

# SVM的代码实现

scikit-learn

小胖



# 目录

## ONE Hard margin v.s. Soft margin

损失系数

## TWO 核函数

常用核函数

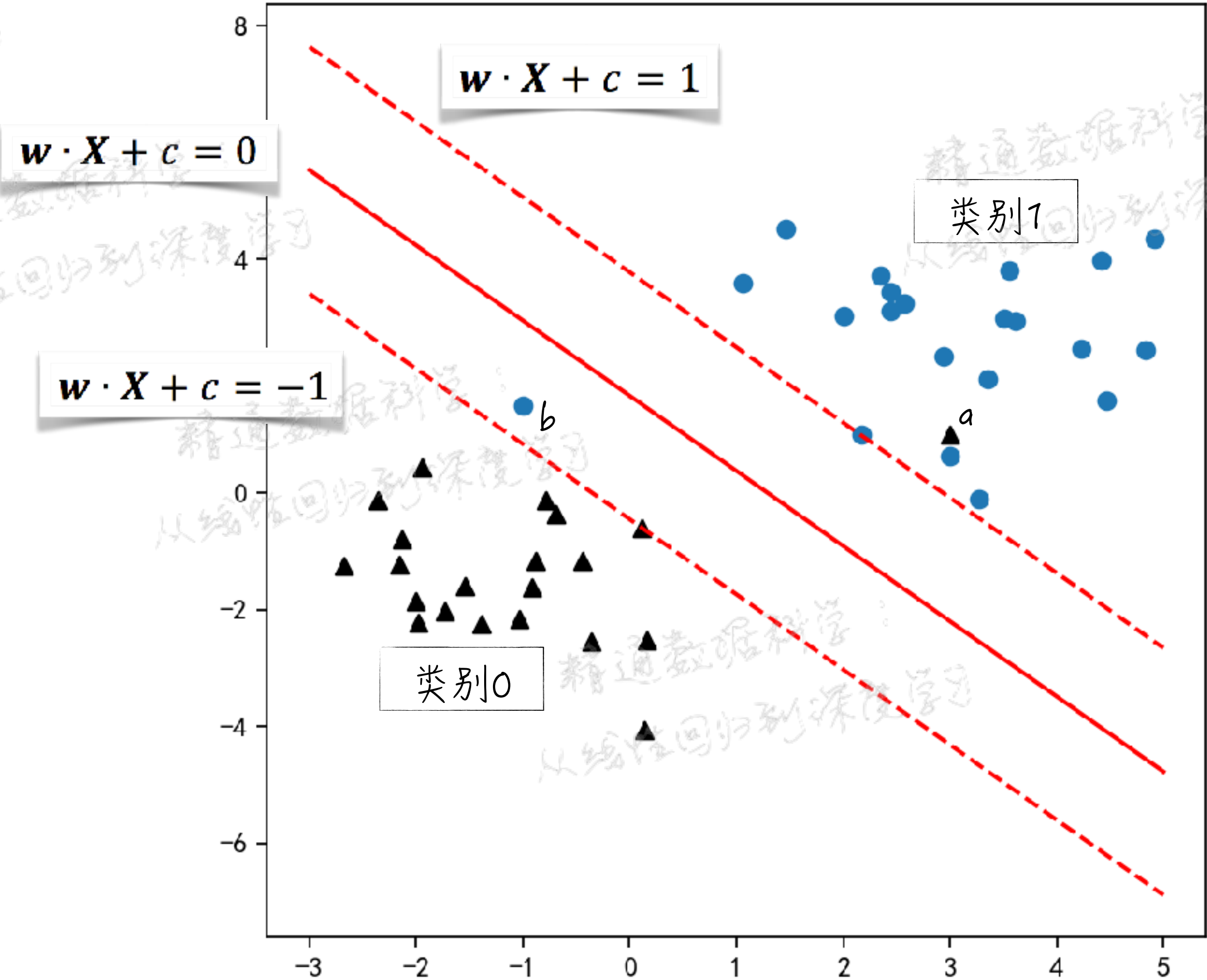
# Hard margin v.s. Soft margin

损失系数

$$\min \frac{1}{2} \|w\|^2 + C \sum_i \xi_i$$
$$y_i(w \cdot X_i + c) \geq 1 - \xi_i; \xi_i \geq 0$$

损失系数

数据线性不可分时，加入误分类的损失



# Hard margin v.s. Soft margin

Decision function

Original SVM

参数估计公式

$$\begin{aligned} \min_{\mathbf{w}, c} \quad & \frac{1}{2} \|\mathbf{w}\|^2 + C \sum_i \xi_i \\ \text{s.t.} \quad & y_i(\mathbf{w} \cdot \mathbf{X}_i + c) \geq 1 - \xi_i \\ & \xi_i \geq 0, \forall i \end{aligned}$$

预测公式

$$\hat{y}_j = \text{sign}(\hat{\mathbf{w}} \cdot \mathbf{X}_j + \hat{c})$$

Decision function

Dual problem

参数估计公式

$$\begin{aligned} \max_{\alpha} \quad & \sum_i \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j} y_i y_j \alpha_i \alpha_j (\mathbf{X}_i \cdot \mathbf{X}_j) \\ \text{s.t.} \quad & 0 \leq \alpha_i \leq C \\ & \sum_i \alpha_i y_i = 0, \forall i \end{aligned}$$

预测公式

$$\hat{y}_j = \text{sign}\left(\sum_i \hat{\alpha}_i y_i (\mathbf{X}_i \cdot \mathbf{X}_j) + \hat{c}\right)$$

# 目录

ONE

Hard margin v.s. Soft margin

损失函数

TWO

核函数

常用核函数



# 核函数

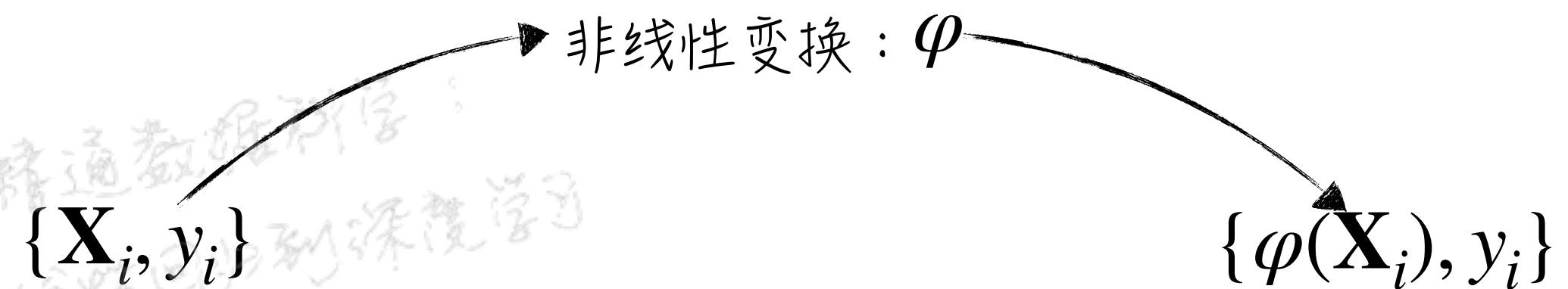
## 核函数回顾

Dual problem

$$\begin{aligned} \max_{\alpha} \quad & \sum_i \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i,j} y_i y_j \alpha_i \alpha_j (\mathbf{X}_i \cdot \mathbf{X}_j) \\ \text{s.t.} \quad & 0 \leq \alpha_i \leq C \\ & \sum_i \alpha_i y_i = 0, \forall i \end{aligned}$$

$$\hat{y}_j = \text{sign}(\sum_i \hat{\alpha}_i y_i (\mathbf{X}_i \cdot \mathbf{X}_j) + \hat{c})$$

- SVM模型在训练和预测时，只会用到内积运算
- 我们只关心非线性变换后，“新数据”的内积



SVM只需要：  $\varphi(\mathbf{X}_i) \cdot \varphi(\mathbf{X}_j)$

$$K(\mathbf{X}_i, \mathbf{X}_j) = \varphi(\mathbf{X}_i) \cdot \varphi(\mathbf{X}_j)$$

这就是核函数

# 核函数

## 常用核函数

### 常用核函数

Linear kernel :

$$K(\mathbf{X}_i, \mathbf{X}_j) = \mathbf{X}_i \cdot \mathbf{X}_j$$

没做任何空间变换, 对应着最经典的线性支持向量学习机

Polynomial kernel :

$$K(\mathbf{X}_i, \mathbf{X}_j) = (\text{gamma}(\mathbf{X}_i \cdot \mathbf{X}_j) + \text{coef0})^{\text{degree}}$$

Sigmoid kernel :

$$K(\mathbf{X}_i, \mathbf{X}_j) = \tanh(\text{gamma}(\mathbf{X}_i \cdot \mathbf{X}_j) + \text{coef0})$$

Laplacian kernel :

$$K(\mathbf{X}_i, \mathbf{X}_j) = \exp(-\text{gamma} \|\mathbf{X}_i - \mathbf{X}_j\|_1)$$

RBF kernel :

$$K(\mathbf{X}_i, \mathbf{X}_j) = \exp(-\text{gamma} \|\mathbf{X}_i - \mathbf{X}_j\|^2)$$

将数据映射到无限维空间

也称为 Gaussian kernel, 是魔力十足的核函数

# THANK YOU

精通数据科学：  
从线性回归到深度学习