

# 数值的整数次方

## 题目描述

给定一个double类型的浮点数base和int类型的整数exponent。求base的exponent次方。

1. 首先要处理特殊情况：

---exponent>0时, 下一步计算, 可以让新定义的指数变量直接等于exponent

---exponent<0时, 底数不能为0, 因为计算一个数的负数次幂要先算相应的正数次幂后再取倒数, 0不能做 分母

---exponent==0, 返回结果直接为1, 任何数的0次幂都为1.

下面的循环可以通过两个方向解读：

a. 奇偶数

$$3^{\text{exp}10} = 9^{\text{exp}10} = 81^{\text{exp}5} = 81 * 6054 * 2 = 81 * 36650916$$

如果指数为偶数, 计算结果相当于当前底数翻倍, 指数除2, 如果指数为偶数, 可以先把当前底数单独拆出一个来提前乘到结果上.

b. 二进制

假设我们要求 $a^b$ , 那么其实b是可以拆成二进制的, 该二进制数第i位的权为 $2^{(i-1)}$ , 例如当b==11时

$$a^{11} = a^{(2^0 + 2^1 + 2^3)}$$

11的二进制是1011,  $11 = 2^3 \times 1 + 2^2 \times 0 + 2^1 \times 1 + 2^0 \times 1$ , 因此, 我们将 $a^{11}$ 转化为算  $a^{2^0} * a^{2^1} * a^{2^3}$ , 也就是  $a^1 * a^2 * a^8$ , 看出来快的多了吧原来算11次, 现在算三次

由于是二进制, 很自然地想到用位运算这个强大的工具: &和>>运算通常用于二进制取位操作

```
public class Solution {
    public double Power(double base, int exponent) {
        double res=1;
        double curr = base;
        int n =0;
        if(exponent>0) {
            n = exponent;
        }else if(exponent<0) {
            if(base==0) {
                throw new RuntimeException("分母不能为零");
            }else{
                n = -exponent;
            }
        }else{
            return 1;
        }
        while(n!=0) {
            //如果是奇数, 把当前的底数curr单独拆出一个来先乘到结果上
            if((n&1)==1) {
                res *= curr;
            }
            curr *= curr;//底数翻倍
            n >>= 1;//因为底数翻倍了, 所以指数要除以二, 即使此处n是奇数, 这样除过之后也是我们想要的, 比如
            5/2=2
        }
        return exponent>0?res:1/res;
    }
}
```

}  
}