補足説明

質問:伝達関数の分子と分母が、 $(1+j\omega/\omega_x)$ の形に上手く因数分解できない場合はどうしたらよいか。

- 1. 伝達関数をラプラス変数sの関数として求めます。
- 2. 分母と分子を(s + A)または $(s^2 + Bs + C)$ の形の因数に分解します。
- 3. 因数分解したまま、 $s = j\omega$ とおいて、各因数のコーナ周波数を求めます。

伝達関数の分母と分子は、sを変数とする実係数n次多項式で表せる

線形回路の回路方程式は、微分、積分、定数倍と加減算で表される。ラプラス変換すると、s係数(微分)、1/s係数(積分)、定数倍(減衰または増幅)の項からなる線形1次方程式(変数はv(s))となる。この連立方程式を解いて伝達関数を求めるため、分母と分子が変数sのn次多項式となる。

伝達関数の分子と分母は、sを変数とする実係数1次関数または2次関数に因数分解できる

伝達関数の分母または分子の関数をP(s)とする。例えば、 $H(s) = \frac{1}{P(s)}$ のとき、

P(s)がn次多項式の場合、 $P(s) = a_n s^n + a_{n-1} s^{n-1} + \dots + a_0$

 $s=j\omega$ とすると、 $\overline{P(s)}=P(\bar{s})$ より、P(s)=0 ならば、 $\overline{P(s)}=P(\bar{s})=0$

したがって、P(s) = 0 の解が、s = A のとき、 $s = \bar{A}$ (共役複素数) も解である。

Aが実数の場合、

P(s) = (s-A)Q(s)のとき、(s-A)は実係数多項式なので、Q(s)は(n-1)次実係数多項式となる。

Aが複素数の場合、

 $P(s) = (s - A)(s - \bar{A})R(s)$ のとき、 $(s - A)(s - \bar{A}) = s^2 - (A + \bar{A})s + A\bar{A} = s^2 + Bs + C$ は実係数多項式なので、R(s)は(n-2)次実係数多項式となる。

したがって、P(s)は1次関数または2次関数に因数分解できます。3次関数以上の因数分解は面倒ですが、高校数学(組立除法とか)を思い出しましょう。Good~luck!