

1

Compléter avec le symbole qui convient :

1.  $4 \dots \mathbb{N}$
2.  $2, 5 \dots \mathbb{N}$
3.  $-6 \dots \mathbb{Z}$
4.  $\frac{1}{3} \dots \mathbb{D}$
5.  $\mathbb{N} \dots \mathbb{D}$
6.  $4, 5 \dots \mathbb{Q}$

2

Indiquer l'ensemble minimum auquel appartient chaque nombre suivant parmi  $\mathbb{N}$ ,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Q}$  ou  $\mathbb{R}$  :

- $\frac{5-11}{3}$
- $\frac{2}{6}$
- $\sqrt{16} - 1$
- $3, 14$

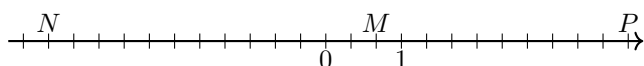
3

Compléter avec le symbole d'appartenance  $\in$  ou de non-appartenance  $\notin$  :

1.  $3 \dots ] - 1 ; 5]$
2.  $-2 \dots ] - 1 ; 0]$
3.  $10^{-3} \dots [0 ; +\infty[$
4.  $7 \dots ] - \infty ; 7]$
5.  $\pi \dots ]3, 14 ; 3, 15[$
6.  $0 \dots [-\sqrt{3} ; \sqrt{3}[$

4

On considère la droite des réels représentée ci-dessous.



1. Indiquer les abscisses (exactes) des points  $M$ ,  $N$  et  $P$  :
2. Placer sur la droite, le plus précisément possible, les points  $A$ ,  $B$  et  $C$  ayant respectivement pour abscisses  $-2$ ,  $\frac{5}{3}$  et  $3, 5$ .

5

Quels sont les réels qui appartiennent à la partie de la droite numérique représentée en « foncé » ?

Écrire leur ensemble sous forme d'intervalle :

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.
- 6.
- 7.
- 8.

6

Dans chacun des cas suivants, représenter l'ensemble des nombres vérifiant la condition donnée sur une droite graduée puis écrire cet ensemble sous forme d'intervalle :

1.  $-4 < x \leq 1$
2.  $x > \frac{3}{2}$
3.  $x \leq -1$

7

Déterminer l'ensemble, sous forme d'union ou d'intersection d'intervalles, auquel appartient le nombre réel  $x$  dans chacun des cas suivants. Simplifier l'ensemble quand cela est possible. :

1.  $-2x < 8$  ou  $x \leq -10$ .
2.  $x \leq 3$  et  $x \geq -1$ .

8

Traduire chacune des informations ci-dessous par une ou des inégalités :

1.  $x \in [-1 ; 7[$
2.  $x \in ] - \infty ; -5]$
3.  $x \in [-2 ; +\infty[$

9

Soit  $I = [-1 ; 5]$  et  $J = [3 ; 10]$ .

Dire si chacun des nombres suivants appartient à  $I$ , à  $J$ , à  $I \cap J$ , à  $I \cup J$  :

- a. 4
- b. -1
- c. 10
- d. 8

10

Représenter les intervalles  $I$  et  $J$  de deux couleurs différentes sur la même droite réelle. Donner ensuite leur réunion et leur intersection.

1.  $I = [-6 ; 7]$  et  $J = [-2 ; 9]$
2.  $I = ] - 3 ; 8]$  et  $J = ] - 5 ; 6]$
3.  $I = ] - \infty ; 2]$  et  $J = [3 ; 5]$
4.  $I = ] - \infty ; 3]$  et  $J = [0 ; +\infty[$

11

1. Sur un même axe, et avec des couleurs différentes, représenter les intervalles  $I = [-3 ; 5]$ ,  $J = ]0 ; 2]$  et  $K = [0 ; +\infty[$ .
2. Parmi ces affirmations ci-dessous, lesquelles sont justes ?

- a.  $I \subset J$
- b.  $J \subset I$
- c.  $J \subset K$
- d.  $I \subset K$

12

Soit  $A = \{a ; k ; d ; f ; m ; u\}$ ,  $B = \{u ; d ; m ; b\}$  et  $C = \{a ; d ; f\}$ .

1.  $B$  est-il inclus dans  $A$  ? Justifier.
2. Écrire avec des accolades les ensembles :  $A \cup B$ ,  $A \cup C$  et  $A \cap B$  et  $A \cap C$ .

13

Dans chacun des cas suivants, proposer une écriture plus simple :

1.  $A = 4x \times 3$

2.  $B = n + 5 \times n \times n$

3.  $C = 2 \times y + 6$

4.  $D = z \times 1 \times z$

5.  $E = 2s \times 4t$

6.  $F = 3 \times x \times 4 \times x \times x$

14

Compléter le tableau suivant :

Inéquation	Représentation	Intervalle
$2 \leq x < 7$		
		$] -2; +\infty[$

15

Compléter le tableau suivant :

Inéquation	Représentation	Intervalle
$2 < x \leq 9$		
		$] -\infty; 6]$

16

Simplifier :

1.  $x \times x^2$

2.  $(3u)^2$

3.  $\left(\frac{x}{4}\right)^2$

4.  $(2x)^3 \times (4u)^2$

5.  $\frac{10^5}{10^{-2}}$

17

$x$  est un nombre réel non nul. Écrire les nombres suivants sous la forme  $x^n$  avec  $n$  un entier relatif.

1.  $A = \left(\frac{1}{x^{-4}}\right)^3$

2.  $B = \frac{x^{-8} \times x^5}{x^3 \times x^{-10}}$

3.  $C = ((x^3)^2)^4$

4.  $D = \left(\frac{x^{-3}}{x^7}\right)^3$

18

Les nombres  $a$  et  $b$  étant non nuls, écrire plus simplement :

1.  $(a^{-2}b^3)^{-4}$

2.  $a^2b^{-2}a^{-3}b^3$

3.  $\left(\frac{a}{b}\right)^{-1}$

4.  $a^{-6}(a^3 \times b^{-2})^2$

19

On considère les deux nombres :

$$A = \frac{777\,777\,777\,777\,775}{777\,777\,777\,777\,774} \text{ et } B = \frac{777\,777\,777\,777\,774}{777\,777\,777\,777\,775}.$$

1. Comparer  $A$  et  $B$ .2. Calculer  $C = A - 1$  et  $D = 1 - B$ .3. Comparer  $C$  et  $D$ .4. Quel est, entre  $A$  et  $B$ , le nombre le plus proche de 1 ? Justifier.