

Examples

De Morgan: $\neg(p \wedge q) \vdash (\neg p \vee \neg q)$.

Proof (dynamic mode):

1	$\neg(p \wedge q)$	
2	$\neg(\neg p \vee \neg q)$	
3	$\neg p$	$\vee I \quad 3$
4	$(\neg p \vee \neg q)$	$\perp I \quad 2, 4$
5	\perp	$\neg I \quad 3 - 5$
6	$\neg\neg p$	$\neg E \quad 6$
7	p	
8	$\neg q$	$\vee I \quad 8$
9	$(\neg p \vee \neg q)$	$\perp I \quad 2, 9$
10	\perp	$\neg I \quad 8 - 10$
11	$\neg\neg q$	$\neg E \quad 11$
12	q	$\wedge I \quad 7, 12$
13	$(p \wedge q)$	$\perp I \quad 1, 13$
14	\perp	$\neg I \quad 2, 14$
15	$\neg\neg(\neg p \vee \neg q)$	$\neg E \quad 15$
16	$(\neg p \vee \neg q)$	

Done!

Natural Deduction Rules

m	p
n	q
o	$(p \wedge q) \quad \wedge I \quad m, n$

m	$(p \wedge q)$
n_1	$p \quad \wedge E \quad m$
n_2	$q \quad \wedge E \quad m$