

## T1

给定  $n$  个点的有向图，其中：

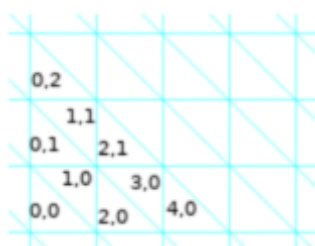
- $\forall 1 \leq i < n$ , 有边  $i \rightarrow i+1$ , 边权为 0, 这些边不可删除。
- $\forall 1 \leq i, j \leq n, i \neq j$ , 有边  $i \rightarrow j$ , 当  $i < j$ , 边权为  $-1$ , 否则边权为 1, 删掉这条边需要支付  $A_{i,j}$ 。

求最小的花费，使得图中没有负环。

$3 \leq n \leq 500, 1 \leq A_{i,j} \leq 10^9$ 。

## T2

考虑下面这种平面：



即  $(i, j)$  的邻居为：

- $(i+1, j)$
- $(i-1, j)$
- 当  $i$  为偶数时,  $(i+1, j-1)$ ; 否则,  $(i-1, j+1)$ 。

现在有若干个点被染黑了，每个时刻，你可以进行下面恰好一种操作执行：

- 当存在一个白点拥有至少两个黑邻居时，你可以把它染黑。
- 当存在一个黑点拥有至少两个白邻居时，你可以把它染黑。
- 如果以上两种点都不存在，结束。（注意，必须上面两种操作都执行不了才能结束）

如果可以使得结束时平面上至少有一个黑点，则输出 `SICK`。

否则，输出结束的最晚时刻，由于答案可能很大。

$1 \leq n \leq 250000$ ，其中  $n$  是一开始染黑的点的数量， $0 \leq x_i, y_i \leq 500$ ，其中  $(x_i, y_i)$  为初始染黑的点的坐标。

## T3

给定一个二分图，左部有  $n$  个点，右部有  $m$  个点，左部第  $i$  个点向右部  $[l_i, r_i]$  的点连边，点权为  $a_i$ ，右部点点权为 0，求最大权匹配。

$1 \leq n \leq 10^7, 1 \leq m \leq 2000$ 。

## T4

给一个  $n \times m$  的矩阵以及常数  $k$ ，矩阵上每个点有价值  $a_{i,j}$  和颜色  $c_{i,j}$ 。你要选出一个四连通块，使得不存在一个点的颜色是  $-1$ ，至少有  $k$  种不同的颜色，且连通块包含点数最少。在此基础上，你还需要令这个四连通块里所有点的价值的中位数最小。

$1 \leq nm \leq 233, 1 \leq k \leq 5, c_{i,j} = -1 \vee 1 \leq c_{i,j} \leq nm, 0 \leq a_{i,j} \leq 10^6$ 。

## T5

---

给定一个  $n \times m$  的矩阵和常数  $a, b, c$ ，初始时矩阵里每个格子颜色都为白色，你需要给这些格子染上黑白色，有若干个格子被钦定最终为黑色，其他所有格子被钦定最终为白色。你可以以任意顺序使用如下两种操作任意次来染色：

- 选择若干个排成一条平行于坐标轴的线段的连通的格子，然后选择把它们都染成黑色或都染成白色，假如选择了  $l$  个格子，花费为  $al + b$ 。
- 选择一个格子，把它染成黑色或白色，花费为  $c$ 。

你还需要满足：任何一个格子不能被染两次色，一个被染成白色的格子不能再被染色。

求满足颜色要求的最小花费。

$$1 \leq n, m \leq 40, 0 \leq a, b, c \leq 40, c \leq a + b.$$

## T6

---

给定一个  $n$  个点  $m$  条边的二分图，求有多少个点对，满足删去这两个点最大匹配不变。

$$2 \leq n \leq 2 \times 10^5, 0 \leq m \leq 2 \times 10^5.$$

## T7

---

给定点数为  $n$ ，边数为  $m$  的无向图，每个点有危险值  $c_i$ ，阈值  $t_i$ ，价值  $s_i$ 。

记  $f_u$  为，你从  $u$  出发，所能到达的价值最高的点的价值。假如你现在所在的点为  $x$ ，则你能去点  $y$  当且仅当有边  $(x, y)$  且你从出发到现在经过的所有点的危险值的最大值小于等于  $t_y$ 。

你需要对每个  $1 \leq i \leq n$  求出  $f_i$ 。

$$1 \leq n, m \leq 2 \times 10^5, 1 \leq c_i, s_i, t_i \leq 10^9, c_i \leq t_i.$$

## T8

---

你有  $n$  个点和一个正整数  $k$ ， $\forall i \neq j$ ，有  $p_0$  的概率  $i$  和  $j$  之间没有连边，对于  $1 \leq l \leq k$ ，有  $p_l$  的概率  $i$  和  $j$  之间有一条边权为  $l$  的边，保证  $\sum_{l=0}^k p_l = 1$ 。

对于  $t = n - 1, n, \dots, (n - 1)k$  分别求出，整张图连通且最小生成树为  $t$  的概率，模质数。

$$1 \leq n \leq 40, 1 \leq k \leq 4.$$