

```

In[ ]:= f_x = g_x * Exp[I * (x + y)]
Out[ ]=

$$e^{i(x+y)} g_x$$


In[ ]:= D[f_x, x]
Out[ ]=

$$i e^{i(x+y)} g_x + e^{i(x+y)} \text{Subscript}^{(0,1)}[g, x]$$


In[ ]:= Needs["Notation`"]

Symbolize[ f_x ] (*通过回车隔开是可行的*)
Symbolize[ g_x ]

In[ ]:= f_x = g_x * Exp[I * (x + y)]
Out[ ]=

$$e^{i(x+y)} g_x$$


In[ ]:= D[f_x, x]
Out[ ]=

$$i e^{i(x+y)} g_x$$


```

目标：创建包含小写下标的符号，并对其正确求导

正确的做法

可行的做法：使用 Notation`Symbolize 函数，并注意: 使用 Symbolize 函数时，**不要和其它非 Symbolize 的表达式通过分号混合使用**

注: 运行前, 先鼠标点击面板 Evaluation -> Quit kernel -> local. 相当于关闭内核，下次运行时就是新的内核

```

In[ ]:= Needs["Notation`"]

In[ ]:= Symbolize[ u_x ]; Symbolize[ u_x1 ] (*注意，这里是回车，不是分号*)
u_x = u_x1[x] * Exp[I * (x + y)]
Out[ ]=

$$e^{i(x+y)} u_{x1}[x]$$


In[ ]:= D[u_x, x]
Out[ ]=

$$i e^{i(x+y)} u_{x1}[x] + e^{i(x+y)} u_{x1}'[x]$$


```

错误的做法

错误的做法：非 Symbolize 的表达式通过分号与 Symbolize函数混合使用

注: 运行前, 先鼠标点击面板 Evaluation -> Quit kernel -> local.

```

In[ ]:= Needs["Notation`"]

In[ ]:= Symbolize[ $u_x$ ]; Symbolize[ $u_{x1}$ ];
 $u_x = u_{x1} * \text{Exp}[I * (x + y)]$  (*注意, 这里通过分号将 Symbolize 语句和  $u_x$  的赋值语句合在一起了 *)
Out[ ]=
 $e^{i(x+y)} u_{x1}$ 

In[ ]:= D[ $u_x$ , x]
Out[ ]=
0

```

详细解释错误原因

1. 首先, 需要了解 MMA 处理表达式的流程:

- 前端输入的表达式为 box structure (MakeExpression, TagBox 等函数大致在此发挥作用。box structure 可以通过面板 Cell -> show expression 查看)
- 这些 box structure 被解析 (parse) 为可以被内核执行的 expression (对应于 FullForm, FullForm 大致就是内核要计算的表达式, 自定义的 UpValues, OwnValues, DownValues 可以影响 expression 的形式和后续的 evaluation process)
- 后端计算 (Evaluation, 就像在执行 *expression // {all global rules}*)
- 将计算结果转换为 box structure 输出到前端 (MakeBoxes 等函数大致在此发挥作用)

前端输入(A) $\xrightarrow{\text{解析 box structure}}$ FullForm 的 expression(B) $\xrightarrow{\text{后端计算, 类似于 } expression // \{all\ global\ rules\}}$ 得到计算结果(C) $\xrightarrow{\text{转换为可显示的 box}}$ 前端显示 box structure(D)

2. Symbolize[\square] 函数会在 (A->B) box structure 被解析的这个过程中发挥作用

3. 分号 ; 在 MMA 中其实是 CompoundExpression[expr1, expr2, ...] 这个函数, 相当于 expr1; expr2; ... 该函数将多个子表达式合并为一个大表达式, 并且抑制分号前面表达式的输出 (输出为 Null) CompoundExpression 这个函数只限定了(C) evaluation 的顺序是先 expr1, 后 expr2。并没有限定 (A->B) 解析的顺序

因此, 如果将 Symbolize 函数与其它语句通过分号隔开, 并不会按我们预想的顺序去解析

因此, 使用分号 ; 时, 应该警惕语句中是否有关于 box structure 解析过程处理的语句

参考:

<https://reference.wolfram.com/language/Notation/tutorial/ComplexPatternsAndAdvancedFeatures.html>

注: 运行前, 先鼠标点击面板 Evaluation -> Quit kernel -> local.

```

In[ ]:= Needs["Notation`"]

```

```
In[*]:= Symbolize[ $f_y$ ]
```

FullForm[f_y] (* 可见, **Symbolize** 处理过的符号不再是 **Subscript**[f,y],
而是 $f\left[\text{UnderBracket}\right]\text{Subscript}\left[\text{UnderBracket}\right]y$ *)

```
Out[*]//FullForm=
 $f\left[\text{UnderBracket}\right]\text{Subscript}\left[\text{UnderBracket}\right]y$ 
```

```
In[*]:= Symbolize[ $u_x$ ]; Symbolize[ $u_{x1}$ ];  $u_x = u_{x1} * \text{Exp}[I * (x + y)]$ 
```

```
Out[*]=
 $e^{i(x+y)} u_{x1}$ 
```

FullForm[u_x] (*通过执行上一个命令,
发现 u_x 已经被正确转换为别的形式, 而不是表示为 **Subscript**[u,x]
但是因为赋值语句和 **Symbolize** 语句的解析过程是同时的,
因此 $u_{x1} * \text{Exp}[I * (x+y)]$ 这个表达式被赋值给了 **Subscript**[u,x],
而不是 $u\left[\text{UnderBracket}\right]\text{Subscript}\left[\text{UnderBracket}\right]x$
*)

```
Out[*]//FullForm=
 $u\left[\text{UnderBracket}\right]\text{Subscript}\left[\text{UnderBracket}\right]x$ 
```