# Fictitious play

花嶋 陽

#### はじめに

- ▶ 項目 1
- ▶ 項目 2
  - ▶ 1 階層下の項目 1
  - ▶ 1 階層下の項目 2
- ▶ このページの最後の項目

#### 次のスライド

- ▶ Ficititious play の説明 1
- ト Ficititious play の説明 2  $x_0(t)$  は

$$x_0(t+1) = x_0(t) + \frac{1}{t+2}(a_1(t) - x_0(t))$$

と再帰的に書くことができる.

- ▶ Ficititious play の説明 3
- ▶ "pause" をつけると overlay ができる.
- ▶ ファイルの冒頭の document class のオプションで handout を指定すると, overlay にならずいっぺんに表示される.

Web にのせるときや、印刷して配るときなどは handout を 指定しておく.

#### ▶ コードの内容

```
# -*- coding: utf-8 -*-
from __future__ import division
import matplotlib.pyplot as plt
from random import uniform, choice
import numpy as np
def fictplay(t):
   x_0_t = [uniform(0, 1)]
   x_1_t = [uniform(0, 1)]
   gain_0 = np.array([[1, -1], [-1, 1]])
                                            #player0
   gain_1 = np.array([[-1, 1], [1, -1]])
                                            #player1
```

```
for i in range(t):
     pro_1 = np.array([1-x_0_t[i], x_0_t[i]])
            #probability: player1 choice 0 or 1
       exp_gain_0 = np.dot(gain_0, pro_1)
            #expected gain = gain \times probability
       if exp_gain_0[0] > exp_gain_0[1]:
         a \ 0 \ i = 0
     elif exp_gain_0[0] == exp_gain_0[1]:
         a 0 i = choice([0, 1])
     else:
         a 0 i = 1
```

```
pro_0 = np.array([1-x_1_t[i], x_1_t[i]])
    exp_gain_1 = np.dot(gain_1, pro_0)
    if exp_gain_1[0] > exp_gain_1[1]:
        a 1 i = 0
    elif exp_gain_1[0] == exp_gain_1[1]:
        a_1 = choice([0, 1])
    else:
        a_1_i = 1
    x_0_{i1} = x_0_{t[i]} + (a_1_i - x_0_{t[i]}) / (i+2)
    x_1_{i1} = x_1_{t[i]} + (a_0_i - x_1_{t[i]}) / (i+2)
    x_0_t.append(x_0_i1)
    x_1_t.append(x_1_i1)
return x_0_t, x_1_t
```

```
x_0_t, x_1_t = fictplay(1000)
plt.plot(x_0_t, 'r-', label="x_0(t)")
plt.plot(x_1_t, 'b-', label="x_1(t)")
plt.legend()
#plt.savefig('fictplay0.png')
plt.show()
#x 0 t = []
#for i in range(100):
x_0, x_1 = fictplay(100)
 * x_0_t.append(x_0[-1]) 
#plt.hist(x_0_t)
#plt.savefig('fictplay_hist.png')
#plt.show()
```

#### ▶ コードの内容

\verb|\begin{frame}| から \verb|\end{frame}| までを コピー\&ペーストしてスライドを増やしていく.



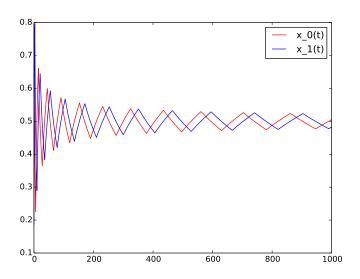


Figure: 図の表示

# まとめ

- ▶ まとめ
- ▶ よくわかっていない点とか
- ▶ 今後の課題とか