# Regression Analysis 回帰分析

# What is regression Analysis?

回帰分析とは、求めたい要素の値に対し、他の要素がどの程度 影響を与えているかを分析する手法です。

# Say what?

# **Examples**

dependent variable (目的変数)

Advertising 広告費



revenue 利益

dependent variable (目的変数)

walking minutes to station 駅まで徒歩何分



rent 家賃

dependent variable (目的変数)

hours spent partying



grades

dependent variable (目的変数)

student height



grades

dependent variable (目的変数)

hours practiced



points per game

## Types of regressions

- 単回帰分析
- 重回帰分析
- ロジスティック回帰分析

# Let's try it in Excel

## **Data**



## Data in Excel

	А	В	С	D
1	rent	minutes	size	age
2	9.2	10	50	7
3	10.2	9	59	6
4	8.9	19	55	1
5	7	20	50	15
6	6.6	16	51	22
7	12.5	4	61	6
8	6	16	49	31
9	12.5	4	61	6
10	8.7	15	54	14
11	8.6	13	57	17
12	7.5	15	62	20
13	7	20	50	15
14	10.4	20	60	11
15	7.7	7	51	27
16	6.8	11	55	20
17	6	17	51	33
18	7.7	7	51	27
19	5.5	13	49	42
20	7	20	54	24
21	7.5	13	52	31
22	8.6	15	62	22
23	8.7	14	64	16
24	10.5	20	53	15
25	8	14	54	22
26	8.4	11	57	23
27	7.9	11	57	25
28	7.7	15	57	21
29	10.5	20	53	15
30	7.4	17	53	29
31	9	12	54	14
32	8.6	15	62	22

## 何が知りたい?

目的変数と説明変数を決める

#### dependent variable (目的変数)

minutes 駅まで徒歩何分 size



面積



rent

家賃

age 築年数



## まずは単回帰分析

independent variable (説明変数) dependent variable (目的変数)

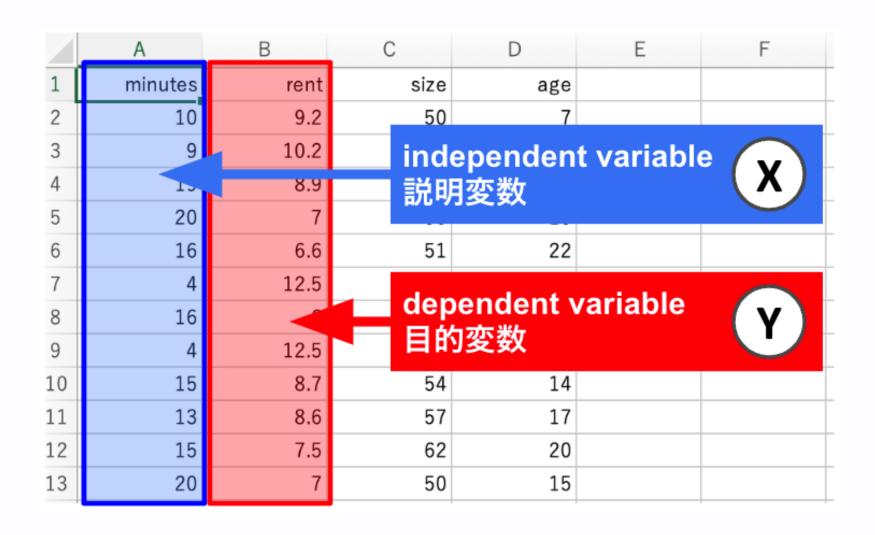
minutes 駅まで徒歩何分



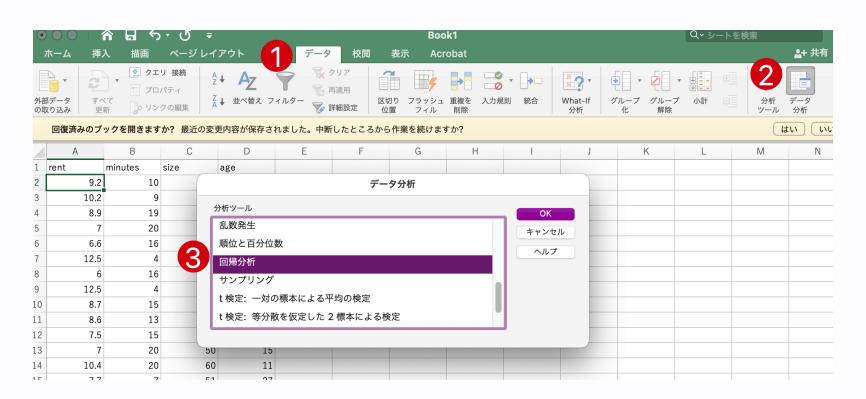
rent

家賃

# データで見ると?



# Data analysis in Excel



# Regression options

入力元			OK
入力 Y 範囲:	\$B\$1:\$B\$32	N.	キャンセル
入力 X 範囲:	\$A\$1:\$A\$32	*	ヘルプ
✓ ラベル	定数に 0 を使用		
有意水準	95 %		
出力オプション			
一覧の出力先:		*	
○ 新規ワークシート:			
新規ブック			
残差			
残差	残差グラフの作成		
標準化された残差	観測値グラフの作成		
正規確率			
正規確率グラフの作成			

# Regression output

	А	В	С	D	E	F	G	Н	1
1	概要								
2									
3	回帰	統計							
4	重相関 R	0.34046331							
5	重決定 R2	0.11591527							
6	補正 R2	0.08542959							
7	標準誤差	1.63077684							
8	観測数	31							
9									
10	分散分析表								
11		自由度	変動	分散	測された分散.	有意 F			
12	回帰	1	10.1119243	10.1119243	3.80228566	0.06090971			
13	残差	29	77.1235596	2.65943309					
14	合計	30	87.2354839						
15									
16		係数	標準誤差	t	P-値	下限 95%	上限 95%	下限 95.0%	上限 95.0%
17	切片	10.0908723	0.94352867	10.6948231	1.407E-11	8.16113945	12.0206051	8.16113945	12.0206051
18	minutes	-0.1252126	0.06421338	-1.949945	0.06090971	-0.2565437	0.00611855	-0.2565437	0.00611855

# なんだこりゃ?

# まずは回帰式を作ろう

Y = a + bX

家賃(万円) = a + b x 駅まで徒歩分数

	A	В	C	D	E	F	G	Н	1
1	概要								
2									
3	回帰	統計							
4	重相関 R	0.34046331							
5	重決定 R2	0.11591527							
6	補正 R2	0.08542959							
7	標準誤差	1.63077684							
8	観測数	31							
9									
10	分散分析表								
11		自由度	変動	分散	測された分散.	有意 F			
12	回帰	1	10.1119243	10.1119243	3.80228566	0.06090971			
13	残差	29	77.1235596	2.65943309					
14	合計	30	87.2354839						
15									
16		係数	標準誤差	t	P-值	下限 95%	上限 95%	下限 95.0%	上限 95.0%
17	切片	10.0908723	0.94352867	10.6948231	1.407E-11	8.16113945	12.0206051	8.16113945	12.0206051
18	minutes	-0.1252126	0.06421338	-1.949945	0.06090971	-0.2565437	0.00611855	-0.2565437	0.00611855

家賃 (万円) - a + b x 駅まで徒歩分数

家賃 (万円) = 10.09 - 0.125 x 駅まで徒歩分数

## すなわち

南柏の駅からの徒歩分数が1分増えるごとに家賃が1250円減る

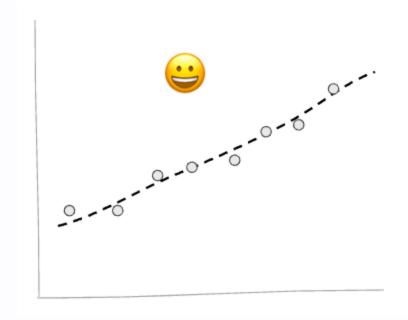
## では「a」(切片)は何?

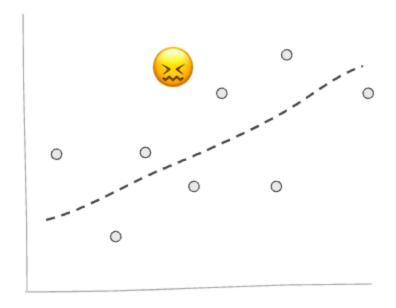
これは「x」がゼロの時の数値。

すなわち、駅から徒歩分数がゼロの賃貸(ありえますか?)の場合、家賃は10.09万円

## R-Squared: How well does it fit?

R2 = 1 (perfect fit 
$$\stackrel{\ \ \ \ }{\Leftrightarrow}$$
)
R2 = 0 (bad fit  $\stackrel{\ \ \ \ }{\Leftrightarrow}$ )





## ではこの分析のR2乗は?

	A	В	C	D	E	F	G	Н	
1	概要								
2									
3	回帰	統計							
ļ	重相関 R	0.34046331							
5	重決定 R2	0.11591527	(کین)						
;	補正 R2	0.08542959	-						
7	標準誤差	1.63077684							
3	観測数	31							
)									
0	分散分析表								
1		自由度	変動	分散	測された分散	有意 F			
2	回帰	1	10.1119243	10.1119243	3.80228566	0.06090971			
3	残差	29	77.1235596	2.65943309					
4	合計	30	87.2354839						
5									
6		係数	標準誤差	t	P-值	下限 95%	上限 95%	下限 95.0%	上限 95.0%
7	切片	10.0908723	0.94352867	10.6948231	1.407E-11	8.16113945	12.0206051	8.16113945	12.0206051
8	minutes	-0.1252126	0.06421338	-1.949945	0.06090971	-0.2565437	0.00611855	-0.2565437	0.00611855

## In that case...

他の説明変数で試してみよう!