Multiplicación de Polinomios

a) Monomio por Polinomio= Este caso se presenta con mucha frecuencia y se resuelve utilizando la propiedad distributiva de la multiplicación. El grado del polinomio resultante de la multiplicación de un monomio por un polinomio, es igual a la suma de los grados de ambos.

Ejemplo: Multiplique $2(x^3)$ por $4(x^2) - 2(x) + 1$

Solución:

El grado del monomio es 3 y el grado del polinomio es 2, por lo tanto el grado del polinomio

resultante es 5. Veamos a continuación el producto: $2(x^3) \times [4(x^2) - 2(x) + 1]$

Se multiplica 2x^3 por cada uno de los términos del polinomio.

=
$$[2(x^3) \times 4(x^2)] - [2(x^3) \times 2(x)] + [2(x^3) \times 1]$$

En cada término multiplicamos los coeficientes y multiplicamos las variables

$$= [(2\times4)[(x^3)\times(x^2)]] - [(2\times2)[(x^3)\times(x)]] + [(2\times1)[(x^3)\times(x^0)]]$$

Nota= el 1 al no estar siendo multiplicado por una variable se sobreentiende que se está multiplicando por x^0, es solo que en la matemática el x^0 acostumbra a no colocarse a menos que se tenga que realizar una operación entre expresiones Algebraicas como en este caso

$$= 8[x^{4}(3+2)] - 4[x^{4}(3+1)] + 2[x^{4}(3+0)]$$

Respuesta: $8(x^5) - 4(x^4) + 2(x^3)$

Ejemplo= Están $P(x,y)=2(x^3)(y^4)$ y $Q(x,y)=4(x^2)(y^2)-2(x)$ + y, hallar $P(x,y)\times Q(x,y)$

Solución:

$$P(x,y) \times Q(x,y) = [2(x^3)(y^4)] \times [4(x^2)(y^2) - 2(x) + y]$$

Ordenamos el polinomio considerando la variable y

$$P(x,y) \times Q(x,y) = [2(x^3)(y^4)] \times [4(x^2)(y^2) + y - 2(x)]$$

Aplicamos el mismo procedimiento del ejemplo anterior, se multiplica 2 4xy por cada uno de los términos del polinomio

$$P(x,y) \times Q(x,y) = [[2(x^3)(y^4)] \times [4(x^2)(y^2)]] + [[2(x^3)(y^4)] \times y] - [[2(x^3)(y^4)] \times [2(x)]]$$

En cada término multiplicamos los coeficientes y multiplicamos las variables

$$P(x,y) \times Q(x,y) = [(2\times4)[(x^3) \times (x^2)][(y^4) \times (y^2)]] + [(2\times1)(x^3)[(y^4) \times y]] - [(2\times2)(y^4)[(x^3) \times (x)]]$$

En este caso el grado del polinomio resultante será "6", debido a que existe un factor

donde la variable y tiene exponente 6. Esto considerando la y, porque si se considera a la x el grado seria de 5

Respuesta:
$$8(x^5)(y^6) + 2(x^3)(y^5) - 4(x^4)(y^4)$$

b) Polinomio por Polinomio:

Puede resolverse utilizando la propiedad distributiva o pueden colocarse un polinomio bajo el otro y realizar una multiplicación en forma vertical.

El grado del polinomio resultante de la multiplicación de dos polinomios es la suma de los grados de cada polinomio. Veamos a continuación como resolvemos el producto de dos polinomios:

Teniendo
$$P(x) = 2(x^3) - 3(x)$$
 y $Q(x) = 4(x^2) - 2(x) + 1$. Hallar $P(x) \times Q(x)$

Solución:

Escogemos alguno de los polinomios para que sus términos multipliquen al otro de la siguiente manera:

$$P(x) \times Q(x) = [2(x^3) \times [4(x^2) - 2(x) + 1]] - [3(x) \times [4(x^2) - 2(x) + 1]]$$

Como se puede apreciar los términos de P(x) multiplican a todos los términos de Q(x), y se están restando porque el término 3(x) era negativo y el signo se dejó por fuera para hacer más sencilla la multiplicación

Después se hace lo que se hizo con la multiplicación de monomio por polinomio:

$$P(x) \times Q(x) = [[2(x^3) \times 4(x^2)] - [2(x^3) \times 2(x)] + [2(x^3) \times 1]] - [[3(x) \times 4(x^2)] - [3(x) \times 2(x)] + [3(x) \times 1]]$$

$$P(x) \times Q(x) = 8(x^5) - 4(x^4) + 2(x^3) - [12(x^3) - 6(x^2) + 3(x)]$$

$$P(x) \times Q(x) = 8(x^5) - 4(x^4) + 2(x^3) - 12(x^3) + 6(x^2) - 3(x)$$

$$P(x) \times Q(x) = 8(x^5) - 4(x^4) + [2(x^3) - 12(x^3)] + 6(x^2) - 3(x)$$

Respuesta =
$$8(x^5) - 4(x^4) - 10(x^3) + 6(x^2) - 3(x)$$