

Prova I

Estrutura de Dados

Professor Eduardo Takeo Ueda

Senac Santo Amaro

Yuri Jorge Carrião Otofui

01/10/2021

Conteúdo

- 1 Implemente (em linguagem C) um algoritmo recursivo que inverta a ordem dos elementos de um vetor de inteiros. i
- 2 Usando a definição de notação O, prove que $\log_{10} n$ é $O(\lg(n))$. (Lembre-se que $\lg(n)$ denota o logaritmo de n na base 2). ii
- 3 Implemente (em linguagem C) uma função que busca/procura, recursivamente, um valor em uma lista simplesmente encadeada/ligada. iii
- 4 Implemente (em linguagem C), utilizando uma pilha, uma função que recebe uma sequência de caracteres e verifica se ela é um palíndromo, ou seja, se a *string* é escrita da mesma maneira de frente para trás e de trás para frente (ignore espaços e pontos). v
- 5 Implemente (em linguagem C) uma fila utilizando duas pilhas. A fila deve realizar as operações usuais de enfileirar (*enqueue*) e desenfileirar (*dequeue*) elementos, assim como as pilhas devem efetuar as operações de empilhar (*push*) e desempilhar (*pop*). viii

1. Implemente (em linguagem C) um algoritmo recursivo que inverta a ordem dos elementos de um vetor de inteiros.

```
#include <stdio.h>

void invert(int v[], int s) {

    if (s == 0 || s == 1) return;

    int t = v[0];
    v[0] = v[s-1];
    v[s-1] = t;

    invert(&v[1], s-2);

}

int main() {

    int v[] = { 0, 1, 2, 3, 4, 5 };
    int s = sizeof(v) / sizeof(int);

    for (int i = 0; i < s; i++) printf("%d ", v[i]);
    printf("\n");

    invert(v, s);

    for (int i = 0; i < s; i++) printf("%d ", v[i]);
    printf("\n");

}
```

2. Usando a definição de notação O, prove que $\log_{10} n$ é $O(\lg(n))$. (Lembre-se que $\lg(n)$ denota o logaritmo de n na base 2).

$$\begin{aligned}\log(n) &\leq c \lg(n) \\ \log(n) &\leq c \frac{\log(n)}{\log(2)} \\ n_0 = 2 \quad c &= \log(2)\end{aligned}$$

3. Implemente (em linguagem C) uma função que busca/procura, recursivamente, um valor em uma lista simplesmente encadeada/ligada.

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

typedef struct key {
    int value;
    struct key* next;
} KEY;

typedef struct list {
    KEY* head;
} LIST;

void init(LIST* l) {
    l -> head = malloc(sizeof(KEY));
    l -> head = NULL;
}

void show(LIST* l) {
    printf("List: ");
    KEY* k = l -> head;
    while (k != NULL) {
        printf("%d ", k -> value);
        k = k -> next;
    }
    printf("\n");
}

void nsrt(LIST* l, int i) {

    KEY* a = malloc(sizeof(KEY));
    a -> value = i;
    a -> next = NULL;

    KEY* k = l -> head;
    if (k == NULL) {
        l -> head = a;
        return;
    }

    while (k -> next != NULL) k = k -> next;
    k -> next = a;
}
```

```

}

KEY* find(LIST* l, int v) {
    KEY* k = l -> head;
    do {
        if (k -> value == v) return k;
        k = k -> next;
    } while (k != l -> head);
    return NULL;
}

int fpos(LIST* l, int v) {
    int i = 0;
    KEY* k = l -> head;
    do {
        if (k -> value == v) return i;
        k = k -> next;
        i++;
    } while (k != l -> head);
    return -1;
}

int main() {

    LIST list;
    init(&list);

    show(&list);

    nsrt(&list, 0);
    nsrt(&list, 1);
    nsrt(&list, 2);
    nsrt(&list, 3);
    nsrt(&list, 4);
    nsrt(&list, 5);

    show(&list);

    printf("O valor %d na lista está na posição: %d\n",
           find(&list, 4) -> value, fpos(&list, 4));

}

```

4. Implemente (em linguagem C), utilizando uma pilha, uma função que recebe uma sequência de caracteres e verifica se ela é um palíndromo, ou seja, se a *string* é escrita da mesma maneira de frente para trás e de trás para frente (ignore espaços e pontos).

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>

typedef struct item {
    char c;
    struct item* down;
} ITEM;

typedef struct stack {
    ITEM* top;
} STACK;

void init(STACK* s) {
    s -> top = malloc(sizeof(ITEM));
    s -> top = NULL;
}

void put(STACK* s, char c) {
    ITEM* i = malloc(sizeof(ITEM));
    i -> c = c;
    i -> down = s -> top;
    s -> top = i;
}

ITEM* pop(STACK* s) {
    ITEM* i = s -> top;
    s -> top = s -> top -> down;
    return i;
}

char srev(ITEM* i) {
    if (i -> down == NULL) {
        return i -> c;
    } else {
        printf("%c ", srev(i -> down));
        return i -> c;
    }
}
```

```

void show(STACK* s, int rev) {
    ITEM* i = s -> top;
    if (i == NULL) {
        printf("\n");
        return;
    }
    if (rev) {
        printf("%c ", srev(s -> top));
    } else {
        while (i != NULL) {
            printf("%c ", i -> c);
            i = i -> down;
        }
        printf("\n");
    }
}

STACK invert(STACK* s) {

    STACK stack;
    init(&stack);

    while (s -> top != NULL) put(&stack, pop(s) -> c);
    return stack;
}

typedef struct queue {
    STACK* frnt;
    STACK* back;
} QUEUE;

void qinit(QUEUE* q) {
    q -> frnt = malloc(sizeof(STACK));
    q -> back = malloc(sizeof(STACK));
}

void qshow(QUEUE* q) {
    printf("Front: ");
    show(q -> frnt, 0);
    printf("Back: ");
    show(q -> back, 0);
}

void enqueue(QUEUE* q, char c) {

```

```

        if (q -> frnt -> top == NULL) {
            put(q -> frnt, c);
            put(q -> back, c);
            return;
        }

        put(q -> back, c);

        STACK s;
        init(&s);

        s = *(q -> back);
        *(q -> frnt) = invert(&s);
    }

void dequeue(Queue* q) {

    if (q -> frnt -> top == NULL) return;

    pop(q -> frnt);

    STACK s;
    init(&s);

    s = *(q -> frnt);
    *(q -> back) = invert(&s);
}

int main() {

    Queue queue;
    qinit(&queue);

    enqueue(&queue, 'a');
    enqueue(&queue, 'b');
    enqueue(&queue, 'c');

    qshow(&queue);
    dequeue(&queue);
    qshow(&queue);

    return 0;
}

```


5. Implemente (em linguagem C) uma fila utilizando duas pilhas. A fila deve realizar as operações usuais de enfileirar (*enqueue*) e desenfileirar (*dequeue*) elementos, assim como as pilhas devem efetuar as operações de empilhar (*push*) e desempilhar (*pop*).

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>

typedef struct item {
    char c;
    struct item* down;
} ITEM;

typedef struct stack {
    ITEM* top;
} STACK;

void init(STACK* s) {
    s -> top = malloc(sizeof(ITEM));
    s -> top = NULL;
}

void put(STACK* s, char c) {
    ITEM* i = malloc(sizeof(ITEM));
    i -> c = c;
    i -> down = s -> top;
    s -> top = i;
}

ITEM* pop(STACK* s) {
    ITEM* i = s -> top;
    s -> top = s -> top -> down;
    return i;
}

char srev(ITEM* i) {
    if (i -> down == NULL) {
        return i -> c;
    } else {
        printf("%c ", srev(i -> down));
        return i -> c;
    }
}
```

```

void show(STACK* s, int rev) {
    ITEM* i = s -> top;
    if (i == NULL) {
        printf("\n");
        return;
    }
    if (rev) {
        printf("%c ", srev(s -> top));
    } else {
        while (i != NULL) {
            printf("%c ", i -> c);
            i = i -> down;
        }
        printf("\n");
    }
}

STACK invert(STACK* s) {

    STACK stack;
    init(&stack);

    while (s -> top != NULL) put(&stack, pop(s) -> c);
    return stack;
}

typedef struct queue {
    STACK* frnt;
    STACK* back;
} QUEUE;

void qinit(QUEUE* q) {
    q -> frnt = malloc(sizeof(STACK));
    q -> back = malloc(sizeof(STACK));
}

void qshow(QUEUE* q) {
    printf("Front: ");
    show(q -> frnt, 0);
    printf("Back: ");
    show(q -> back, 0);
}

void enqueue(QUEUE* q, char c) {

```

```

        if (q -> frnt -> top == NULL) {
            put(q -> frnt, c);
            put(q -> back, c);
            return;
        }

        put(q -> back, c);

        STACK s;
        init(&s);

        s = *(q -> back);
        *(q -> frnt) = invert(&s);
    }

void dequeue(Queue* q) {

    if (q -> frnt -> top == NULL) return;

    pop(q -> frnt);

    STACK s;
    init(&s);

    s = *(q -> frnt);
    *(q -> back) = invert(&s);
}

int main() {

    Queue queue;
    qinit(&queue);

    enqueue(&queue, 'a');
    enqueue(&queue, 'b');
    enqueue(&queue, 'c');

    qshow(&queue);
    dequeue(&queue);
    qshow(&queue);

    return 0;
}

```