# 2016 年度理工学術院総合研究所 「アーリーバードプログラム」申請書

2016年4月20日

理工学術院総合研究所長 殿

申請区分	A:博士後期課程1年および2年(助成上限:40万円)							
(いずれかに〇)	A • B B: 博士後期課程 3 年および学位取得後 3 年以内のポスドク (助成上限:80 万円)							
フリガナ		リュウ ゲン						
氏名(年齢)・性別		劉言			(満 27 歳)	男・女		
所属	基	基幹理工学部・研究科 応用数理学科・専攻(谷口研究室)						
学年・資格	□博士後期課程 年 ☑助手 □助教 □次席研究員 □研究助手 博士号取得年 (取得者のみ記入):2015 年							
連絡先	内線 73-5746		e-mail yan.liu@aoni.waseda.jp					
専門分野	数理統計・時系列・金融工学							
推薦者								
過年度応募	□初めて	□再帰	芯募 (過去	不採択)	☑再応募(2013	3年度採択)		
略 <b>歴</b> (高校卒業以降)	学歴   2008年3月 土浦日本大学高等学校 卒業   2008年4月 早稲田大学基幹理工学部 入学   2011年3月 早稲田大学基幹理工学部応用数理学科 単位取得退学   2013年3月 早稲田大学数学応用数理専攻修士課程 修了 修士(理学)   2013年4月 早稲田大学数学応用数理専攻博士課程 修了 課程博士(理学)   2015年3月 早稲田大学数学応用数理専攻博士課程 修了 課程博士(理学)   職歴 日本学術振興会 特別研究員(DC2)~2015年3月   2015年4月 日本学術振興会 特別研究員(PD)~2016年3月   2016年4月 早稲田大学基幹理工学部応用数理学科 助手 (現在に至る)							
	研究費	の名称等	申請年	研	究テーマ	採択・不採択		
学振・科研費・各種助成 等外部資金の	学振特別研究員		2014	非有限分散時系列データに対する		採択		
	・特別研究員奨励費			頑健な統計量の	)開発に関する研究			
	科研費 ・若手研究 (B)		2016	非有限分散時系 析手法の妥当性 論の新展開	不採択			
応募・採択状況	各種助成金 ・アーリーバード研究奨励金		2013	自己基準化法に量の性質に関す	採択			

## 1. 研究計画

研究課題	欠損値を含む時系列データの新解析手法とその漸	申請者	劉 言
(60 文字以内)	近理論の構築	氏 名	

本研究の①研究の背景、②研究の目的・内容、③研究の特色・独創的な点について記入 (過年度採択者は、過年度の研究成果・研究の進捗状況と今後の展開も明記する)

## ①研究の背景

ビッグデータの時代といわれる昨今、情報技術の進歩に伴い、大規模・高頻度の金融データが容易に入手できるようになった。このような金融データは、往々にして非正規性を示し、時として非有限分散性を示す。非有限分散データの解析法は、データの分布の裾指数によって決まる。申請者は、過年度の研究では、この裾指数をどのように推測できるかについて自己基準化法という新たな方法を提案した。その成果は、投稿論文 Liu (2013)で発表した。大規模・高頻度金融データについて、大きな変化をもたらすジャンプ過程の存在を仮定したモデルの解析が盛んに行われている。一方で、大規模・高頻度データの中には、欠損値の存在も実証されていながら、殆ど着目されていない。図1では、欠損値を含む時系列データとその元データを示しているが、欠損値のある左図はジャンプの様相を示している。このように、欠損値を含む時系列データの解析は、大規模・高頻度データ解析の観点から、急務となっている。申請者は、一般な時系列データに対し、

真のモデルとの距離を縮小する新しい頑健な統計手法を過去の研究で提案した。この手法は既に数回に渡り、学会発表している。本研究では、この手法の欠損値データへの応用を考える。また、ニューサウスウェールズ大学の Dunsmuir 教授と連携を取り、本研究を進める予定である。

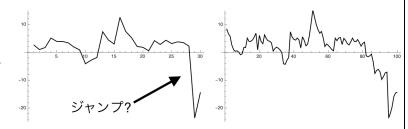


図1 欠損値を含む時系列データ(左)と自己回帰モデルから生成される元データ(右)

## ②研究の目的・内容

欠損値を含む時系列データは、振幅変調モデル(Amplitude modulated model)によってモデリングされる。元の定常時系列を $\{X(t)\}$ とすれば、欠損値を含む時系列データは、Y(t) = a(t) X(t)で表現される。但し、系列  $\{a(t)\}$ は、観測値が存在する時、a(t) = 1、観測値がない時、a(t) = 0 として定義され、バイナリ過程と呼ばれる。欠損値を含む時系列データの統計的解析は、定常過程に対する最も有効である Whittle 尤度による解析で解決される(Dunsmuir and Robinson (1981))と思われていた。申請者は、非有限分散時系列データに対する頑健な統計量の研究をきっかけに、頑健統計量の欠損値時系列データへの応用を考え、2016 年 3 月の熊本国際シンポジウムで、研究結果を Dunsmuir 教授の前で発表した。この発表を契機に、Dunsmuir 教授と文通を始めた。Dunsmuir 教授の長年バイナリ過程やそれに纏わる補間問題についての研究成果によると、Whittle 尤度による欠損値データの解析は最適ではないことがわかった。本研究の目的は、以下となる:

- (1) 漸近理論が成り立つ欠損値を含む時系列データの枠組みの構築。バイナリ過程が観測系列と独立で定常または漸近的に定常である時に、漸近理論が成り立つことが知られている。バイナリ過程に対する新たな解析法の下でも統計量が漸近的に正規性を示しているので、新たな枠組みを構築する必要がある。
- (2) 上記の枠組みの下では、Whittle 尤度による統計量は最早、最適な統計的手法ではない。欠損値データを含む時系列データに関する最も有効な手法を構築し、申請者の提案した頑健性を有する統計量を有機的に関連付ける。特に、この二者が密接に関連していることは、申請者の結果からわかっている。

#### ③研究の特色・独創的な点

本研究は、ニューサウスウェールズ大学の Dunsmuir 教授と共同に進める。Dunsmuir 教授は、欠損値を含む時系列データを研究する第一人者であり、Whittle 尤度による解析を統計学の代表的ジャーナル Journal of the American Statistical Association で発表した後、長年、欠損値データに深く関わるバイナリ 過程の性質について研究してきた。Dunsmuir 教授とのコラボレーションを通して、欠損値を含む時系列データ解析の里程標となる統計的解析手法の開発と最適推測理論の構築を目指す。新しい統計的理論の展開という側面はもとより、応用も広範囲に渡る。ビッグデータといわれる今では、外的要因により欠損値が存在する環境時系列データの解析、薬と患者の具合による因果効果の統計的解析、更に大規模・高頻度で不規則に観測される金融データの解析等、膨大な応用が考えられる。アーリーバードプログラムの異分野交流を通して、本研究を学際的な研究へ展開し、アーリーバードのメンバーたちと新たな共同課題に挑戦する。

Dunsmuir, W. and Robinson, P. M. (1981), Estimation of Time Series Models in the Presence of Missing Data. *Journal of the American Statistical Association*, 76, 560-568.

# 2. 研究費支出計画

奨励研究費額			支		出	内	訳			
	設備備品費		消耗品費		旅費交通費		謝金・補助員費		その他(図書等)	
(総計) 800 千円	20	30 千円		0 千円		450 千円		0 千円	90	0千円
	品名	金額	品名	金額	事項	金額	事項	金額	事項	金額
支出内訳	MacBook Pro	260千		0 千円	日本数学会 (関西大学)	100 千円		0 千円	書籍(statistical	40千
※品名及び事項は主	(13 インチ、Core	円			日本統計学				Analysis with Missing	円
な項目のみ記入して	i7 (3.4 GHz)、				会(金沢大学)	:			Data, Applied	
ください。	16GB メモリ、				University of				longitudinal Analysis)	
	512GB フラッシ				New South Wales で共同	250 千円			論文投稿料	50千
	ュストレージ)				研究					円

※A:上限 40 万円、B:上限 80 万円

## 3. 研究業績

## 学会発表

<u>Liu, Y.</u> Robust parameter estimation for irregularly observed stationary process. 熊本国際シンポジウム. 2016 年 3 月 4 日.

Liu, Y. Box-Cox transformation for variance stabilization of dependent observations. 日本数学会. 2016年3月19日.

Xue, Y., <u>Liu, Y.</u> and Taniguchi, M. Minimax extrapolation error of predictors. 日本数学会. 2016 年 3 月 19 日. (ほか多数) 投稿論文

<u>Liu, Y.</u> (2016). Optimal portfolio of the Government Pension Investment Fund based on the systemic risk evaluated by a new asymmetric copula. *ASTE Special Issue, Waseda University*, Vol. B13, 19-33.

Suto, Y., <u>Liu, Y.</u> and Taniguchi, M. (2016). Asymptotic theory of parameter estimation by a contrast function based on interpolation error. *Statistical Inference for Stochastic Processes*, 19(1), 93-110.

Akashi, F., Liu, Y. and Taniguchi, M. (2015). An empirical likelihood approach for symmetric α-stable processes. *Bernoulli*, 21(4), 2093-2119.

<u>Liu, Y.</u> (2013). Asymptotic moments of symmetric self-normalized sums. *Scientiae Mathematicae Japonicae*, 77(1), 59-67. (ほか 2 編)

# 4. 本事業への参加意欲

今回のアーリーバードプログラムに参加する目的は、自分自身の研究の遂行と、異分野の研究者との情報 交換や勉強会を通して、研究者としての視野を広げ、研究者同士で新たな研究テーマに挑戦することである。 このように考えているのは、過去に本事業に採択され、異分野の若手研究者との交流の大切さを実感できた からである。2013年度のアーリーバードのメンバーに採用された時、まだ博士課程の一学生であった。アー リーバード事業の支援を受けたお蔭で、研究者として最初の論文(Liu (2013))を上梓した。その当時の研究は、 Hill 推定量という統計学の中で裾推定を行う上では常識と思われていた統計量のほかに、何か新しい方法で 裾を推定し、非有限分散時系列データの解析に役立てないかというシンプルなアイディアであった。しかし、 年度末の統計研究セミナーでは、アメリカやドイツから来た著名な研究者たちから好評を受けた。更に、論 文を出版した後、アメリカの研究者から共同研究の申し出も受けた。一人前でもない私にとっては、アーリ ーバードの支援の力で、研究者として最高の船出が出来た。メンバー間の交流では、お互いの研究紹介を前 期の定例会で行った。私の発表に対しては、その当時のメンバーである亀崎允啓さんに、分布の裾推定以外 に、分布の頂点の厚さについての推定はないかという質問が聞かれた。当時未熟な私にとって、質問は難し かった。実は、時系列モデルの中で、長期記憶過程のスペクトル分布は原点周りで発散する為、それに対す る推定量の構築はかなり興味深い問題である。この発想は、去年、時系列の予測問題のスペクトル分布の minimax 解を考えることにかなり役立った。後期では、「研究推進」と「キャリアパス」のディスカッショ ンに加え、産業技術総合研究所のイノベーションスクール意見交換会と施設見学会を通して、その当時に進 行していた他分野の興味深い研究の動向を、身をもって実感でき、また将来研究者になる決心がついた。

本事業に参加し、参加者たちとの交流を通して、本研究課題の遂行に加え、参加者たちとお互いの研究を 学際的な研究に発展させていきたい。応用数理学科の一員としては、現実にある現象に数理理論を活かし、 またその現象から新たな数学の問題を見出し、新しい数学を作っていく。ここで、数理理論を活かしていく ことも、また数学の問題を見出していくことも、学内外の研究者や企業等の異分野との交流が不可欠である。 今回の研究では、欠損値を含む時系列データの解析手法を新しく提案する。これまでの統計学では、時系列 の全データの観測を想定することが多く、それに対する漸近理論や最適推測理論が展開されてきた。しかし、 世間でビッグデータの時代といわれている今では、大規模・高頻度のデータが観測されており、大きな問題 点の一つは、欠損値の存在である。これまでの統計的最適理論を用いて、欠損値を含む時系列データの解析 を行っていても、最も良い結果が得られるわけではない。また、現場のデータ解析でもしばしば、欠損値の 存在を無視したり、都合よく欠損値を解釈したりする。そこで、今こそ欠損値を含む時系列データの解析が 新しい数学の枠組みで行われる必要性が生まれた。本研究は、欠損値を含む時系列解析の基礎研究ではある が、応用面でも、共同研究者の Dunsmuir 教授と、ボストンのケンモア広場の一酸化炭素による汚染データ に対し、新しい手法による解析を目指している。本事業の研究助成を受けることとなれば、グローバル的で 最先端の研究に関わることができる。更に、この時代だからこそ、汚染データに限った応用ではない。医学・ 金融・環境等、広範な応用が考えられる。異分野の研究者との交流を通して、研究が連鎖的に進んでいくこ とは容易に想像できる。例えば、里山の放射能の動態や流出データを基に、どのような汚染傾向があるかを 分析することが可能である。この解析の為には、どのような環境ロボットやモニタリング技術を用いれば良 いか考えることができる。このように、データ科学から、医学・金融・環境へ研究が発展していく。今回の 事業参加は二回目となるため、メンバーの中でリーダーとなって主体的に定例会・意見交換会・見学会や成 果報告会に参加する。また、本研究の成果をもって、次年度以降の科研費や助成金・外部資金に応募する。