

# 人工智能实践：TensorFlow 笔记

## 第一讲

### 神经网络计算过程及模型搭建

**本讲目标：**了解神经网络计算过程，搭建出第一个神经网络模型。

#### 1 人工智能三学派

我们常说的人工智能，就是让机器具备人的思维和意识。人工智能主要有三个学派，即**行为主义**、**符号主义**和**连接主义**。

**行为主义：**是基于控制论的，是在构建感知、动作的控制系统。单脚站立是行为主义一个典型例子，通过感知要摔倒的方向，控制两只手的动作，保持身体的平衡。这就构建了一个感知、动作的控制系统，是典型的行为主义。

**符号主义：**基于算数逻辑表达式。即在求解问题时，先把问题描述为表达式，再求解表达式。例如在求解某个问题时，利用 `if case` 等条件语句和若干计算公式描述出来，即使用了符号主义的方法，如专家系统。符号主义是能用公式描述的人工智能，它让计算机具备了理性思维。

**连接主义：**仿造人脑内的神经元连接关系，使人类不仅具备理性思维，还具备无法用公式描述的感性思维，如对某些知识产生记忆。

图 1.1 展示了人脑中一根神经元，其中紫色部分为树突，其作为神经元的输入。黄色部分为轴突，其作为神经元的输出。人脑就是由 860 亿个这样的神经元首尾相接组成的网络。

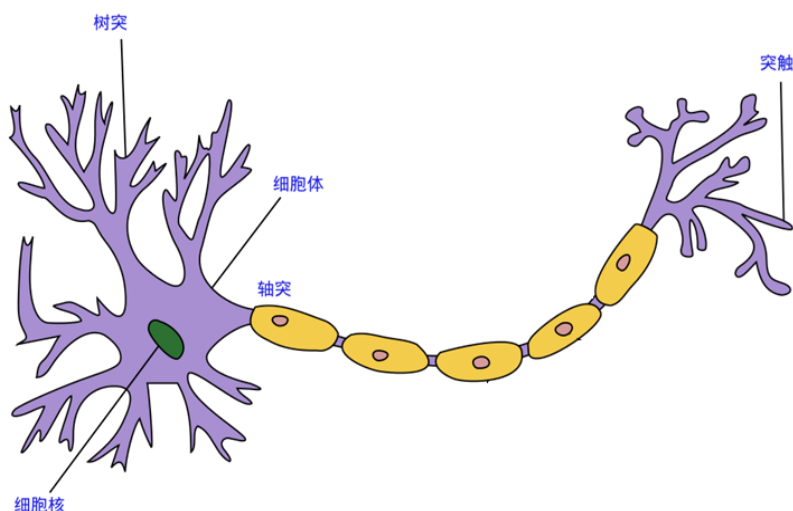


图 1.1 神经元示意图

基于连接主义的神经网络模仿上图的神经元，使计算机具有感性思维。图 1.2 展示了从出生到成年，人脑中神经网络的变化。



图 1.2 人脑神经网络变化示意图

随着我们的成长，大量的数据通过视觉、听觉涌入大脑，使我们的神经网络连接，也就是这些神经元连接线上的权重发生了变化，有些线上的权重增强了，有些线上的权重减弱了。如图 1.3 所示。

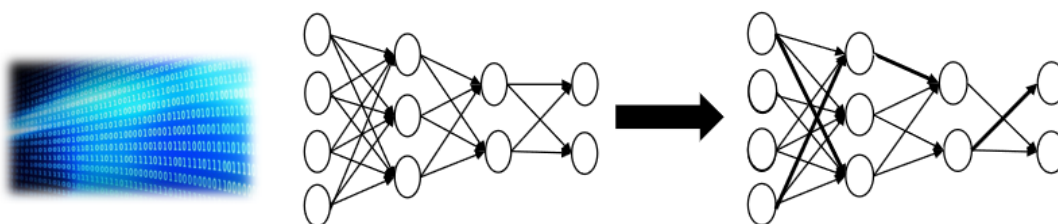


图 1.3 神经网络权重变化示意图

## 2 神经网络设计过程

我们要用计算机模仿刚刚说到的神经网络连接关系，让计算机具备感性思维。

首先，需要**准备数据**，数据量越大越好，要构成特征和标签对。如要识别猫，就要有大量猫的图片 and 这个图片是猫的标志，构成特征标签对。

随后，搭建神经网络的**网络结构**，并通过**反向传播**，优化连线的权重，直到

模型的识别准确率达到要求，得到最优的连线权重，把这个**模型保存**起来。

最后，用保存的模型，输入从未见过的新数据，它会通过**前向传播**，输出概率值，概率值最大的一个，就是分类或预测的结果。图 2.1 展示了搭建与使用神经网络模型的流程。

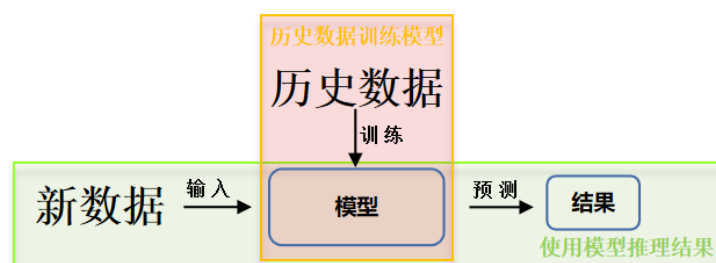


图 2.1 搭建与使用神经网络示意图

## 2.1 数据集介绍

本讲中采用鸢尾花数据集，此数据集包含鸢尾花花萼长、花萼宽、花瓣长、花瓣宽及对应的类别。其中前 4 个属性作为输入特征，类别作为标签，0 代表狗尾草鸢尾，1 代表杂色鸢尾，2 代表弗吉尼亚鸢尾。人们通过对数据进行分析总结出了规律：通过测量花的花萼长、花萼宽、花瓣长、花瓣宽，可以得出鸢尾花的类别（如：花萼长>花萼宽且花瓣长/花瓣宽>2，则杂色鸢尾）。

由上述可知，可通过 if 与 case 语句构成专家系统，进行判别分类。在本讲中，采用搭建神经网络的办法对其进行分类，即将鸢尾花花萼长、花萼宽、花瓣长、花瓣宽四个输入属性喂入搭建好的神经网络，网络优化参数得到模型，输出分类结果。

## 2.2 网络搭建与训练

本讲中，我们搭建包含输入层与输出层的神经网络模型，通过对输入值乘权值，并于偏置值求和的方式得到输出值，图示如下。

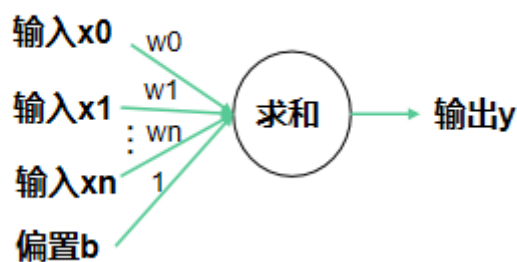


图 2.2 鸢尾花神经网络简要模型

由图 2.2 可知输出  $y = x * w + b$ ，即所有的输入  $x$  乘以各自线上的权重  $w$  求和加上偏置项  $b$  得到输出  $y$ 。由 2.1 部分对数据集的介绍可知，输入特征  $x$  形状应为(1,4)即 1 行 4 列，输出  $y$  形状应为(1,3)即 1 行 3 列， $w$  形状应为(4,3)即 4 行 3 列， $b$  形状应为(3,)即有 3 个偏置项。

搭建好基本网络后，需要输入特征数据，并对线上权重  $w$  与偏置  $b$  进行初始化。搭建的神经网络如图 2.3 所示， $w, b$  初始化矩阵如图 2.4 所示。在这里，我们输入标签为 0 的狗尾草鸢尾。

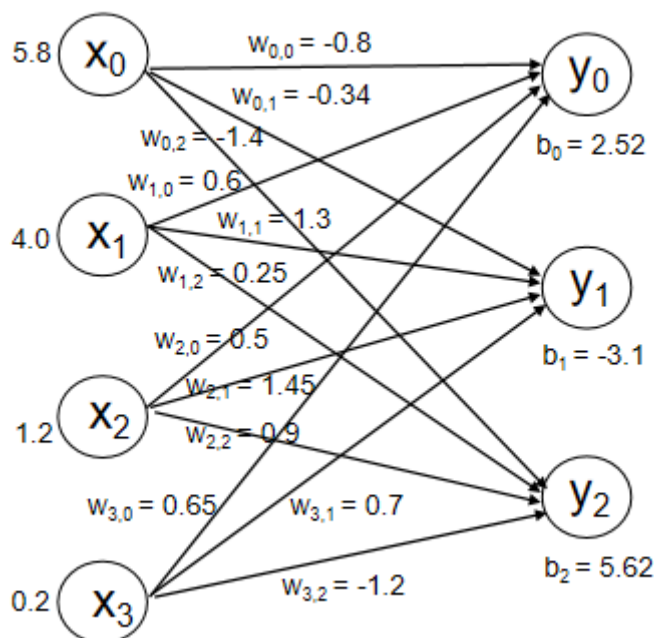


图 2.3 鸢尾花神经网络展开模型

-0.8	-0.34	-1.4
0.6	1.3	0.25
0.5	1.45	0.9
0.65	0.7	-1.2

2.52	-3.1	5.62
------	------	------

图 2.4 权重与偏置初始化矩阵

有了输入数据与线上权重等数据，即可按照  $y = x * w + b$  方式进行前向传播，计算过程如图 2.5 所示。

5.8	4.0	1.2	0.2	*	-0.8	-0.34	-1.4	+	2.52	-3.1	5.62	=	1.01	2.01	-0.66
					0.6	1.3	0.25								
					0.5	1.45	0.9								
					0.65	0.7	-1.2								
输入特征x					随机初始化w				随机初始化b				输出y		

图 2.5 前向传播计算过程

图 2.5 中输出  $y$  中，1.01 代表 0 类鸢尾得分，2.01 代表 1 类鸢尾得分，-0.66 代表 2 类鸢尾得分。通过输出  $y$  可以看出数值最大(可能性最高)的是 1 类鸢尾，而不是标签 0 类鸢尾。这是由于最初的参数  $w$  和  $b$  是随机产生的，现在输出的结果是蒙的。

为了修正这一结果，我们用**损失函数**，定义预测值  $y$  和标准答案(标签)  $y_$  的差距，损失函数可以定量的判断当前这组参数  $w$  和  $b$  的优劣，当损失函数最小时，即可得到最优  $w$  的值和  $b$  的值。

损失函数的定义有多种方法，均方误差就是一种常用的损失函数，它计算每个前向传播输出  $y$  和标准答案  $y_$  的差求平方再求和再除以  $n$  求平均值，表征了网络前向传播推理结果和标准答案之间的差距。

通过上述对损失函数的介绍，其目的是寻找一组参数  $w$  和  $b$  使得损失函数最小。为达成这一目的，我们采用梯度下降的方法。损失函数的梯度表示损失函数

对各参数求偏导后的向量，损失函数梯度下降的方向，就是是损失函数减小的方向。梯度下降法即沿着损失函数梯度下降的方向，寻找损失函数的最小值，从而得到最优的参数。梯度下降法涉及的公式如下

$$w_{t+1} = w_t - lr * \frac{\partial loss}{\partial w_t}$$

$$b_{t+1} = b_t - lr * \frac{\partial loss}{\partial b_t}$$

$$w_{t+1} * x + b_{t+1} \rightarrow y$$

上式中， $lr$  表示学习率，是一个超参数，表征梯度下降的速度。如学习率设置过小，参数更新会很慢，如果学习率设置过大，参数更新可能会跳过最小值。

上述梯度下降更新的过程为**反向传播**，下面通过例子感受反向传播。利用如下公式对参数  $w$  进行更新。

$$w_{t+1} = w_t - lr * \frac{\partial loss}{\partial w_t}$$

设损失函数为  $(w+1)^2$ ，则其对  $w$  的偏导数为  $2w+2$ 。设  $w$  在初始化时被随机初始化为 5，学习率设置为 0.2。则我们可按上述公式对  $w$  进行更新：

第一次参数为 5，按上式计算即  $5 - 0.2 \times (2 \times 5 + 2) = 2.6$ 。

同理第二次计算得到参数为 1.16，第三次计算得到参数为 0.296……

画出损失函数  $(w+1)^2$  的图像，可知  $w = -1$  时损失函数最小，我们反向传播优化参数的目的即为找到这个使损失函数最小的  $w = -1$  值。

### 3 TensorFlow2.1 基本概念与常见函数

#### 3.1 基本概念

TensorFlow 中的 Tensor 表示张量，是多维数组、多维列表，用阶表示张量的维数。0 阶张量叫做标量，表示的是一个单独的数，如 123；1 阶张量叫作向量，表示的是一个一维数组如 [1,2,3]；2 阶张量叫作矩阵，表示的是一个二维数组，它可以有  $i$  行  $j$  列个元素，每个元素用它的行号和列号共同索引到，如在 [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]] 中，2 的索引即为第 0 行第 1 列。张量的阶数与方括号的数量相同，0 个方括号即为 0 阶张量，1 个方括号即为 1 阶张量。故张量可以表示

0 阶到 n 阶的数组。也可通过 `reshape` 的方式得到更高维度数组，举例如下：

```
c = np.arange(24).reshape(2,4,3)
print(c)
```

输出结果：[[[ 0 1 2] [ 3 4 5] [ 6 7 8] [ 9 10 11]]

[[12 13 14] [15 16 17] [18 19 20] [21 22 23]]]

TensorFlow 中数据类型包括 32 位整型(`tf.int32`)、32 位浮点(`tf.float32`)、64 位浮点(`tf.float64`)、布尔型(`tf.bool`)、字符串型(`tf.string`)

创建张量有若干种不同的方法：

(1) 利用 `tf.constant`(张量内容, `dtype=数据类型(可选)`)，第一个参数表示张量内容，第二个参数表示张量的数据类型。举例如下：

```
import tensorflow as tf
a=tf.constant([1,5],dtype=tf.int64)
print(a)
print(a.dtype)
print(a.shape)
```

输出结果为：<tf.Tensor([1,5], shape=(2, ), dtype=int64)>

<dtype: 'int64'>

(2,)

即会输出张量内容、形状与数据类型，`shape` 中数字为 2，表示一维张量里有 2 个元素。

**注：去掉 `dtype` 项，不同电脑环境不同导致默认值不同，可能导致后续程序 bug**

(2) 很多时候数据是由 `numpy` 格式给出的，此时可以通过如下函数将 `numpy` 格式化为 `Tensor` 格式：`tf.convert_to_tensor`(数据名, `dtype=数据类型(可选)`)。举例如下：

```
import tensorflow as tf
import numpy as np
a = np.arange(0, 5)
b = tf.convert_to_tensor( a, dtype=tf.int64 )
print(a)
print(b)
```

输出结果为: [0 1 2 3 4]

```
tf.Tensor([0 1 2 3 4], shape=( 5 , ), dtype=int64)
```

可见, 将 numpy 格式的 a 转换成了 Tensor 格式的 b。

(3) 可采用不同函数创建不同值的张量。如用 `tf.zeros(维度)` 创建全为 0 的张量, `tf.ones(维度)` 创建全为 1 的张量, `tf.fill(维度, 指定值)` 创建全为指定值的张量。其中维度参数部分, 如一维则直接写个数, 二维用 [行, 列] 表示, 多维用 [n,m,j..] 表示。举例如下:

```
a = tf.zeros([2, 3])
b = tf.ones(4)
c = tf.fill([2, 2], 9)

print(a)
print(b)
print(c)
```

输出结果: `tf.Tensor([[0. 0. 0.] [0. 0. 0.]], shape=(2, 3), dtype=float32)`

```
tf.Tensor([1. 1. 1. 1.], shape=(4, ), dtype=float32)
```

```
tf.Tensor([[9 9] [9 9]], shape=(2, 2), dtype=int32)
```

可见, `tf.zeros([2,3])` 创建了一个二维张量, 第一个维度有两个元素, 第二个维度有三个元素, 元素的内容全是 0; `tf.ones(4)` 创建了一个一维张量, 里边有 4 个元素, 内容全是 1; `tf.fill([2,2],9)` 创建了一个两行两列的二维张量, 第一个维度有两个元素, 第二个维度也有两个元素, 内容都是 9。

(4) 可采用不同函数创建符合不同分布的张量。如用 `tf.random.normal (维度, mean=均值, stddev=标准差)` 生成正态分布的随机数, 默认均值为 0, 标准差为 1; 用 `tf.random.truncated_normal (维度, mean=均值, stddev=标准差)` 生成截断式正态分布的随机数, 能使生成的这些随机数更集中一些, 如果随机生成数据的取值在  $(\mu - 2\sigma, \mu + 2\sigma)$  之外则重新进行生成, 保证了生成值在均值附近; 利用 `tf.random.uniform(维度, minval=最小值, maxval=最大值)`, 生成指定维度的均匀分布随机数, 用 `minval` 给定随机数的最小值, 用 `maxval` 给定随机数的最大值, 最小、最大值是前闭后开区间。举例如下:

```
d = tf.random.normal ([2, 2], mean=0.5, stddev=1)
```



```

print(d)

e = tf.random.truncated_normal ([2, 2], mean=0.5, stddev=1)

print(e)

f = tf.random.uniform([2, 2], minval=0, maxval=1)

print(f)

```

输出结果: tf.Tensor([[0.7925745 0.643315 ]

```

[1.4752257 0.2533372]], shape=(2, 2), dtype=float32)
tf.Tensor([[ 1.3688478 1.0125661 ]
[ 0.17475659 -0.02224463]], shape=(2, 2), dtype=float32)
tf.Tensor([[0.28219545 0.15581512]
[0.77972126 0.47817433]], shape=(2, 2), dtype=float32)

```

### 3.2 常用函数

(1)利用 `tf.cast` (张量名, `dtype=数据类型`)强制将 `Tensor` 转换为该数据类型; 利用 `tf.reduce_min` (张量名)计算张量维度上元素的最小值; 利用 `tf.reduce_max` (张量名)计算张量维度上元素的最大值。举例如下:

```

x1 = tf.constant ([1., 2., 3.], dtype=tf.float64)

print(x1)

x2 = tf.cast (x1, tf.int32)

print(x2)

print (tf.reduce_min(x2), tf.reduce_max(x2))

```

输出结果: tf.Tensor([1. 2. 3.], shape=(3,), dtype=float64)

```

tf.Tensor([1 2 3], shape=(3,), dtype=int32)
tf.Tensor(1, shape=(), dtype=int32)
tf.Tensor(3, shape=(), dtype=int32)

```

(2) 可用 `tf.reduce_mean` (张量名, `axis=操作轴`)计算张量沿着指定维度的平均值; 可用 `f.reduce_sum` (张量名, `axis=操作轴`)计算张量沿着指定维度的和, 如不指定 `axis`, 则表示对所有元素进行操作。其中维度可按图 3.1 理解。

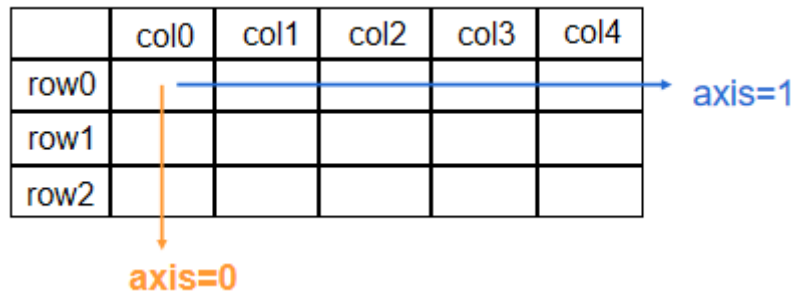


图 3.1 维度定义

由上图可知对于一个二维张量，如果 `axis=0` 表示纵向操作(沿经度方向)，`axis=1` 表示横向操作(沿纬度方向)。举例如下：

```
x=tf.constant( [[ 1, 2,3],[2, 2, 3] ] )
print(x)
print(tf.reduce_mean( x ))
print(tf.reduce_sum( x, axis=1 ))
```

输出结果： `tf.Tensor([[1 2 3] [2 2 3]], shape=(2, 3), dtype=int32)`

`tf.Tensor(2, shape=(), dtype=int32)` (对所有元素求均值)

`tf.Tensor([6 7], shape=(2,), dtype=int32)` (横向求和，两行分别为 6 和 7)

(3) 可利用 `tf.Variable(initial_value,trainable,validate_shape,name)` 函数可以将变量标记为“可训练”的，被它标记了的变量，会在反向传播中记录自己的梯度信息。其中 `initial_value` 默认为 `None`，可以搭配 tensorflow 随机生成函数来初始化参数；`trainable` 默认为 `True`，表示可以后期被算法优化的，如果不想该变量被优化，即改为 `False`；`validate_shape` 默认为 `True`，形状不接受更改，如果需要更改，`validate_shape=False`；`name` 默认为 `None`，给变量确定名称。举例如下：

`w = tf.Variable(tf.random.normal([2, 2], mean=0, stddev=1))`，表示首先随机生成正态分布随机数，再给生成的随机数标记为可训练，这样在反向传播中就可以通过梯度下降更新参数  $w$  了。

(4) 利用 TensorFlow 中函数对张量进行四则运算。利用 `tf.add` (张量 1,张量 2)实现两个张量的对应元素相加；利用 `tf.subtract` (张量 1,张量 2)实现两个张量的对应元素相减；利用 `tf.multiply` (张量 1,张量 2)实现两个张量的对应元素相乘；利用 `tf.divide` (张量 1,张量 2)实现两个张量的对应元素相除。注：只有维度相同的张量才可以做四则运算，举例如下：

```

a = tf.ones([1, 3])
b = tf.fill([1, 3], 3.)
print(a)
print(b)
print(tf.add(a,b))
print(tf.subtract(a,b))
print(tf.multiply(a,b))
print(tf.divide(b,a))

```

输出结果： tf.Tensor([[1. 1. 1.]], shape=(1, 3), dtype=float32)

tf.Tensor([[3. 3. 3.]], shape=(1, 3), dtype=float32)

tf.Tensor([[4. 4. 4.]], shape=(1, 3), dtype=float32)

tf.Tensor([[ -2. -2. -2.]], shape=(1, 3), dtype=float32)

tf.Tensor([[3. 3. 3.]], shape=(1, 3), dtype=float32)

tf.Tensor([[3. 3. 3.]], shape=(1, 3), dtype=float32)

(5) 利用 TensorFlow 中函数对张量进行幂次运算。可用 `tf.square` (张量名) 计算某个张量的平方；利用 `tf.pow` (张量名, n 次方数) 计算某个张量的 n 次方；利用 `tf.sqrt` (张量名) 计算某个张量的开方。举例如下：

```

a = tf.fill([1, 2], 3.)
print(a)
print(tf.pow(a, 3))
print(tf.square(a))
print(tf.sqrt(a))

```

输出结果： tf.Tensor([[3. 3.]], shape=(1, 2), dtype=float32)

tf.Tensor([[27. 27.]], shape=(1, 2), dtype=float32)

tf.Tensor([[9. 9.]], shape=(1, 2), dtype=float32)

tf.Tensor([[1.7320508 1.7320508]], shape=(1, 2), dtype=float32)

(6) 可利用 `tf.matmul`(矩阵 1, 矩阵 2) 实现两个矩阵的相乘。举例如下：

```

a = tf.ones([3, 2])
b = tf.fill([2, 3], 3.)
print(tf.matmul(a, b))

```

输出结果：tf.Tensor([[6. 6. 6.] [6. 6. 6.] [6. 6. 6.]], shape=(3, 3), dtype=float32), 即 a 为一个 3 行 2 列的全 1 矩阵，b 为 2 行 3 列的全 3 矩阵，二者进行矩阵相乘。

(7) 可利用 `tf.data.Dataset.from_tensor_slices((输入特征, 标签))` 切分传入张量的第一维度，生成输入特征/标签对，构建数据集，此函数对 Tensor 格式与 Numpy 格式均适用，其切分的是第一维度，表征数据集中数据的数量，之后切分 batch 等操作都以第一维为基础。举例如下：

```
features = tf.constant([12,23,10,17])
labels = tf.constant([0, 1, 1, 0])
dataset = tf.data.Dataset.from_tensor_slices((features, labels))
print(dataset)
for element in dataset:
    print(element)
```

输出结果：<TensorSliceDataset shapes: ((),()), types: (tf.int32, tf.int32)>

(<tf.Tensor: id=9, shape=(), dtype=int32, numpy=12>, <tf.Tensor: id=10, shape=(), dtype=int32, numpy=0>)

(<tf.Tensor: id=11, shape=(), dtype=int32, numpy=23>, <tf.Tensor: id=12, shape=(), dtype=int32, numpy=1>)

(<tf.Tensor: id=13, shape=(), dtype=int32, numpy=10>, <tf.Tensor: id=14, shape=(), dtype=int32, numpy=1>)

(<tf.Tensor: id=15, shape=(), dtype=int32, numpy=17>, <tf.Tensor: id=16, shape=(), dtype=int32, numpy=0>)

即将输入特征 12 和标签 0 对应，产生配对；将输入特征 23 和标签 1 对应，产生配对……

(8) 可利用 `tf.GradientTape()` 函数搭配 `with` 结构计算损失函数在某一张量处的梯度，举例如下：

```
with tf.GradientTape() as tape:
    w = tf.Variable(tf.constant(3.0))
    loss = tf.pow(w,2)
grad = tape.gradient(loss,w)
print(grad)
```

输出结果: `tf.Tensor(6.0, shape=(), dtype=float32)` 在上例中, 损失函数为  $w^2$ ,  $w$  当

前取值为 3, 故计算方式为  $\frac{\partial w^2}{\partial w} = 2w = 2 \times 0.3 = 0.6$ 。

(9) 可利用 `enumerate`(列表名)函数枚举出每一个元素, 并在元素前配上对应的索引号, 常在 `for` 循环中使用。举例如下:

```
seq = ['one', 'two', 'three']  
for i, element in enumerate(seq):  
    print(i, element)
```

输出结果: 0 one

1 two

2 three

(10) 可用 `tf.one_hot`(待转换数据, `depth=`几分类)函数实现用独热码表示标签, 在分类问题中很常见。标记类别为 1 和 0, 其中 1 表示是, 0 表示非。如在鸢尾花分类任务中, 如果标签是 1, 表示分类结果是 1 杂色鸢尾, 其用把它用独热码表示就是 0,1,0, 这样可以表示出每个分类的概率: 也就是百分之 0 的可能是 0 狗尾草鸢尾, 百分百的可能是 1 杂色鸢尾, 百分之 0 的可能是弗吉尼亚鸢尾。举例如下:

```
classes = 3  
labels = tf.constant([1,0,2])  
output = tf.one_hot( labels, depth=classes )  
print(output)
```

输出结果: `tf.Tensor([[0. 1. 0.] [1. 0. 0.] [0. 0. 1.]], shape=(3, 3), dtype=float32)`

索引从 0 开始, 待转换数据中各元素值应小于 `depth`, 若带转换元素值大于等于 `depth`, 则该元素输出编码为 `[0, 0 ... 0, 0]`。即 `depth` 确定列数, 待转换元素的个数确定行数。举例如下:

```
classes = 3  
labels = tf.constant([1,4,2])      # 输入的元素值 4 超出 depth-1  
output = tf.one_hot(labels,depth=classes)  
print(output)
```

输出结果: `tf.Tensor([[0. 1. 0.] [0. 0. 0.] [0. 0. 1.]], shape=(3, 3), dtype=float32)`  
即元素 4 对应的输出编码为[0. 0. 0.]。

(11)可利用 `tf.nn.softmax()` 函数使前向传播的输出值符合概率分布,进而与独热码形式的标签作比较,其计算公式为  $\frac{e^{y_i}}{\sum_{j=0}^n e^{y_j}}$ , 其中  $y_i$  是前向传播的输出。在前一部分,我们得到了前向传播的输出值,分别为 1.01、2.01、-0.66,通过上述计算公式,可计算对应的概率值:

$$\begin{aligned}\frac{e^{y_0}}{e^{y_0} + e^{y_1} + e^{y_2}} &= \frac{2.75}{10.73} = 0.256 \\ \frac{e^{y_1}}{e^{y_0} + e^{y_1} + e^{y_2}} &= \frac{7.46}{10.73} = 0.695 \\ \frac{e^{y_2}}{e^{y_0} + e^{y_1} + e^{y_2}} &= \frac{0.52}{10.73} = 0.048\end{aligned}$$

上式中, 0.256 表示为 0 类鸢尾的概率是 25.6%, 0.695 表示为 1 类鸢尾的概率是 69.5%, 0.048 表示为 2 类鸢尾的概率是 4.8%。程序实现如下:

```
y = tf.constant ( [1.01, 2.01, -0.66] )
y_pro = tf.nn.softmax(y)
print("After softmax, y_pro is:", y_pro)
```

输出结果: After softmax, y\_pro is:

`tf.Tensor([0.25598174 0.69583046 0.0481878], shape=(3,), dtype=float32)`与上述计算结果相同。

(12)可利用 `assign_sub` 对参数实现自更新。使用此函数前需利用 `tf.Variable` 定义变量  $w$  为可训练(可自更新), 举例如下:

```
w = tf.Variable(4)
w.assign_sub(1)
print(w)
```

输出结果: `<tf.Variable 'Variable:0' shape=() dtype=int32, numpy=3>` 即实现了参数  $w$  自减 1。注: 直接调用 `tf.assign_sub` 会报错, 要用 `w.assign_sub`。

(13)可利用 `tf.argmax` (张量名,axis=操作轴)返回张量沿指定维度最大值的索引, 维度定义与图 3.1 一致。举例如下:

```
import numpy as np
```

```

test = np.array([[1, 2, 3], [2, 3, 4], [5, 4, 3], [8, 7, 2]])

print(test)

print( tf.argmax (test, axis=0)) # 返回每一列（经度）最大值的索引
print( tf.argmax (test, axis=1)) # 返回每一行（纬度）最大值的索引
输出结果: [[1  2  3] [2  3  4] [5  4  3] [8  7  2]]

tf.Tensor([3 3 1], shape=(3,), dtype=int64)
tf.Tensor([2 2 0 0], shape=(4,), dtype=int64)

```

## 4 程序实现鸢尾花数据集分类

### 4.1 数据集回顾

先回顾鸢尾花数据集，其提供了 150 组鸢尾花数据，每组包括鸢尾花的花萼长、花萼宽、花瓣长、花瓣宽 4 个输入特征，同时还给出了这一组特征对应的鸢尾花类别。类别包括狗尾鸢尾、杂色鸢尾、弗吉尼亚鸢尾三类， 分别用数字 0、1、2 表示。使用此数据集代码如下：

```

from sklearn.datasets import load_iris

x_data = datasets.load_iris().data # 返回 iris 数据集所有输入特征
y_data = datasets.load_iris().target # 返回 iris 数据集所有标签

```

即从 sklearn 包中导出数据集，将输入特征赋值给 x\_data 变量，将对应标签赋值给 y\_data 变量。

### 4.2 程序实现

我们用神经网络实现鸢尾花分类仅需要三步：

(1)准备数据，包括数据集读入、数据集乱序，把训练集和测试集中的数据配成输入特征和标签对，生成 train 和 test 即永不相见的训练集和测试集；

(2)搭建网络，定义神经网络中的所有可训练参数；

(3)优化这些可训练的参数，利用嵌套循环在 with 结构中求得损失函数 loss 对每个可训练参数的偏导数，更改这些可训练参数，为了查看效果，程序中可以加入每遍历一次数据集显示当前准确率，还可以画出准确率 acc 和损失函数 loss 的变化曲线图。以上部分的完整代码与解析如下：

(1) 数据集读入：

```

from sklearn.datasets import datasets

```

```
x_data = datasets.load_iris().data    # 返回 iris 数据集所有输入特征
```

```
y_data = datasets.load_iris().target  # 返回 iris 数据集所有标签
```

(2) 数据集乱序:

```
np.random.seed(116)    # 使用相同的 seed，使输入特征/标签一一对应
```

```
np.random.shuffle(x_data)
```

```
np.random.seed(116)
```

```
np.random.shuffle(y_data)
```

```
tf.random.set_seed(116)
```

(3) 数据集分割成永不相见的训练集和测试集:

```
x_train = x_data[:-30]
```

```
y_train = y_data[:-30]
```

```
x_test = x_data[-30:]
```

```
y_test = y_data[-30:]
```

(4) 配成[输入特征, 标签]对, 每次喂入一小撮(batch):

```
train_db = tf.data.Dataset.from_tensor_slices((x_train, y_train)).batch(32)
```

```
test_db = tf.data.Dataset.from_tensor_slices((x_test, y_test)).batch(32)
```

上述四小部分代码实现了数据集读入、数据集乱序、将数据集分割成永不相见的训练集和测试集、将数据配成[输入特征, 标签]对。人类在认识这个世界的时候信息是没有规律的, 杂乱无章的涌入大脑的, 所以喂入神经网络的数据集也需要被打乱顺序。(2)部分实现了让数据集乱序, 因为使用了同样的随机种子, 所以打乱顺序后输入特征和标签仍然是一一对应的。(3)部分将打乱后的前 120 个数据取出来作为训练集, 后 30 个数据作为测试集, 为了公正评判神经网络的效果, 训练集和测试集没有交集。(4)部分使用 `from_tensor_slices` 把训练集的输入特征和标签配对打包, 将每 32 组输入特征标签对打包为一个 `batch`, 在喂入神经网络时会以 `batch` 为单位喂入。

(5) 定义神经网络中所有可训练参数:

```
w1 = tf.Variable(tf.random.truncated_normal([ 4, 3 ], stddev=0.1, seed=1))
```

```
b1 = tf.Variable(tf.random.truncated_normal([ 3 ], stddev=0.1, seed=1))
```

(6) 嵌套循环迭代, `with` 结构更新参数, 显示当前 `loss`:



```

for epoch in range(epoch): #数据集级别迭代
    for step, (x_train, y_train) in enumerate(train_db): #batch 级别迭代
        with tf.GradientTape() as tape: # 记录梯度信息
            (前向传播过程计算 y)
            (计算总 loss)
            grads = tape.gradient(loss, [ w1, b1 ])
            w1.assign_sub(lr * grads[0]) #参数自更新
            b1.assign_sub(lr * grads[1])

        print("Epoch {}, loss: {}".format(epoch, loss_all/4))

```

上述两部分完成了定义神经网络中所有可训练参数、嵌套循环迭代更新参数。(5)部分定义了神经网络的所有可训练参数。只用了一层网络，因为输入特征是 4 个，输出节点数等于分类数，是 3 分类，故参数  $w_1$  为 4 行 3 列的张量， $b_1$  必须与  $w_1$  的维度一致，所以是 3。(6)部分用两层 for 循环进行更新参数：第一层 for 循环是针对整个数据集进行循环，故用 epoch 表示；第二层 for 循环是针对 batch 的，用 step 表示。在 with 结构中计算前向传播的预测结果 y，计算损失函数 loss 损失函数 loss，分别对参数  $w_1$  和参数  $b_1$  计算偏导数，更新参数  $w_1$  和参数  $b_1$  的值，打印出这一轮 epoch 后的损失函数值。因为训练集有 120 组数据，batch 是 32，每个 step 只能喂入 32 组数据，需要 batch 级别循环 4 次，所以 loss 除以 4，求得每次 step 迭代的平均 loss。

(7) 计算当前参数前向传播后的准确率，显示当前准确率 acc:

```

for x_test, y_test in test_db:
    y = tf.matmul(h, w) + b # y 为预测结果
    y = tf.nn.softmax(y) # y 符合概率分布
    pred = tf.argmax(y, axis=1) # 返回 y 中最大值的索引即预测的分类
    pred = tf.cast(pred, dtype=y_test.dtype) # 调整数据类型与标签一致
    correct = tf.cast(tf.equal(pred, y_test), dtype=tf.int32)
    correct = tf.reduce_sum(correct) # 将每个 batch 的 correct 数加起来
    total_correct += int(correct) # 将所有 batch 中的 correct 数加起来

```

```

total_number += x_test.shape [0]

acc = total_correct / total_number

print("test_acc:", acc)

```

(8) acc / loss 可视化:

```

plt.title('Acc Curve')    # 图片标题
plt.xlabel('Epoch')      # x 轴名称
plt.ylabel('Acc')         # y 轴名称
plt.plot(test_acc, label="$Accuracy$")    # 逐点画出 test_acc 值并连线
plt.legend()
plt.show()

```

上述两部分完成了对准确率的计算并可视化准确率与 loss。(7)部分前向传播计算出 y，使其符合概率分布并找到最大的概率值对应的索引号，调整数据类型与标签一致，如果预测值和标签相等则 correct 变量自加一，准确率即预测对了的数量除以测试集中的数据总数。(9)部分可将计算出的准确率画成曲线图，通过设置图标题、设置 x 轴名称、设置 y 轴名称，标出每个 epoch 时的准确率并画出曲线，可用同样方法画出 loss 曲线。结果图如图 4.1 与 4.2。

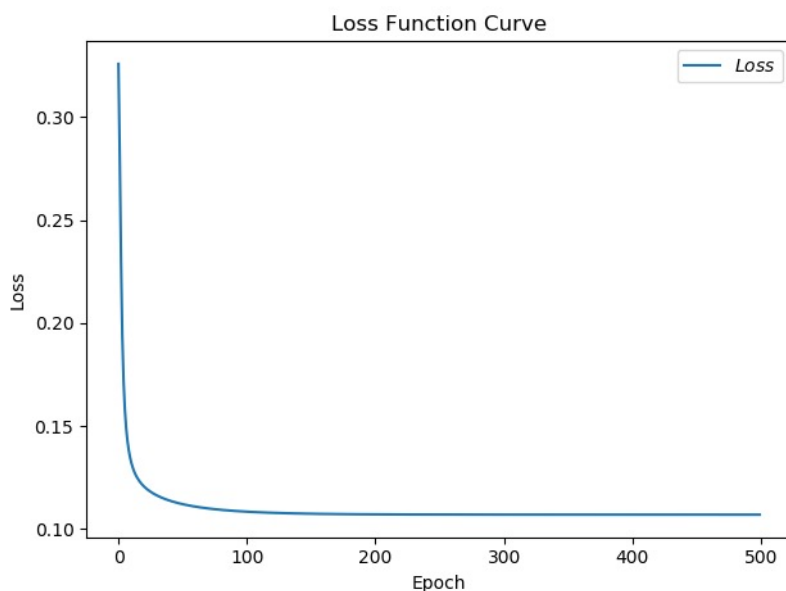


图 4.1 训练过程 loss 曲线

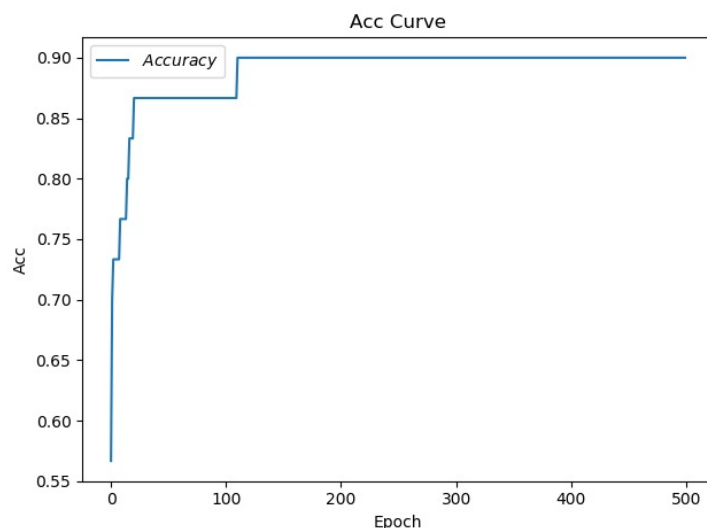


图 4.2 训练过程准确率曲线

## 5 扩展方法

### 5.1 本地读取鸢尾花数据集

在这部分我们尝试从本地读取鸢尾花数据集的 txt 文件，并将其输入至神经网络进行训练。鸢尾花数据集的 txt 文件包含内容如图 5.1 所示。

```
"Sepal.Length" "Sepal.Width" "Petal.Length" "Petal.Width" "Species"
"1" 5.1 3.5 1.4 0.2 "setosa"
"2" 4.9 3 1.4 0.2 "setosa"
"3" 4.7 3.2 1.3 0.2 "setosa"
"4" 4.6 3.1 1.5 0.2 "setosa"
"5" 5 3.6 1.4 0.2 "setosa"
"6" 5.4 3.9 1.7 0.4 "setosa"
"7" 4.6 3.4 1.4 0.3 "setosa"
"8" 5 3.4 1.5 0.2 "setosa"
"9" 4.4 2.9 1.4 0.2 "setosa"
"10" 4.9 3.1 1.5 0.1 "setosa"
"11" 5.4 3.7 1.5 0.2 "setosa"
"12" 4.8 3.4 1.6 0.2 "setosa"
"13" 4.8 3 1.4 0.1 "setosa"
"14" 4.3 3 1.1 0.1 "setosa"
```

图 5.1 鸢尾花数据集 txt 文件内容

读取本地数据集有两种方法：

(1) 利用 pandas 中函数读取，并处理成神经网络需要的数据结构，即利用 `pd.read_csv('文件名', header=第几行作为表头, sep='分割符号')`

(2) (2)利用 open 函数打开 txt 文件，并处理成神经网络需要的数据结构，即利用 `open('文件名', 'r')`。

利用 pandas 中函数读取方法如下：

```

df = pd.read_csv('iris.txt',header = None,sep=',') #读取本地文件
data = df.values # 去掉索引并取值
x_data = [lines[0:4] for lines in data] # 取输入特征
x_data = np.array(x_data,float) # 转换为 numpy 格式
y_data = [lines[4] for lines in data] # 取标签
for i in range(len(y_data)):
    if y_data[i] == 'Iris-setosa':
        y_data[i] = 0
    elif y_data[i] == 'Iris-versicolor':
        y_data[i] = 1
    .....
y_data = np.array(y_data)

```

即通过读取本地文件、取特征输入、取标签并将其转换为规定格式，实现本地数据集的读取。

利用 open 函数读取方法如下：

```

f = open('iris.txt','r') # 取本地文件
contents = f.readlines() # 按行读取
i=0
for content in contents:
    temp = content.split(',') # 按逗号分隔
    x_data[i] = np.array([temp[0:4]],dtype=float) # 取输入特征
    if temp[4] == 'Iris-setosa\n': # 判断标签并赋值
        y_data[i] = 0
    elif temp[4] == 'Iris-versicolor\n':
        y_data[i] = 1
    .....
    i = i + 1

```

即通过读取本地文件、分割、取输入特征、取标签，实现本地数据集的读取。

## 5.2 搭建神经网络

数据集较为简单，可利用简单网络结构进行拟合，仅考虑输入层与输出层，构建单层神经网络。参数定义如下：

```
w1 = tf.Variable(tf.random.truncated_normal[4,3],stddev = 0.1,seed = 1))
```

```
b1 = tf.Variable(tf.random.truncated_normal[3],stddev = 0.1,seed = 1))
```

将学习率设置为 0.5，训练后可发现出现**梯度爆炸**，网络不能有效收敛，训练过程 loss 曲线如图 5.2。

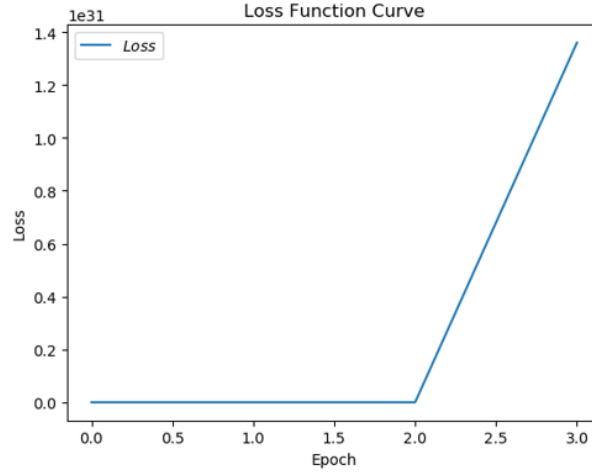


图 5.2 梯度爆炸时 loss 曲线

分析产生梯度爆炸的原因，考虑到使用梯度下降思想时，其计算公式为

$$W_{new} = W_{old} - lr \cdot \frac{\partial L}{\partial W}$$

参数更新量为学习率与损失函数偏导数相乘，二者乘积过大，则会导致梯度爆炸。因此，解决梯度爆炸问题可针对学习率进行调整，也可对数据进行调整。故解决方法可为：(1)逐步减小学习率，0.1、0.01 等；(2)对数据进行**预处理**后再输入神经网络，减小偏差值的大小，抑制梯度爆炸，即数据归一化与标准化，其主要方法有**线性归一化**、**非线性归一化**、**Z-Score 标准化**。

线性归一化将数据映射到[0,1]区间中，计算公式如下：

$$x^* = \frac{x - \min\{x\}}{\max\{x\} - \min\{x\}}$$

非线性归一化(log 函数转换)使数据映射到[0,1]区间上，计算公式如下：

$$x^* = \frac{\log_{10} x}{\log_{10} \max\{x\}}$$

Z-Score 标准化使每个特征中的数值平均值变为 0，标准差变为 1，计算公式如下：

$$x^* = \frac{x - \text{mean}\{x\}}{\text{std}\{x\}}$$

以线性归一化为例，其代码实现如下：

```
def normalize(data):
```

```
    x_data = data.T    # 每一列为同一属性，转置到每一行
```

```
    for i in range(4):
```

```
        x_data[i] = (x_data[i] - tf.reduce_min(x_data[i])) /
```

```
                    (tf.reduce_max(x_data[i]) - tf.reduce_min(x_data[i]))
```

```
    return x_data.T    # 转置回原格式
```

### 5.3 优化

做完数据标准化，上述网络已经可以跑通，下面对网络进行部分优化，增加指数衰减学习率，指数衰减学习率可在训练初期赋予网络较大学习率，并在训练过程中逐步减小，可有效增加网络收敛速度，其在 tensorflow 中对应函数为 `tf.compat.v1.train.exponential_decay(learning_rate_base, global_step, decay_step, decay_rate, staircase = True(False), name)`，当 `staircase` 为 `True` 时，学习率呈现阶梯状递减。

做完优化后，对网络进行训练。笔者采用 Z-score 标准化后训练 1000 个 epoch，当 `staircase = True` 时，其 loss、准确率、学习率曲线如图 5.3 所示。

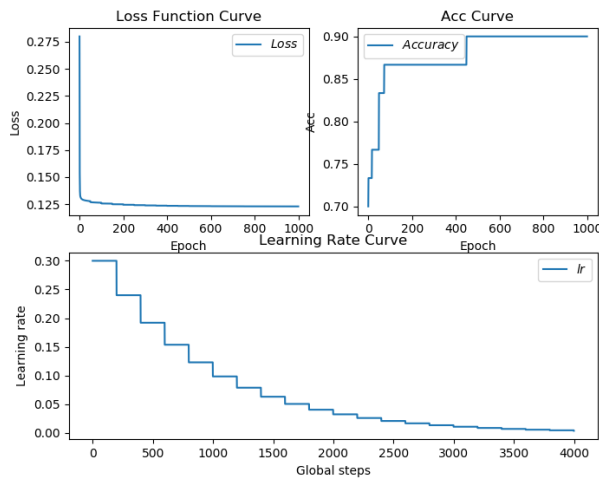


图 5.3 staircase = True 训练过程准确率曲线

当 `staircase=False` 时，其 loss、准确率、学习率曲线如图 5.4 所示。

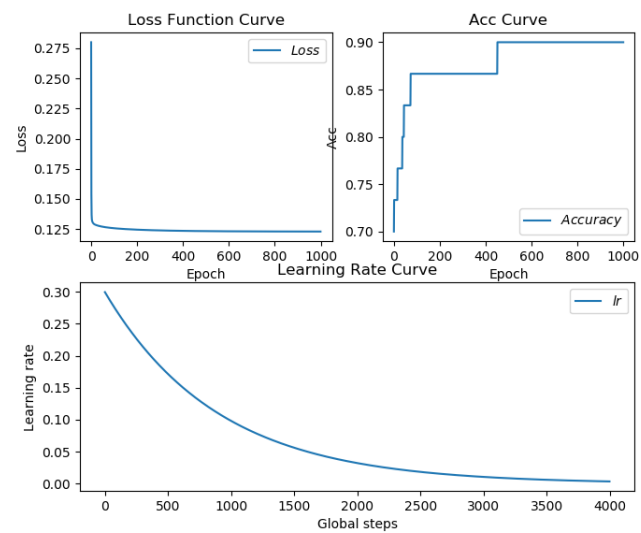


图 5.4 `staircase=False` 训练过程准确率曲线