```
作业说明
  项目结构
  环境
  编译运行
  项目代码解析
    Tensor类
    Layer 类
  作业相关函数的实现思路
    全连接层的正向和反向传播函数
       基于 CUBLAS 实现的一些数学方法
       正向传播
       反向传播
    卷积层的正向和反向传播
       im2col 和 col2im 的实现
       正向传播
       反向传播
    全连接层和卷积层的参数初始化
    池化层的正向和反向传播
       正向传播
       反向传播
    Softmax 层的正向传播
    Cross Entropy Loss 的正向传播和反向传播
       正向传播
       反向传播
  测试
```

作业说明

这是人工智能中的编程第二次作业的代码。

项目结构

项目有四个目录,一个 main.cpp 文件,一个 CMakeLists.txt ,和一个 README.md 。include 目录下包含项目需要的头文件, src 目录下包含源文件, test 目录下包含测试文件, third_patrs 包含第三方库。项目使用 GoogleTest 框架编写单元测试, GoogleTest 静态连接库和头文件在 third_parts 目录下,可以直接使用。项目使用 cmake 进行编译构建, CMakeListst.txt 在项目根目录下。

环境

项目在以下环境已经得到验证,可以正常运行:

操作系统	Ubuntu24.04.1 LTS
CUDA Toolkit	12.4
gcc/g++	13.2
CMake	3.28.3
Make	4.3

一般地,使用其他 Linux 发行版或者使用 WSL2 ,CMake 版本高于3.20,gcc/g++ 和 nvcc 版本支持 C++20或以上,是可以完成项目的编译构建的。如果使用 Windows 操作系统,一般使用 MinGW 也可以,MSVC 不确定能否编译构建本项目。

编译运行

进入项目根目录, 依次执行下面的命令:

```
1 mkdir build && cd build
   cmake .. # 默认 Debug 模式,如果需要使用 Release 模式,可以执行 cmake -
   DCMAKE_BUILD_TYPE=Release ..
   make -i4 # 如果CPU核心数小于4,应该修改-i选项
   ./my_tensor # 将会打印 Hello, from my_tensor!
   ./tensor_test # 将会测试 Tensor 类的方法
   ./relu_test # 将会测试 Relu 类的正向传播和反向传播
7
   ./sigmoid_test # 将会测试 Sigmoid 类的正向传播和反响传播
   ./blas_test # 将会定义的若干个数学函数
8
9
   ./linear_test # 将会测试全连接层的正向传播和反向传播
   ./im2col_test # 将会测试 im2col 和 col2im 方法
10
   ./conv_test # 将会测试卷积层的正向传播和反向传播
11
   ./pooling_test # 将会测试池化层的正向传播和反向传播
12
   ./softmax_test # 将会测试 Softmax 类的正向传播和反向传播方法
   ./loss_with_softmax_test # 将会测试带有损失函数的 Softmax 层的正向传播和反向传播
```

项目代码解析

下面简单介绍一下项目的代码。

Tensor 类

Tensor 类定义在 [include/tensor.cuh 文件中,在命名空间 my_tensor 下,包含属性 data_, diff_, shape_ 和 size_。 Tensor 类的对象可以从 const std::vector<int>& shape 构造,也可以进行复制构造和移动构造。可以进行拷贝和移动,其中 data_ 和 diff_ 是 Syncedvector 类型,用来同步 CPU 和 GPU 上的数据。

Layer 类

Layer 类是一个抽象类,不能拷贝和移动,有 Forward 和 Backward 两个纯虚函数。 Layer 从 LayerParameter 对象构造,在 SetUp 方法中设置一些相关的参数。其他的网络层都是继承这个抽象 类。在本项目中,我们定义了 Relu 和 Sigmoid 作为激活层, Linear 作为全连接层, Convolution 作为卷积层, Pooling 作为池化层, Softmax 作为分类层, LossWithSoftmax 作为损失层。

作业相关函数的实现思路

下面来介绍作业相关函数的实现思路。

全连接层的正向和反向传播函数

参照讲义和课堂讲授的内容,我们在 [include/linear.cuh] 声明了全连接层的正向和反向传播函数,实现了 CPU 和 GPU 两个版本,这里我们主要介绍 GPU 上的实现,实现的细节在 [src/linear.cu] 中。在介绍这两个函数之前,我们先来看 [include/blas.cuh] 中声明的数学方法。

基于 CUBLAS 实现的一些数学方法

为了实现全连接层的正向和方向传播的方便,我们对一些数学方法进行了封装,具体实现基于 cublas 库,代码在 include/blas.cuh 和 src/blas.cu。

- 1. 首先我们封装了矩阵乘法,主要是 matmul , transpose_matmul , matmul_transpose , transpose_matmul_transpose , 分别表示两个矩阵相乘,左矩阵的转置乘以右矩阵,左矩阵乘以右矩阵的转置,左矩阵的转置乘以右矩阵的转置。在本项目中,我们只实现了单精度浮点数的相关方法,如果你使用其他模板参数,将会抛出异常。考虑到在卷积层的时候我们需要使用批量的矩阵乘法,并可能有广播机制的需要,我们在这里封装的是 cublas 中的 cublassgemmBatched 方法,用 batch_count 参数控制批量,默认为 1 ,也就是跟普通的矩阵乘法一样;同时用 broadcast 控制广播,为 1 的时候对第一个变量进行广播,为 2 的时候对第二个变量进行广播。
- 2. 然后我们封装了矩阵加向量的方法,这主要是为了全连接层中添加偏置的方便,主要的函数是 add_row_vector , add_col_vector 。
- 3. 我们还封装了矩阵和向量的求和方法,这主要是为了全连接层中偏置的梯度求解的方便,主要的函数是 tensor_sum , row_sum , row_sum 。

正向传播

全连接层的正向传播方法定义为 Linear<T>::ForwardGPU ,输入两个 Tensor 指针的数组,一个作为全连接层的输入,一个作为输出。由于我们已经封装了数学方法,正向传播的实现是比较简单的,我们首先用输入左乘权重矩阵,然后加上偏置向量,也就是如下的代码:

```
matmul(bottom[0]->GetGPUDataPtr(), weight_->GetGPUDataPtr(),
top[0]->GetGPUDataPtr(), m, k, n);
add_col_vector(top[0]->GetGPUDataPtr(), bias_->GetGPUDataPtr(), m, n);
```

反向传播

全连接层的反向传播方法定义为 Linear<T>::BackwardGPU ,输入两个 Tensor 指针的数组,一个作为全连接层的输出,另一个作为输入。我们需要分别求解输入的梯度,权重矩阵的梯度和偏置的梯度。

对于输入的梯度,我们用输出梯度乘以权重矩阵的梯度,代码如下

```
matmul_transpose(top[0]->GetGPUDiffPtr(), this->GetWeight()->GetGPUDataPtr(),
bottom[0]->GetGPUDiffPtr(), m, n, k);
```

对于权重矩阵的梯度,我们用输入矩阵的转置乘以输出梯度,代码如下

```
transpose_matmul(bottom[0]->GetGPUDataPtr(), top[0]->GetGPUDiffPtr(),
this->GetWeight()->GetGPUDiffPtr(), k, m, n);
```

对于偏置的梯度,我们对输出梯度每一列求和,代码如下

```
col_sum(top[0]->GetGPUDiffPtr(), this->GetBias()->GetGPUDiffPtr(), m, n);
```

卷积层的正向和反向传播

参照讲义和课堂讲授的内容,我们在 include/conv.cuh 声明了全连接层的正向和反向传播函数,实现了 CPU 和 GPU 两个版本,这里我们主要介绍 GPU 上的实现,实现的细节在 src/conv.cu 中。这里我们使用 im2col 方法来实现卷积层。

im2col 和 col2im 的实现

为了加速卷积层的正向和反向传播,我们使用 im2col 和 col2im ,相关函数的声明在 include/im2col.cuh 中,实现在 src/im2col.cu 中。我们实现了 CPU 和 GPU 两个版本,同样地,这里我们只介绍 GPU 上的实现。

首先是 [im2col] 方法的实现,相关的函数为 [Im2col_GPU] ,我们定义了核函数 [Im2col_kernel] ,对于每一个卷积窗口进行转换,在 [Im2col_GPU] 中启动 n * channels * width * height 个核进行运算。

然后是 col2im 方法的实现,相关的函数为 col2im_GPU ,我们定义了核函数 col2im_kernel ,每一个线程负责输出的一个元素的修改,从而避免了原子操作,我们在 col2im_GPU 中启动 n * channels * im_size 个核进行运算。

正向传播

卷积层的正向传播定义为 Convolution<T>::ForwardGPU 函数,我们首先调用 Im2col_GPU 方法将输入转换并写入 col_cache_ ,然后用核左乘之,并注意设置批量为 N ,以及对第一个参数,也就是核进行广播,然后添加偏置。具体的代码如下

```
Im2col_GPU(batch_size_, bottom[0]->GetGPUDataPtr(), input_channels_, height_,
1
2
              width_, kernel_height_, kernel_width_,
3
              col_cache_->GetGPUDataPtr());
   matmul(kernel_->GetGPUDataPtr(), col_cache_->GetGPUDataPtr(),
4
5
          top[0]->GetGPUDataPtr(), output_channels_,
          input_channels_ * kernel_size, im_size, batch_size_, 1);
6
7
   add_row_vector(top[0]->GetGPUDataPtr(), bias_->GetGPUDataPtr(),
                  output_channels_, im_size, batch_size_);
8
```

反向传播

卷积层的反向传播定义为 Convolution<T>::BackwardGPU 函数, 我们需要求解输入的梯度、核的梯度和偏置的梯度。

对于输入的梯度,我们先求 col_cache_ 的梯度。我们用核的转置左乘输出的梯度,结果作为,注意设置批量为 N ,并对核进行广播,得到 col_cache_ 的梯度。然后我们调用 col2im_GPU 方法得到输入的梯度。主要的代码如下

```
transpose_matmul(kernel_->GetGPUDataPtr(), top[0]->GetGPUDiffPtr(),
col_cache_->GetGPUDiffPtr(), input_channels_ * kernel_size,
output_channels_, im_size, batch_size_, 1);

Col2im_GPU(batch_size_, col_cache_->GetGPUDiffPtr(), input_channels_, height_,
width_, kernel_height_, kernel_width_, bottom[0]->GetGPUDiffPtr());
```

对于核的梯度,我们用输出梯度左乘 col_cache_ 的转置,然后对列求和。主要的代码如下

偏置的梯度求解有些复杂,我们首先对输出梯度批量按行求和,然后整体按列求和,得到偏置的梯度。 主要的代码如下

```
row_sum(top[0]->GetGPUDiffPtr(), temp_diff, output_channels_, im_size,
batch_size_);
col_sum(temp_diff, bias_->GetGPUDiffPtr(), batch_size_, output_channels_);
```

全连接层和卷积层的参数初始化

按照作业的要求和课堂的讲授,我们定义一个类 Filler ,负责全连接层和卷积层的参数初始化。项目 只支持 GPU 上的初始化,随机数使用 curand 生成。项目支持四种初始化方式,零初始化,常数初始 化, xavier 初始化和 He 初始化。具体的代码在 include/filler.cuh 和 src/filler.cu 中。具体地,每一个 Filler 的子类定义一种初始化方式,重载 Filler 方法进行初始化。下面是 curand 生成 xavier 初始化的随机数的核函数

```
1   __global__ static void XavierFillerKernel(float *data, float limit, int n) {
2    CUDA_KERNEL_LOOP(i, n) {
3         curandState state;
4         curand_init(1234 + i, i, 0, &state);
5         data[i] = curand_uniform(&state) * 2 * limit - limit;
6    }
7  }
```

池化层的正向和反向传播

参照讲义和课堂讲授的内容,我们在 [include/pooling.cuh] 声明了全连接层的正向和反向传播函数,实现了 CPU 和 GPU 两个版本,这里我们主要介绍 GPU 上的实现,实现的细节在 [src/pooling.cu] 中。

正向传播

对每一个池化窗口,我们启动一个线程计算其最大值,输出到输出数据中,并记录其在输入数据的索引到 mask 张量中。

反向传播

先将输出梯度全部置为 0 ,然后根据 mask 数组的索引将对应位置的梯度置为 1 。这里我们直接调用 thrust 库的 scatter 方法,代码如下:

```
thrust::fill(bottom_diff.begin(), bottom_diff.end(), 0);
thrust::scatter(top_diff.begin(), top_diff.end(), mask_data.begin(),
bottom_diff.begin());
```

Softmax 层的正向传播

按照作业的要求,我们只实现了正向传播,主要的代码思路与讲义的一致。首先,我们使用 thrust::reduce_by_key 进行分段归约,求出每一行的最大值,然后用 thrust::transform 将每一行减去最大值,并取对数,再进行一次分段归约,求出每一行的和,再对每一行除以这一行的和,得到最终结果。代码如下

```
thrust::device_vector<int> keys(batch_size_ * channels_);
2
    int channels = channels_;
3
    // generate key
    thrust::transform(
 5
        thrust::counting_iterator(0),
        thrust::counting_iterator(batch_size_ * channels_), keys.begin(),
 6
7
        [channels] __device__(int i) -> int { return (i / channels) + 1; });
8
      thrust::device_vector<int> output_keys(batch_size_);
      thrust::device_vector<T> max_values(batch_size_);
9
    T* max_ptr = RAW_PTR(max_values);
10
    // compute row max element
11
12
    thrust::reduce_by_key(keys.begin(), keys.end(), bottom_data.begin(),
13
                          output_keys.begin(), max_values.begin(),
                          thrust::equal_to<int>(), thrust::maximum<T>());
14
    // substract the max element
15
16
    thrust::transform(
17
        thrust::counting_iterator(0),
        thrust::counting_iterator(batch_size_ * channels_), bottom_data.begin(),
18
        top_data.begin(), [max_ptr, channels] __device__(int i, T val) -> T {
19
          return static_cast<T>(std::exp(val - max_ptr[i / channels]));
20
21
        });
    // compute normalization factor
22
    thrust::reduce_by_key(keys.begin(), keys.end(), top_data.begin(),
23
                          output_keys.begin(), max_values.begin(),
24
25
                          thrust::equal_to<int>(), thrust::plus<T>());
    // noramlization
26
    thrust::transform(thrust::counting_iterator(0),
27
28
                      thrust::counting_iterator(batch_size_ * channels_),
29
                      top_data.begin(), top_data.begin(),
                      [max_ptr, channels] __device__(int i, T val) -> T {
30
31
                        return static_cast<T>(val / max_ptr[i / channels]);
32
                      });
```

Cross Entropy Loss 的正向传播和反向传播

我们定义了一个类 LosswithSoftmax 实现基于 Softmax 的交叉熵损失。类 LosswithSoftmax 继承自 Layer ,重载了正向传播和反向传播,有一个 Softmax 实例。

正向传播

实现 Cross Entropy Loss 的函数是 LosswithSoftmax<T>::ForwardGPU ,输入是两个数组,第一个数组包括输入数据和标签,另一个数组为损失。首先调用 LosswithSoftmax 中 Softmax 实例的正向传播函数,得到 Softmax_top_ ,然后对每一个 [label] 对应的概率取对数再取相反数,得到一个数组,再进行 [reduce] 并取平均,得到损失。代码如下

```
thrust::transform(
1
2
       thrust::counting_iterator(0), thrust::counting_iterator(batch_size_),
3
       temp_data.begin(),
4
       [softmax_top_data, label_data, channels] __device__(int i) -> T {
5
         return -std::log(
              softmax_top_data[i * channels + static_cast<int>(label_data[i])]);
6
7
       });
8
   top_data[0] =
9
       thrust::reduce(temp_data.begin(), temp_data.end()) / batch_size_;
```

反向传播

根据讲义和课堂的讲授,我们将输入数据的梯度设置为概率值,也就是上面求出的 softmax_top_ ,然后每一行对应 TabeT 的元素减去 1 ,得到输入数据的梯度值。代码如下

测试

本项目使用 GoogleTest 框架进行单元测试,暂时未进行集成测试。测试代码在 test 目录下。跟本次作业相关的测试主要在 test/linear-test.cu , test/conv-test.cu , test/pooling-test.cu , test/softmax-test.cu 和 test/loss-with-softmax-test.cu 中,目录下还有其他与作业不相关的测试文件,主要是开发过程中的单元测试以及上一次作业的测试代码,考虑项目的完整性,一并提交,亦可作为整体作业要求完成正确性的测试。

本次作业相关的测试方法,基本的思路是一致的,就是通过 CPU 上未经过优化的串行运算直接求得结果,与我们项目经过优化的方法或者 GPU 上的方法求得的结果进行比较,以检验正确性。测试的数据通过随机数生成,考虑到我们需要在 CPU 上进行检验运算,我们直接在 CPU 上生成随机数据,而没有使用 Curand 。测试样例的网络定义在 test/json-test 目录下。

运行项目与作业相关的测试,可以在构建好项目后,进入 build 目录并执行下列命令:

```
    ./linear_test # 将会测试全连接层的正向传播和反向传播
    ./conv_test # 将会测试卷积层的正向传播和反向传播
    ./pooling_test # 将会测试池化层的正向传播和反向传播
    ./softmax_test # 将会测试 Softmax 类的正向传播和反向传播方法
    ./loss_with_softmax_test # 将会测试带有损失函数的 Softmax 层的正向传播和反向传播
```

测试结果全部通过。(这是自然的,否则我也不会提交上去)

需要注意的是,浮点数运算可能会有误差,所以一些地方我设置的允许的偏差比较大,但还是有可能出现不匹配的可能。考虑到我们输入的数据量比较大,即使测试报错,显示误差超过了一定范围,但如果观察到真实值和期待值是接近的,应该认为还是正确的,因为错误的方法导致相近的结果的概率是较小的。以下是我运行相关测试的结果

```
(base) linyibo@linyibo-ThinkBook-14-G5-IRH:~/Code/my-tensor/build$ ./linear_test
              Running 8 tests from 2 test suites.
              Global test environment set-up.
              4 tests from LinearCPUTest
              LinearCPUTest.Linear_ForwardCPUTest
              LinearCPUTest.Linear_ForwardCPUTest (2813 ms)
              LinearCPUTest.Linear_BackwardBottomCPUTest
              LinearCPUTest.Linear_BackwardBottomCPUTest (2751 ms)
              LinearCPUTest.Linear_BackwardWeightCPUTest
LinearCPUTest.Linear_BackwardWeightCPUTest (2775 ms)
LinearCPUTest.Linear_BackwardBiasCPUTest
LinearCPUTest.Linear_BackwardBiasCPUTest
LinearCPUTest.Linear_BackwardBiasCPUTest (2684 ms)
              4 tests from LinearCPUTest (11024 ms total)
              4 tests from LinearGPUTest
              LinearGPUTest.Linear_ForwardGPUTest
              LinearGPUTest.Linear_ForwardGPUTest (885 ms)
              LinearGPUTest.Linear_BackwardBottomGPUTest
              LinearGPUTest.Linear_BackwardBottomGPUTest (465 ms)
              LinearGPUTest.Linear_BackwardWeightGPUTest
              LinearGPUTest.Linear_BackwardWeightGPUTest (558 ms)
              LinearGPUTest.Linear_BackwardBiasGPUTest
              LinearGPUTest.Linear_BackwardBiasGPUTest (85 ms)
        ---] 4 tests from LinearGPUTest (1994 ms total)
    ------] Global test environment tear-down
 =======] 8 tests from 2 test suites ran. (13019 ms total)
  PASSED ] 8 tests.
```

```
(base) linyibo@linyibo-ThinkBook-14-G5-IRH:~/Code/my-tensor/build$ ./conv_test
=======] Running 8 tests from 2 test suites.
            Global test environment set-up.
            4 tests from ConvolutionCPUTest
            ConvolutionCPUTest.ForwardTest
            ConvolutionCPUTest.ForwardTest (467 ms)
            ConvolutionCPUTest.BackwardBottomTest
            ConvolutionCPUTest.BackwardBottomTest (1042 ms)
            ConvolutionCPUTest.BackwardKernelTest
            ConvolutionCPUTest.BackwardKernelTest (1035 ms)
           ConvolutionCPUTest.BackwardBiasTest
       OK ] ConvolutionCPUTest.BackwardBiasTest (998 ms)
        --] 4 tests from ConvolutionCPUTest (3544 ms total)
      ----] 4 tests from ConvolutionGPUTest
            ConvolutionGPUTest.ForwardTest
            ConvolutionGPUTest.ForwardTest (1115 ms)
            ConvolutionGPUTest.BackwardBottomTest
            ConvolutionGPUTest.BackwardBottomTest (643 ms)
            ConvolutionGPUTest.BackwardKernelTest
            ConvolutionGPUTest.BackwardKernelTest (88 ms)
            ConvolutionGPUTest.BackwardBiasTest
       OK ] ConvolutionGPUTest.BackwardBiasTest (50 ms)
           4 tests from ConvolutionGPUTest (1897 ms total)
----- Global test environment tear-down
=======] 8 tests from 2 test suites ran. (5442 ms total)
  PASSED ] 8 tests.
```

```
(base) linyibo@linyibo-ThinkBook-14-G5-IRH:~/Code/my-tensor/build$ ./pooling test
            Running 6 tests from 2 test suites.
            Global test environment set-up.
            3 tests from PoolingCPUTest
            PoolingCPUTest.ForwardTop
            PoolingCPUTest.ForwardTop (10 ms)
            PoolingCPUTest.ForwardMask
            PoolingCPUTest.ForwardMask (11 ms)
            PoolingCPUTest.BackwardBottom
            PoolingCPUTest.BackwardBottom (17 ms)
       ---] 3 tests from PoolingCPUTest (39 ms total)
            3 tests from PoolingGPUTest
            PoolingGPUTest.ForwardTop
            PoolingGPUTest.ForwardTop (137 ms)
            PoolingGPUTest.ForwardMask
            PoolingGPUTest.ForwardMask (82 ms)
            PoolingGPUTest.BackwardBottom
       OK | PoolingGPUTest.BackwardBottom (320 ms)
       ---] 3 tests from PoolingGPUTest (540 ms total)
   -----] Global test environment tear-down
=======] 6 tests from 2 test suites ran. (579 ms total)
  PASSED ] 6 tests.
(base) linyibo@linyibo-ThinkBook-14-G5-IRH:~/Code/my-tensor/build$ ./softmax test
 =======] Running 2 tests from 1 test suite.
            Global test environment set-up.
          ] 2 tests from SoftmaxTest
           SoftmaxTest.ForwardCPUTest
       OK ] SoftmaxTest.ForwardCPUTest (4 ms)
           | SoftmaxTest.ForwardGPUTest
       OK ] SoftmaxTest.ForwardGPUTest (119 ms)
           ] 2 tests from SoftmaxTest (123 ms total)
     -----] Global test environment tear-down
  =======] 2 tests from 1 test suite ran. (123 ms total)
  PASSED ] 2 tests.
(base) linyibo@linyibo-ThinkBook-14-G5-IRH:~/Code/my-tensor/build$ ./loss_with_softmax_test
=======] Running 4 tests from 2 test suites.
           Global test environment set-up.
           2 tests from LossWithSoftmaxCPUTest
           LossWithSoftmaxCPUTest.ForwardLoss
       OK ] LossWithSoftmaxCPUTest.ForwardLoss (3 ms)
          LossWithSoftmaxCPUTest.BackwardBottom
       OK ] LossWithSoftmaxCPUTest.BackwardBottom (4 ms)
       ---] 2 tests from LossWithSoftmaxCPUTest (7 ms total)
      ----] 2 tests from LossWithSoftmaxGPUTest
           LossWithSoftmaxGPUTest.ForwardLoss
       OK ] LossWithSoftmaxGPUTest.ForwardLoss (66 ms)
           LossWithSoftmaxGPUTest.BackwardBottom
       OK ] LossWithSoftmaxGPUTest.BackwardBottom (59 ms)
   -----] 2 tests from LossWithSoftmaxGPUTest (127 ms total)
     -----] Global test environment tear-down
=======] 4 tests from 2 test suites ran. (135 ms total)
 PASSED ] 4 tests.
```

确实是全部通过了测试。