

```
UpdateGraph (Batch) ;  
for (edge ∈ Batch) {  
  if (edge maps (u0, u1)) M1 (u0, u1)  
  if (edge maps (u0, u2)) M2 (u0, u2)  
  if (edge maps (u0, u3)) M3 (u0, u3)  
  if (edge maps (u1, u3)) M4 (u1, u3)  
  if (edge maps (u2, u3)) M5 (u2, u3) }
```

```
// $\Delta M1 = \Delta R1 \bowtie R'2 \bowtie R'3 \bowtie R'4 \bowtie R'5$ 
void  $\Delta M1$ (x0, x1) {
  //  $\bowtie R'2$  (vertex u2)
  for (x2  $\in$  N'(x0)) {
    //  $\bowtie R'3 \bowtie R'4 \bowtie R'5$  (vertex u3)
    for (x3  $\in$  N'(x0)  $\cap$  N'(x1)  $\cap$  N'(x2)) {
      output(x0, x1, x2, x3); } } }
```

```
//  $\Delta M2 = R1 \bowtie \Delta R2 \bowtie R'3 \bowtie R'4 \bowtie R'5$ 
void  $\Delta M2$ (x0, x2) {
  //  $\bowtie R1$  (vertex u1)
  for (x1  $\in$  N(x0)) {
    //  $\bowtie R'3 \bowtie R'4 \bowtie R'5$  (vertex u3)
    for (x3  $\in$  N'(x0)  $\cap$  N'(x1)  $\cap$  N'(x2)) {
      output(x0, x1, x2, x3); } } }
```

```
// $\Delta M3 = R1 \bowtie R2 \bowtie \Delta R3 \bowtie R'4 \bowtie R'5$ 
void  $\Delta M3$ (x0, x3) {
  // $\bowtie R1 \bowtie R'4$  (vertex u1)
  for (x1  $\in$  N(x0)  $\cap$  N'(x3)) {
    // $\bowtie R2 \bowtie R'5$  (vertex u2)
    for (x2  $\in$  N(x0)  $\cap$  N'(x3)) {
      output(x0, x1, x2, x3); } } }
```

```
// $\Delta M4 = R1 \bowtie R2 \bowtie R3 \bowtie \Delta R4 \bowtie R'5$ 
void  $\Delta M4$ (x1, x3) {
  //  $\bowtie R1 \bowtie R3$  (vertex u0)
  for (x0  $\in$  N(x1)  $\cap$  N(x3) ) {
    //  $\bowtie R2 \bowtie R'5$  (vertex u2)
    for (x2  $\in$  N(x0)  $\cap$  N'(x3)) {
      output(x0, x1, x2, x3); } } }
```

```
// $\Delta M5 = R1 \bowtie R2 \bowtie R3 \bowtie R4 \bowtie \Delta R5$ 
void  $\Delta M5$ (x2, x3) {
  //  $\bowtie R2 \bowtie R3$  (vertex u0)
  for (x0  $\in$  N(x2)  $\cap$  N(x3)) {
    //  $\bowtie R1 \bowtie R4$  (vertex u1)
    for (x1  $\in$  N(x0)  $\cap$  N(x3)) {
      output(x0, x1, x2, x3); } } }
```