

## Table of Contents

Recuperatorio parcial 1 IA.....	1
Problema 1: bloque deslizando.....	1
Problema 2: cono con resorte.....	1
Problema 3: tanque kerosene vaciándose.....	2
Recuperatorio parcial 2 IA.....	2
Problema 1: Capa límite conducto.....	2
Problema 2: esfera averiguar la densidad.....	3
problema 3: Óvalo de Rankine .....	4

## Recuperatorio parcial 1 IA

### Problema 1: bloque deslizando

```
l = 0.2; vol_bloque = l^3; m = 2;  
theta = 30; h = 0.02e-3;  
mu = 0.4; rho = 0.88*998;
```

La velocidad es terminal, por lo tanto la aceleración es nula.

La fuerza que hay igualar es el peso en dirección x (plano inclinado) que se compensa con la fuerza debida a la viscosidad. Despreciando los efectos de los bordes, las tensiones de corte son constantes sobre la cara del bloque.

Aplicando la ley de Newton de la viscosidad:

$$\tau = \frac{V}{h}$$

luego, reemplazando en la sumatoria de fuerzas en x:

$$V = \frac{mgh \sin(\theta)}{\mu A}$$

$$V = (m * 9.81 * h * \sin(\theta)) / (\mu * l^2)$$

$$V = 0.0123$$

### Problema 2: cono con resorte

Toda la superficie externa está sometida a  $P_{amb}$ , no hay fuerzas de presión intervinientes.

Por conservación de la masa se tiene:

$$\frac{\pi D^2}{4} = 2 \cdot \pi \cdot R \cdot h$$

La fuerza que hace el resorte es igual en magnitud a la fuerza que hace el fluido sobre el.

$$F_k = \rho U^2 \frac{\pi D^2}{4} (1 - \cos(\alpha))$$

Luego reemplazando:

```
U = 20; D = 0.12; R = 0.3; alfa = 35; k = 80000; rho = 998;
F_k = rho*U^2*pi*D^2/4*(1-cosd(alfa))
```

```
F_k = 816.5006
```

```
x_k = F_k/k
```

```
x_k = 0.0102
```

### Problema 3: tanque kerosene vaciándose

Hay que plantear la ecuación de conservación de la masa y resulta:  $\frac{k}{2}t^2 - Q_{ent}t - Vol_{inic} = 0$

Resolviendo:

```
k = 0.0001; Q_ent = 0.002; Vol_inic = 0.05;
p = [k/2 -Q_ent -Vol_inic]
```

```
p = 1x3
    0.0001    -0.0020    -0.0500
```

```
roots(p)
```

```
ans = 2x1
    57.4166
   -17.4166
```

## Recuperatorio parcial 2 IA

### Problema 1: Capa límite conducto

```
U_0 = 20; rho = 1.225; x = 5; mu = 1.74e-5;
b = 0.3;
Q = rho*U_0*b^2
```

```
Q = 2.2050
```

$$Re_x = \rho * U_0 * x / \mu$$

$$Re_x = 7.0402e+06$$

Para encontrar el espesor de desplazamiento debemos calcular el espesor de capa límite.

Como depende de la velocidad externa a la CL, este cálculo habrá repetirlo cuando despejemos el caudal

$$\begin{aligned} \delta &= x * 0.37 / Re_x^{(1/5)}; \\ \delta_1 &= \delta / 8 \end{aligned}$$

$$\delta_1 = 0.0099$$

$$U_2 = U_0 * b^2 / (b - 2 * \delta_1)^2$$

$$U_2 = 22.9184$$

$$Re_{x_2} = \rho * U_2 * x / \mu$$

$$Re_{x_2} = 8.0676e+06$$

$$\begin{aligned} \delta &= x * 0.37 / Re_{x_2}^{(1/5)}; \\ \delta_1 &= \delta / 8 \end{aligned}$$

$$\delta_1 = 0.0096$$

$$U_3 = U_0 * b^2 / (b - 2 * \delta_1)^2$$

$$U_3 = 22.8319$$

$$\Delta P = (U_0^2 - U_3^2) / 2 * \rho$$

$$\Delta P = -74.2928$$

## Problema 2: esfera averiguar la densidad

$$\begin{aligned} D &= 0.01; U = 0.05; r = D/2; \\ \rho &= 920; \mu = 0.1; g = 9.81; \\ Re &= U * D * \rho / \mu \end{aligned}$$

$$Re = 4.6000$$

$$CD = 24 / (Re^{.646})$$

$$CD = 8.9551$$

Ahora hay que evaluar las fuerzas que actúan sobre la esfera y despejar la densidad de la misma:

$$vol = 4/3 * \pi * r^3$$

$$vol = 5.2360e-07$$

$$q = \rho/2 \cdot U^2$$

$$q = 1.1500$$

$$S_f = \pi \cdot r^2$$

$$S_f = 7.8540e-05$$

$$\rho_{esf} = (\rho + CD \cdot q \cdot S_f / (vol \cdot g))$$

$$\rho_{esf} = 1.0775e+03$$

### problema 3: Óvalo de Rankine

- función de corriente en  $y=0$ , es valor es nulo:  $\psi_{\infty} = U_{\infty} \cdot y$
- Longitud del cuerpo:  $a = \sqrt{\frac{Qx_0}{\pi U_{\infty}} + x_0^2}$

$$a = \sqrt{2 \cdot 0.22 / (\pi \cdot 10) + 0.22^2}$$

$$a = 0.2498$$