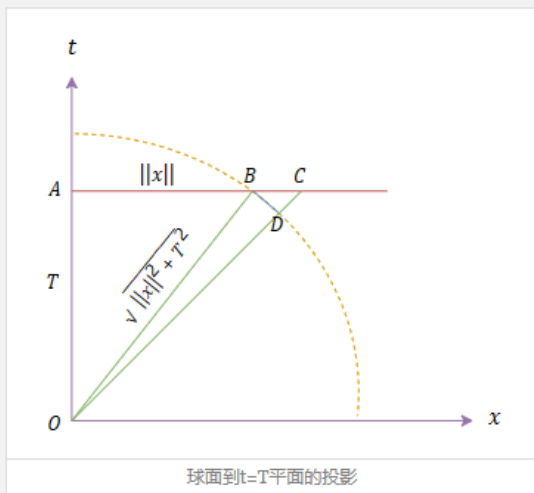


初始分布的推导：场线是均匀穿过 $d+1$ 维超球面上的，所以 (\mathbf{x}, T) 处的密度是反比于 $S_{d+1}(\mathbf{x}, T)$ ，即 $\propto \frac{1}{(\|\mathbf{x}\|^2 + T^2)^{d/2}}$ ，但现在不是在球面，而是在 $t = T$ 的平面上，所以我们要将球面投影到平面上，示意图如下：



如上图，当 B 、 D 两点充分接近时，有 $\triangle OAB \sim \triangle BDC$ ，所以

$$\frac{|BC|}{|BD|} = \frac{|OB|}{|OA|} = \frac{\sqrt{\|\mathbf{x}\|^2 + T^2}}{T} \quad (6)$$

也就是说，原本球面上单位长度的弧，投影到平面上后长度变为了 $\frac{\sqrt{\|\mathbf{x}\|^2 + T^2}}{T}$ 倍，由于只有一个维度变化，所以原来球面上的面积元，投影后也变为 $\frac{\sqrt{\|\mathbf{x}\|^2 + T^2}}{T}$ 倍，因此根据概率反比面积，我们可以得到

$$p_{\text{prior}}(\mathbf{x}) \propto \frac{1}{S_{d+1}(\mathbf{x}, T)} \times \frac{T}{\sqrt{\|\mathbf{x}\|^2 + T^2}} \propto \frac{1}{(\|\mathbf{x}\|^2 + T^2)^{(d+1)/2}} \quad (7)$$