

### Procesado de Imágenes

La charla de hoy la dedicaremos a exponer las técnicas básicas para modificar, mejorar o extraer información de una imagen digital.

### Procesado Digital de Imágenes clásico:

- Sólo es una parte de Fotografía Computacional.
- Suele ser un primer paso de muchos procesos.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UP

### Transformaciones de rango (hoy)

El valor del píxel cambia pero sigue estando asociado a la misma posición (x,y) original.

Original  $im(\overline{x})$ 



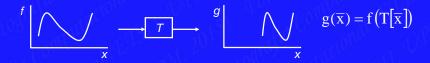
ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015



FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

### Transformaciones de dominio (next)

Transformaciones de dominio: el valor del píxel no cambia pero su posición cambia de (x,y) a una nueva (x',y').



Original  $im(\overline{x})$ 



 $im'(\overline{x}) = im(T[\overline{x}])$ 



ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

### Transformaciones de Rango

El valor del píxel cambia pero sigue estando asociado a la misma posición espacial (x,y) original.



1) Transformaciones punto a punto: el nuevo valor solo depende del valor del píxel original.

$$g(\overline{x}) = T[f(\overline{x})]$$

2) Transformaciones de vecindad: el nuevo valor depende de los valores de la vecindad.

$$g(\overline{x}) = T[f(vecindad(\overline{x}))]$$

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPN

### Transformaciones punto a punto



La transformación queda definida dando la aplicación y=T(x)que convierte un valor de entrada (x) en otro de salida (y).

Usualmente T() se define sobre el intervalo de entrada [0,1] y su salida cubre el intervalo [0,1] (0 = negro, 1 = blanco).

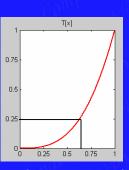
La T() usada suele ser monótona creciente: asegura que la dirección oscuro-claro se mantenga en la imagen de salida.

**Ejemplos de aplicaciones out=T(in)** 

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UP

### Ejemplos de aplicaciones out=T(in)







FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPN

Zonas de crecimiento lento de T (T  $' \cong 0$ ) = compresión.

0.5 0.75

Comprime

Zonas de rápido crecimiento de T (T'>>) en T = expansión.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

Expande

oscuros

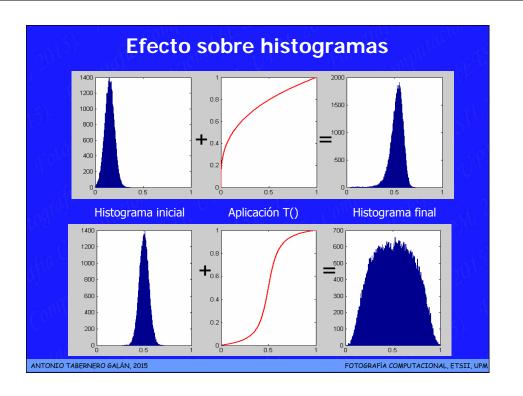
FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

Comprime Expande Comprime

medios

oscuros

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015



### Crear T[] ajustadas al histograma

Histograma puede usarse para automatizar la elección de T().

Posible objetivo: crear un histograma cubriendo todo el rango y más o menos plano (un histograma ecualizado).

- Si hay alta concentración de valores (histograma alto) debemos expandir (derivada de T alta) y viceversa.

$$T'(s) \propto h(s) \Rightarrow T(x) \approx \int_{0}^{x} h(s) \cdot ds$$

Otro objetivo: conseguir T(x) tal que aplicada a una imagen su histograma resultante se parezca al de otra.

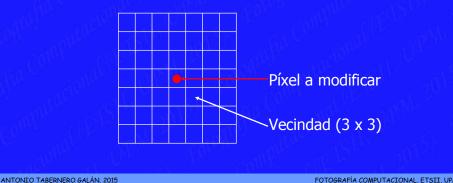
ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPA

### FILTRADO de IMÁGENES

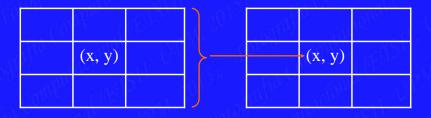
Transformaciones de vecindad: el nuevo valor depende de los valores de sus alrededores:  $g(\overline{x}) = T[f(vecindad(\overline{x}))]$ 

La vecindad se define como la ventana (3x3, 5x5, etc.) de píxeles de alrededor usados en el cálculo del valor de salida.



### Filtrado de Imágenes

Para cada pixel (x,y) de la imagen original se calcula una función de los valores de los píxeles vecinos.



A partir de esos 9 valores se obtiene un resultado que será el valor del píxel (x,y) de la imagen de salida.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

### **Numerosas aplicaciones**

- Realce de imágenes, incrementar contraste, suavizar o resaltar bordes.
- Cambios de tamaño: suavizado previo a reducir una imagen, implementación de interpolaciones lineales.
- Eliminación/reducción de ruido.
- Extraer información sobre la imagen: bordes, gradientes
- Identificar texturas en una imagen, detectar patrones o puntos característicos.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPI

### **Filtros lineales**

- El valor de salida es una combinación lineal de los valores de los píxeles vecinos.
- El filtro queda definido por los coeficientes que se aplican a los valores vecinos antes de sumarse para obtener el resultado final o valor de salida.
- Los coeficientes se dan como una máscara o filtro: su posición indica a que vecino se aplican.

1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9

١.			
	0	1/4	0
	1/4	0	1/4
	0	1/4	0

0	1/4	0
1/4	-1	1/4
0	1/4	0

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

### Ejemplo: filtro de media

$$h[,] = \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \end{bmatrix}$$

- Reemplaza cada pixel con la media de los vecinos.
- La suma de sus coeficientes es la unidad: mantiene el valor medio de la imagen.
- Suaviza imagen, elimina cambios bruscos, detalle.
- Modifica poco las zonas de cambios suaves o graduales y no cambia zonas de valor constante.

### Efecto filtro promedio sobre imagen



Imagen clásica disponible en MATLAB: imread('cameraman.tif');

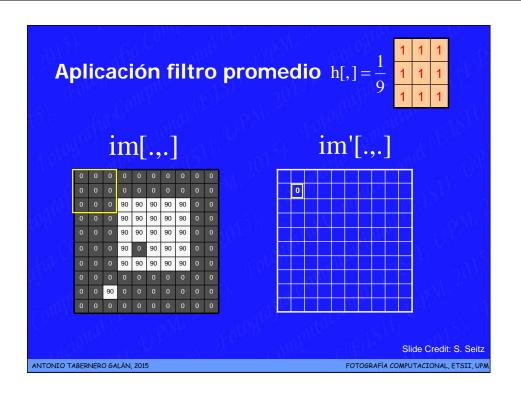
Aplicamos filtro promedio 3x3, 5x5, 7x7

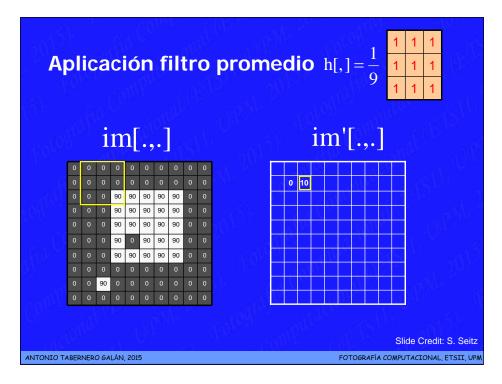


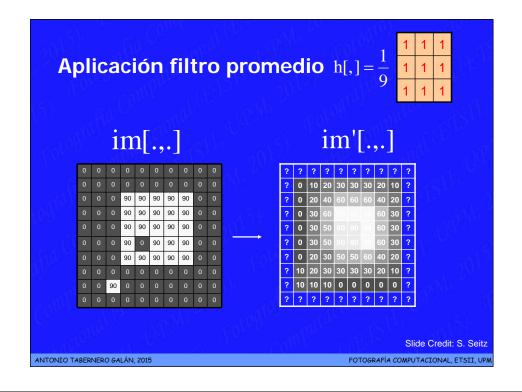




Detalles más pequeños que el tamaño del filtro se pierden. Las zonas con poco detalle no se ven afectadas.







### **Expresión matemática de filtros lineales**

Filtrado: im2=filter2(h,im); o im2=imfilter(im,h)

$$im2[m,n] = \sum_{k,l} h[k,l] \cdot im[m+k,n+l]$$

Convolución: im2=conv2(h,im);

$$im2[m,n] = \sum_{k,l} h[k,l] \cdot f[m-k,n-l]$$

La convolución invierte la máscara antes de aplicarla.

Son equivalentes si la máscara h[,] es simétrica.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

### Filtro identidad ( $\Sigma$ =1)



0 0 0 0 1 0 0 0 0



Entrada

Filtro h[,]

Salida

Respeta el píxel central (1) y no lo combina con el resto (0's)

El resultado es la imagen original.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPA

### Filtro promedio ( $\Sigma$ =1)







Entrada

Filtro h[,]

Salida

Elimina los detalles al nivel del tamaño del filtro (1-3 píxeles) No altera las zonas uniformes (sin detalle).

El resultado es una imagen "suavizada".

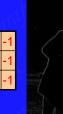
ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

### Filtro laplaciano ( $\Sigma$ =0)







Entrada

Filtro h[,]

Salida

SALIDA = Imagen original – Imagen suavizada Imagen con el detalle que se eliminó en la imagen"suavizada".

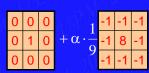
El resultado tiene media 0 (valores positivos y negativos)

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

### Realce bordes "sharpening" ( $\Sigma$ =1)







Entrada

Filtro h[,]

Salida

SALIDA = Imagen original + "extra" de detalle Aumentamos el detalle de la imagen.

El resultado es una imagen más nitida.

i Puede dar problemas si exageramos!

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

### Extracción de bordes (Σ=0)





Entrada

Filtro h[,]

Salida

El filtro calcula diferencias entre píxeles vecinos arriba/abajo Si los píxeles son similares, salida baja, si son distintos, alta.

SALIDA = detecta bordes horizontales de la imagen.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPA

### Extracción de bordes (Σ=0)





**Entrada** 

Filtro h[ , ]

Salida

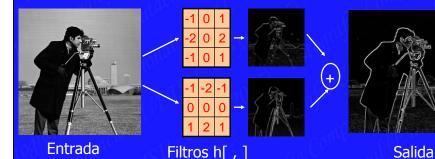
El filtro calcula diferencias entre píxeles vecinos izda/derecha Si los píxeles son similares, salida baja, si son distintos, alta.

SALIDA = detecta bordes verticales de la imagen.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPI

### Extracción de bordes ( $\Sigma$ =0)



Combinamos la salida de los dos filtros anteriores (la suma de sus valores absolutos).

SALIDA = detecta bordes en cualquier dirección en la escala dada por el tamaño de los filtros usados.

i Pero el filtrado ya no es lineal (por el valor absoluto)!

ANTONIO TABERNERO GALÁN. 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

### Visualización de imágenes "negativas"

- Cuando la salida de un filtrado (bordes de antes) tiene valores positivos y negativos podemos visualizar su valor absoluto o sumar un gris medio al resultado
- Con MATLAB podemos usar imagesc() -> escala la imagen tal que valor mínimo=negro, máximo=blanco.

imagesc(abs(im))



imagesc(im)



ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

### Aplicación a imagenes en color





En imágenes color tratamos los planos por separado. Podemos filtrarlos todos o sólo algunos de ellos. A veces es mejor cambiar a otro espacio de color antes de aplicar el filtrado.

ANTONIO TABERNERO GALÁN. 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPI

### **Consideraciones generales**

Filtros  $\Sigma = 1$ 

- Algún tipo de promedio de la vecindad.

(paso-bajo)

- Salida con valores siempre positivos, similares a los valores originales.
- Salida de aspecto "similar" a la entrada.

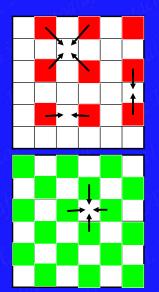
(paso-alto)

- Filtros  $\Sigma = 0$  Calculan diferencias entre píxeles vecinos, capturando el detalle.
  - Valores + y en la salida.
  - Respuesta baja (≅0) en zonas "constantes"
  - Respuesta alta (+/-) si la imagen tiene algún patrón que se parezca a la máscara usada.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UP

### Interpolación mosaico Bayer



¿Recordais la interpolación lineal usada en el "demosaicing" del LAB3?

En todos los casos (R,G,B) se puede Implementar como un filtrado lineal.

Se parte de los datos conocidos, 0's en las casillas vacías, y se aplica un filtro.

¿Qué filtro (3 x 3) habría que usar para los canales R y B? ¿Y para el G?

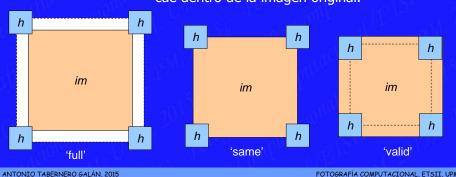
ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPA

### Aspectos prácticos al filtrar imágenes

Función de MATLAB: imfilter(im, h, shape)

- shape = 'full': calcula la salida desde el primer "contacto" entre imagen y máscara.
- shape = 'same': aplica máscara sólo en aquellos puntos pertenecientes a la imagen.
- shape = 'valid': aplica máscara solo cuando toda la máscara cae dentro de la imagen original.



# Rellenar con ceros (u otro valor) NOTA DE LA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM







### **Funciones de MATLAB**

Funciones de MATLAB en Image Processing Toolbox:

im2=imfilter(im, h, 0); % Amplia con un valor dado (=0) im2=imfilter(im, h,'circular'); % wrap around. im2=imfilter(im, g, 'replicate') % Repetir datos del borde

im2=imfilter(im, g, 'replicate') % Repetir datos del borde.

Función MATLAB suministrada (para uso en LAB donde Image Processing no está disponible):

fc\_imfilter(im, h, 0), fc\_imfilter(im, h, 'circular')
fc\_imfilter(im, h, 'replicate'), fc\_imfilter(im, h, 'symmetric')

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

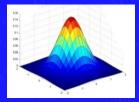
FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPI

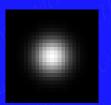
FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UI

### Filtro gaussiano

Filtro promedio dando más importancia a los píxeles centrales.

$$G_{\sigma}(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^{2}} e^{-\frac{(x^{2}+y^{2})}{2\sigma^{2}}}$$





Al crear una máscara finita hay que "cortar" en algún punto.

Regla: lado máscara =  $\sigma$  o  $2\sigma$  $\sigma$ =1 -> lado=2, N=2 x lado+1 = 5

	0.013			
	0.059			
0.022	0.097	0.159	0.097	0.022
0.013	0.059	0.097	0.059	0.013
0.003	0.013	0.022	0.013	0.003

h[,] de tamaño 5 x 5 con  $\sigma = 1$ 

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

### Propiedades de filtros gaussianos

Comportamiento similar al filtro promedio: elimina el detalle de la imagen por debajo de su tamaño.

La aplicación repetida de un filtro de Gauss de ancho  $\sigma$  es lo mismo que aplicar uno de ancho mayor ( $\sigma\sqrt{2}$ ) una sola vez.

La función de Gauss es separable y puede factorizarse en el producto de 2 gaussianas 1D

$$G_{\sigma} = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-\frac{\left(x^2 + y^2\right)}{2\sigma^2}} = \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}}\right) \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{y^2}{2\sigma^2}}\right)$$

### Crear máscara gaussiana en MATLAB

Alternativamente:

h2=fspecial('gauss',5,1);

Máscara tamaño 5 x 5 con  $\sigma = 1$ 

 0.003
 0.013
 0.022
 0.013
 0.003

 0.013
 0.059
 0.097
 0.059
 0.013

 0.022
 0.097
 0.159
 0.097
 0.022

 0.013
 0.059
 0.097
 0.059
 0.013

 0.003
 0.013
 0.022
 0.013
 0.003

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

### Promediado con filtro gaussiano







ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPN

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

## An Come

### Promediado filtro de media (box filter)







ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPM

### **Pirámides**

La escala es un aspecto fundamental en imágenes. Un mismo patrón puede presentarse a diversas escalas.

Interesa tener representaciones multi-escala de las imágenes





- Invertibles? ¿Puedo volver a la imagen original?
- Redundantes? ¿ Más coeficientes que la imagen original?
- En orientación? ¿ Separan también orientaciones ?

### **Ejemplos Pirámides**

### Piramide Gaussiana:

Una colección de sucesivas versiones de la imagen suavizadas (con un filtro gaussiano) y progresivamente reducidas de tamaño.

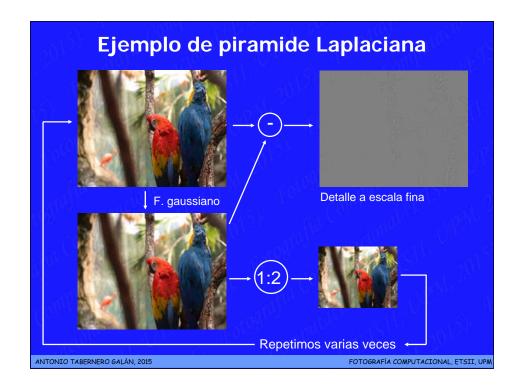
### Piramide Laplaciana:

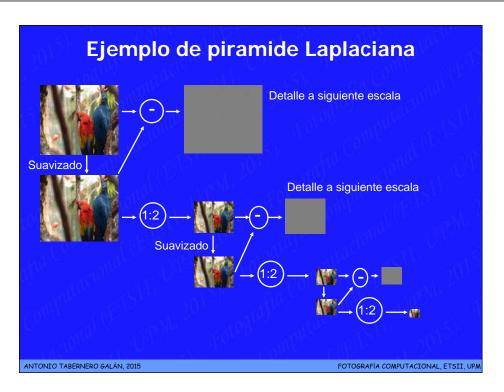
En cada nivel de escala guardamos el "detalle" asociado con esa escala.

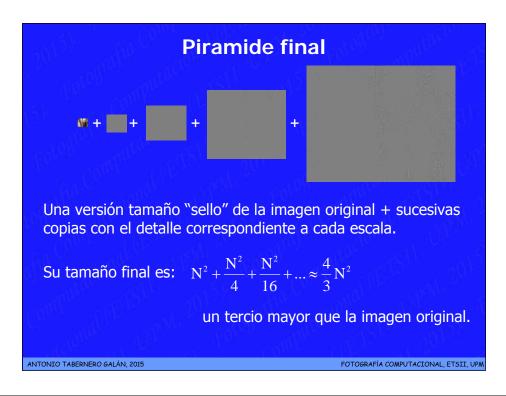
Obtenida diferenciando una piramide gaussiana.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

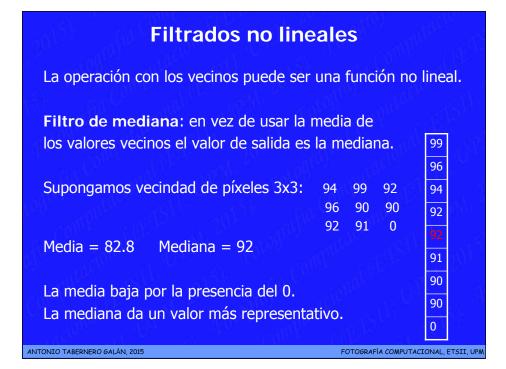


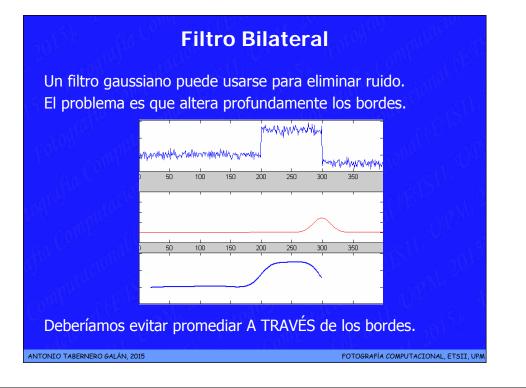








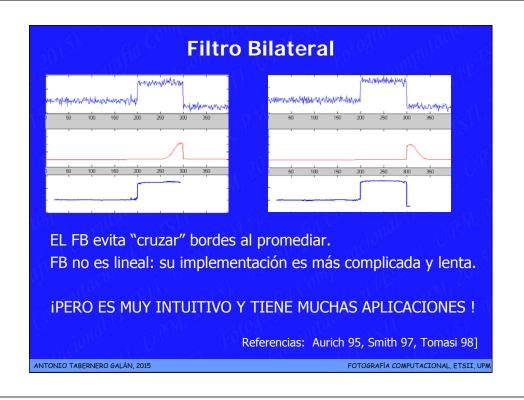




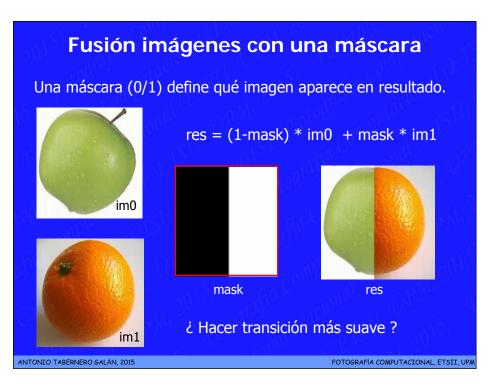
### Filtro Bilateral

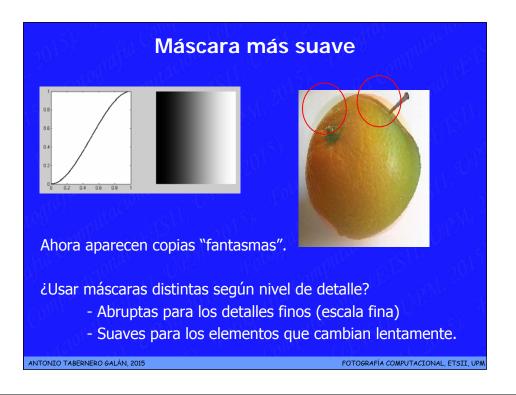
- En un filtro gaussiano el factor de ponderación sólo depende de la distancia del píxel considerado a la posición actual.
- Todos los valores en un cierto radio se mezclan, aunque esos valores estén en el lado "equivocado" de un borde.
- Un filtro bilateral añade un segundo criterio: el factor de ponderación no sólo depende de la distancia a la posición actual sino también de la diferencia con el valor actual.
- Valores muy distintos del valor donde tengo mi filtro no contribuyen a la media, aunque estén muy cerca.
- El filtro aplica 2 gaussianas para calcular la ponderación:
  - En el dominio de la imagen (distancia entre píxeles)
  - En el rango de la imagen (valores de los píxeles).

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015



# 





### Fusión imágenes con pirámide Laplaciana

¿HAY TENER EN CUENTA LA ESCALA? i USAR PIRÁMIDES!

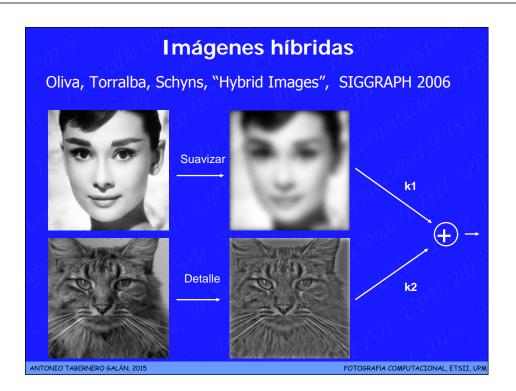
### PROCESO:

- 1) Partir de im0, im1 del mismo tamaño.
- 2) Calcular piramide laplaciana de ambas imágenes
- 3) Definir máscara mezcla del tamaño imágenes.
- 4) Calcular piramide gaussiana de la máscara.
- 5) Mezclar las pirámides de las imágenes nivel por nivel con el correspondiente nivel de la pirámide máscara.
- 6) Colapsar la pirámide mezcla y obtener la imagen.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015

FOTOGRAFÍA COMPUTACIONAL, ETSII, UPN





### Imágenes híbridas



Se perciben de forma diferente según la distancia de observación:

- desde lejos (no se ve el detalle)
- desde cerca (predomina la percepción visual del detalle).

Para que queden bien hay que alinear previamente las imágenes.

Tema de la siguiente charla:

TRANSFORMACIONES

GEOMÉTRICAS.

ANTONIO TABERNERO GALÁN, 2015