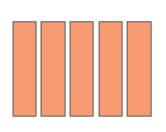
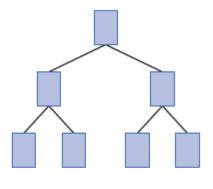
8장 트리



- □ 리스트, 스택, 큐 등은 선형 구조
- □ 트리: 계층적인 구조를 나타내는 자료구조



선형 자료구조



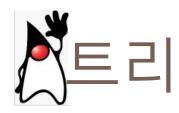
비선형 자료구조

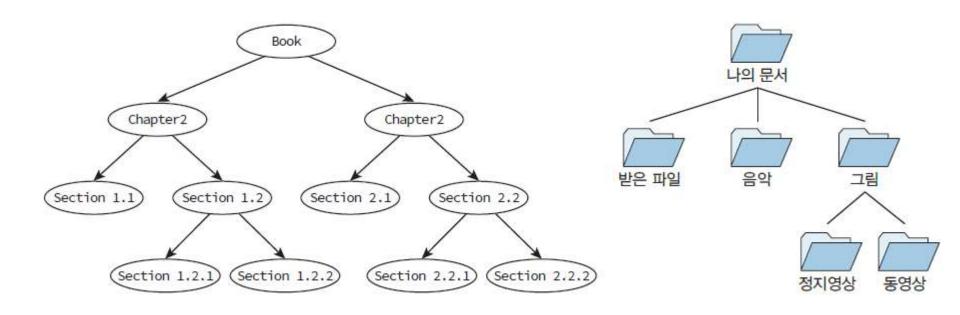




- □ 트리는 부모-자식 관계의 노드들로 이루어진다.
- □ 응용분야:
 - □ 계층적인 조직 표현
 - □ 컴퓨터 디스크의 디렉토리 구조
 - □ 인공지능에서의 결정트리 (decision tree)



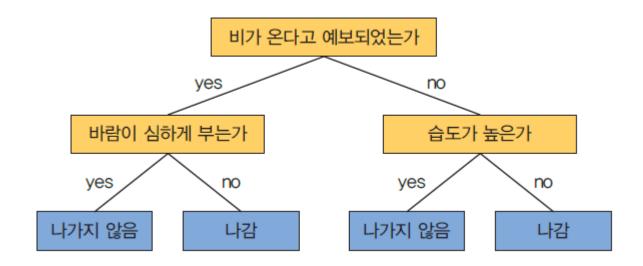






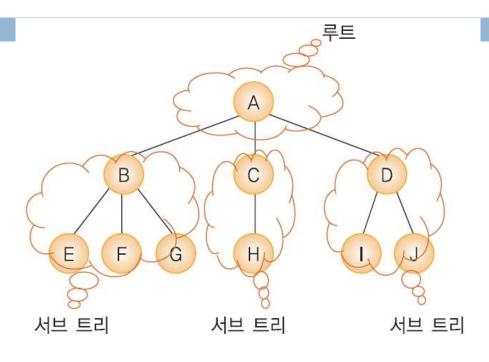
グ^{결정 트리}

□ (예) 골프에 대한 결정 트리





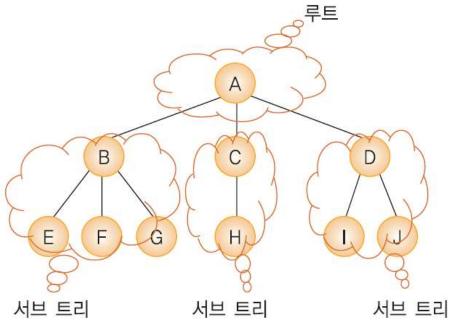
트리의 용어



- ┗ 노드(node): 트리의 구성요소
- 루트(root): 부모가 없는 노드(A)
- 서브트리(subtree): 하나의 노드와 그 노드들의 자손들로 이루어진 트리



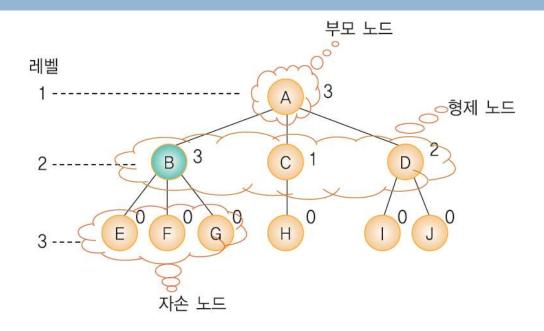




- 단말노드(terminal node): 자식이 없는 노드(A,B,C,D)
- 비단말노드: 적어도 하나의 자식을 가지는 노드(E,F,G,H,I,J)



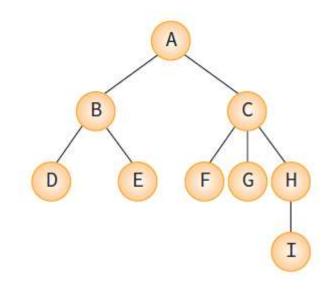




- 자식, 부모, 형제, 조상, 자손 노드: 인간과 동일
- 레벨(level): 트리의 각층의 번호
- 높이(height): 트리의 최대 레벨(3)
- 차수(degree): 노드가 가지고 있는 자식 노드의 개수



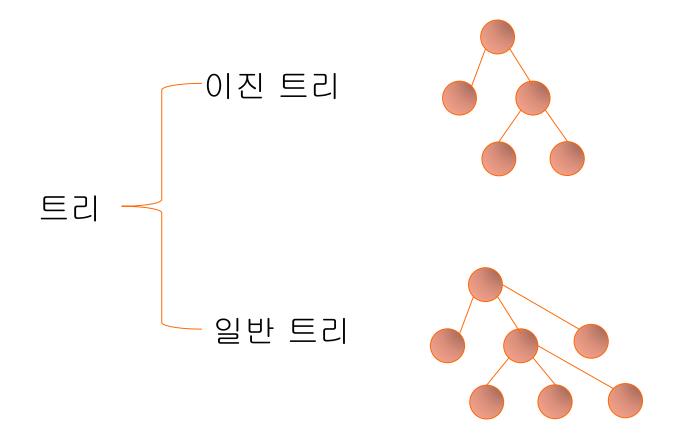




- □ A는 루트 노드이다.
- □ B는 D와 E의 부모노드이다.
- □ C는 B의 형제 노드이다.
- □ D와 E는 B의 자식노드이다.
- □ B의 차수는 2이다.
- □ 위의 트리의 높이는 4이다.



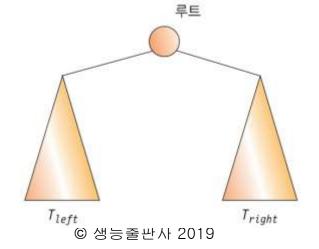
트리의 종류





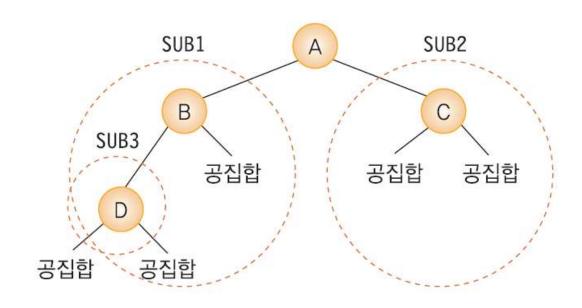


- 이진 트리(binary tree): 모든 노드가 2개의 서브 트리를 가지고 있는 트리
 - 서브트리는 공집합일수 있다.
- 이진트리의 노드에는 최대 2개까지의 자식 노드가 존재
- 모든 노드의 차수가 2 이하가 된다-> 구현하기가 편리함
- □ 이진 트리에는 서브 트리간의 순서가 존재





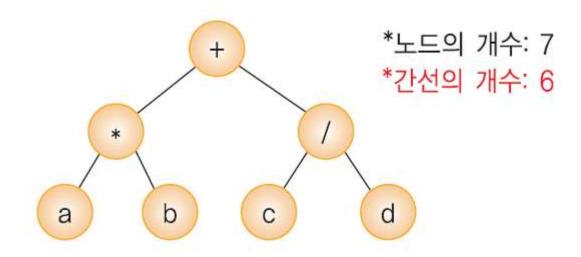
이진 트리 검증



- □ 이진 트리는 공집합이거나
- □ 루트와 왼쪽 서브 트리, 오른쪽 서브 트리로 구성된 노드들의 유한 집합으로 정의된다. 이진 트리의 서브 트리들은 모두 이진 트리이어야 한다.

이진 트리의 성질

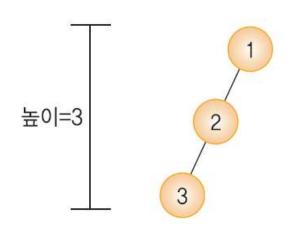
 \square 노드의 개수가 n개이면 간선의 개수는 n-1



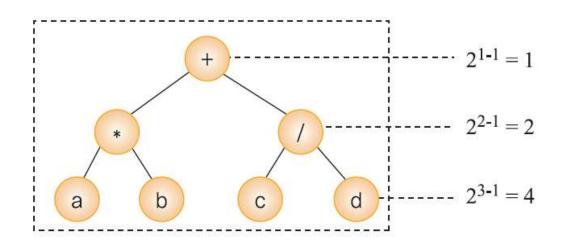


M이진트리의 성질

 $lacksymbol{ iny}$ 높이가 $lacksymbol{h}$ 인 이진트리의 경우, 최소 $lacksymbol{h}$ 개의 노드를 가진다.



최소 노드 개수=3

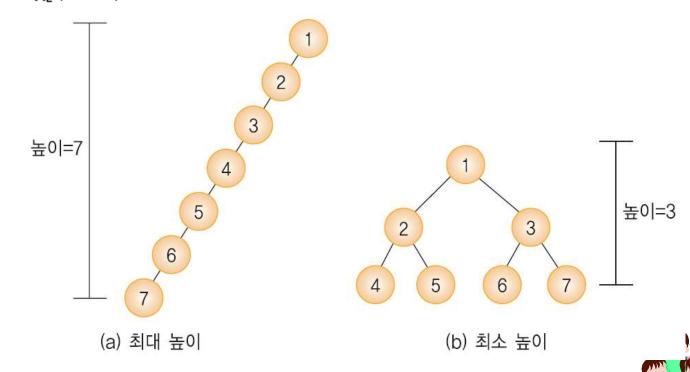


최대 노드 개수 = $2^{1-1} + 2^{2-1} + 2^{3-1} = 1 + 2 + 4 = 7$



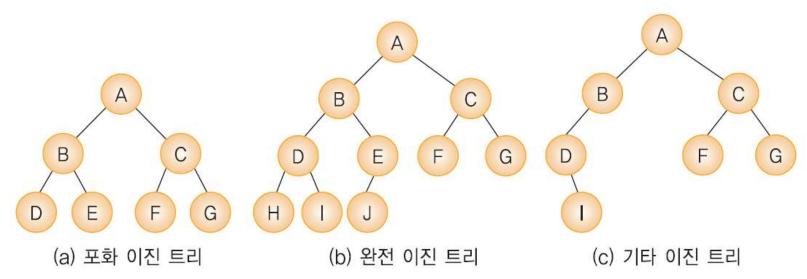


- □ n개의 노드를 가지는 이진트리의 높이
 - □ 최대 n
 - □ 최소[log₂(n+1)]





- 포화 이진 트리(full binary tree)
- □ 완전 이진 트리(complete binary tree)
- □ 기타 이진 트리



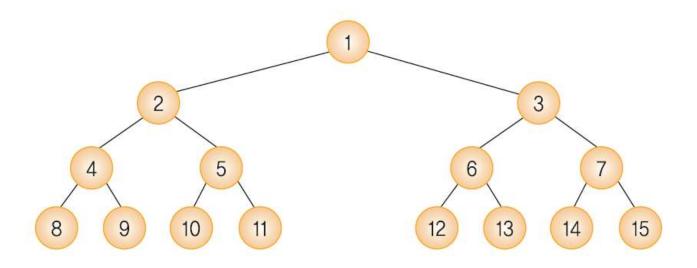


포화 이진 트리

■ 용어 그대로 트리의 각 레벨에 노드가 꽉 차있는 이진트리를 의미한다.

전체 노드 개수 :
$$2^{1-1} + 2^{2-1} + 2^{3-1} + \dots + 2^{k-1} = \sum_{i=0}^{k-1} 2^i = 2^k - 1$$

■ 포화 이진 트리에는 다음과 같이 각 노드에 번호를 붙일 수 있다.

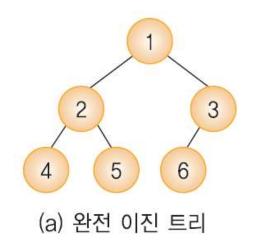


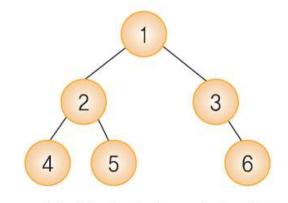


완전 이진 트리

□ **완전 이진 트리(complete binary tree):** 레벨 1부터 k-1까지는 노드가 모두 채워져 있고 마지막 레벨 k에서는 왼쪽부터 오른쪽으로 노드가 순서대로 채워져 있는 이진트리

□ 포화 이진 트리와 노드 번호가 일치





(b) 완전 이진 트리가 아님



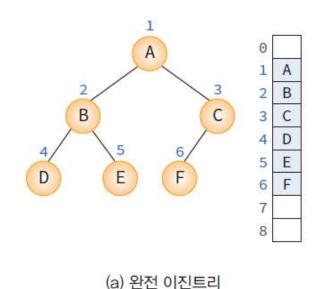
M이진트리의 표현

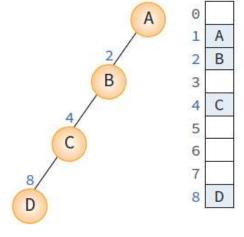
- 배열을 이용하는 방법
- 포인터를 이용하는 방법



생배열 표현법

배열표현법: 모든 이진 트리를 포화 이진 트리라고 가정하고 각 노드에 번호를 붙여서 그 번호를 배열의 인덱스로 삼아 노드의 데이터를 배열에 저장하는 방법



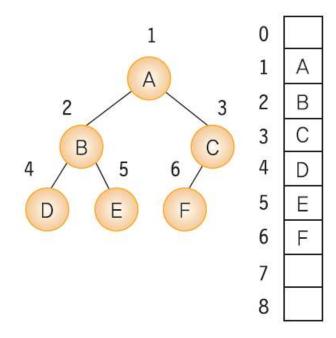


(b) 경사 이진트리



부모와 자식 인덱스 관계

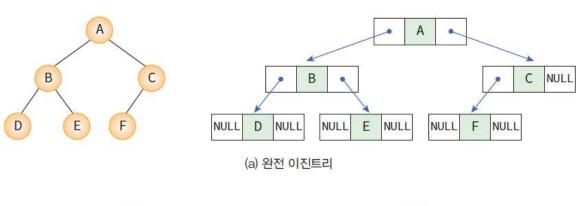
- □ 노드 i의 부모 노드 인텍스 = i/2
- □ 노드 i의 왼쪽 자식 노드 인텍스 = 2i
- □ 노드 i의 오른쪽 자식 노드 인텍스 = 2i+1

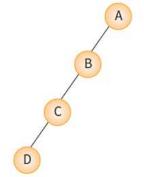


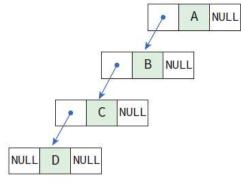


시 표현법

□ 링크 표현법: 포인터를 이용하여 부모노드가 자식노드를 가리키게 하는 방법







(b) 경사 이진트리

© 생능출판사 2019



시 크의 구현

- □ 노드는 구조체로 표현
- □ 링크는 포인터로 표현

```
typedef struct TreeNode {
    int data;
    struct TreeNode *left, *right;
} TreeNode;
```



링크 표현법 프로그램

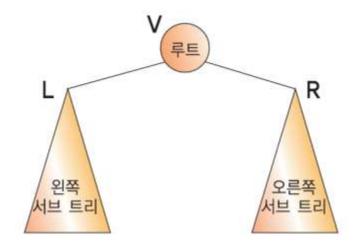
```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <memory.h>
typedef struct TreeNode {
         int data;
         struct TreeNode *left, *right;
} TreeNode;
//
    n1
// n2 n3
void main()
 TreeNode *n1, *n2, *n3;
 n1= (TreeNode *)malloc(sizeof(TreeNode));
 n2= (TreeNode *)malloc(sizeof(TreeNode));
 n3= (TreeNode *)malloc(sizeof(TreeNode));
```





이진 트리의 순회

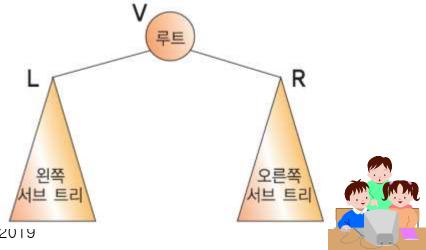
□ 순회(traversal): 트리의 노드들을 체계적으로 방문하는 것





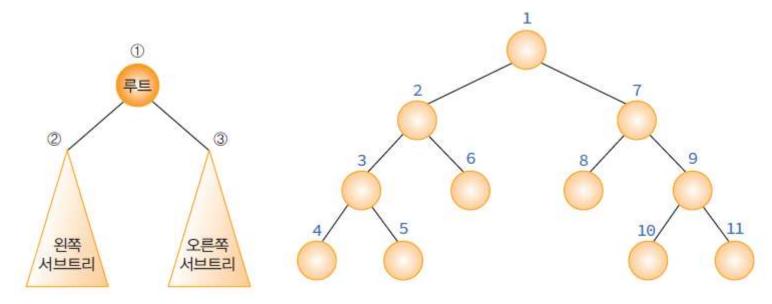


- □ 3가지의 기본적인 순회방법
 - □ 전위순회(preorder traversal) : VLR
 - 자손노드보다 루트노드를 먼저 방문한다.
 - □ 중위순회(inorder traversal): LVR
 - 왼쪽 자손, 루트, 오른쪽 자손 순으로 방문한다.
 - □ 후위순회(postorder traversal): LRV
 - 루트노드보다 자손을 먼저 방문한다.



전위 순회

- 1. 루트 노드를 방문한다
- 2. 왼쪽 서브트리를 방문한다
- 3. 오른쪽 서브트리를 방문한다





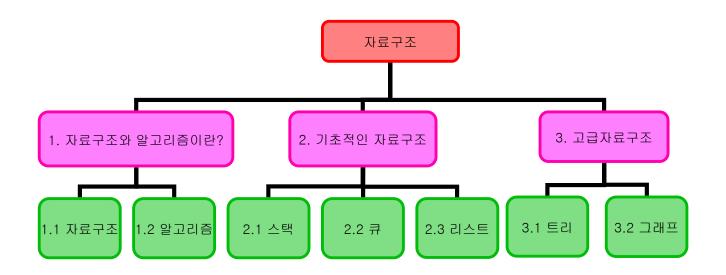
전위순회 프로그램

□ 순환 호출을 이용한다.



전위 순회 응용

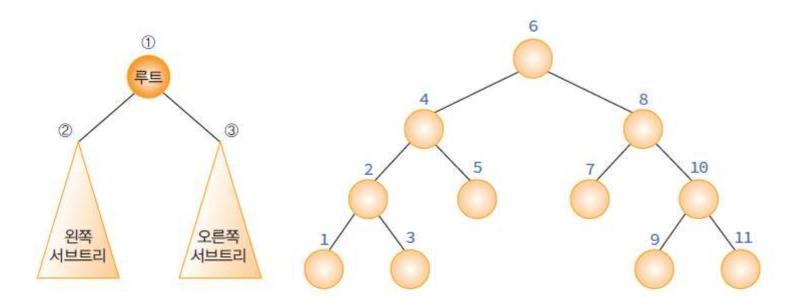
□ (예) 구조화된 문서출력





중위 순회

- 1. 왼쪽 서브트리를 방문한다
- 2. 루트 노드를 방문한다
- 3. 오른쪽 서브트리를 방문한다





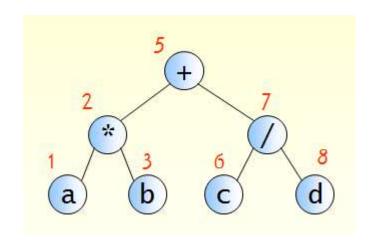
중위 순회 알고리즘

□ 순환 호출을 이용한다.



중위 순회 응용

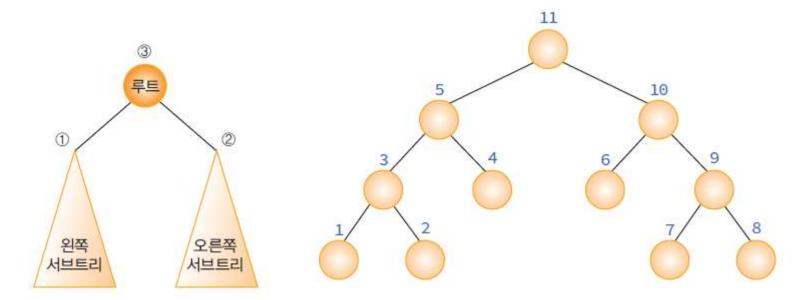
□ (예) 수식 트리





추위 순회

- 1. 왼쪽 서브트리를 방문한다
- 2. 오른쪽 서브트리를 방문한다
- 3. 루트 노드를 방문한다





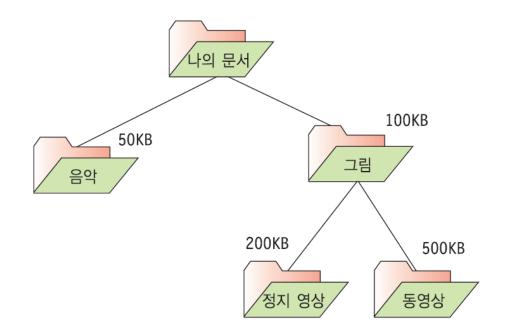
후위 순회 알고리즘

□ 순환 호출을 이용한다.



후위 순회 응용

□ (예) 디렉토리 용량 계산







```
typedef struct TreeNode {
         int data;
         struct TreeNode *left, *right;
} TreeNode;
//
                    15
//
                             20
//
                             16 25
TreeNode n1={1, NULL, NULL};
TreeNode n2={4, &n1, NULL};
TreeNode n3={16, NULL, NULL};
TreeNode n4={25, NULL, NULL};
TreeNode n5={20, &n3, &n4};
TreeNode n6={15, &n2, &n5};
TreeNode *root= &n6;
```

```
// 중위 순회
inorder( TreeNode *root ){
       if ( root ){
                inorder( root->left ); // 왼쪽서브트리 순회
                printf("%d", root->data); // 노드 방문
                inorder( root->right ); // 오른쪽서브트리 순회
// 전위 순회
preorder( TreeNode *root ){
       if ( root ){
                printf("%d", root->data); // 노드 방문
                preorder(root->left); // 왼쪽서브트리 순회
                preorder( root->right ); // 오른쪽서브트리 순회
```







```
int main(void)
{
          printf("중위 순회=");
          inorder(root);
          printf("\n");
          printf("전위 순회=");
          preorder(root);
          printf("\n");
          printf("후위 순회=");
          postorder(root);
          printf("\n");
          return 0;
```



실행 결과

중위 순회=[1] [4] [15] [16] [20] [25] 전위 순회=[15] [4] [1] [20] [16] [25] 후위 순회=[1] [4] [16] [25] [20] [15]



반복적인 순회

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <memory.h>
typedef struct TreeNode {
          int data;
          struct TreeNode *left, *right;
} TreeNode;
#define SIZE 100
int top = -1;
TreeNode *stack[SIZE];
void push(TreeNode *p)
          if (top < SIZE - 1)
                    stack[++top] = p;
```

반복적인 순회

```
TreeNode *pop()
          TreeNode *p = NULL;
          if (top >= 0)
                    p = stack[top--];
          return p;
void inorder_iter(TreeNode *root)
          while (1) {
                    for (; root; root = root->left)
                               push(root);
                    root = pop();
                    if (!root) break;
                    printf("[%d] ", root->data);
                    root = root->right;
```

반복적인 순회

```
//
                     15
//
                               20
              16 25
TreeNode n1 = { 1, NULL, NULL };
TreeNode n2 = \{ 4, \&n1, NULL \};
TreeNode n3 = { 16, NULL, NULL };
TreeNode n4 = { 25, NULL, NULL };
TreeNode n5 = \{ 20, \&n3, \&n4 \};
TreeNode n6 = \{ 15, \&n2, \&n5 \};
TreeNode *root = &n6;
int main(void)
          printf("중위 순회=");
          inorder_iter(root);
          printf("\n");
          return 0;
```



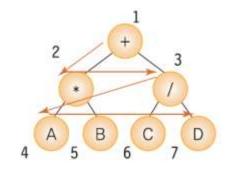
중위 순회=[1] [4] [15] [16] [20] [25]

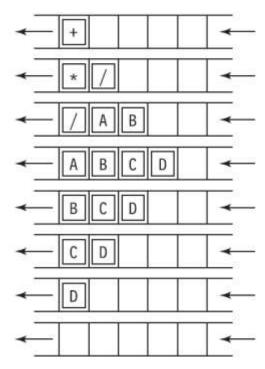




■ 레벨 순회(level order)는 각 노드를 레벨 순으로 검사하는 순회 방법

 지금까지의 순회 법이
 스택을 사용했던 것에 비해 레벨 순회는 큐를 사용하는 순회 법이다.







레벨 순회 알고리즘

```
level_order(root):
     initialize queue;
1.
     enqueue(queue, root);
     while is_empty(queue)≠TRUE do
3.
          x \leftarrow dequeue(queue);
          if( x≠NULL) then
5.
                    print DATA(x);
          enqueue(queue, LEFT(x));
          enqueue(queue, RIGHT(x));
8.
```



M레벨 순회 프로그램

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <memory.h>
typedef struct TreeNode {
          int data;
          struct TreeNode *left, *right;
} TreeNode;
// ======== 원형큐 코드 시작 ==========
#define MAX_QUEUE_SIZE 100
typedef TreeNode * element;
typedef struct { // 큐 타입
          element data[MAX_QUEUE_SIZE];
          int front, rear;
} QueueType;
```

M레벨 순회 프로그램

```
// 오류 함수
void error(char *message)
          fprintf(stderr, "%s\n", message);
          exit(1);
// 공백 상태 검출 함수
void init_queue(QueueType *q)
          q->front = q->rear = 0;
}
// 공백 상태 검출 함수
int is_empty(QueueType *q)
          return (q->front == q->rear);
```

레벨 순회 프로그램

```
// 포화 상태 검출 함수
int is_full(QueueType *q)
{
          return ((q->rear + 1) % MAX_QUEUE_SIZE == q->front);
}
// 삽입 함수
void enqueue(QueueType *q, element item)
{
          if (is_full(q))
                     error("큐가 포화상태입니다");
          q->rear = (q->rear + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;
          g->data[g->rear] = item;
}
// 삭제 함수
element dequeue(QueueType *q)
          if (is_empty(q))
                     error("큐가 공백상태입니다");
          q->front = (q->front + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;
          return q->data[q->front];
```

M레벨 순회 프로그램

```
void level_order(TreeNode *ptr)
           QueueType q;
           init_queue(&q); // 큐 초기화
           if (ptr == NULL) return;
           enqueue(&q, ptr);
           while (!is_empty(&q)) {
                      ptr = dequeue(&q);
                      printf(" [%d] ", ptr->data);
                      if (ptr->left)
                                 enqueue(&q, ptr->left);
                      if (ptr->right)
                                 enqueue(&q, ptr->right);
           }
```

레벨 순회 프로그램

```
15
//
11
                                  20
// 1
            16 25
TreeNode n1 = { 1, NULL, NULL };
TreeNode n2 = \{ 4, \&n1, NULL \};
TreeNode n3 = { 16, NULL, NULL };
TreeNode n4 = { 25, NULL, NULL };
TreeNode n5 = \{ 20, \&n3, \&n4 \};
TreeNode n6 = { 15, &n2, &n5 };
TreeNode *root = &n6;
int main(void)
{
           printf("레벨 순회=");
           level_order(root);
           printf("\n");
           return 0;
```



레벨 순회= [15] [4] [20] [1] [16] [25]



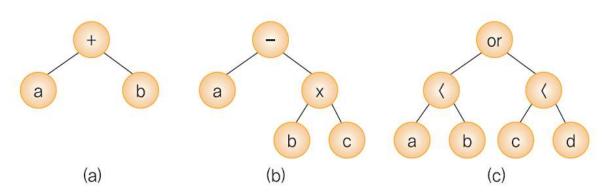


□ 수식트리: 산술식을 트리형태로 표현한 것

□ 비단말노드: 연산자(operator)

□ 단말노드: 피연산자(operand)

□ 예)

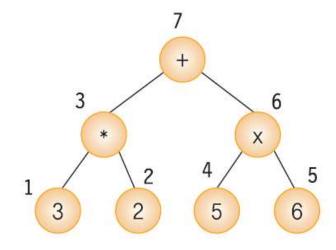


수식	a + b	a – (b × c)	(a ⟨ b) or (c ⟨ d)
전위순회	+ a b	- a × b c	or < a b < c d
중위순회	a + b	a - (b × c)	(a < b) or (c < d)
후위순회	a b +	a b c × -	a b < c d < or

수식 트리 계산

- □ 후위순회를 사용
- □ 서브트리의 값을 순환호출로 계산
- 비단말노드를 방문할 때 양쪽 서브트리의 값을 노드에 저장된

연산자를 이용하여 계산한다





수식 트리 알고리즘

```
evaluate(exp)

1. if exp = NULL

2. then return 0;

3. else x←evaluate(exp->left);

4. y←evaluate(exp->right);

5. op←exp->data;

6. return (x op y);
```





```
typedef struct TreeNode {
           int data;
           struct TreeNode *left, *right;
} TreeNode;
//
                       +
11
//
           14
                                 16 25
TreeNode n1={1, NULL, NULL};
TreeNode n2={4, NULL, NULL};
TreeNode n3={'*', &n1, &n2};
TreeNode n4={16, NULL, NULL};
TreeNode n5={25, NULL, NULL};
TreeNode n6={'+', &n4, &n5};
TreeNode n7={'+', &n3, &n6};
TreeNode *exp= &n7;
```

```
//
```

```
// 수식 계산 함수
int evaluate(TreeNode *root)
          if (root == NULL) return 0;
          if (root->left == NULL && root->right == NULL)return root->data;
           else {
                     int op1 = evaluate(root->left);
                     int op2 = evaluate(root->right);
                     printf("%d %c %d을 계산합니다.\n", op1, root->data, op2);
                     switch (root->data) {
                     case '+':
                               return op1 + op2;
                     case '-': return op1 - op2;
                     case '*': return op1 * op2;
                     case '/': return op1 / op2;
           return 0;
//
int main(void)
{
           printf("수식의 값은 %d입니다. \n", evaluate(exp));
          return 0;
```

실행 결과

1 * 4을 계산합니다.

16 + 25을 계산합니다.

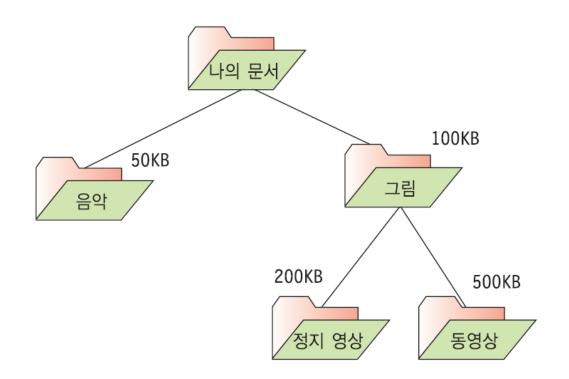
4 + 41을 계산합니다.

수식의 값은 45입니다.



지 역토리 용량 계산

□ 디렉토리의 용량을 계산하는데 후위 트리 순회 사용







디렉토리 용량 계산 프로그램

```
int calc_dir_size(TreeNode *root)
          int left_size, right_size;
          if (root == NULL) return 0;
          left_size = calc_dir_size(root->left);
          right_size = calc_dir_size(root->right);
          return (root->data + left_size + right_size);
//
int main(void)
          TreeNode n4 = { 500, NULL, NULL };
          TreeNode n5 = { 200, NULL, NULL };
          TreeNode n3 = { 100, &n4, &n5 };
          TreeNode n2 = { 50, NULL, NULL };
          TreeNode n1 = \{ 0, \&n2, \&n3 \};
          printf("디렉토리의 크기=%d\n", calc_dir_size(&n1));
```



디렉토리의 크기=850



이진 트리 연산: 노드 개수

- 탐색 트리안의 노드의 개수를 계산
- 각각의 서브트리에 대 하여 순환 호출한 다음,

반환되는 값에 **1**을 더 하여 반환 6

```
간환
3
1
1
1
```

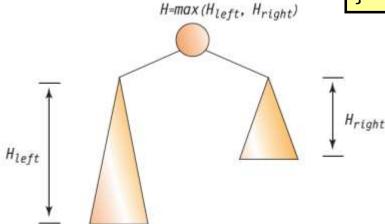
```
int get_node_count(TreeNode *node)
{
  int count=0;
  if( node != NULL )
    count = 1 + get_node_count(node->left)+
        get_node_count(node->right);
  return count;
}
```



이진 트리 연산: 높이

서브트리에 대하여 순 환호출하고 서브 트리 들의 반환값 중에서 최대값을 구하여 반환

```
int get_height(TreeNode *node)
{
  int height=0;
  if( node != NULL )
    height = 1 + max(get_height(node->left),
        get_height(node->right));
  return height;
}
```





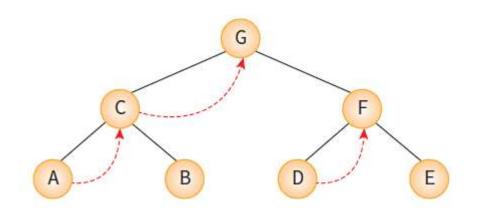
이진 트리 연산: 단말 노드 개수

```
int get_leaf_count(TreeNode *node)
           int count = 0;
           if (node != NULL) {
                      if (node->left == NULL && node->right == NULL)
                                 return 1;
                      else
                                 count = get_leaf_count(node->left) +
                                 get_leaf_count(node->right);
           return count;
```



쓰스레드 이진 트리

- □ 이진트리의 NULL 링크를 이용하여 순환 호출 없이도 트 리의 노드들을 순회
- NULL 링크에 중위 순회시에 후속 노드인 중위 후속자 (inorder successor)를 저장시켜 놓은 트리가 스레드 이 진 트리(threaded binary tree)





□ 단말노드와 비단말노드의 구별을 위하여 is_thread 필드 필요

```
typedef struct TreeNode {
    int data;
    struct TreeNode *left, *right;
    int is_thread; //만약 오른쪽 링크가 스레드이면 TRUE
} TreeNode;
```



□ 중위 후속자를 찾는 함수 작성

```
//
TreeNode *find_successor(TreeNode *p)
{
    // q는 p의 오른쪽 포인터
    TreeNode *q = p->right;
    // 만약 오른쪽 포인터가 NULL이거나 스레드이면 오른쪽 포인터를 반환
    if( q==NULL || p->is_thread == TRUE)
        return q;
    // 만약 오른쪽 자식이면 다시 가장 왼쪽 노드로 이동
    while( q->left != NULL ) q = q->left;
    return q;
}
```



```
typedef struct TreeNode {
    int data;
    struct TReeNode *left, *right;
    int is_thread; //만약 오른쪽 링크가 스레드이면 TRUE
} TreeNode;
```



```
TreeNode * find_successor(TreeNode * p)
{
    // q는 p의 오른쪽 포인터
    TreeNode * q = p->right;
    // 만약 오른쪽 포인터가 NULL이거나 스레드이면 오른쪽 포인터를 반환
    if (q == NULL || p->is_thread == TRUE)
        return q;

    // 만약 오른쪽 자식이면 다시 가장 왼쪽 노드로 이동
    while (q->left != NULL) q = q->left;
    return q;
}
```

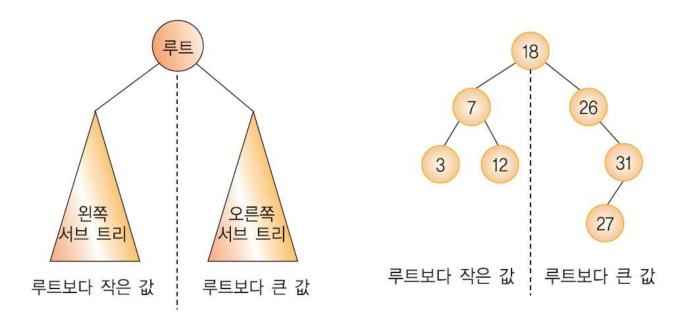


□ 스레드 버전 중위 순회 함수 작성



이진탐색트리

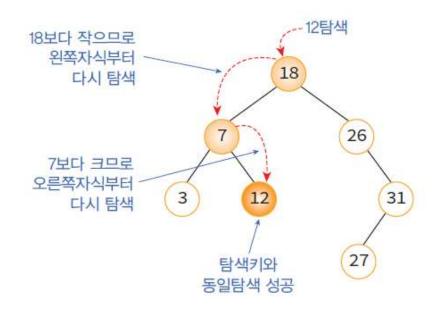
- □ 탐색작업을 효율적으로 하기 위한 자료구조
- □ key(왼쪽서브트리)≤key(루트노드)≤key(오른쪽서브트리)
- □ 이진탐색를 중위순회하면 오름차순으로 정렬된 값을 얻을 수 있다.





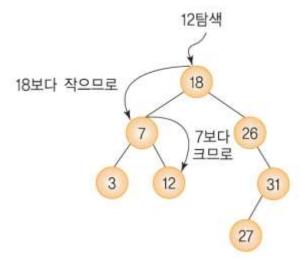


- □ 비교한 결과가 같으면 탐색이 성공적으로 끝난다.
- 비교한 결과가, 주어진 키 값이 루트 노드의 키값보다 작으면 탐색은 이 루트 노드의 왼쪽 자식을 기준으로 다시 시작한다.
- 비교한 결과가, 주어진 키 값이 루트 노드의 키값보다 크면 탐색은 이 루트 노드의 오른쪽 자식을 기준으로 다시 시작한다.





이진탐색트리에서의 탐색연산





함색을 구현하는 방법

- 반복적 방법
- 순환적 방법



순환적인 방법

```
//순환적인 탐색 함수
TreeNode *search(TreeNode *node, int key)
{
    if ( node == NULL ) return NULL;
    if ( key == node->key ) return node; (1)
    else if ( key < node->key )
        return search(node->left, key); (2)
    else
        return sear ch(node->right, key); (3)
}
```

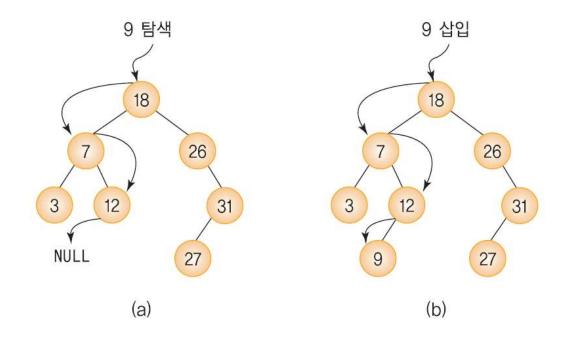


₩
 반복적인 방법



이진탐색트리에서의 삽입연산

- □ 이진 탐색 트리에 원소를 삽입하기 위해서는 먼저 탐색을 수행하는 것이 필요
- □ 탐색에 실패한 위치가 바로 새로운 노드를 삽입하는 위치





이진 탐색트리에서의 삽입 연산

```
insert (root, n):
                                             // root와 키가 같으면
if KEY(n) == KEY(root)
         then return;
                                                       // return
else if KEY(n) < KEY(root) then // root보다 키가 작으면
                                             // root의 왼쪽 자식이
         if LEFT(root) == NULL
                                             // 없으면 n이 왼쪽 자식
           then LEFT(root) \leftarrow n;
           else insert(LEFT(root),n); // 있으면 순환 호출
else
                                                       // root보다 키가 크면
         if RIGHT(root) == NULL
           then RIGHT(root) \leftarrow n;
           else insert(RIGHT(root),n);
```



이진탐색트리에서의 삽입연산



이진탐색트리에서의 삽입연산

```
TreeNode * new_node(int item)
{
          TreeNode * temp = (TreeNode *)malloc(sizeof(TreeNode));
          temp->key = item;
          temp->left = temp->right = NULL;
          return temp;
}
```



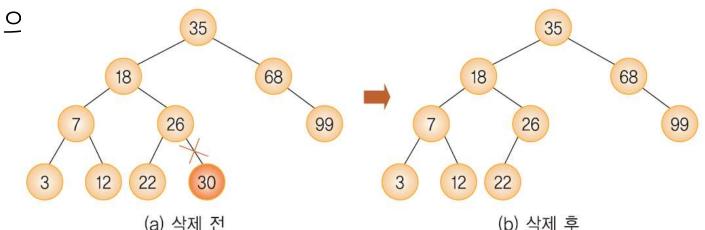
이진탐색트리에서의 삭제연산

□ 3가지의 경우

C로 쉽게 풀어쓴 자료구조

- 1. 삭제하려는 노드가 단말 노드 일 경우
- 2. 삭제하려는 노드가 하나의 왼쪽이나 오른쪽 서브 트리 중 하나만 가지고 있는 경우
- 3. 삭제하려는 노드가 두개의 서브 트리 모두 가지고 있는 경우

□ CASE 1: 삭제하려는 노드가 단말 노드일 경우: 단말노드

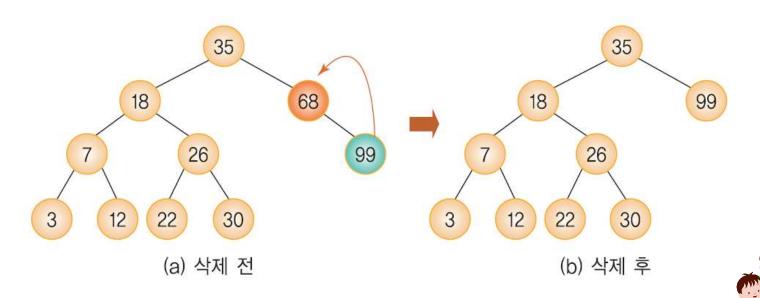


© 생능출판사 2019

이진탐색트리에서의 삭제연산

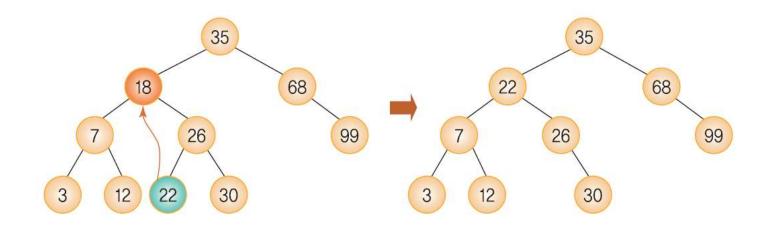
CASE 2:삭제하려는 노드가 하나의 서브트리만 갖고 있는 경우 :

삭제되는 노드가 왼쪽이나 오른쪽 서브 트리중 하나만 갖고 있을 때, 그 노드는 삭제하고 서브 트리는 부모 노드에 붙여준다.



이진탐색트리에서의 삭제연산

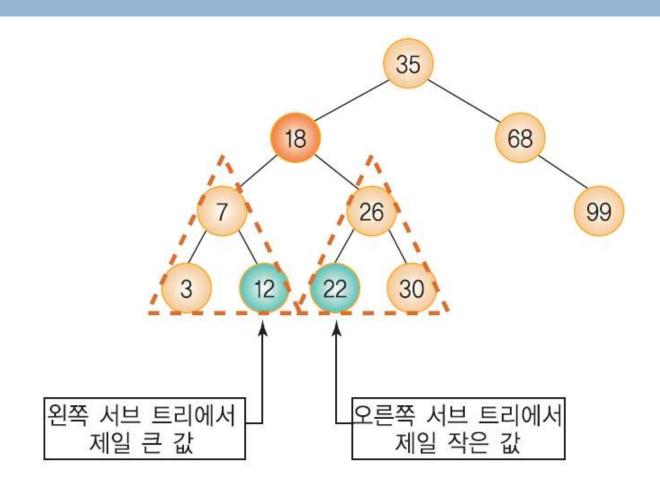
□ CASE 3:삭제하려는 노드가 두개의 서브트리를 갖고 있는 경우: 삭제노드와 가장 비숫한 값을 가진 노드를 삭제노 드 위치로 가져온다.







·장 비슷한 값은 어디에 있을까?







```
// 이진 탐색 트리와 키가 주어지면 키가 저장된 노드를 삭제하고
// 새로운 루트 노드를 반환한다.
TreeNode * delete_node(TreeNode * root, int key)
{
        if (root == NULL) return root;
         // 만약 키가 루트보다 작으면 왼쪽 서브 트리에 있는 것임
         if (key < root->key)
                  root->left = delete_node(root->left, key);
         // 만약 키가 루트보다 크면 오른쪽 서브 트리에 있는 것임
         else if (key > root->key)
                  root->right = delete_node(root->right, key);
         // 키가 루트와 같으면 이 노드를 삭제하면 됨
```



```
else {
          // 첫 번째나 두 번째 경우
          if (root->left == NULL) {
                    TreeNode * temp = root->right;
                    free(root);
                    return temp;
          else if (root->right == NULL) {
                    TreeNode * temp = root->left;
                    free(root);
                    return temp;
          // 세 번째 경우
          TreeNode * temp = min_value_node(root->right);
          // 중외 순회시 후계 노드를 복사한다.
          root->key = temp->key;
          // 중외 순회시 후계 노드를 삭제한다.
          root->right = delete_node(root->right, temp->key);
return root;
```





```
int main(void)
          TreeNode * root = NULL;
          TreeNode * tmp = NULL;
          root = insert_node(root, 30);
          root = insert_node(root, 20);
          root = insert_node(root, 10);
          root = insert_node(root, 40);
          root = insert_node(root, 50);
          root = insert_node(root, 60);
          printf("이진 탐색 트리 중위 순회 결과 \n");
          inorder(root);
          printf("\n\n");
          if (search(root, 30) != NULL)
                     printf("이진 탐색 트리에서 30을 발견함 \n");
          else
                     printf("이진 탐색 트리에서 30을 발견못함 \n");
          return 0;
```



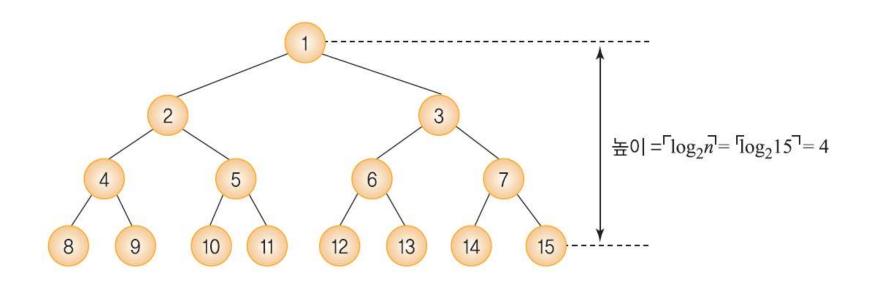
이진 탐색 트리 중위 순회 결과 [10] [20] [30] [40] [50] [60]

이진 탐색 트리에서 30을 발견함



이진탐색트리의 성능분석

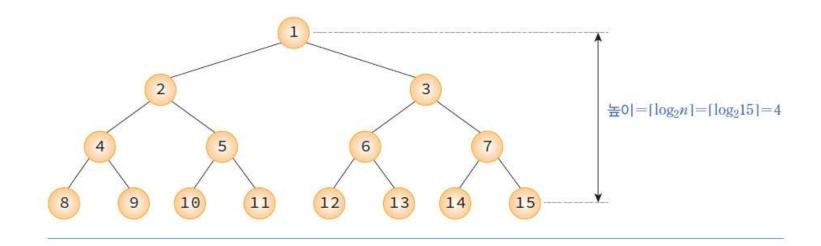
□ 이진 탐색 트리에서의 탐색, 삽입, 삭제 연산의 시간 복잡도는 트리의 높이를 h라고 했을때 h에 비례한다







- □ 최선의 경우
 - □ 이진 트리가 균형적으로 생성되어 있는 경우
 - \blacksquare h=log₂n







- □ 최악의 경우
 - □ 한쪽으로 치우친 경사이진트리의 경우
 - h=n
 - □ 순차탐색과 시간복잡도가 같다.

