

# Laboratorio 2

## Procesamiento Digital de Señales

### Muestreo, Cuantificación, Señales Análogas y Digitales

Camilo Vásquez, Paula Pérez, Alejandro Escobar, Jhon Lopera y Cristian Ríos

2020-1

#### NOTAS:

- Enviar el informe del laboratorio con el siguiente nombre: *Lab2\_PDS\_Apellido\_Nombre.ipynb*
- Enviar junto con el informe los archivos adicionales generados y descargados. Todo esto debe ir en un archivo comprimido con el siguiente nombre: *Lab2\_PDS\_Apellido\_Nombre.zip*
- OJO! Recuerde tener cuidado con la indentación y caracteres como el guion bajo y las llaves cuando copie y pegue el código entregado en esta guía.
- Las preguntas deberán ser resueltas en el notebook, indicando sus respectivos numerales.

## 1. Introducción

En este laboratorio se pretende afianzar los conceptos relacionados con muestreo y cuantificación de señales. Para ello se usarán señales de audio que se van a re-muestrear y re-cuantificar.

En el Procesamiento digital de señales solo se pueden realizar operaciones aritméticas con números en un rango limitado. El muestreo consiste en tomar muestras de una señal analógica a una frecuencia o tasa de muestreo constante. Se debe tener en cuenta el teorema de Nyquist. La cuantificación es el proceso de mapear valores de amplitud continua en un conjunto de valores contables. Puede ser aplicado a señales análogas o a señales en tiempo discreto (Ver Figura 1).

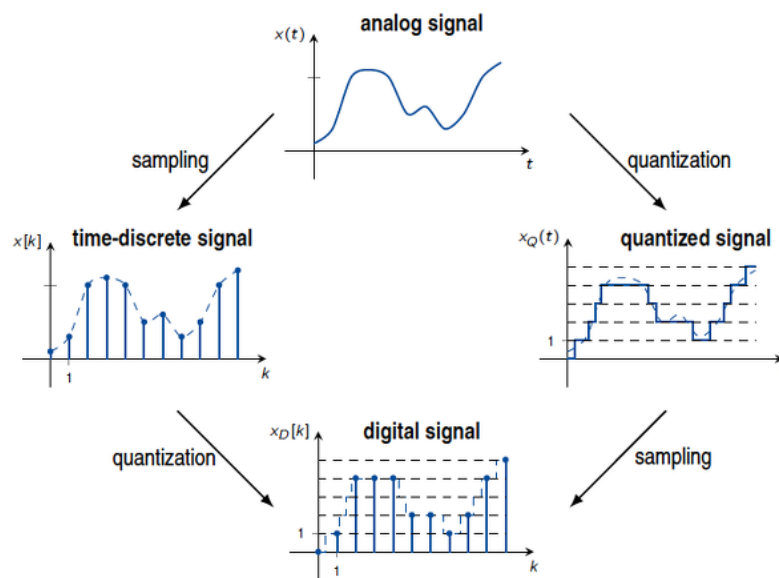


Figura 1: Proceso de muestreo y cuantificación

## 2. Muestreo

1. Cargue la señal correspondiente al ultimo número de su cédula. Con base en el número total de muestras y a la frecuencia de muestreo, grafique la señal en función del tiempo.
2. Genere un nuevo archivo de audio con la misma señal pero al doble y luego con la mitad de la frecuencia de muestreo original. Escuche el audio, ¿Qué diferencia nota? ¿A que se debe esto?. Tip: Para generar el archivo utilice las siguientes líneas:

```
from scipy.io.wavfile import write
write('nuevarutadearcivo.wav', nueva_fs, senal)
```

3. Sub-muestree la señal usando un cuarto de la frecuencia de muestreo original. Reproduzca la señal resultante y la original, ambas usando una frecuencia de  $fs/6$ . Grafique ambas señales en la misma figura. ¿Que puede concluir?

Tip: use las siguientes instrucciones para el sub-muestreo:

```
from scipy.signal import resample
import numpy as np
senal2=resample(senal, int(len(senal)/3))
```

## 3. Frecuencia de Nyquist y Aliasing

1. Genere una señal sinusoidal con una frecuencia de 1 Hz y una frecuencia de muestreo de 20 Hz. Genere otra señal sinusoidal de frecuencia 1 Hz y muestréela según el teorema de Nyquist. Grafique señales en la misma figura. ¿Es posible recuperar la señal a partir de esta reconstrucción?
2. Escriba un código que genere dos señales sinusoidales con frecuencias  $f_1 = 1$  Hz y  $f_2 = (11 + n)$  Hz ( $n$  es el ultimo dígito de su cédula), respectivamente, ambas muestreadas a  $fs=14$  Hz y que las grafique en la misma figura. ¿Ambas señales quedan bien representadas. ¿ A que se debe esto?

**Curiosidades:** El Sol tiene un movimiento aparente de este a oeste en la bóveda celeste, con 24 horas entre cada amanecer. Si tomásemos una fotografía del cielo cada 23 horas, el sol parecería moverse de oeste a este, con  $24 \cdot 23 = 552$  horas entre cada amanecer.

El mismo fenómeno causa que las aspas de un ventilador parezcan a veces girar en el sentido inverso del que en realidad lo hacen, cuando se les filma o cuando son iluminadas por una fuente de luz parpadeante, tal como una lámpara estroboscópica, un tubo de rayos catódicos o una lámpara fluorescente, o simplemente, cuando el ventilador es iluminado por la parpadeante luz de la televisión, o con otra fuente de luz, etc.

## 4. Cuantificación

1. Use la función mostrada a continuación para Re-cuantizar la señal de audio utilizada en los numerales anteriores a 2, 4 y 12 bits. Escuche y grafique las señales re-cuantificadas. Compare gráficamente las señales re-cuantificadas con la señal original. ¿Que pudo notar?

```
def fxquant(s,bit):
    # s: senal de entrada, debe estar normalizada entre -1 y 1
    # bit: bits de cuantizacion
    Plus1=np.power(2, (bit-1))
    X=s*Plus1
    X=np.round(X)
    X=np.minimum(Plus1-1.0,X)
    X=np.maximum(-1.0*Plus1,X)
    X=X/Plus1
```

```
return X
```

**Curiosidades:** Conceptos sobre el error de cuantificación

Energía del error:

$$\sigma_e^2 = \Delta^2/12 \quad \Delta = (B - A)/2^R$$

Máxima relación señal a ruido:

$$\text{SNR} = 2^{2R}$$

$$\text{SNR}_{\text{db}} = 10 \log_{10} 2^{2R} \approx 6R$$

Regla de los 6dB

Un CD se cuantifica con 16 bits/muestra ->  $\text{SNR}_{\text{db}} \approx 96\text{dB}$

Un DVD se cuantifica con 24 bits/muestra ->  $\text{SNR}_{\text{db}} \approx 144\text{dB}$

## 5. Transmisión Analógica Vs. digital

Se considerará el caso de la transmisión de una señal sobre un medio confinado de gran longitud, en el cual varios repetidores serán usados para compensar la atenuación introducida por el canal.

Cada segmento del medio introduce una atenuación  $1/G$ , por lo cual se puede recobrar la amplitud original adicionando un repetidor de ganancia  $G$ . Sin embargo, si la señal ha acumulado ruido aditivo, el ruido también será amplificado por el repetidor. Después de  $N$  repetidores, el ruido será amplificado  $N$  veces, y la señal en el receptor será:

$$\hat{x}_N(t) = x(t) + NG\sigma(t) \quad (1)$$

Por otro lado si se usa una señal digital, se puede establecer un umbral después de cada repetidor para re-digitalizar la señal y eliminar el ruido en cada etapa.

**Curiosidades:** Transmisión de datos transatlánticos

1. 1866: líneas de telegrafo. 8 palabras por minuto ( $\approx 5$  bps)
2. 1956: AT&T instala cable coaxial. 48 canales de voz para transmisión telefónica ( $\approx 53$  Mbps)
3. 2005: Alcatel Tera10. Fibra óptica. 8.4Tbps ( $8.4 \times 10^{12}$ )
4. 2012: fibra óptica. 60Tbps
5. En Colombia <https://www.mintic.gov.co/portal/604/w3-article-8920.html>

### 5.1. Generación de señales analógica y digital

1. Cargue la señal de audio correspondiente al ultimo número de su cédula.
2. Para obtener la señal analógica, normalice el audio en amplitud y luego re-escale en un factor de 400. Use el siguiente código ayuda. `norm` es la señal normalizada y `sA` es la señal analógica resultante.

```
norm = 1.0 / np.max(np.abs(x))
sA = 400.0 * x * norm
```

3. La señal digital se obtiene aproximando cada punto de la señal analógica a un valor discreto que generalmente es un entero. Use la función `round()` de la librería numpy para aproximar la señal analógica y obtener la señal digital.
4. Para ver las diferencias entre la señal analógica y digital grafique, en una misma figura, pequeños segmentos de estas. ¿Se puede escuchar esa diferencia entre los audios?

## 5.2. Transmisión

Ahora se va a definir un código que simule una transmisión por un medio confinado con  $N$  repetidores espaciados una longitud  $L$ . Para simular la transmisión deben seguirse los siguientes pasos:

- Atenuar la señal en un factor  $a < 1$  por cada segmento de longitud  $L$  (Antes de amplificar con el repetidor).
  - Sumar ruido con una determinada amplitud para simular la distorsión del canal.
  - Compensar la pérdida de amplitud en cada uno de los repetidores.
1. Use la función llamada *repeater(...)* que recibe como entrada la señal a transmitir, la amplitud del ruido que se desea agregar, y la constante de atenuación, y retorna la señal afectada por el ruido, atenuada, y amplificada nuevamente.

```
def repeater(x, noise_amplitude, attenuation):  
    x=x*attenuation  
    Noise=np.random.uniform(-noise_amplitude, noise_amplitude, len(x))  
    x=x+Noise  
    x=x/attenuation  
    return x
```

2. La transmisión analógica no es más que una secuencia de repetidores, la cual puede ser implementada con la siguiente función.

```
def analog_tx(x, num_repeater, noise_amplitude, attenuation):  
    for n in range(0, num_repeater):  
        x = repeater(x, noise_amplitude, attenuation)  
    return x
```

3. Para la señal digital, sin embargo se puede volver a cuantificar la señal después de cada repetidor, ya que sabemos que sólo tiene valores enteros. para esto se tiene la siguiente función.

```
def digital_tx(x, num_repeater, noise_amplitude, attenuation):  
    for n in range(0, num_repeater):  
        x = np.round(repeater(x, noise_amplitude, attenuation))  
    return x
```

4. Compare los esquemas de transmisión de las señales. Para ello defina el número de repetidores en 170, la amplitud del ruido 0.3, y la constante de atenuación en 0.5. Luego realice la transmisión de las señal analógica y digital en cada uno de sus respectivos esquemas de transmisión, y calcule la relación señal a ruido (SNR) tanto para la señal analógica como digital. Escuche ambas señales luego de la transmisión.

Use la siguiente función para calcular la SNR:

```
def SNR(noisy, original):  
    # power of the error  
    err = np.var(original-noisy)  
    # power of the signal  
    sig = np.var(original)  
    # SNR in dBs  
    return 10 * np.log10(sig/err)
```

5. Manteniendo constantes la amplitud de ruido y la atenuación, realice un barrido del número de repetidores entre 15 y 180 (no lo haga de 1 en 1). Realice nuevamente la transmisión analógica y digital y calcule la SNR para cada una. Al final grafique la SNR en función del número de repetidores.

## 6. Enlaces de interés

[https://github.com/spatialaudio/digital-signal-processing-lecture/blob/master/quantization/linear\\_uniform\\_characteristic.ipynb](https://github.com/spatialaudio/digital-signal-processing-lecture/blob/master/quantization/linear_uniform_characteristic.ipynb)

[https://github.com/spatialaudio/digital-signal-processing-lecture/blob/master/quantization/nonlinear\\_quantization\\_speech\\_signal.ipynb](https://github.com/spatialaudio/digital-signal-processing-lecture/blob/master/quantization/nonlinear_quantization_speech_signal.ipynb)

[https://github.com/spatialaudio/digital-signal-processing-lecture/blob/master/quantization/requantization\\_speech\\_signal.ipynb](https://github.com/spatialaudio/digital-signal-processing-lecture/blob/master/quantization/requantization_speech_signal.ipynb)