平成30年度(10月期)及び平成31年度 金沢大学大学院自然科学研究科 博士前期課程入学試験解 答 例専 攻 名電子情報科学専攻 (一般選抜)試験科目名専門科目 ①電気回路 (1/2)

間1.

(1) 電流 $i(t)=5\sqrt{2}\sin\left(100t+\frac{\pi}{3}\right)$ [A]を極座標表示(フェーザ表示)で表すと

$$\dot{I} = 5 \angle \frac{\pi}{3}$$
 [A].

負荷インピーダンスを極座標表示(フェーザ表示)で表すと

$$\dot{Z} = \frac{\dot{V}}{\dot{I}} = \frac{10}{5} \angle \left(0 - \frac{\pi}{3}\right) = 2\angle \left(-\frac{\pi}{3}\right) [\Omega].$$

(2) 負荷インピーダンスを複素数表示で表すと

$$\dot{Z} = 2\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) + j2\sin\left(-\frac{\pi}{3}\right) = 1 - j\sqrt{3} \ [\Omega].$$

(3) 電流 $i(t) = 5\sqrt{2}\sin\left(100t + \frac{\pi}{3}\right)$ [A]より、電流の角周波数は $\omega = 100$ [rad/s]. $\dot{Z} = 1 - j\sqrt{3}$ [Ω]よりリアクタンスは負であるから素子はコンデンサ(もしくはキャパシタ)と定まる。コンデンサの静電容量を Cとするとリアクタンスは

$$-\frac{1}{\omega C} = -\sqrt{3}$$

と表される. よって

$$C = \frac{1}{\omega\sqrt{3}} = \frac{1}{100\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \times 10^{-2} \text{ [F]}.$$

専 攻 名	電子情報科学専攻(一般選抜)
試験科目名	専門科目 ①電気回路 (2/2)

問2.

(1) キャパシタに蓄えられた電荷は以下の通り.

$$q(t) = Cv_0 - \int_0^t i(\tau)d\tau.$$

(2) キャパシタの両端間電圧は以下の通り.

$$v(t) = v_0 - \frac{1}{C} \int_0^t i(\tau) d\tau.$$

コイルの電圧降下と抵抗の電圧降下の和は以下の通り.

$$L\frac{di(t)}{dt} + Ri(t).$$

回路方程式は以下の通り.

$$v_0 - \frac{1}{C} \int_0^t i(\tau) d\tau = L \frac{di(t)}{dt} + Ri(t).$$

(3) 二階微分方程式は以下の通り.

$$L\frac{d^2i(t)}{dt^2} + R\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C}i(t) = 0.$$

(4) 電流の時間微分の初期値は以下の通り.

$$\left. \frac{di(t)}{dt} \right|_{t=0} = \frac{v_0}{L}.$$

(5) 二階微分方程式の一般解 $i(t) = i_1 e^{-\frac{R}{2L}t} + i_2 t e^{-\frac{R}{2L}t}$ (i_1, i_2 は定数)に初期値i(0) = 0, $\frac{di(t)}{dt}\Big|_{t=0} = \frac{\nu_0}{L}$ を代入すると,以下のようにi(t)が得られる.

$$i(t) = \frac{v_0}{L} t e^{-\frac{R}{2L}t}.$$

(6) i(t)は、 $0 \le t < \infty$ の範囲において、 $\frac{di(t)}{dt} = 0$ となる $t = \frac{2L}{R}$ のときに最大値を取る.よって、 $t_{max} = \frac{2L}{R}, \quad i(t_{max}) = \frac{2v_0}{Re}.$

ただしeは自然対数の底を表す.

	101 11
専 攻 名	電子情報科学専攻(一般選抜)
試験科目名	専門科目 ②電気磁気学 (1/3)

問1.

(1) ガウスの法則は,

$$\oint \mathbf{D} \cdot \mathbf{n} dS = Q$$

であるため、 $4\pi r^2 D(r) = Q$ となり、

電東密度 :
$$D(r) = \frac{Q}{4\pi r^2}$$
, 電界分布 : $E(r) = \frac{Q}{4\pi \epsilon r^2}$

が得られ,

電位分布
$$\phi(r) = \int_{\infty}^{r} \frac{Q}{4\pi \varepsilon r^{2}} dr = \frac{Q}{4\pi \varepsilon r}$$
 が得られる.

(2) 静電容量は,

$$C = \frac{Q}{\phi(a) - \phi(\infty)} = 4\pi \varepsilon a.$$

(3) ガウスの法則より

$$\oint \mathbf{D} \cdot \mathbf{n} dS = Q,$$

$$2\pi r^2 D_1(r) + 2\pi r^2 D_2(r) = Q,$$

$$2\pi r^2 \varepsilon_1 \frac{k}{r^2} + 2\pi r^2 \varepsilon_2 \frac{k}{r^2} = Q$$
 となり,

$$k = \frac{Q}{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)}.$$

(4) 電荷密度σと電界 Εの関係より

$$\sigma_1 = \varepsilon_1 E(a), \qquad \sigma_2 = \varepsilon_2 E(a),$$

$$Q_1 = 2\pi a^2 \sigma_1 = 2\pi a^2 \varepsilon_1 \frac{Q}{2\pi (\varepsilon_1 + \varepsilon_2) a^2} = \frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2} Q, \qquad Q_2 = \frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2} Q.$$

(5) r=aでの電位を求めると,

$$\phi(a) = \frac{k}{a} = \frac{Q}{2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)a}$$
なので、静電容量は

$$C = \frac{Q}{\phi(a) - \phi(\infty)} = 2\pi(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)a.$$

専 攻 名	電子情報科学専攻 (一般選抜)
試験科目名	専門科目 ②電気磁気学 (2/3)

問 2

(1) アンペアの法則より、中心軸から距離rの位置では、磁界ベクトルは距離によらず円柱座標の φ 方向(上向きの電流に対し右ねじの周回方向)を向く。距離rでの磁界の大きさをH(r)、磁界ベクトルH(r)をとすると、

ただし \mathbf{i}_{o} は φ 方向の単位ベクトルである.

(2) 内部円柱導体 $(0 \le r < a)$ に蓄えられる磁界のエネルギーW は、単位長さあたり

$$W_i = \int_0^a \left(\frac{1}{2}\,\mu_1 H^2\right) 2\pi r\,dr = \frac{1}{2}\,\mu_1 \int_0^a \left(\frac{rI}{2\pi a^2}\right)^2 2\pi r\,dr = \frac{\mu_1 I^2}{16\pi}\;.$$

(3) 内部円柱導体の、単位長さあたりの自己インダクタンス Lは

(4) 内部円柱導体と外部円筒導体の間の空間($a \le r < b$)で電流 I と鎖交する磁束 Φ_0 は、単位長さあたり

$$\Phi_0 = \int_a^b \mu_0 H \, dr = \int_a^b \mu_0 \frac{I}{2\pi r} \, dr = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \log \frac{b}{a} \, .$$

この空間の、単位長さあたりの自己インダクタンス L_0 は

	731 12 17 3
専 攻 名	電子情報科学専攻(一般選抜)
試験科目名	専門科目 ②電気磁気学 (3/3)

(5) 外部円筒導体内 ($b \le r < c$) で中心軸から距離rの位置での磁界の大きさH(r)は(1)より

$$H(r) = \frac{I}{2\pi r} \frac{c^2 - r^2}{c^2 - b^2}.$$

この磁界が、その内部に取り囲む電流と鎖交する.

内部に取り囲む電流は $I-\frac{r^2-b^2}{c^2-b^2}I=\frac{c^2-r^2}{c^2-b^2}I$ であることから,磁界は,全体電流 I と $N=\frac{c^2-r^2}{c^2-b^2}$ 回鎖交す

ると考えられる. 外部円筒導体内($b \le r \le c$)で、中心軸から距離r の位置に微小幅dr の帯状領域(単位長さ)を考えると、その帯状領域を貫く磁束 $d\Phi$ は

 $d\Phi = \mu_2 H dr$

となり、外部円筒導体全体での鎖交磁束Φ は

$$\Phi_{e} = \int_{b}^{c} Nd\Phi = \int_{b}^{c} \frac{\mu_{2}I}{2\pi r} \left(\frac{c^{2} - r^{2}}{c^{2} - b^{2}}\right)^{2} dr = \frac{\mu_{2}I}{2\pi \left(c^{2} - b^{2}\right)^{2}} \int_{b}^{c} \left(r^{3} - 2c^{2}r + \frac{c^{4}}{r}\right) dr$$

$$= \frac{\mu_{2}I}{2\pi \left(c^{2} - b^{2}\right)} \left[\frac{-3c^{2} + b^{2}}{4} + \frac{c^{4}}{c^{2} - b^{2}} \log \frac{c}{b}\right]$$

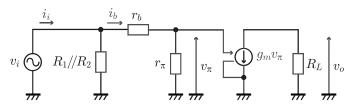
となる. 外部円筒導体により生じる単位長さあたりの自己インダクタンス L。は

$$\Phi_e = L_e I \ \, \sharp \ \, \emptyset \, \, , \quad L_e = \frac{\mu_2}{2\pi \left(c^2 - b^2\right)} \left[\frac{-3c^2 + b^2}{4} + \frac{c^4}{c^2 - b^2} \log \frac{c}{b} \right] .$$

平成30年度(10月期)及び平成31年度 金沢大学大学院自然科学研究科 博士前期課程入学試験 解答例 電子情報科学専攻 専 攻 名 専門科目 ③電子回路(1/3) 試験科目名

問 1.

(1) 等価回路は下図のとおりである.



(2) 回路網方程式は次式となる.

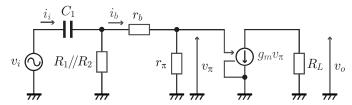
$$v_{i} = (r_{b} + r_{\pi}) i_{b}$$

$$v_{\pi} = r_{\pi} i_{b}$$

$$v_{o} = -g_{m} v_{\pi} R_{L}$$

上式を解いて, $G_0 = -rac{g_m r_\pi R_L}{r_b + r_\pi}$ と求められる.

(3) 等価回路は下図のとおりである.



(4) 回路網方程式は次式となる.

$$v_{i} = \frac{i_{i}}{j\omega C_{1}} + (R_{1}//R_{2})(i_{i} - i_{b})$$

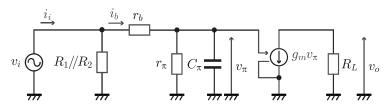
$$(R_{1}//R_{2})(i_{i} - i_{b}) = (r_{b} + r_{\pi}) i_{b}$$

$$v_{\pi} = r_{\pi} i_{b}$$

$$v_{o} = -g_{m}v_{\pi}R_{L}$$

上式を解いて,
$$G_L(\omega) = -\frac{j\omega C_1(R_1/\!/R_2)\,g_m r_\pi R_L}{(R_1/\!/R_2 + r_b + r_\pi) + j\omega C_1(R_1/\!/R_2)(r_b + r_\pi)} \qquad と求められる.$$

(5) 等価回路は下図のとおりである.



専 攻 名	電子情報科学専攻
試験科目名	専門科目 ③電子回路 (2/3)

(6) 回路網方程式は次式となる.

$$v_i = \left(r_b + \frac{r_\pi}{1 + j\omega C_\pi r_\pi}\right) i_b$$

$$v_\pi = \frac{r_\pi}{1 + j\omega C_\pi r_\pi} i_b$$

$$v_o = -g_m v_\pi R_L$$

上式を解いて,
$$G_H(\omega) = -rac{g_m r_\pi R_L}{r_b + r_\pi + j\omega C_\pi r_\pi r_b}$$
 と求められる.

(7) ω_{cl} は $\left|G_L(\omega)\right|$ から求める. $\left|G_L(\omega)\right|$ は $\omega \to \infty$ のときに最大値 $\left|G_0\right|$ となる. したがって,

$$\left| G_L(\omega_{cl}) \right| = \frac{1}{\sqrt{2}} \left| G_0 \right|$$

より,
$$\omega_{cl}=rac{R_1/\!/R_2+r_b+r_\pi}{C_1(R_1/\!/R_2)(r_b+r_\pi)}$$
 と求められる.

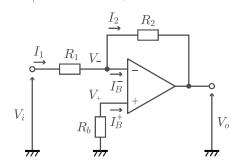
また, ω_{ch} は $|G_H(\omega)|$ から求める. $|G_H(\omega)|$ は $\omega=0$ のときに最大値 $|G_0|$ となる. したがって,

$$\left| G_H(\omega_{ch}) \right| = \frac{1}{\sqrt{2}} \left| G_0 \right|$$

より,
$$\omega_{cl}=rac{r_b+r_\pi}{C_\pi r_\pi r_b}$$
 と求められる.

平成30年度(10月期)及び平成31年度 金沢大学大学院自然科学研究科 博士前期課程入学試験 解 答 例 専攻名 電子情報科学専攻 試験科目名 専門科目 ③電子回路(3/3)

問 2. 下図に示すように, R_1 を流れる電流を I_1 , R_2 を流れる電流を I_2 とする.また,オペアンプの + 入力端子の電圧をそれぞれ V_+ および V_- とする.



(1) $I_B^+=I_B^-=0$ およびイマジナリーショートより, $V_+=V_-=0$ である. このとき

$$I_{1} = \frac{V_{i} - V_{-}}{R_{1}} = \frac{V_{i}}{R_{1}}$$

$$I_{2} = \frac{V_{-} - V_{o}}{R_{2}} = -\frac{V_{o}}{R_{2}}$$

であり、
$$I_1=I_2$$
 となることから、 $V_o=-rac{R_2}{R_1}V_i$ となる.

$$I_{1} = \frac{V_{i} - V_{-}}{R_{1}} = \frac{V_{i} + R_{b}I_{B}^{+}}{R_{1}}$$

$$I_{2} = \frac{V_{-} - V_{o}}{R_{2}} = -\frac{R_{b}I_{B}^{+} + V_{o}}{R_{2}}$$

$$I_{1} = I_{2} + I_{B}^{-}$$

であるから、上式を解いて、 $V_o = -\frac{R_2}{R_1}V_i + R_2I_B^- - \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)R_bI_B^+$ となる.

(3)
$$R_b = R_1/\!/R_2 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$
 を (2) の解に代入して, $V_o = -\frac{R_2}{R_1} V_i + R_2 (I_B^- - I_B^+)$ となる.

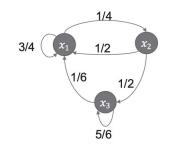
解 答 例

専 攻 名 電子情報科学専攻(一般選抜)

試験科目名 専門科目 ④情報基礎 (1/2)

間1.

(1) z=(4/8, 1/8, 3/8) シャノン線図は右の通り.



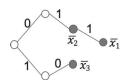
(2)

(a) 平均符号長は、 $\frac{4}{8} \times 2 + \frac{1}{8} \times 3 + \frac{3}{8} \times 2 = \frac{17}{8} = 2.125$.



符号木より、各記号が葉に位置するため、瞬時符号である.

(b) 平均符号長は、 $\frac{4}{8} \times 3 + \frac{1}{8} \times 2 + \frac{3}{8} \times 2 = \frac{20}{8} = 2.5$.



符号木より、葉に位置しない記号があるため、瞬時符号ではない。

よってエントロピーは、 $-\sum p_i \log p_i$ より、

$$H(\bar{S}^2) = \frac{256 - 48\log_2 3}{64} = \frac{16 - 3\log_2 3}{4} = 4 - \frac{3}{4}\log_2 3$$

となる.

(4) ハフマン符号は,

$$\bar{x}_1\bar{x}_1 = 01, \bar{x}_1\bar{x}_2 = 1000, \bar{x}_1\bar{x}_3 = 11, \bar{x}_2\bar{x}_1 = 1001, \bar{x}_2\bar{x}_2 = 10101,$$

$$\bar{x}_2\bar{x}_3 = 1011, \bar{x}_3\bar{x}_1 = 000, \bar{x}_3\bar{x}_2 = 10100, \bar{x}_3\bar{x}_3 = 001$$

となる. (導出過程は解答例では省略.)

求めた符号より平均符号長は $\frac{183}{64}$ となり、効率は、

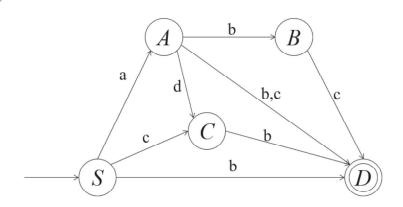
$$\frac{H(\bar{S}^2)}{183/_{64}} = \frac{1024 - 192\log_2 3}{732} = \frac{256 - 48\log_2 3}{183}$$

となる.

平成30年度(10月期)及び平成31年度 金沢大学大学院自然科学研究科 博士前期課程入学試験解 答 例専攻名電子情報科学専攻(一般選抜)試験科目名専門科目 ④情報基礎(2/2)

間2.

(1)



- (2) $V = \{S, A, B, C, D\}, \ \Sigma = \{a, b, c, d\}, \ R = \{S \rightarrow aA | bD | cC, \ A \rightarrow bB | bD | cD | dC, \ B \rightarrow cD, \ C \rightarrow bD, \ D \rightarrow \varepsilon\}$
- (3) $S \Rightarrow aA \Rightarrow abB \Rightarrow abcD \Rightarrow abc$, $S \Rightarrow aA \Rightarrow acD \Rightarrow ac$, $S \Rightarrow aA \Rightarrow adC \Rightarrow adbD \Rightarrow adb$, $S \Rightarrow aA \Rightarrow abD \Rightarrow ab$, $S \Rightarrow bD \Rightarrow b$, $S \Rightarrow cC \Rightarrow cbD \Rightarrow cb$
- (4) $V = \{S, A, B, C, T_a, T_b, T_c, T_d\}, \ \Sigma = \{a, b, c, d\}, \ R = \{S \to T_a A | b | T_c C, \ A \to T_b B | c | T_d C | b, \ B \to c, \ C \to b, \ T_a \to a, \ T_b \to b, \ T_c \to c, \ T_d \to d\}$

	731 E 73
専 攻 名	電子情報科学専攻(一般選抜)
試験科目名	専門科目 ⑤計算機ソフトウェア (1/2)

間1.

(1) 出力結果は

لـ1.81

となる.

統計量の名称は,分散.

- (2) return b/(double)n a * a;解答において演算誤差の考慮の有無は問わない.
- (3) (ア) x (イ) n-1 (ウ) x[n-1]解答において演算誤差の考慮の有無は問わない.
- (4) 再帰呼出し
- (5) $a_n = \frac{1}{n+1}(na_{n-1} + x_n)$
- (6) オンラインアルゴリズム または ストリームアルゴリズム

平成30年度(10月期)及び平成31年度 金沢大学大学院自然科学研究科 博士前期課程入学試験解 答 例専 攻 名電子情報科学専攻(一般選抜)試験科目名専門科目 ⑤計算機ソフトウェア(2/2)

間2.

(1)

(a) $O(\log n)$

(b)

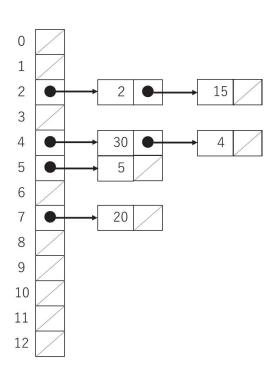
[1] $O(n^2)$

[2] $O(n \log n)$

[3] O(n)

(2)

(a)



(b) 平均時間計算量 O(1), 最悪時間計算量 O(n)

(c)

. ,	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	
			15	2	4	5		20	30					

平成30年度(10月期)及び平成31年度金沢大学大学院自然科学研究科 博士前期課程入学試験解答例事攻名電子情報科学専攻(一般選抜)

専門科目 ⑥計算機ハードウェア (1/2)

DD.	-4	

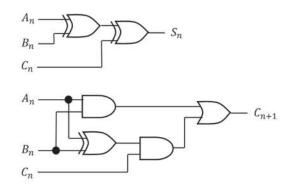
試験科目名

- (1) ・まず、命令レジスタに取り込んだ命令の下位 20 ビット A をLバスへ転送する. 同時に、命令の中のレジスタ指定 3 ビットで指定されたレジスタ R1 の内容を R バスへ転送する.
 - ・その後、演算ユニットで加算して、演算結果 A+(R1)がOバスに出力される.
- (2)・まず、(1)のOバスの出力である演算結果 A+(R1)をメモリアドレスレジスタに取り込む.
 - ・次に、メモリアドレスレジスタの番地をアドレスバスに転送して、制御信号線をリードにし、タイミング制御信号をアサートする.
 - ・その後, 記憶装置のデータがデータバスに読みだされるので, リードデータレジスタに取り込む.
 - ・次に, リードデータレジスタの内容をLバスに転送する. 同時に, ROの内容をRバスに転送する.
 - ・Lバスのデータと R バスのデータが演算ユニットで減算されて、O バスに出力されるので、R0 に取り込む.
- (3) · Z=0 のときは、何もしない.
 - ・Z=1 のときは、(1) の方法で番地 A+(R1)を計算して、プログラムカウンタに取り込む.
- (4) · Z=1 または N=1 のときは、何もしない.
 - ・ $Z=0 \land N=0$ のときは、(1) の方法で番地 A+(R1)を計算して、プログラムカウンタに取り込む.

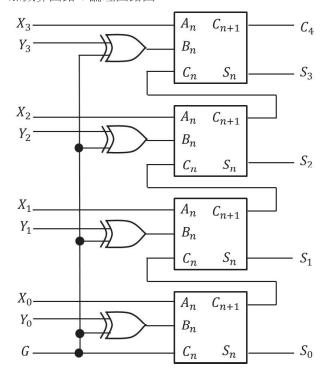
	η + Ε Ινί
専 攻 名	電子情報科学専攻(一般選抜)
試験科目名	専門科目 ⑥計算機ハードウェア (2/2)

問2.

(1) S_n と C_{n+1} の論理回路図



- (2) C_3 の論理式 $C_3 = X_2Y_2 + (X_2 \oplus Y_2)(X_1Y_1 + (X_1 \oplus Y_1)Y_0X_0)$
- (3) 加減算回路の論理回路図



(4) オーバーフロー検出器 f の論理式 $f = X_3Y_3\bar{S}_3 + \bar{X}_3\bar{Y}_3S_3$