间的距离。凭直觉,您希望每所大学的代表都聚成一个紧凑的小组,与

其他小组保持适当的距离。为了正式描述你的直觉,你引入了以下规则。让 A表示属于同一所大学的两名学生之间的最大距离(欧氏距离,即平面上的标准距离),而B表示属于不同大学的两名学生之间的最小欧氏距离。这样就一定有。A < B

各位来宾热切地接受了这些建议,并在整个活动中遵循这些建议。遗憾的是不幸的是,有一个小问题:比赛结束后,您被要求证明社会距离原则确实得到了遵守。现在大家都已经回家了,你唯一要做的就是用一张集体照作为证明。问题是,你不知道哪些队员来自哪些大学。但*既然你知道确实遵循了社会距离原则*,也许你可以重新构建大学划分?

知道照片中所有学生的位置(描述为平面上的点(1)

和大学数量,找到一个尊重您的原则的分部。**每所大学必须至少有一名学生。此外,您还可以** 假设解总是存在的。

输入

输入的第一行包含数据集的数量z (1 "z " 100 000)。然后按以下形式依次给出数据集:数据集的第一行包含两个整数 nk (2 "n " 2 000 000、2 "k " min (n, 20)),分别表示学生数和大学数。

下面每行n 都包含两个整数 $x_{i}y_{i}$ (0 " x_{i} , y_{i} < 10^{9}) ,表示i -th 学生的坐标。**没有两个学生站在同**

所有数据集中的学生总人数不会超过 107人。

输出

对于每个数据集,输出n 的数字 c_1 , ..., c_n (1 " c_i "k),其中 c_i 是i -th 学生所在大学的编号。学生与大学的分配应符合上述社会距离原则。如果有多种解法,可以写出其中任何一种。

¹集体照是用无人机从高空垂直拍摄的,因为从这个角度看,选手们最有优势。

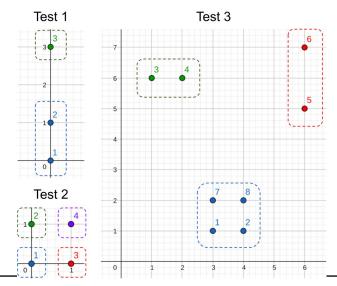


示例

输入数据:	正确答案可能是
3	112
	4132
3 2	22113322
0 0	
0 1	
0 3	
44	
0 0	
01 10	
11	
83	
3 1	
4 1	
16	
26	
65	
67	
3 2 4 2	
42	

注:为便于阅读,在示例测试输入中添加了空行。在运行解决方案的测试文件中不会出现这些空行

下图为带标记答案的测试示例。



任务 A: 瘟疫时期的 AMPPZ

2/2

任务 B: 外婆和饺子

时间限制: 15 秒, 内存限制: 1GB: 15 秒, 内存限制: 1GB。

祖母 Bytmila 决定举办一个宴会,在宴会上她将展示她最好的熟食产品--饺子。宴会上将摆放*n* 个摊位,其中i 个摊位上将摆放一个装有 p_i 个饺子的盘子,所有饺子的数量都不相同。这项任务似 乎超出了一位老太太的能力范围,但 Bytehmila 很快就完成了任务,她按照计划准备了n 盘子,分 别装有 p_1 、 p_2 、……。.. p_n 的饺子。不幸的是,她在匆忙中把工位弄错了,盘子的摆放顺序也完全不

拜特米拉已经很累了,而且她害怕在这种情况下迷失方向。她不想移动盘子本身,但她可以把 饺子从一个位置移动到另一个位置,使它们交换位置。更确切地说,她可以通过一次移动,选择分 别装有x 和y 饺子的两个位置,然后在它们之间准确移动 |x-y| ,这样第一个位置现在是y ,第二 个位置是x。每次这样的操作将花费她整整

C+|x-y| 秒 (C 找勺子,每移动一个饺子用 1 秒)。

聚会就要开始了! 奶奶不让你碰厨房里的任何东西,但有一件事你可以做

但有一件事你可以做: 指定一连串的替换,以纠正这种情况,在最短的时间内,在每个工位做出正 确数量的饺子。

输入

输入的第一行包含数据集的数量z(1 "z " 1000)。之后,数据集以如下形式依次给出:

数据集的第一行包含两个整数n 和C (1 "n " 200 000, 1 "C " 10 9)。

该集合的下一个n - 行包含职位描述。i -行包含两个整数

 a_i 和 p_i (1 " $a_{ii}p_i$ " 10°),分别表示i -th 位置上当前和计划的饺子数量。

在每个集合中,数字 a_i 都是不同的。还知道集合 $\{a_1,a_2,...,a_n\}$ 和 $\{p_1,p_2,...,p_n\}$ 是相同的。 是相同的。

所有集合中n 值的总和不超过 1000000。

输出

对于每个数据集,在第一行输出两个整数S 和K --分别是您的解决方案中的总时间和操作次数。

接下来的K 行应描述解决方案的后续操作。在k -th 行中写出两个数字 x_k 和 y_k ,表示k -th 操作是 Δx_k 和 y_k 之间转移饺子。完成所有操作后,每 1 "i" ni -th 位置上必须有 p_i 个饺子。

如果存在多个可能的交换序列,且总成本等于、S您可以列出其中任何一个。

1/2 活动 B: 外婆和饺子



07

示例

输入数据:	可能的正确答案是
1	6 2
4 2	2 1
2 4	4 1
3 2	
1 1	
4 3	

说明

看台上有 2、3、1 和 4 个饺子。我们想把它分别变成 4、2、1 和 3。

在第一步棋中,我们交换一号和二号位置上的饺子。这次调换的代价是常数C=2 和差值 3|-2|=1,共计 3 秒。交换后,饺子的位置顺序为(3、2、1、4)。第二步,我们交换第一个和最后一个位置上的饺子。代价是 2+43|-|,或再次耗时 3 秒。现在的顺序是(4、2、1、3),这是我们想要的顺序。替换的总成本为 6 秒,这是可能的最低成本。

活动 B: 外婆和饺子

+ 2004 44

克拉科

07

任务 C. 蛋糕蛋糕

时间限制: 15 秒15 秒, 内存限制: 1GB。

祖母拜特米拉(Bytmila)(在任务 B 中已经为大家所熟知,她因出色的饺子而出名)这次烤的是芝士蛋糕。她把芝士蛋糕切成 2n 块长方形(两排n 块),然后在每块蛋糕上涂上她选择的一种颜色的糖霜。她得意洋洋地看着自己的杰作,不禁惊呆了:拼凑起来的颜色看起来*糟透了*。

Bytemila 决定把这些颜色重新排列,让它们看起来更漂亮。但是,把面团一块一块地调换是不可能的:从芝士蛋糕中取出一块面团无疑会导致蛋糕边缘破碎。谁知道呢,但 Bytemila 的祖母绝不会让客人吃到切得不均匀的蛋糕!

幸运的是,Bytemila 有一把长方形的蛋糕铲,正好能放四块蛋糕(分两排,每排两块)。使用它,她可以小心翼翼地将这四块蛋糕从面团中取出,然后转动抹刀,将它们从反面放回原处。这样的操作可以说是挑出某个 2×2 的正方形,然后将其旋转 180 度。

有了经验之后,你的祖母立刻找你帮忙,让你确定最小可能的移动次数,将颜色排列变成更漂亮的排列。当然,你做了任何人在你的位置上都会做的事情:你回答说你不会承担这项任务,因为要求的规格很模糊。然而,Bytemilla 并没有气馁:她在黑板上画了一个特别*漂亮的*颜色马赛克(大小也是 $2 \times n$),并要求你们确定最少要走多少步才能使芝士蛋糕完全变成这个*样子*。奶酪蛋糕的最小步数。

当然,也有可能是您的祖母(在任务 B 中疲于搬运饺子)犯了错误,黑板上画的颜色排列根本 无法按照描述的方式实现。在这种情况下,你也必须尽快告诉她。

输入

输入的第一行包含数据集的数量z(1 "z " 10 000)。然后按以下形式依次给出数据集:数据集的第一行包含整数n (2 "n " 500 000)。接下来的两行输入描述了两行芝士蛋糕的初始颜色。每一行都包含

n范围为 [1, 10^{9}] 的整数,中间用单个空格隔开。请注意,颜色可以多次使用,因此标识符可能会重复。

接下来的两行以相同的格式描述目标颜色布局。

所有n 数据集的所有数值总和不超过 2 000 000。

输出

对于每个数据集,输出一个数字 - 实现所需颜色布局所需的最少操作数。如果无法实现所需配置,则输出 1。-

任务 C: 蛋糕 1/2

示例

对 输入数据:	正确答案是
于	
2	3
4	-1
1 2 3 2	
4 3 1 3	
3 2 1 1	
2 3 4 3	
2	
1 2	
3 4	
3 4	
1 2	

说明

在第一次测试中,芝士蛋糕的初始配置为

- 1 2 3 2
- 4 3 1 3

我们可以通过以下三个步骤来实现理想的配置:

- 1. 将最左边的正方形倒置、
- 3 4 3 2
- 2 1 1 3
 - 2. 倒转最右边的正方形、
- 3 4 3 1
- 2 1 2 3
 - 3. 中间正方形的倒置。
- 3 2 1 1
- 2 3 4 3

在第二个测试中,第一个配置不能以任何方式延续到第二个配置。

2/2 任务 C: 蛋糕

任务 D: 两部分机制

时间限制: 10 秒, 内存限制: 1GB: 10 秒, 内存限制: 1GB。

Bytegate 机器是 Byteasar 的最新发明,它由两个部分组成,用兴奋的 Byteasar 的原话说,"这两 个部分根本无法分开"!"他两岁的儿子拜特盖特马上就要让他知道自己错得有多离谱。

我们可以把*拜特盖特*的初始状态描述为一个大小为 $n \times m$ 的数组,其中充满了 $A \times B$ 和点。字母 A表示机器的第一部分,字母 B 表示机器的第二部分,而点则表示机器的第三部分。

点则表示空格。下图是一个示例:

В	В	Α	A	
	В	В	Α	A
A		В	В	A
Α			В	Α
A	A	A	A	A

此外,机器的两个部分都是一致的,即对于任何两个标有 A 的字段,都有一定的路径连接这些字段 ,其中每个后续字段都与前一个字段共用一条边,并且路径上的每个字段都标有 A。

机器的 A 部分静止不动,而 Bytie 将 B 部分推向不同的方向。因此,他的游戏可以描述为一个 由字母 N、S、E、W(分别表示北、南、东、西四个方向)组成的序列q。拜蒂每次都 "尽可能地 " 推动机械装置的 B 部分,也就是说,如果再往前推,就意味着机械装置的两个部分要重叠在一起。 可能出现的情况是,Bytie 可以无休止地移动 B 部分。

在这种情况下,我们可以说他成功地将两个部分分开了。但这并不意味着拜蒂在此时停止了对机械 装置的抽动。尽管如此,我们还是要假设,一旦机器的两部分分离,它们就会一直保持这种状态, 直到拜蒂的表演结束。

请帮助我们确定*拜蒂*是否在演奏过程中将*字节门*的两个部分分开。

输入

第一行输入包含数据集的数量z(1 "z " 1000)。然后以下列形式依次给出数据集:

集合的第一行包含三个整数 n ,m,q (1 " n,m " 10,1 "q " 100)。接下来的n 行输入描述了 机器的初始状态。每一行都是长度为m的题词,由 $A \times B$ 和点组成。机器的两个部分都是非空且一致的

集合的最后一行包含q 字母序列,属于集合 $\{N, S, E, W \}$,其含义在任务正文中给出。

输出

对每组数据写出 "YES "或 "NO",表示 Bytie 是否成功分离了机器的两个部分。

1/2 任务 D: 两部分机制



示例

3
5 5 3 是 BBAA. .BBAA A.BBA
5 5 3 BBAA. .BBAA A.BBA
BBAABBAA A.BBA
.BBAA A.BBA
A.BBA
A RA
AAAAA
WNW
5 5 7
BBAA.
.BBAA
A.BBA
ABA
AAAAA
WNWNSEN
653
.AAA.
.A.A.
.AB
.A.A.
.AAA.
SNE

说明

当拜蒂玩完第一组和第三组的机器时,它们分别处于以下状态:

В	В					
	В	В		Α	A	
		В	В		A	Α
		Α	В			Α
		Α				Α
		Α	Α	A	A	Α

Α	A	A
Α	В	A
Α		
Α		Α
Α	A	A

在第二组中,Bytie 在第四步棋中成功地将机制的两个部分分开。

任务 D: 两部分机制 2/2

任务 E: 流行病

时间限制: 9秒, 内存限制: 1GB: 9秒, 内存限制: 1GB。

由于发现邻国感染了一种新的副细菌,拜特提亚关闭了边界。研究表明,这种菌株不仅具有高度传 染性,而 且 不会引起拜特奥蒂亚人免疫系统的任何反应,因此一旦感染,一个人将终生受到感染,并 传染给其他人(或至少在发明出有效的治疗方法之前)。

为了防止拜托特细菌的传播,拜托特政府出台了影响深远的限制措施,并启动了国家监控系统 ,对国内所有的社会接触进行监控。与此同时,政府还宣布,只有在确定除被隔离者外无 人 感染 副杆菌后,才会解除限制。作为 Byteotia 的首席信息技术官,我们委托您对监控系统的数据进行分 析,并确定何时可以解除限制。

拜托提亚领土上有n 人,每个人最初都可能感染了该分支杆菌,也可能是健康的。边界关闭后 , k ,每种情况都有以下几种形式:

- 您从监控系统中收到信息,称有一群人正在聚会。如果他们中有人受到感染,那么他们都会 受到感染(而且会终生受到感染)。这种接触是感染的唯一可能途径(与最初的报道相反, 接触受感染的表面不会感染拜托菌)。
- 某人接受了副结核杆菌检测,结果呈阴性。
- 某人接受了副结核杆菌检测,结果呈阳性。他(她)会立即被无限期隔离,从那时起将不会 有任何社会接触(他(她)有可能在未来再次接受检测 1)。
- 拜特卫生部长问您,是否已经可以解除限制,即根据目前收集到的所有信息,可以证明除了 被隔离的人之外,没有人会受到感染。如果仍有感染者,您必须根据卫生部的指导原则(见 *出境*部分)举例说明。

重要的是,您的程序必须是*在线的*,也就是说,它必须在每位部长提出询问后立即给出答 复, 然后再加载其他询问。

1/4 任务 E: 流行病

¹您可能会问,如果某人的检测结果呈阳性已成定局,为什么还要对其进行另一次检测?任务的作者已就此问 题向拜特兰卫生部发出询问,但他们得到的信息是,由于案件性质复杂,答复时间已被延长三个月。

07

输入

输入数据的正确解释取决于 shift 变量的当前值。在每个数据集开始时,它被设置为 0,其后续 值将取决于程序给出的答案。这种输入描述的目的是迫使程序在加载每个查询后立即做出响应。

解码函数定义如下:

decode (p)= $((p - 1 + shift) \mod n) + 1$

其中p 是满足 1 "p "的整数,mod 是余数除法运算。n,mod 是余数除法运算。

第一行输入包含数据集的数量z (1 "z " 1000)。然后按以下形式依次给出数据集:

第一行包含两个整数n 和k (1 "n " 500 000,1 "k " 1 000 000),分别表示拜托提亚的人数 和事件数。人的编号从1到。n

下面的k 行描述连续的事件。它们的形式如下

- 字母 K 和整数c (2 "c "n),后面是c 不同的整数 $p_1, ..., p_c$ (1 " p_i "n) - 一个社会联系人,后面是c 的索引 $decode(p_1), ..., (decodep_c)$ \circ
- 字母 N 和整数p(1 | p| n) 一个索引为 (decodep) 的人接受测试,结果为阴性。
- 字母 P 和整数p (1 "p "n) --指数为 (decodep) 的人检测结果呈阳性,将被隔离。您可以假 定他/她从那时起不再参与任何社会交往(当然,将来对他/她进行的任何检测也会得出阳性结 果)。
- 字母 Q 和整数p (1 "p "n)--卫生部长的询问,其中的 起始值(见输出部分)为(decodep)。

所有集合中的数字n 和k 之和不超过 500 000,且 $1\,000\,000$ 。所有集合的所有查询中c 的数字总和不超过 $1\,000\,000$ 。

输出

对于每个数据集,输出的行数与其中的查询次数(O事件)相同。

如果在i-th 查询时,可以证明除被隔离者外没有人感染副杆菌,则在i-th 行输出单词 YES 2 。查 询结束后, shift 变量的值将变为 0。

否则,在i-th 行输出 NO 和一个人的标识符。如果

decode(p) 是该查询的起始值,则必须输出**字符串中第一个人**的 ID ((decodep), () decodep+ 1, ..., n, 1, 2, ..., ()decodep-1) ,它可能感染了副细菌,但未被检疫。

可能感染了副细菌但未被检疫。打印出来的数字将成为 shift 变量的新值。

2/4 任务 E: 流行病

²可能发生的情况是,Byteotia 的所有居民都被检疫了。显然,在这种情况下,这句话将变为空句,您的程序也应 输出 "是"。

备注

- 对于 K、N 和 P 类型的事件, shift 变量的值不会改变。
- 输入数据中给出的阳性和阴性检测结果总是描述了一种合理的情况,也就是说,对于每个数据集 来说,至少有一组可能的初始感染者,而给出的数据并不包含矛盾之处。

示例

对于输入数据:	正确答案是
1	否 5
6 14	NO 1
K 3 3 4 5	是
K 265	是
N 3	
Q 3	
P 1	
K 262	
P 6	
Q 4	
P 6	
K 213	
N 3	
Q 4	
N 2	
Q 1	

• 解码后,上述示例如下:

3/4 任务 E: 流行病



0 1

07

任务 E: 流行病 4/4

07

说明

- 在第一次查询之前,受试者 3、4 和 5 会面,然后受试者 5 和 6 会面,之后受试者 3 的测试结果为阴性。当收到第一次查询时,我们可以根据目前收集到的信息得出以下结论(从查询的起始值 3 开始)。人 3 此时一定是健康的(他们刚刚收到了阴性检测结果)。4 号人也必须是健康的(他或她在第一次相遇时不可能生病,因为他或她会感染 3 号人和 5 号人,这与 3 号人后来的阴性检测结果相矛盾;自那次相遇后,4 号人不可能被感染)。人 5 有可能被感染(在与人 3 和人 4 接触时,他一定是健康的,但后来遇到了人 6,我们无法从收集到的信息中推断出他的健康状况)。因此,查询的答案是 NOT 5,移位变量的值为 5。
- 然后,6号人收到一个阳性检测结果,之后1号人和5号人相遇,接着5号人收到一个阳性检测结果。当收到第二个查询时,我们可以根据目前收集到的信息得出以下结论(从*起始值*3开始)。3号和4号人仍然需要保持健康。5号和6号处于隔离状态。第1人可能受到感染(此外,我们甚至可以推断出第1人目前一定受到感染,但任务中不需要解决这个问题)。因此,查询的答案是NO1,而 *shift* 变量的值为1。
- 然后,1 号收到阳性检测结果,之后 2 号和 4 号相遇,然后 4 号收到阴性检测结果。当收到第三个查询时,我们可以根据目前收集到的信息得出以下结论(从*起始值* 5 开始)。5 号、6 号和 1 号人处于隔离状态。由于 4 号人的检测结果为阴性,因此 2 号人一定是健康的。3 号和 4 号一定是健康的。因此,查询的答案是 "是",因为可以证明隔离区外的所有人(2、3 和 4)都是健康的。*移位*变量的值为 0。
- 第三次查询后,2 号人得到的检测结果为阴性。不难看出,这部分输入*实际上*是无关紧要的:在 第一个 "是 "的回答之后,疫情已经被控制住了,必须重复 "是 "的回答,直到数据集结束。

任务 E: 流行病 5/4

任务 F: 绘画

时间限制: 3 秒, 内存限制: 1GB3 秒, 内存限制: 1GB。

人们普遍认为 Byteasar 是整个市最大的守财奴。有很多例子可以证明他的说法, 其中最不重要 的是他的房产连围墙都没有。不过,最近他在地窖里发现了n 旧木板,于是他决定至少做一个栅栏

Byteasar 把木板放在木桩上,使连续的木板长度为 $a_1, ..., a_n$ 。他拿起第一块木板,从上面切下一 块b 长的木板,钉在上面作为第一根栏杆,然后又从剩下的木板上切下一块b 长的木板,钉在旁边 。他继续这样做,直到手中剩下一块长度在[1,b]之间的木板。拜塔萨想,*这么好的木板不能浪费 ,尽管它看起来有点短。*并把它钉在栅栏上,作为另一根栏杆。然后,他又从木板堆里拿了一块木 板,接着又拿了一块,对每一块木板都重复了上述步骤。

完成工作后,拜特萨尔看着自己的作品,觉得钉上长短不一的栏杆可能不是最好的主意。他想 ,*这看起来更像是随意堆砌的木板,而不是经过深思熟虑的结构*。于是,他决定给栅栏刷上白色油 漆,希望这样看起来至少专业一点。*但是*,过了一会儿,他意识到,*如果我只把每一根栏杆都刷成* 白色,其余的都刷成棕色,那么我用的油漆(大约)就会是原来的两倍,而且栅栏还会给人一种连 贯、周密的整体印象!

他是这样想的,也是这样做的,从第一根栏杆①开始,他只给栅栏上的每一根栏杆刷了白漆。 直到临睡前,拜塔萨尔才想到一个可怕的想法:如果他选择了不同长度的b,也许就能少用一些油 漆? 现在已经没有什么办法了,但意识到可能出错的拜特萨尔并不安心。所以他想知道,如果他选 择了不同高度的栅栏,他需要用多少油漆。

帮助 Byteasar 解决这个问题,最终让他安然入睡(或不安宁,取决于您的计算结果)。

输入

输入的第一行包含数据集的数量z(1 "z " 5)。之后,数据集按以下形式依次给出: 数据集的第一行包含整数n (1 "n " 1000 000)。第二行 第二行是n 整数 a_i (1 " a_i " 1 000 000, $\sum_{n=1}^{\infty}$ $a_i = 1000000$, \square 连续木板的长度。

输出

让M 表示所选数据集中所有 a_i 值中的最大值。在该数据集的输出中,写出M 行。i -th 中应该有 一个整数 f_i : 如果 Byteasar 决定建造高度为b=i 的栅栏,那么他必须把栏杆漆成白色的总长度。

1/2 任务 F: 油漆

¹如您所见,关于拜特萨尔吝啬的传言有些夸大其词。毕竟,他可以从第二根铁轨开始画画。

示例

输 输入数据: 入 数 据	正确答案是
<u> </u>	
1	14
4	13
10 7 2 8	15
	13
	15
	16
	21
	23
	24
	12

说明

如果栅栏的高度是b=4,那么下列栏杆的高度是: 44243244:Byteasar必须涂上长度分别为 4、2、3和4的木板,因此第四行的答案是13。

对于栅栏的高度 b=5,下列栏杆的高度是: 552253: Byteasar 需要画长度分别为 5、5、2 和 3 的 木板,因此第五行的答案是15。

2/2 任务 F: 油漆

任务 G: Gebalt 的诅咒

时间限制12秒,内存限制:1GB。

和每年春天一样,巫师盖伯特踏上了他的旅途,他想利用自己的巫师技能,用普通人的便士塞满他 的钱包。巫师的足迹从西向东延伸,长达n,每个马厩都有不同的东西在等着他,这些东西有三种性质

• Bb;: 凶猛野兽的巢穴,它无情地以农民为食。当巫师来到怪兽面前时,怪兽会抓住他,用爪 子和獠牙伤害他,并b,夺走他的生命。如果巫师的生命值为零,他就会死去;如果没有,他 就会用刀砍向怪物,当场将其杀死。格巴吉特的生命值会发生如下变化

if H "b_i then deat anticipated else $H := H - b_i$.

• Kk_i: 村里的小酒馆,Gebajt(嗜酒如命)一定会去那里。如果他进入客栈时的活力低于 k_i ,他将不可避免地死于过度饮酒。否则,他就会在黎明时带着诅咒离开客栈,寿命也会 缩短到ki。格巴吉特的寿命变化如下

if $H < k_i$ then deat anticipated else $H := k_i$

 Cc_i: 一个强大的女巫小屋,精通符咒和药水,可以治愈伤口和诅咒。如果盖伯特来到女巫那 里时预期寿命低于c;,她会将他的预期寿命恢复到c;的水平。女巫的寿命变化如下

 $H:=max(H,c_i)_{\circ}$

巫师很自豪,因为他知道该走哪条路,这样既能体验到巫师的快乐,又能保住自己的生命。一 天又一天过去了,在i这一天,有两件事发生了:

- 比如,当地商人买下了巫师的小屋,把它变成了一家客栈;或者,一只新的野兽从地里爬出 来,用嘴里的火烧了客栈,并在那里建立了巢穴;
- 格巴赫特走到屋前,在他最喜欢的树下坐下,骄傲地说: 如果从物 *l,*如果他从目标出发,一路向东,他能走多远而不会丧命? 盖巴特希望您能帮助他进行冥想, 以便用密码秘术找到问题的答案。

请注意,巫师只是在想该怎么做,而不是真的在追踪,那么**追踪中的变化将永久保留**,但 每个巫师独立于其他巫师的好奇心仍然存在,在每个生命周期中,Gebait 在开始时的 H_0 单位是

输入

输入的第一行包含数据集的数量z(1 "z " 100000)。之后,数据集以如下形式依次给出

1/3 挑战 G: 吉巴特的诅咒



迹的长度、天数和 Gebayt 的初始寿命。

07

挑战 G: 吉巴特的诅咒



07

该集合的下一行n 描述了小路的初始状态;i - 这一行包含与i - 这个对象的类型(B、K 或 C)相对应的字母,以及数字($,b_ik_i$ 或 c_i ; 1 ") 。 b_{ii} $,k_ic_i$ " 10^{12}) ,其含义如上所述。

q 下一行描述每一天的情况。i -th 行的开头字母是 Z(如果当天小路有变化),或者 D(如果有 Gebajt 假人)。

如果路径发生变化,该行其余部分包括:整数 x_i (1 " x_i "n),表示被更改的对象;字母和数字,格式与初始状态描述相同,表示新的对象。对于 Gebajt 假人,该行包含一个整数 l_i (1 " l_i "n),表示它开始徘徊的稳定位置。

轨迹总长度和总天数分别不超过 2 000 000 和 4 000 000。 4 000 000.

输出

对于每个数据集,输出所有查询的答案。对于每个查询,输出一个整数,表示 Gebayt 可以到达(并活着离开)的最远对象 $r_i(l_i "r_i "n)$ 的索引,如果他已经在 l_i 位置的冲突中死亡,则输出 1。-i-这一天的答案应考虑到前几天的所有变化。

示例

输入数据:	正确答案是
1	2
4 12 10	3
C 10	4
B 5	-1
K 5	3
В 6	4
Z 3 K 6	
Z 1 C 11	
D 2	
D 1	
Z 3 C 1	
D 3	
Z 3 B 20	
D 3	
Z 1 C 31	
D 1	
Z 4 K 6	
D 1	

挑战 G: 格瓦特的诅咒

T HEORETICAL C O M P U T E R S C I E N C E Jaqiellonian University

07

说明

Gebayt 路线变化了六次,具体如下:

- [C 10, B 5, K 5, B 6] (开始)
- [C 10, B 5, K 6, B 6] (1天)
- [C 11, B 5, K 6, B 6] (第二天)
- [C 11, B 5, C 1, B 6] (第5天)
- [C 11, B 5, B 20, B 6] (第7天)
- [C 31, B 5, B 20, B 6] (第9天)
- [C 31, B 5, B 20, K 6] (第11天)

Gebayt 在剩下的六天里感到自豪。

第三天,格巴吉特从第二个目标开始。打败野兽后,他只剩下 5 点生命值,比下一个目标(客栈 K6)的生命值少了 1 点。因此,他最远只能到达第二个目标。

第四天,格巴伊特从第一个目标开始;由于女巫的帮助,他多了 1 点生命值,在第三个目标(客栈)中存活了下来,但在最后一个目标(野兽)中失败了。

第六天,格巴伊特从第三个目标开始,现在是 C1 级女巫。在生命值不变的情况下,他继续前进并击败了野兽(路径上的最后一个目标)。

第八天,格巴吉特从野兽 B 20 开始,他无法打败野兽 B 20,所以答案是-1。

第十天,格巴吉特从强大的 C 31 开始,用它打败了前两只野兽,但最后一只却失败了。 最后一天,Gebajt 可以骑完全程。

挑战 G: 格瓦特的诅咒 3/3

任务 H:密码

时间限制: 5秒,内存限制: 1GB: 5秒,内存限制: 1GB。

在成功实习后,Bytie 被聘为网络安全专家。为了给其他人树立一个好榜样,他决定给自己设置 一个不同的电子邮件密码和一个不同的社交网站 Facepalm 密码。不幸的是,要记住两个不同的密 码非常困难,而直接把密码写在纸上又违反了他自己设定的安全规则。于是,谨慎的拜蒂选择了一 个秘密数字d > 0,并把两个密码都写在纸上,用凯撒密码 1 编码,偏移量为d。他满意地看了看纸 片,大吃一惊:一旦编码,他的 Facepalm 密码就变成了 Mail 密码,反之亦然! "我做了什么....."-他抓着头惊呼道。

也检查一下自己的网络安全! 获得 Byte 第一个密码的数据后,重新创建第二个密码,或者确定 无法明确创建。

输入

第一行输入包含数据集的数量z (1 "z " 20)。然后以下列形式依次给出数据集: 每组密码由一个小写英文字母组成。一个密码最少有1个字符,最多有200000个字符。 所有密码的长度总和不超过 1 000 000。

输出

针对每个给定密码,写出相应的第二个密码。如果第二个密码无法重现(解法不存在或有多个 解法),则写出单词 NIE。

示例

输入	正确答案是
1 cnffjbeq	密码

1/1 任务 H: 密码

¹凯撒密码是将每个字母替换成字母表中更靠前的d个字符,并对字母表进行循环包络。例如,对于d=3, 字母 a 变为 d,字母 b 变为 e,。......字母 w 变为 z、 字母x 变为a,y 变为b,z 变为c。Byte使用的是英文字母,不过凯撒更愿意称其为拉丁字母。

任务 I: 有趣的数字

时间限制10秒,内存限制:1GB。

运算 \oplus 称为比特排除和或比特 XOR。它的工作原理如下:为了计算两个自然数的结果 $x \oplus y$,我 们将这两个数都写入二进制系统,然后,当且仅当x 和 的第yi 位数中正好有一位数等于 1 时,计算结 y,那么 $z_i = (x_i + y_i) \mod 2$ 。我们从意义最小的数位开始编号。

给定一个正整数k。如果一个数列的每两个元素的比特 XOR 都不大于k,我们就称这个数列为 有趣数列。在给出一个数列后,从中选择尽可能多的元素,这样所选的数列就构成了一个有趣数列

输入

第一行输入包含数据集的数量z(1"z" 1000)。然后以下列形式依次给出数据集:

集合的第一行包含两个整数 ,nk (1 "n " 30 000, 1 " k< 2^{20}),表示字符串的长度和一个数 字,指定两个元素的最大 XOR。

集合的第二行包含给定的字符串n,这些字符串由小于 2^{20} 的非负整数组成,中间用空格隔开。 所有数据集中的字符串长度总和不超过 200000。 k 之和不超过 3 200 000。

输出

为每个数据集输出一个整数,即从输入字符串中选取的元素的最大可能数目,以便它们组成一个有 趣的序列。

示例

输入数据	正确答案是
1	4
7 11	
3 12 9 10 16 3 4	

说明

感兴趣的序列由元素 3、9、10 和 3 组成,因为每对元素的比特 XOR 都不超过 11。例如, 9⊕ 10= 1001₂⊕ 1010₂= 11₂= 3 " 11。不可能选择五个(或更多)具有此属性的元素:例如,序列(3 、9、10、3、4) 不合适,因为 $4\oplus$ 9 = $100_2\oplus$ $1001_{(2)}$ = $1101_{(2)}$ = $13 > 11_{(3)}$

1/1 挑战 :: 有趣的数字

T HEORETICAL C O M P U T E R S C I E N C E Jagiellonian University

Z 2021-

07

任务 J: 毒蛇

时间限制时间限制: 15 秒,内存限制: 1GB。

毒蛇游戏棋盘是一个长方形,有n 行和m 列,分为n -m 个单位的区域。每个区域可以是空的,也可以被阻挡或包含毒蛇或无毒蛇的栖息地。玩家可以任意选择行数进行*反转: 反转后*,该行中的每一个毒蛇栖息地都会变成非毒蛇栖息地,反之亦然。同样,玩家也可以将自己选择的列*翻转*。如果任何栖息地被翻转两次,它就会恢复到原来的状态。完成所有这些操作后,玩家必须从棋盘的左上方向右下方移动,每次向右或向下移动一个区域。玩家的移动路径不能经过被封锁的区域或有毒蛇的区域。

游戏开发人员已经实现了z。不过,仍有必要验证其中哪些棋盘是可以解决的。不幸的是,这项任务交给了您。

输入

输入的第一行包含棋盘数量z(1 "z " 500)。每块棋盘的描述如下:

第一行包含两个整数n 和m (2 "pm " 2 000)。

下面的n 行中,每一行都包含m 个字符.、#、O(大写字母 "o")和@(猴子),分别表示空域、封锁域、有无毒蛇类栖息的域

和有毒蛇栖息地的田地。您可以假设第一行的第一个字符和第 mn -th line 的第 -ty 字符与 # 不同,即左上角和右下角的字段均未屏蔽。 所有n 值和m 值的总和各不超过 15000。 每个。

输出

对于每组数据,按以下格式输出解决方案。

在第一行输出 "是 "或 "否", 说明该棋盘是否可以解出。

如果您对给定集合的答案是 "是",那么请按顺序写出以下三行:

- 由n T 或 N 字符组成的字符串,其中i -th 字符分别表示位于i -th 行的 栖息地颠倒或不颠倒;
- 由 T 或 N 个字符组成的字符串m ,其中j -th 字符分别表示棋盘j -th 列中颠倒或不颠倒的生境 ;
- 一个序列 n+m-2 个 P 或 D 符号,其中从棋盘左上方区域开始的路径的连续步骤分别通向右边或向下。您所描述的路径必须通向棋盘的右下方区域,并且只能使用空区域和有无毒蛇栖息的区域。

如果有多个正确答案,您可以写出其中任何一个。

任务 J: 毒蛇 1/2

示例

输入数据:	可能的正确答案是
1	是
4 5	NTNN
#	NNTNT
@@0@@	DPPDDPP
##@#O	
@.@	

说明

将棋手指示的行列颠倒后,棋盘的状态如下:

..#.. 0000@ ##0#@ ..0.0

棋手指示的路径只使用空地和(在所有反转之后)无毒蛇居住的空地。

2/2 任务」: 毒蛇

任务 K: 猫和 Roomba

时间限制12秒,内存限制:1GB。

Bitusia 的猫 "船长 "最喜欢睡觉。不幸的是,自从 Bitus 决定购买机器人吸尘器 Roomba 后,它 的睡眠质量明显下降。原来,猫队长害怕 Roomba,就像....。好吧,他只是非常害怕。

Bitus 的房子里有n 个房间,连接着 n-1 条双向走廊,这样就可以从任何房间到达任何其他房 间。Bitus 注意到,如果 Roomba

进入船长所在的房间,猫就会醒来并逃到邻近的房间,然后马上又睡着了。受到惊吓的船长逃跑时完全 是盲目的,因此,如果有多条走廊从房间里出来,它就有*可能选择任何*一条(特别是,它可能会逃进 Roomba 刚刚离开的房间)。

在又一个漫漫长夜里,Bitty 打开 Roomba 应用程序,看到它在打扫卫生时陆续访问了 a_1 的房间 。.. a_m 。这一连串的房间可以重复出现,每两个相邻的房间都有一条走廊相连。Bitus 还记得,在 打开 Roomba 之前,猫咪正在c 房间里睡觉。此外,还有 $a \neq c$,因为谨慎的船长从不与 Roomba 睡 在同一个房间!

现在 Bitty 想知道 Roomba 在打扫卫生时吵醒船长的次数的*期望值*是多少。帮他回答这个令人头 疼的问题,这样他就能重新专注于工作了。

输入

第一行输入包含数据集的数量z (1 "z " 6 000)。然后按以下形式依次给出数据集: 集合的第一行包含两个整数 ,nc (2 "n " 1 000 000, 1 "c "n),分别表示比茨家的房间数和 猫队长最初睡觉的房间数。

接下来的 n-1 行描述的是走廊。每行包含两个整数 u_iv_i (1 " u_iv_i " u_i 和 v_i 这两个房间由一条走廊连接。可以假设从每个房间都可以到达其他房间。

集合的下一行包含 Roomba 访问过的房间数量m (1 "m " 5 000 000)。

集合的最后一行包含m整数序列 a_i (1 " a_i "n) - Roomba 访问过的房间序列。每两个连续的房间都有 一条走廊相连,也有一个

 $a_1 \neq c_0$

所有集合中 n+m 的值总和不会超过 12 000 000。

输出

对于每组数据,写出一个实数-猫队长被 Roomba 唤醒次数的期望值。相对误差或绝对误差不 超过 10^{-5} 即可认为答案正确。换句话说,如果你的算法答案是a ,而正确答案是b ,那么只要有 e^{-b} " 10⁻⁵就足够了。

max(1,b)

1/2 任务 K: 猫和 Roomba

夫 2021-11- 07

例题

对 输入数据: 于	正确答案是
1 4 2	1.666666666666667
1 2 2 3 4 2	
1 2 3 2	

任务 K: 猫和 Roomba 2/2

任务 L: 树懒

时间限制: 10 秒,内存限制: 1GB: 10 秒,内存限制: 1GB。

您即将开始一次丛林探险,观察一种至今鲜有研究的树懒 Choloepus manhattani。树懒生活的整 个丛林地区是世界上最奇特的地方之一:那里的树木排列成一个完美的矩形 $n \times m$ 。在地图上,它 们被一对对自然数标记出来--树(i,j) 生长在i -th row 和j -th column 的交叉点上。所有树懒 Choloepus manhattani 都生活在这一地区。

每只树懒都在其中一棵树上有自己的固定巢穴,但有时也会离开巢穴到周围的树上寻找食物。 在整个丛林中,树懒只能从一棵树跳到另一棵树--在一次跳跃中,树懒会跳到与前一棵树水平或垂 直相邻的树上。为了不离开巢穴太远,每只树懒只在离巢穴k跳的范围内觅食。换句话说,如果树 懒的巢穴在一棵树上(x,y),那么树懒的觅食区域就是坐标为 (x',y'')的树的集合,这些坐标满足 |x-x'| + |y-y'| "k(and 1 "x(')" 。n, 1 "y(')"m) 。经过数百万年的进化,所有树懒都有了不变 的k。

你对这些神奇的报道有些怀疑,但你无 法 与之前的研究者对质,因为他有一天在丛林中莫名其 妙地失踪了(除其他外,这让你重新思考树懒是否一定是食草动物……)。他留下的只有一张尺寸 为 $n \times m$ 的地图,上面标注了树懒觅食的所有树木。然而,它们的巢穴却没有标注在地图上。

检查该地图是否正确--确定是否有一组树懒的觅食区域与该地图完全吻合。

输入

输入的第一行包含数据集的数量z (1 "z " 4 000)。然后按以下形式依次给出数据集: 数据集的第一行包含整数 n , $m_i k$ (1 " $n_i m_i k$ " 1000),其含义在任务正文中给出。

以下n - 行包含对地图的描述 -n - 每行中的字符。如果根据地图,树懒在一棵树(i,i)上觅 食,那么在i-行的第i-个位置会有一个 x,否则会有一个 a.(点)。

所有集合中的值之和不超过 100 000。

输出

对于每组数据,写出一个 "是 "或 "否 "的标签,表示对 "前一位研究者留下的地图是否能描述树懒的 正确觅食区域"这一问题的答案。

1/2 任务 L: 树懒

示例

对于输入数据:	正确答案是
2	是
3 3 1	无
.xx	
XXX	
XX.	
3 4 1	
XX	
X.XX	
XX	

说明

在第一个测试中,如果我们假设三只树懒栖息在田块(1,3)、(2,2)和(3,1)中,那么标记 区域就是它们正确的觅食区域。

在第二个测试中,没有一组树懒栖息的田地会产生被标记的觅食区域。 标记的觅食区域。

2/2 任务 L: 树懒

任务 M: 神奇三人组

时间限制: 20 秒20 秒, 内存限制: 1GB。

你正在参加考试,想知道如何确定序列的中位数。您费了九牛二虎之力才想起来,中位数是序 列中不递减排序时占据中间位置的元素(如果序列的长度是偶数,中位数就是中间两个元素中较小 的)。考试包括编写解决方案的伪代码,然后在教授给出的示例输入字符串上模拟操作。

尽管你的记忆漏洞百出,但你记得讲座中出现过类似的内容。不幸的是,你只记得讲座中模糊 的片段(在 ByteStation 上度过的夜晚和算法教授单调的声音并没有帮助你集中注意力)。有一些神 奇的算法......神奇的三?以某种方式分割字符串,递归调用,然后组合......?

根据你设法记住的片段,你想出了下面的算法:

函数 magicThrees(string)

如果字符串长度不大于 2,则返回字符串中最小的值

part_1, part_2, part_3= divideNaThreeParts(string) median i = magicTrees(part i) for i = 1, 2, 3 返回字符串 [median_1, median_2, median_3] 的中值。

其中 divideThreeParts 将字符串分成三个长度尽可能相近的连贯片段。具体来说,连续片段的 长度为 [s, s, s]、[s+1, s, s] 或 [s+1, s+1, s],具体取决于字符串的长度。例如, 字符串 [8, 2, 6, 6, 3、

5,7,1] 会分裂成 [8,2,6]、[6,3,5] 和 [7,1]。

直到离开考场,你才意识到你的算法并不那么神奇,因为它并不总是有效。你满怀希望地想, *也许至少它对任务中的序列是正确的...*。不幸的是,你在这方面的记忆和算法本身一样模糊:虽然 你*几乎*记得教授序列的*所有*元素,但对其中的一些值却不太确定。你只记得任务中给出的数据大小 限制: 序列中的所有数字必须在(封闭)区间 [0, m-1]。

请计算有多少种写法可以使您不知道的数字在使用 magicTriple 算法的情况下 得出的序列能返回其真正的中位数(定义如上)。由于这个数字可能很大,所以只要给出除以 109的 余数+7即可。

输入

第一行输入包含数据集的数量z。然后按以下形式依次给出数据集:

集合的第一行包含两个整数、 $(nm\ n\otimes 1, 1\ "m\ "\ 10^9)$,表示测试字符串的长度和元素值的约束条件

集合的第二行包含测试字符串,由n区间内的整数描述

[-1, m-1],其中-1表示未知值的元素。

1/2 挑战 M: 神奇的三人组

测试

如果我们用q表示未知值元素的数量,那么每个测试文件都属于以下三组之一:

- 1 "z " 100, 1 "q " 10,n " 3⁴= 81
- z=15, 1 "q " 20,n " $3^5=243$
- z=3, q=30,n " $3^8=6561$

输出

对于每组数据,输出一个整数r (0 " r< 10 9 + 7) --任务正文中问题的答案。

示例

对于输入数据:	正确答案是
3	100
3 10	21
-1 -1 3	1979
4 50	
10 20 -1 40	
5 100	
-1 10 10 -1 20	

说明

在第一个测试中,无论序列中两个未知元素的值是多少,magicTrees 算法都会返回正确的中位数; 因此答案是 102= 100。

在第二个测试中,只有当未知值不大于

20 时,才会返回正确的中位数,这样就有 21 种可能。

在第三次测试中,如果两个未知值都小于

10,或两个未知值都大于 10,则 $100^2-(10^2+89^{(2)})=1979$ 种可能性。

2/2 挑战 M: 神奇的三人组