Retour sur les primitives

Formules à retenir:

•
$$u'u^n \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} \frac{1}{n+1}u^{n+1}$$

•
$$u'e^u \stackrel{primitive}{\longleftarrow} e^u$$

•
$$\frac{u'}{u} \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} \ln(|u|)$$

•
$$\frac{u'}{\sqrt{u}} \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} 2\sqrt{u}$$

•
$$u'\cos(u) \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} \sin(u)$$

•
$$u'\sin(u) \stackrel{primitive}{\longleftarrow} -\cos(u)$$

Dans chacun des cas suivants, déterminer une primitive des fonctions suivantes sur l'intervalle donné :

1
$$f_1(x) = \frac{x^4 - 4x^2 - 2}{x^2} \operatorname{sur} I =]0; +\infty[.$$

6
$$f_6(x) = \frac{[\ln(x)]^2}{x} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

2
$$f_2(x) = \frac{-5x}{(x^2+1)^3} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

7
$$f_7(x) = \frac{e^{-\frac{1}{x}}}{x^2} \operatorname{sur} I =]0; +\infty[.$$

3
$$f_3(x) = \frac{\cos x}{2\sin x + 1} \text{ sur } I =]0; 1].$$

8
$$f_8(x) = x\cos(3x^2 + 4) \text{ sur } I = \mathbb{R}.$$

4
$$f_4(x) = \frac{6x+3}{\sqrt{x^2+x+1}} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

9
$$f_9(x) = e^x \sin(4e^x + 2) \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

5
$$f_5(x) = 4xe^{x^2+1} \text{ sur } I = \mathbb{R}.$$

10
$$f_{10}(x) = \frac{\sin(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

Retour sur les primitives

Formules à retenir:

•
$$u'u^n \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} \frac{1}{n+1}u^{n+1}$$

•
$$u'e^u \stackrel{primitive}{\longleftarrow} e^u$$

•
$$\frac{u'}{u} \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} \ln(|u|)$$

•
$$\frac{u'}{\sqrt{u}} \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} 2\sqrt{u}$$

•
$$u'\cos(u) \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} \sin(u)$$

•
$$u'\sin(u) \stackrel{primitive}{\longleftrightarrow} -\cos(u)$$

Dans chacun des cas suivants, déterminer une primitive des fonctions suivantes sur l'intervalle donné:

11
$$f_1(x) = \frac{x^4 - 4x^2 - 2}{x^2} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

16
$$f_6(x) = \frac{[\ln(x)]^2}{x} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

12
$$f_2(x) = \frac{-5x}{(x^2+1)^3} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

17
$$f_7(x) = \frac{e^{-\frac{1}{x}}}{x^2} \operatorname{sur} I =]0; +\infty[.$$

13
$$f_3(x) = \frac{\cos x}{2\sin x + 1} \text{ sur } I =]0; 1].$$

18
$$f_8(x) = x\cos(3x^2 + 4) \text{ sur } I = \mathbb{R}.$$

14
$$f_4(x) = \frac{6x+3}{\sqrt{x^2+x+1}} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

19
$$f_9(x) = e^x \sin(4e^x + 2) \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$

15
$$f_5(x) = 4xe^{x^2+1} \text{ sur } I = \mathbb{R}.$$

20
$$f_{10}(x) = \frac{\sin(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} \text{ sur } I =]0; +\infty[.$$