

Algorytmy i struktury danych

Dana jest struktura danych będąca węzłem drzewa BST

```
struct node {
    int key;
    node* left;
    node* right;
    node(int k, node* l, node* r):key(k),left(l),right(r){}
};
```

Zadanie 1

Zapisz warunki jakie muszą spełniać klucze drzewa BST.

Zadanie 2

Napisz procedurę `node* find(node* tree, int x)`, która zwraca wskaźnik na węzeł zawierający `x`, lub `NULL`, jeśli nie ma takiego węzła.

Zadanie 3

Napisz procedurę `void insert(node*& tree, int x)` (dodaje do drzewa `tree` klucz `x`).

Zadanie 4

Drzewo BST o różnych kluczach można odtworzyć z listy par kluczWezła:kluczOjca. (a) Narysuj drzewo BST reprezentowane przez listę par: 1:2, 2:4, 3:2, 4:5, 6:7, 7:9, 8:7, 9:5. (b) wypisz jego klucze w porządku: INORDER, (c) PREORDER, (d) POSTORDER

Zadanie 5

Napisz procedurę `void wypisz(node *tree, int order=0)`, która wypisuje klucze drzewa `tree` w porządku inorder gdy `order=0`, preorder gdy `order=1`, postorder gdy `order=2`.

```
void wypisz(node *tree, int order = 0) {
    if (tree == nullptr) return;
    if (order == 1) std::cout << tree->key;
    wypisz(tree->left, order);
    if (order == 0) std::cout << tree->key;
    wypisz(tree->right, order);
    if (order == 2) std::cout << tree->key;
}
```

Zadanie 6

Jakie informacje przechowujemy w węźle drzewa czerwono-czarnego? Podaj definicję drzewa czerwono czarnego. Zadeklaruj strukturę `RBnode` tak, by dziedziczyła z `node`. Czy można dla niej użyć funkcji napisanych w zadaniach 2, 3 i 5?

Zadanie 7

Uzasadnij posługując się rysunkiem i opisem, że operacje na drzewie czerwono-czarnym (rotacja i przekolorowanie) nie zmieniają ilości czarnych węzłów, na żadnej ścieżce od korzenia do liścia

Zadanie 8

W poniższym drzewie czerwono-czarnym (czarne węzły oznaczono nawiasem kwadratowym), usuń 1, dodaj do wysciowego 10:

Zadanie 9

Jakie informacje przechowujemy w węźle B-drzewa? Podaj definicję B-drzewa

Zadanie 10

Narysuj B-drzewo o $t = 3$ zawierające dokładnie 17 kluczy na trzech poziomach: korzeń jego dzieci i wnuki. Następnie usuń z tego drzewa korzeń.

Zadanie 11

Podano na rysunku B-drzewo o $t = 2$:

Zadanie 12

W B-drzewie o $t = 10$:

- (a) ile kluczy może zawierać korzeń (podaj przedział),
Korzeń zawiera od 1 do 19 kluczy. ($\max 2t - 1$)
- (b) ile dzieci może mieć korzeń (podaj przedział),
Korzeń może mieć od 2 do 20 dzieci. ($\min t \max 2t$)
- (c) ile kluczy może mieć potomek korzenia (podaj przedział),
Potomek korzenia może mieć od 9 do 19 kluczy. ($\min t - 1 \max 2t - 1$)
- (d) ile dzieci może mieć potomek korzenia (podaj przedział),
Potomek korzenia może mieć od 10 do 20 dzieci. ($\min t \max 2t$)
- (e) ile maksymalnie węzłów może być na k -tym poziomie (przyjmując, że korzeń to poziom 0)
Na k -tym poziomie może być maksymalnie $(2t)^k$ węzłów.
- (f) ile łącznie kluczy może być na k -tym poziomie (podaj przedział).
Nie licząc korzenia dla którego minimum to 1 klicz to na k -tym poziomie może być od $2(t - 1)t^{k-1}$ do $(2t - 1)(2t)^k$ kluczy. ($\min (2\min)t^{k-1} \max (\max)t^k$)