# Algorytmy i struktury danych

# Lista zadań 5

## Zadanie 1

Udowodnij, że jeśli dla pewnego ustalonego q, takiego że  $\frac{1}{2} < q < 1$ , podczas sortowania szybkiego, procedura partition, na każdym poziomie rekurencji podzieli elementy tablicy w stosunku q:(1-q) to algorytm wykona się w czasie O(nlogn). Wskazówka: udowodnij, że głębokość rekurencji nie przekroczy -  $\log n/\log q$  i zaniedbaj błędy zaokrągleń do wartości całkowitych.

### Zadanie 2

Ile porównań (zapisz wyniki w notacji O) wykona algorytm quicksort z procedurą partition w wersji Hoare'a, a ile w wersji z procedurę partition w wersji Lomuto dla danych: (a) posortowanych rosnąco, (b) posortowanych malejąco, (c) o identycznych kluczach?

#### Zadanie 3

Napisz wzór na numer kubełka, do którego należy wrzucić liczbę x w sortowaniu kubełkowym, jeśli kubełków jest n, a elementy tablicy mieszczą się przedziale (a,b). Numeracja zaczyna się od 0.

#### Zadanie 4

Dla jakich danych sortowanie metodą kubełkową ma złożoność  $O(n^2)$ ?

#### Zadanie 5

Jak obliczyć k-tą od końca cyfrę w liczby x? Jak obliczyć ilość cyfr liczby x? Przyjmujemy układ dziesiętny. Jak wyniki zmienią się w układzie pozycyjnym gdzie różnych cyfr jest m a ich wartości x należą do przedziału  $0 \le x < m$ ?

## Zadanie 6

Posortuj metodą sortowania pozycyjnego liczby: 101, 345, 103, 333, 432, 132, 543, 651, 791, 532, 987, 910, 643, 641, 12, 342, 498, 987, 965, 322, 121, 431, 350. W pisemnym rozwiązaniu pokaż, jak wygląda zawartość kolejek, za każdym razem, gdy tablica wyjściowa jest pusta i wszystkie liczby znajdują się w kolejkach, oraz jak wygląda tablica wyjściowa, za każdym razem, gdy sortowanie ze względu na kolejną cyfrę jest już zakończone.

```
0:(910,350)
                                        1:(101,651,791,641,121,431)
                                        2:(432,132,532,12,342,322)
                                        3:(103,333,543,643)
                                        4:()
                                        5:(345,965)
                                        6:()
                                        7:(987,987)
                                        8:(498)
                                        9:()
(910, 350, 101, 651, 791, 641, 121, 431, 432, 132, 532, 12, 342, 322, 103, 333, 543, 643, 345, 965, 987, 987, 498)
                                          0:(101,103)
                                          1:(910)
                                          2:(121,12,322)
                                          3:(431,432,132,532,333)
                                          4:(641,342,543,643,345)
                                          5:(350,651)
                                          6:(965)
                                          7:()
                                          8:(987,987)
                                          9:(791,498)
(101, 103, 910, 121, 12, 322, 431, 432, 132, 532, 333, 641, 342, 543, 643, 345, 350, 651, 965, 987, 987, 791, 498)
                                          0:(12)
                                          1:(101,103,121,132)
                                          2:()
                                          3:(322,333,342,345,350)
                                          4:(431,432,498)
                                          5:(532,543)
                                          6:(641,643,651)
                                          7:(791)
                                          8:()
                                          9:(910,965,987,987)
```

(12, 101, 103, 121, 132, 322, 333, 342, 345, 350, 431, 432, 498, 532, 543, 641, 643, 651, 791, 910, 965, 987, 987)

## Zadanie 7

Które z procedur sortujących:

- (a) insertionSort (przez wstawianie),
- (b) quickSort (szybkie),
- (c) heapSort (przez kopcowanie),
- (d) mergeSort (przez złączanie),
- (e) countingSort (przez zliczanie)
- (f) radixSort (pozycyjne),
- (g) bucketSort (kubełkowe)

są stabilne? W każdym przypadku uzasadnij stabilność lub znajdź konkretny przykład danych, dla których algorytm nie zachowa się stabilnie.

# Zadanie 8

Napisz funkcję void counting\_sort(node\* lista, int m); sortującą przez zliczanie listę linkowaną liczb całkowitych nieujemnych mniejszych od m. Procedura nie powinna usuwać ani tworzyć nowych węzłów, tylko sprytnie zmieniać pola next wykorzystując tylko O(m) dodatkowej pamięci na wskaźniki.

# Zadanie 9

(algorytm Hoare'a) Korzystając funkcji int partition(int t[], int n) znanej z algorytmu sortowania szybkiego napisz funkcję int kty(int t[], int n), której wynikiem będzie k-ty co do wielkości element początkowo nieposortowanej tablicy t. Średnia złożoność Twojego algorytmu powinna wynieść O(n).