

Positive Real Number → Continued Fraction

ให้ลำดับ $A = a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}$ โดยที่ a_0 เป็นจำนวนเต็มใด ๆ ส่วน a_k ตัวอื่น ๆ เป็นจำนวนเต็มบวก

เราเรียกรูปแบบการคำนวณค่า C ข้างล่างนี้ว่า Finite simple Continued Fraction

$$C = a_0 + \frac{1}{a_1 + \frac{1}{a_2 + \frac{1}{\ddots + \frac{1}{a_{n-2} + \frac{1}{a_{n-1}}}}}}$$

ตัวอย่าง: ให้ $A = 3, 7, 15, 1, 292$ จะได้

$$C = 3 + \frac{1}{7 + \frac{1}{15 + \frac{1}{1 + \frac{1}{292}}}} \approx 3.141592653$$

ข้างบนนี้คือ ให้ A แล้วหา C แต่โจทย์ข้อนี้คือ ให้ C กับ n แล้วให้หา $a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}$ (ดูตัวอย่างข้างล่างนี้)

ตัวอย่างที่ 1 ให้ $C = 3.14159$ และ $n = 4$ (นั่นคือหาลำดับใน A ที่มีอย่างมากที่สุด 4 จำนวน)

- $3.14159 = 3 + 0.14159$ (ได้ 3 เป็นค่า a ตัวใหม่ นำเศษ 0.14159 ไปคำนวณต่อ)
- คำนวณ $\frac{1}{0.14159} \approx 7.06265 = 7 + 0.06265$ (ได้ 7 เป็นค่า a ตัวใหม่ นำเศษ 0.06265 ไปคำนวณต่อ)
- คำนวณ $\frac{1}{0.06265} \approx 15.96169 = 15 + 0.96169$ (ได้ 15 เป็นค่า a ตัวใหม่ นำเศษ 0.96169 ไปคำนวณต่อ)
- คำนวณ $\frac{1}{0.96169} \approx 1.039836 = 1 + 0.039836$ (ได้ 1 เป็นค่า a ตัวใหม่ ครบ 4 จำนวนที่ต้องการ จบการทำงาน)
- ได้ลำดับของ A คือ 3, 7, 15, 1

ตัวอย่างที่ 2 ให้ $C = 1.25$ และ $n = 4$

- $1.25 = 1 + 0.25$ (ได้ 1 เป็นค่า a ตัวใหม่ นำเศษ 0.25 ไปคำนวณต่อ)
- คำนวณ $\frac{1}{0.25} = 4 + 0$ (ได้ 4 เป็นค่า a ตัวใหม่ เศษที่เหลือ มีค่าน้อยกว่า 10^{-10} ให้จบการคำนวณได้เลย)
- ได้ลำดับของ A คือ 1, 4

อ่านตรงนี้ด้วย

ข้อมูลนำเข้า

บรรทัดแรก มี C (เป็นจำนวนจริงบวก) และ n (เป็นจำนวนเต็มบวก)

ข้อมูลส่งออก

จำนวนเต็มในลำดับ A อย่างมากที่สุด n จำนวนของ finite simple continued fraction ที่แทนค่า C

ตัวอย่าง

Input (จากแป้นพิมพ์)	Output (ทางจอภาพ)
3.141592653589 10	3, 7, 15, 1, 292, 1, 1, 1, 2, 1
2.718281828459 6	2, 1, 2, 1, 1, 4
5.12 7	5, 8, 3
99.0 90	99