

数据的表示和运算

马士兵教育研究院

目录

1. 数制与编码

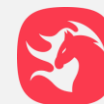
2. 定点数的表示与运算

3. 算数逻辑单元ALU

◆ 进位计数制及其相互转换

◆ 真值和机器数

◆ 字符与汉字编码



1.数制与编码

『进位计数制』及其相互转换

任意进制转十进制：
数码与权值相乘，
再把乘积相加

◆ 进位计数法

二进制 (Binary)：逢2进一

0,1 (最高位是符号位：0正，1负)

八进制 (Octal)：逢8进一

0,1,2,3,4,5,6,7

十进制 (Decimal)：逢10进一

0,1,2,3,4,5,6,7,8,9

十六进制 (Hex)：逢16进一

0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F

二进制：	前缀：0b或0B	后缀：b或B
8位数	$0b0000\ 0010$ ($1 * 2^1 + 0 * 2^0 = 2$) $0B1000\ 0010$ ($1 * 2^1 + 0 * 2^0 = -2$) $0B0001\ 1011.1 = 27.5$ ($1 * 2^4 + 1 * 2^3 + 0 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0 + 1 * 2^{-1}$)	
32位数	$1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0010b$	
64位数	$1000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000$ $0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0010B$	

八进制：	前缀：0	后缀：o/O或q/Q
八进制举例：	012 ($1 * 8^1 + 2 * 8^0 = 10$) 170 ($1 * 8^1 + 7 * 8^0 = 15$)	

十六进制：	前缀：0x或0X	后缀：h或H
十六进制举例：	$0x00$, $0xFF$ (255), $520H$ ($5 * 16^2 + 2 * 16^1 + 0 = 1312$)	

1.数制与编码

『进位计数制』及其相互转换

◆ 进制转换

二进制转八/十六进制

小数点前：右起往左数，三位/四位一组

小数点后：左起往右数，三位/四位一组

二转八：	点前左数，三位一组	点后右数，三位一组
01001110	$\frac{001\ 001\ 110}{1\ 1\ 6}$	=> 116O
11101.1011	$\frac{011\ 101\ 101\ 100}{3\ 5\ .\ 5\ 4}$	=> 35.54O

二转十六：	点前左数，四位一组	点后右数，四位一组
01001110	$\frac{0100\ 1110}{4\ E}$	=> 4EH
11101.1011	$\frac{0001\ 1101\ 1011}{1\ D\ .\ B}$	=> 1DBH

1.数制与编码

『进位计数制』及其相互转换

有些十进制小数无法完全转换为二进制

◆ 进制转换

二进制转八/十六进制

十进制转其它进制

整数部分：除基取余法

小数部分：乘基取整法

将521.6875转二进制：

10 0000 1001.1011B

十转二：	整数：除基取余	小数：乘基取整法
521.6875	10 0000 1001	1011

	除基	取余	
2	521	1	低位
2	260	0	
2	130	0	
2	65	1	
2	32	0	
2	16	0	
2	8	0	
2	4	0	
2	2	0	
2	1	1	高位
	0		

	乘基	取整	
	0.6875		
x	2		
	1.3750	1	高位
	0.375		
x	2		
	0.750	0	
x	2		
	1.50	1	
	0.5		
x	2		
	1.0	1	低位

1.数制与编码

『进位计数制』及其相互转换

有些十进制小数无法完全转换为十六进制

◆ 进制转换

二进制转八/十六进制

十进制转其它进制

整数部分：除基取余法

小数部分：乘基取整法

将521.6875转十六进制：

209.BH

十转十六：	整数：除基取余	小数：乘基取整法
521.6875	209	B

	除基	取余	
16	521	9	低位
16	32	0	↓
16	2	2	高位
	0		

	乘基	取整	
	0.6875		
x	16		高位
	11.0	11	↓
	0		低位

1.数制与编码

『进位计数制』及其相互转换

有些十进制小数无法完全转换为八进制

◆ 进制转换

二进制转八/十六进制

十进制转其它进制

整数部分：除基取余法

小数部分：乘基取整法

将521.6875转八进制：

1011.540

十转八：	整数：除基取余	小数：乘基取整法
521.6875	1011	54

	除基	取余	
8	521	1	低位
8	65	1	
8	8	0	
8	1	1	高位
	0		

	乘基	取整
	0.6875	
x	8	
	5.5	5
	0.5	
x	8	
	4.0	4
	0	

1.数制与编码

真值与『机器数』

◆ 真值

符号 (+-) + 绝对值

◆ 机器数

符号和数值一起编码

无符号数:

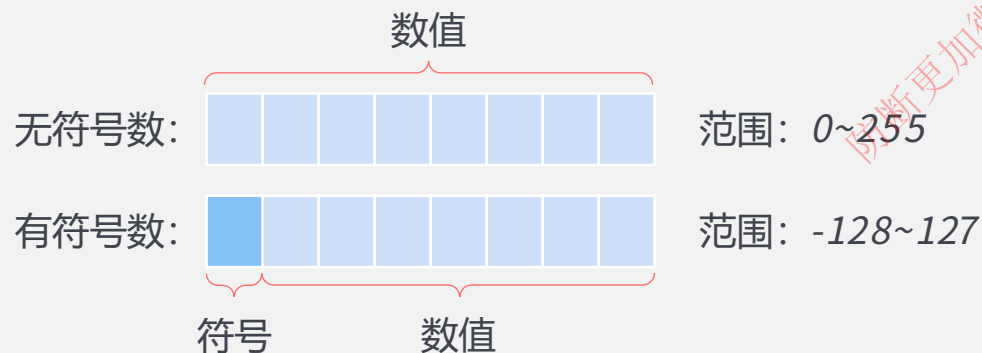
每个bit位都是数值位

只有正数和0

有符号数:

最高位代表符号: 0正, 1负

正负数各占一半 (含0)



真值 (无符号)	机器数 (8位)	真值 (有符号)
0	0000 0000	+0
127	0111 1111	+127
128	1000 0000	-0
255	1111 1111	-127

原码表示

1.数制与编码

真值与『机器数』

◆ 真值与机器数

真值：符号 (+-) + 绝对值

机器数：符号和数值一起编码

原码的**加法**运算：

同号加，异号减；

取大绝对值符号

原码的**减法**运算：

同号减，异号加；

大绝对值 - 小绝对值；

取大绝对值符号

加法运算：

$$\begin{array}{r} 0111\ 1111 \\ +\ 0000\ 0001 \\ \hline 1000\ 0000 \end{array}$$

减法运算：

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ -\ 1000\ 0001 \\ \hline 1111\ 1110 \end{array}$$

1111 1111
+ 0110 0001
? → 1111 1111
- 0110 0001
1001 1110

1111 1111
- 0000 0001
? → 1111 1111
+ 0000 0001
10000 0000
1000 0000

真值 (无符号)	机器数 (8位)	真值 (有符号)
0	0000 0000	+0
127	0111 1111	+127
128	1000 0000	-128
255	1111 1111	-127

-128?
Yes!

1.数制与编码

真值与『机器数』

◆ 机器数

正数的原码、反码、补码都一样

原码：符号位 + 数值位

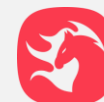
-反码：符号位不变，数值位取反

补码：反码 + 1

真值	原码	反码	补码
127	0111 1111	0111 1111	0111 1111
-1	1000 0001	1111 1110	1111 1111
-81	1101 0001	1010 1110	1010 1111
-127	1111 1111	1000 0000	1000 0001

真值 (无符号)	机器数 (8位)	真值 (有符号)
0	0000 0000	+0
127	0111 1111	+127
128	1000 0000	-128
255	1111 1111	-1
129	1000 0001	-127

补码表示



马士兵教育
www.mashibing.com

1.数制与编码

真值与『机器数』

◆ 机器数

正数的原码、反码、补码都一样

原码：符号位 + 数值位

-反码：符号位不变，数值位取反

补码：反码 + 1

计算机中数的存储和运算，都使用补码

加法运算：
 $A+B$

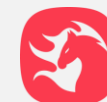
$$\begin{array}{r} 0111\ 1111 \\ +\ 0000\ 0001 \\ \hline 1000\ 0000 \end{array}$$

减法运算：
 $A-B=A+(-B)$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ -\ 1000\ 0001 \\ \hline 0111\ 1110 \end{array} \rightarrow \begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ +\ 0111\ 1110 \\ \hline 10111\ 1110 \\ 0111\ 1110 \end{array}$$
$$\begin{array}{r} 1111\ 1011 \\ +\ 1111\ 1101 \\ \hline 11111\ 1000 \\ 1111\ 1000 \end{array}$$
$$\begin{array}{r} 1000\ 0001 \\ -\ 0000\ 0001 \\ \hline 1000\ 0000 \end{array}$$

真值（无符号）	机器数（8位）	真值（有符号）
0	0000 0000	+0
127	0111 1111	+127
128	1000 0000	-128
255	1111 1111	-1
129	1000 0001	-127

补码表示



马士兵教育
www.mashibing.com

1.数制与编码

字符与汉字编码

◆ 字符编码

ASCII：美国标准信息交换码

共128个字符

◆ 汉字编码

GBK2312, GB18030, GBK

一个汉字占两个字节

UTF-8/UTF8:

国际通用字符集，兼容ASCII码

使用1-4个可变长度字节编码

ASCII 码表

ASCII 值	控制字符	ASCII 值	控制字符	ASCII 值	控制字符	ASCII 值	控制字符
0	NUL	32	(space)	64	@	96	`
1	SOH	33	!	65	A	97	a
2	STX	34	"	66	B	98	b
3	ETX	35	#	67	C	99	c
4	EOT	36	\$	68	D	100	d
5	ENQ	37	%	69	E	101	e
6	ACK	38	&	70	F	102	f
7	BEL	39	,	71	G	103	g
8	BS	40	(72	H	104	h
9	HT	41)	73	I	105	i
10	LF	42	*	74	J	106	j
11	VT	43	+	75	K	107	k
12	FF	44	,	76	L	108	l
13	CR	45	-	77	M	109	m
14	SO	46	.	78	N	110	n
15	SI	47	/	79	O	111	o
16	DLE	48	0	80	P	112	p
17	DC1	49	1	81	Q	113	q
18	DC2	50	2	82	R	114	r
19	DC3	51	3	83	X	115	s
20	DC4	52	4	84	T	116	t
21	NAK	53	5	85	U	117	u
22	SYN	54	6	86	V	118	v
23	TB	55	7	87	W	119	w
24	CAN	56	8	88	X	120	x
25	EM	57	9	89	Y	121	y
26	SUB	58	:	90	Z	122	z
27	ESC	59	;	91	[123	{
28	FS	60	<	92	/	124	
29	GS	61	=	93]	125	}
30	RS	62	>	94	^	126	~
31	US	63	?	95	_	127	DEL



目录

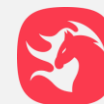
1. 数制与编码

2. 数的表示与运算

3. 算术逻辑单元ALU

◆ 定点数的表示和运算

◆ 浮点数的表示和运算



2.数的表示和运算

『定点数』的表示

◆ 定点数

小数点位置是**固定**的，但不需要点号

定点小数：即纯小数

小数点在符号位之后，有效数值位之前

范围（补码）： $-1 \leq x \leq 1 - 2^{-n}$

定点整数：即纯整数

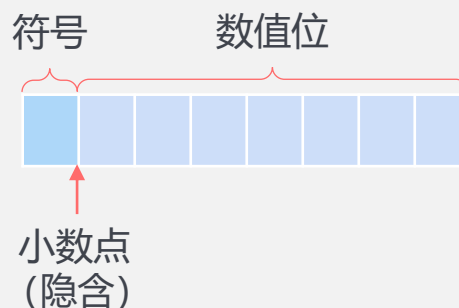
小数点在有效数值位之后

范围（补码）： $-2^n \leq x \leq 2^n - 1$

优点：定点运算简单，实现容易

缺点：表示范围小，运算精度低，不适合科学运算

定点小数



符	2^{-1}	2^{-2}	2^{-3}	2^{-4}	2^{-5}	2^{-6}	2^{-7}
1	1	1	0	1	0	0	0

$[x]_{\text{原}} = 1.1101000$

$[x]_{\text{补}} = 1.0011000$

真值：-0.8125

定点整数



符	2^6	2^5	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
0	0	0	1	1	0	1	0

$[x]_{\text{原}} = 0,0011010$

$[x]_{\text{补}} = 0,0011010$

真值：26

2.数的表示和运算

『定点数』的运算

◆ 定点数

定点整数的运算：

算数运算：加减乘除（补码）

把减法转成加法： $A-B=A+(-B)$



加法运算：
 $A+B$

$$\begin{array}{r} 0111\ 1111 \\ +\ 0000\ 0001 \\ \hline 1000\ 0000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ +\ 0110\ 0001 \\ \hline 10110\ 0000 \\ 0110\ 0000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1011 \\ +\ 1111\ 1101 \\ \hline 11111\ 1000 \\ 1111\ 1000 \end{array}$$

减法运算：
 $A-B=A+(-B)$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ -\ 1000\ 0001 \\ \hline 0111\ 1110 \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ +\ 0111\ 1111 \\ \hline 10111\ 1110 \\ 0111\ 1110 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0111\ 1111 \\ -\ 1000\ 0111 \\ \hline ? \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 0111\ 1111 \\ +\ 0111\ 1001 \\ \hline 1111\ 1000 \end{array}$$

2.数的表示和运算

『定点数』的运算

◆ 定点数

定点整数的运算：

算数运算：加减乘除（补码）

把乘法转成累加

把除法转成累减

减->加

阵列乘法器

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ \times 0110\ 0001 \\ \hline 11111111 \\ 00000000 \\ 00000000 \\ 00000000 \\ 10000011011111 \\ \hline 11111111 \\ 110000010011111 \end{array}$$

阵列除法器

$$\begin{array}{r} 100 \overline{) 1111011} \\ \underline{100} \\ 100 \overline{) 111011} \\ \underline{100} \\ 100 \overline{) 11011} \\ \underline{100} \\ 100 \overline{) 1011} \\ \underline{100} \\ 100 \overline{) 011} \\ \underline{000} \\ 11 \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 1 \\ \hline 1 \\ \hline 1 \\ \hline 0 \\ \hline \end{array}$$

2.数的表示和运算

『定点数』的运算

◆ 定点数

定点整数的运算:

算数运算: +、-、×、/

逻辑运算: 与&、或|、非!

按位运算: &、|、^、~

按位与&: 同1则1, 不同则0

按位或|: 有1则1

按位异或^: 同0, 异1

按位取反~: 0变1, 1变0

逻辑与&:
同1则1, 不同则0

$1 \& 1 = 1$
 $1 \& 0 = 0$
 $0 \& 1 = 0$

逻辑或|:
有1则1, 同0则0

$1 | 1 = 1$
 $1 | 0 = 1$
 $0 | 1 = 1$
 $0 | 0 = 0$

逻辑非!:
非1则0, 非0则1

$!1 = 0$
 $!0 = 1$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ \& 0110\ 0001 \\ \hline 0110\ 0001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100\ 1111 \\ \& 0000\ 0001 \\ \hline 0000\ 0001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100\ 1110 \\ \& 0000\ 0001 \\ \hline 0000\ 0000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ | 0110\ 0001 \\ \hline 1111\ 1111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ ^ 0110\ 0001 \\ \hline 1001\ 1110 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1001\ 1110 \\ ^ 0110\ 0001 \\ \hline 1111\ 1111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \sim 0110\ 0001 \\ \hline 1001\ 1110 \end{array}$$

2.数的表示和运算

『定点数』的运算

◆ 定点数

定点整数的运算：

算数运算：+、-、×、/

逻辑运算：&、|、!

按位运算：&、|、^、~、<<、>>、>>>

左移<<：向左平移，右边补0

右移>>：向右平移，左边补符号位

无符号右移>>>：向右平移，左边补0

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ \& 0110\ 0001 \\ \hline 0110\ 0001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100\ 1111 \\ \& 0000\ 0001 \\ \hline 0000\ 0001 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1100\ 1110 \\ \& 0000\ 0001 \\ \hline 0000\ 0000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ | 0110\ 0001 \\ \hline 1111\ 1111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1111\ 1111 \\ ^ 0110\ 0001 \\ \hline 1001\ 1110 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1001\ 1110 \\ ^ 0110\ 0001 \\ \hline 1111\ 1111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \sim 0110\ 0001 \\ \hline 1001\ 1110 \end{array}$$

$$0110\ 0001 \ll 3 \text{ 位} \longrightarrow 0110\ 0001 \times 2^{11} \longrightarrow 011\ 0000\ 1000$$

$$0110\ 0001 \gg 3 \text{ 位} \longrightarrow 0110\ 0001 \times 2^{-101} \longrightarrow 0000\ 1100\ 001$$

$$1110\ 0001 \gg 3 \text{ 位} \longrightarrow 1110\ 0001 \times 2^{-101} \longrightarrow 1111\ 1100\ 001$$

$$1110\ 0001 \ggg 3 \text{ 位} \longrightarrow 1110\ 0001 \times 2^{-101} \longrightarrow 0001\ 1100\ 001$$



2.数的表示和运算

『浮点数』的表示

◆ 浮点数

小数点位置是**不固定**的，根据需要浮动

任何一个R进制数N，可以表示为：

$$(N)_R = \pm S \times R^{\pm e}$$

S-尾数：N的有效数字，反映了数的精度

常用补码表示的**定点小数**

尽可能占满尾数，保留更多有效数字

R-基值：即进制数，2/4/8/16等

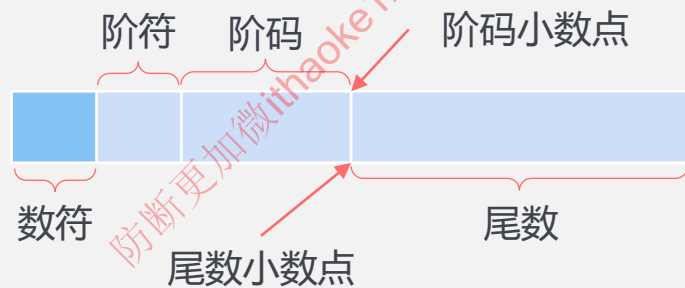
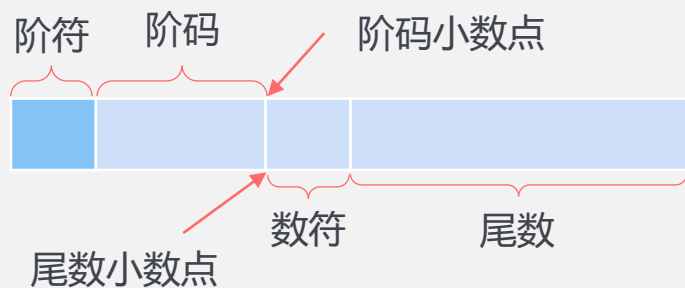
e-阶码：小数点的实际位置，反映了表示范围

常用补码表示的**定点整数**

数符；阶符

$$(N)_{10} = 3.1415926 = 314.15926 \times 10^{-2} = 0.031415926 \times 10^2$$

$$(N)_2 = 1101.1001 = 11011001 \times 2^{-100} = 0.11011001 \times 2^{100}$$



举例：

$a = 0,01; 1.1001$

0 0 1 1 1 0 0 1

阶码：+1

尾数：-0.1001(补) = -0.0111(原)

真值：-0.0111 $\times 2^1 = -0.111$

$b = 0,10; 0.01001$

0 1 0 0 0 1 0 0 1

阶码：+2

尾数：0.01001 = 0.01001 $\times 2^2 = +1.001$



2.数的表示和运算

『浮点数』的表示

◆ 浮点数

规格化：尾数的最高数值位必须有效（非0）

左规：最高数值位无效，尾数左移，阶码减1

右规：尾数“假溢出”，右移，阶码加1

规格化：
左规

$$(N)_{10} = 3.1415926 = 314.15926 \times 10^{-2} = 0.031415926 \times 10^2$$

$$(N)_2 = 1101.1001 = 11011001 \times 2^{-100} = 0.11011001 \times 2^{100}$$

$b=0,10; 0.01001$
尾数： $0.01001 \times 2^2 = 0.1001 \times 2^1$
阶码：+1

0 0 1 0 0 1 0 0

$c=+1.0100 \times 2^2 = 0.1010 \times 2^3$

0 1 1 0 1 0 1 0

规格化：
右规

举例：
 $a=0,01; 1.1001$

0 0 1 1 1 0 0 1

阶码：+1
尾数：-0.1001(补) = -0.0111(原)
真值：-0.0111 $\times 2^1 = -0.111$

$b=0,10; 0.01001$

0 1 0 0 0 1 0 0 1

阶码：+2
尾数：0.01001 = 0.01001 $\times 2^2 = +1.001$

2.数的表示和运算

『浮点数』的运算

◆ 步骤

1. 对阶：使阶码相等（小->大）
2. 尾数求和/差
3. 规格化
4. 舍入：

截断法（恒舍法）：强制舍去

0舍1入法：舍弃位的最高位为1，则进1

恒置1法：末位恒置1

5. 判断溢出：

阶码上溢（异常）；阶码下溢（作0）

举例：十进制数 $X = -7/256$, $Y = +59/1024$ ，按机器补码浮点运算计算 $X - Y$ ，结果用二进制表示。浮点数格式如下：2位阶符，3位阶码，2位数符，9位尾数。

答：用补码表示阶码和尾数：

X : $E = 1/256 = 2^{-8}$, $S = -7 = -111$, $N = -111 \times 2^{-8} = -0.111 \times 2^{-5}$
 $= -0.111 \times 2^{-101} = -0.001 \times 2^{-011}$ (补)
 $= 11011, 11.001000000$

1 1 0 1 1 1 0 0 1 0 0 0 0 0 0

Y : $E = 1/1024 = 2^{-10}$, $S = +59 = +111011$, $N = +111011 \times 2^{-10}$
 $= +0.111011 \times 2^{-4} = +0.111011 \times 2^{-100}$ (补)
 $= 11100, 00.111011000$

1 1 1 0 0 0 0 1 1 1 0 1 1 0 0 0

-1

求阶差: $[E_X] - [E_Y] = 11011 - 11100 = 11011 + 00100 = 11111 < 0$

对阶: $[E_X] = 11011 - 11111 = 11100, X = 11100, 11.100100000$

尾数加减: $[S_X] - [S_Y] = [S_X] + [-S_Y] = 11.100100000 + 11.000101000$
 $= 10.101001000$ (0: 尾数溢出, 需要进行规格化)

规格化: 右规 (尾数右移, 阶码+1) $\rightarrow 11.010100100$ (高位补符号1)

$X - Y = 11101, 11.010100100$ ($-0.010100100 \times 2^{-101}$)

1 1 1 0 1 1 1 0 1 0 1 0 0 1 0 0



目录

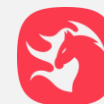
1. 数制与编码

2. 数的表示与运算

3. 算数逻辑单元ALU

◆ ALU的功能和结构

◆ 串行加法器和并行加法器



3.算数逻辑单元ALU

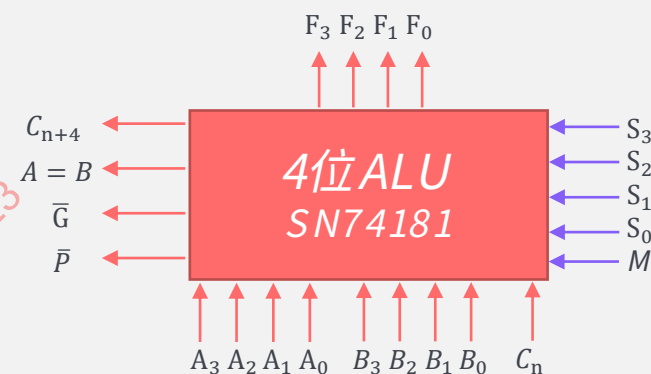
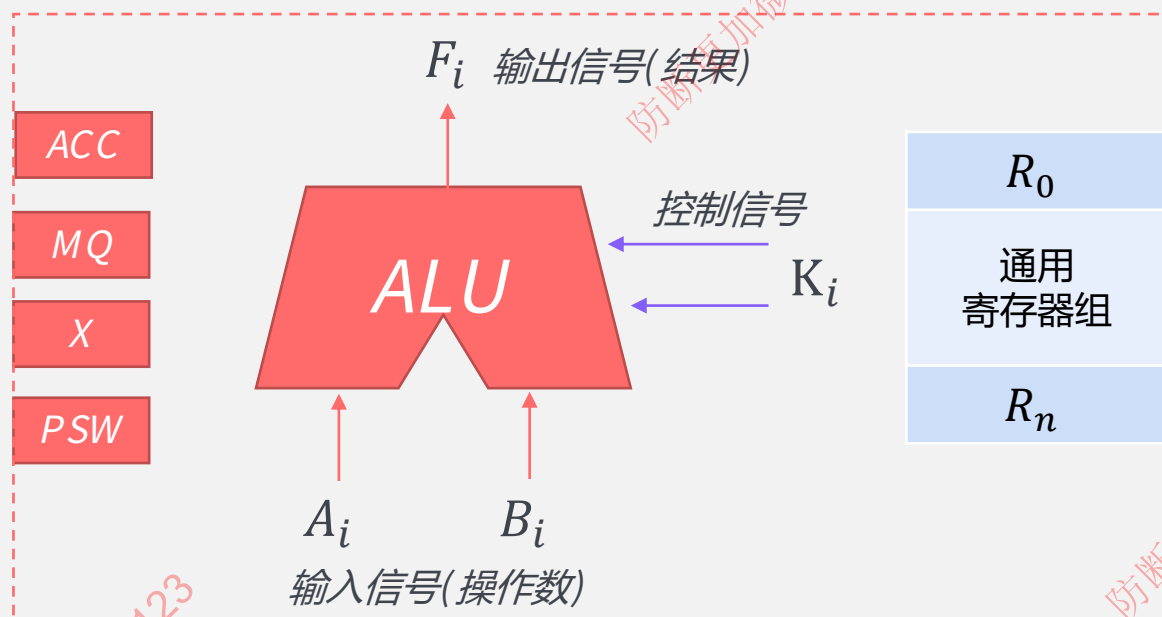
ALU的功能和结构

- ◆ 算数运算归结为加法运算
- ◆ 控制信号决定是否进行逻辑运算

算数运算：加/减/乘/除

逻辑运算：与/或/非

辅助功能：移位/求补



3.算数逻辑单元ALU

ALU的功能和结构

◆ 基本逻辑运算的实现

与&: $Y = A \cdot B$

或|: $Y = A + B$

非!: $Y = \bar{A}$

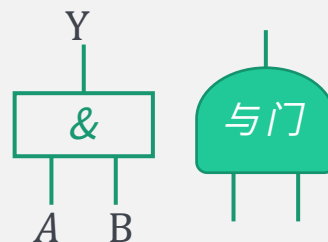
异或^: $Y = A \oplus B$

与非: $Y = \overline{A \cdot B} = \bar{A} + \bar{B}$

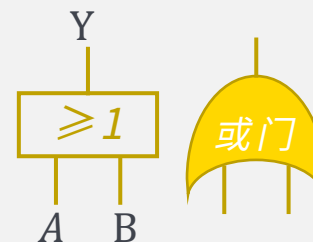
或非: $Y = \overline{A + B} = \bar{A} \cdot \bar{B}$

	异或				与非				或非			
A	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1
B	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
Y	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	0

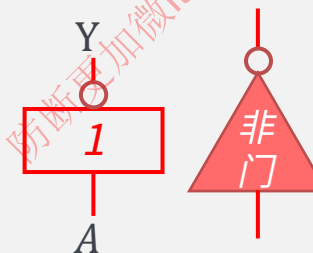
与&:
 $Y = A \cdot B$



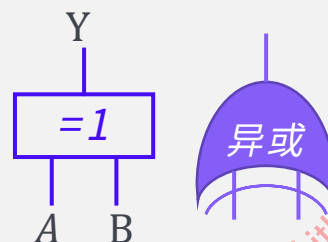
或|:
 $Y = A + B$



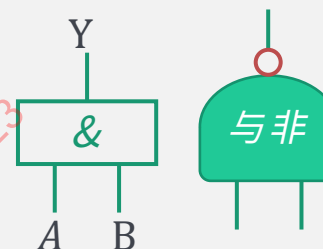
非!:
 $Y = \bar{A}$



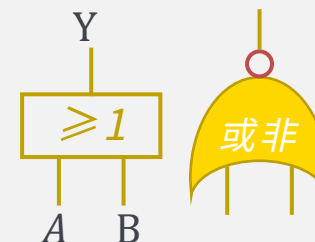
异或^:
 $Y = A \oplus B$



与非:
 $Y = \overline{A \cdot B} = \bar{A} + \bar{B}$



或非:
 $Y = \overline{A + B} = \bar{A} \cdot \bar{B}$



3. 算数逻辑单元ALU

串行/并行加法器

◆ 一位全加器

◆ 串行加法器

◆ 并行加法器

$$\begin{array}{r}
 1111 \ 1111 \ A_i: \text{操作数, 本位} \\
 + 0110 \ 0001 \ B_i: \text{操作数, 本位} \\
 \hline
 11111 \ 1111 \ C_{i-1}: \text{低位的进位} \\
 10110 \ 0000 \ S_i: \text{本位的和}
 \end{array}$$

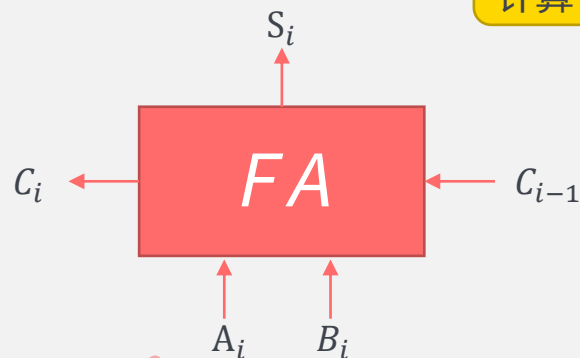
	1	1	1	1	1	1	1	A_i	输入
	0	1	1	0	0	0	0	B_i	
	1	1	1	1	1	1	0	C_{i-1}	
	0	1	1	0	0	0	0	S_i	输出
	1	1	1	1	1	1	0	C_i	

1. 怎么计算 S_i ?

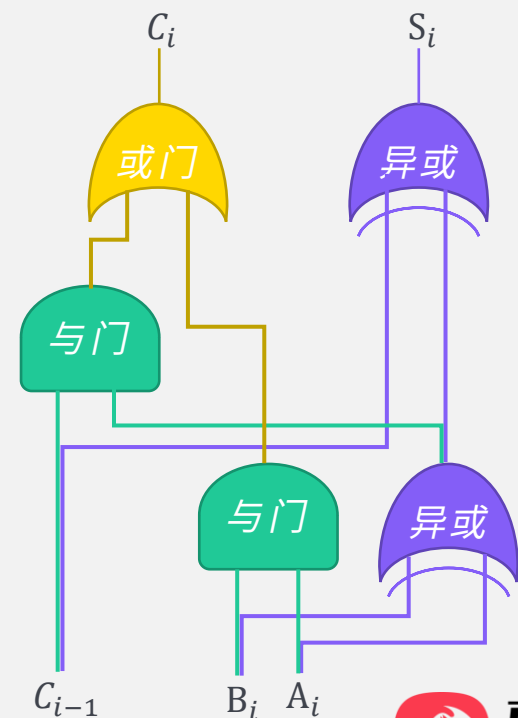
S_i : 输入中有奇数个1时则为1, 否则为0
 异或 \wedge : $1^10^0=1, 0^11^1=0$
 $S_i = A_i \oplus B_i \oplus C_{i-1}$

2. 怎么计算 C_i ?

C_i : 输入中至少有两个1则为1, 否则为0
 与&: A_i 和 B_i 同时为1,
 或者: A_i 和 B_i 有一个为1, 同时 C_{i-1} 为1
 $C_i = A_i B_i + (A_i \oplus B_i) C_{i-1}$



一位全加器: FA, Full Adder



3. 算数逻辑单元ALU

串行/并行加法器

◆ 一位全加器

◆ 串行加法器

进位触发器：保存进位位

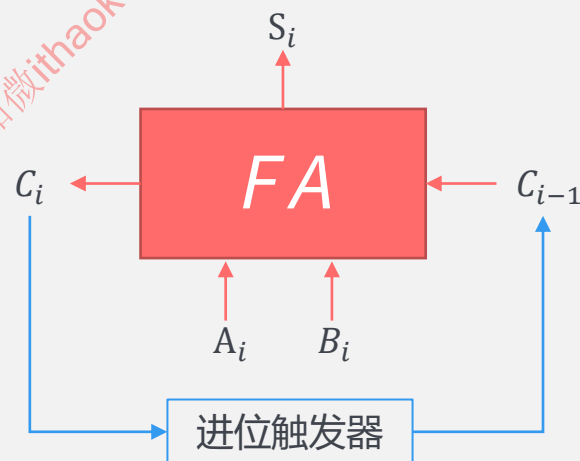
数据逐位送入FA中运算

串行、逐位送回寄存器

◆ 并行加法器

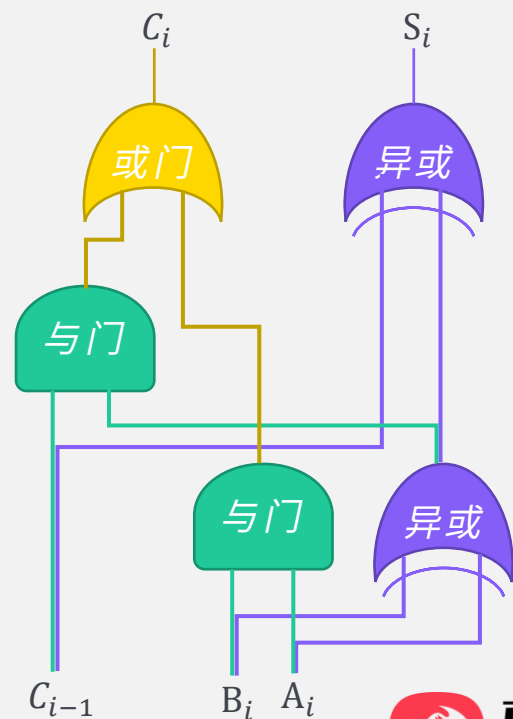
$$\begin{array}{r} 1111 \ 1111 \\ + 0110 \ 0001 \\ \hline 10110 \ 0000 \end{array}$$

A_i : 操作数, 本位
 B_i : 操作数, 本位
 C_{i-1} : 低位的进位
 S_i : 本位的和



每次产生一位和,
共需操作n次

	1	1	1	1	1	1	1	A_i	输入
	0	1	1	0	0	0	0	B_i	
	1	1	1	1	1	1	0	C_{i-1}	
	0	1	1	0	0	0	0	S_i	输出
	1	1	1	1	1	1	0	C_i	



3. 算数逻辑单元ALU

串行/并行加法器

◆ 一位全加器

◆ 串行加法器

◆ 并行加法器

把 n 个全加器串接起来

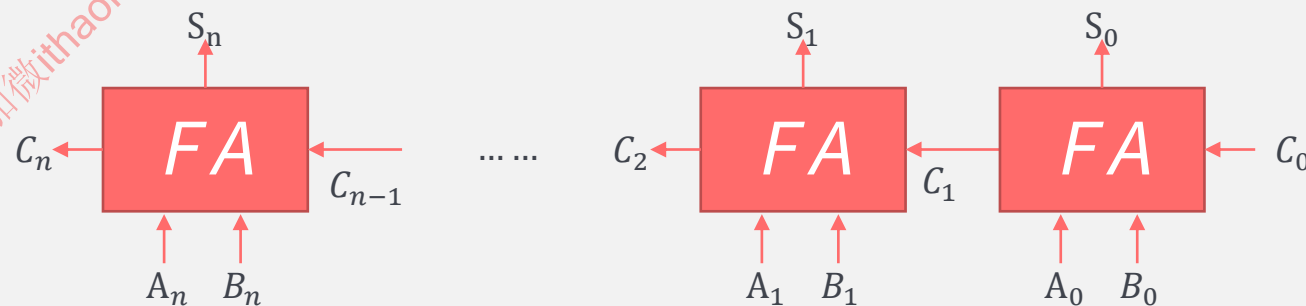
串行进位：进位信号逐级形成

运算速度取决于每一个进位的产生速度

$$\begin{array}{r} 1111 \ 1111 \\ + 0110 \ 0001 \\ \hline 10110 \ 0000 \end{array}$$

A_i : 操作数, 本位
 B_i : 操作数, 本位
 C_{i-1} : 低位的进位
 S_i : 本位的和

	1	1	1	1	1	1	1	A_i	输入
	0	1	1	0	0	0	0	B_i	
	1	1	1	1	1	1	1	C_{i-1}	
	0	1	1	0	0	0	0	S_i	输出
1	1	1	1	1	1	1	1	C_i	



3. 算数逻辑单元ALU

串行/并行加法器

- ◆ 一位全加器
- ◆ 串行加法器
- ◆ 并行加法器

把 n 个全加器串接起来

串行进位：进位信号逐级形成

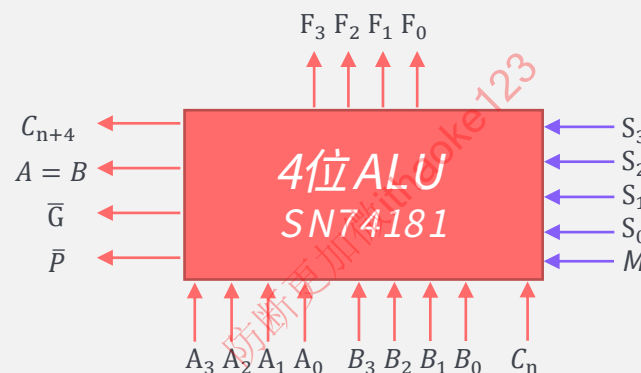
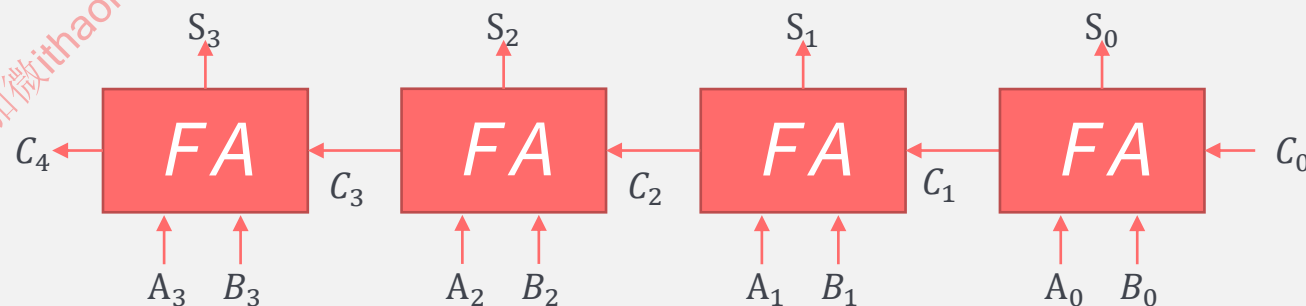
运算速度取决于每一个进位的产生速度

改进： $A_n \sim A_0$, $B_n \sim B_0$ 是已知的

$$\begin{array}{r} 1111 \ 1111 \\ + 0110 \ 0001 \\ \hline 10110 \ 0000 \end{array}$$

A_i : 操作数, 本位
 B_i : 操作数, 本位
 C_{i-1} : 低位的进位
 S_i : 本位的和

	1	1	1	1	1	1	1	A_i	输入
	0	1	1	0	0	0	0	B_i	
	1	1	1	1	1	1	1	C_{i-1}	
	0	1	1	0	0	0	0	S_i	输出
1	1	1	1	1	1	1	1	C_i	



$$\begin{aligned} S_i &= A_i \oplus B_i \oplus C_{i-1} \\ C_i &= A_i B_i + (A_i \oplus B_i) C_{i-1} \\ G_i &= A_i B_i \\ P_i &= A_i \oplus B_i \end{aligned}$$

3. 算数逻辑单元ALU

串行/并行加法器

◆ 一位全加器

◆ 串行加法器

◆ 并行加法器

把 n 个全加器串接起来

串行进位：进位信号逐级形成

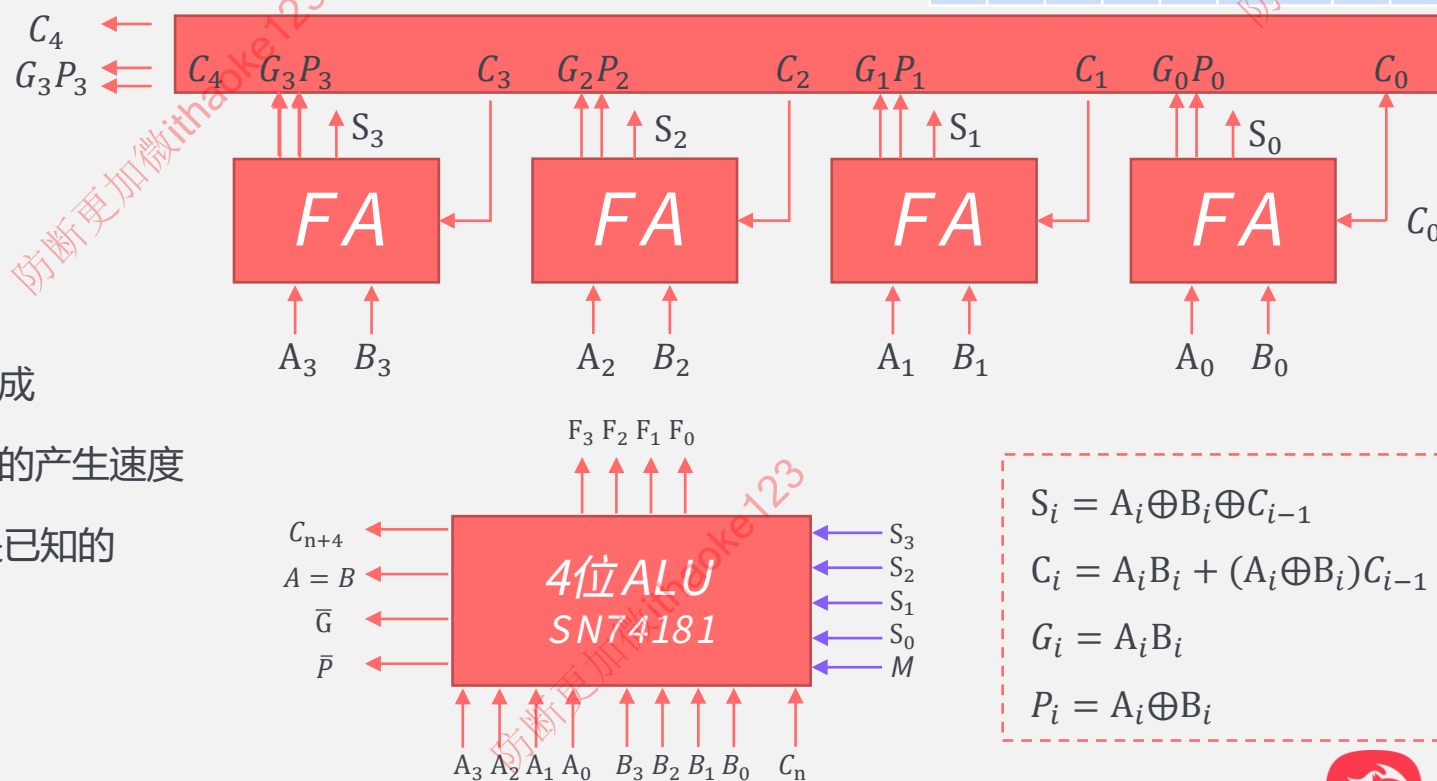
运算速度取决于每一个进位的产生速度

改进： $A_n \sim A_0$, $B_n \sim B_0$ 是已知的

$$\begin{array}{r} 1111 \ 1111 \\ + 0110 \ 0001 \\ \hline 10110 \ 0000 \end{array}$$

A_i : 操作数, 本位
 B_i : 操作数, 本位
 C_{i-1} : 低位的进位
 S_i : 本位的和

	1	1	1	1	1	1	1	A_i	输入
	0	1	1	0	0	0	0	B_i	
	1	1	1	1	1	1	0	C_{i-1}	
	0	1	1	0	0	0	0	S_i	输出
	1	1	1	1	1	1	0	C_i	



$$\begin{aligned} S_i &= A_i \oplus B_i \oplus C_{i-1} \\ C_i &= A_i B_i + (A_i \oplus B_i) C_{i-1} \\ G_i &= A_i B_i \\ P_i &= A_i \oplus B_i \end{aligned}$$

3. 算数逻辑单元ALU

串行/并行加法器

◆ 一位全加器

◆ 串行加法器

◆ 并行加法器

把 n 个全加器串接起来

串行进位：进位信号逐级形成

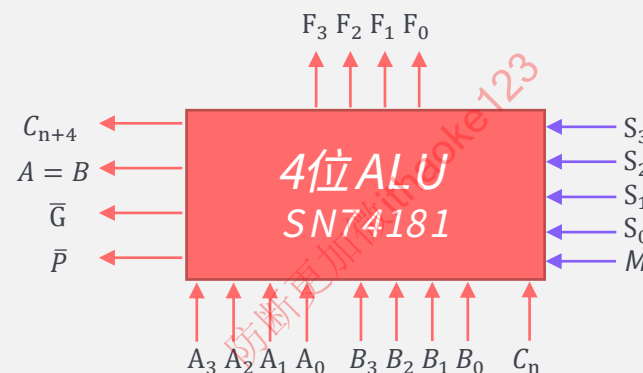
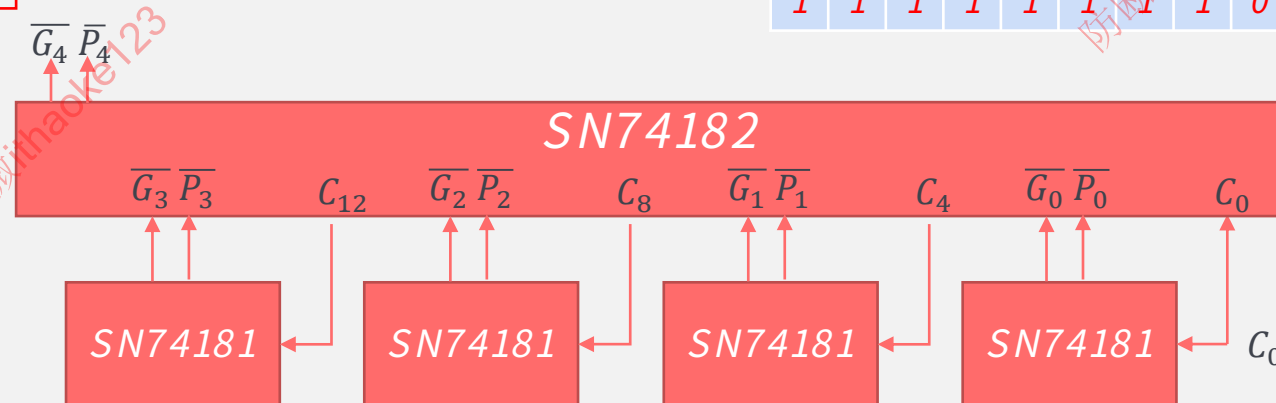
运算速度取决于每一个进位的产生速度

改进： $A_n \sim A_0, B_n \sim B_0$ 是已知的

组内并行、组间并行

$$\begin{array}{r}
 1111 \ 1111 \ A_i: \text{操作数, 本位} \\
 + 0110 \ 0001 \ B_i: \text{操作数, 本位} \\
 \hline
 1111 \ 1111 \ C_{i-1}: \text{低位的进位} \\
 10110 \ 0000 \ S_i: \text{本位的和}
 \end{array}$$

	1	1	1	1	1	1	1	A_i	输入
	0	1	1	0	0	0	0	B_i	
	1	1	1	1	1	1	1	C_{i-1}	
	0	1	1	0	0	0	0	S_i	输出
1	1	1	1	1	1	1	1	C_i	





马士兵教育
www.mashibing.com



扫码加马老师微信