

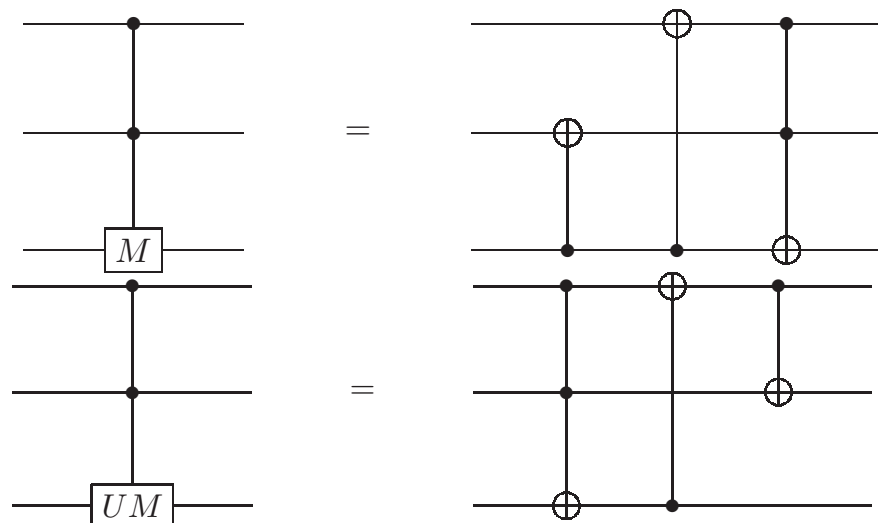
IBMQを用いた 足し算の実装

目的

- CCNOTゲートを用いてIBMQ上で加法を実装すること。
- 参考：<https://github.com/QISKit/openqasm/blob/master/examples/generic/adder.qasm>

用いたゲート

- CNOT, CCNOT …… 主に他のゲートの定義に用いた。
- M, UM …… 共に 3 ビットに作用するゲート。CNOT, CCNOT の組み合わせで作られる。



$$\begin{aligned}
 \text{CCN} &= |000\rangle \langle 000| + |001\rangle \langle 001| + |010\rangle \langle 010| + |011\rangle \langle 011| \\
 &\quad + |100\rangle \langle 100| + |101\rangle \langle 101| + |111\rangle \langle 110| + |110\rangle \langle 111| \\
 \text{M} &= |000\rangle \langle 000| + |110\rangle \langle 001| + |010\rangle \langle 010| + |101\rangle \langle 011| \\
 &\quad + |100\rangle \langle 100| + |011\rangle \langle 101| + |111\rangle \langle 110| + |001\rangle \langle 111| \\
 \text{UM} &= |000\rangle \langle 000| + |111\rangle \langle 001| + |010\rangle \langle 010| + |101\rangle \langle 011| \\
 &\quad + |110\rangle \langle 100| + |001\rangle \langle 101| + |011\rangle \langle 110| + |100\rangle \langle 111|
 \end{aligned}$$

M, UM の性質①

Mの性質：作用する2番目の量子ビットを2・3番目のビットの和の一の位に、3番目のビットを1・2・3番目のビットの和の繰り上がりの有無（有→1、無→0）にする。

→ $a+b$ を計算する際、整数 i に対し次々にMを $a[i-1], b[i], a[i]$ （ $[]$ 内は桁の番号）に作用させると、 b に繰り上がりを見捨てた各位の和が蓄えられていき、 a の最後の桁 $a[n]$ に $b[n]$ での繰り上がりの有無が入る

M, UMの性質②

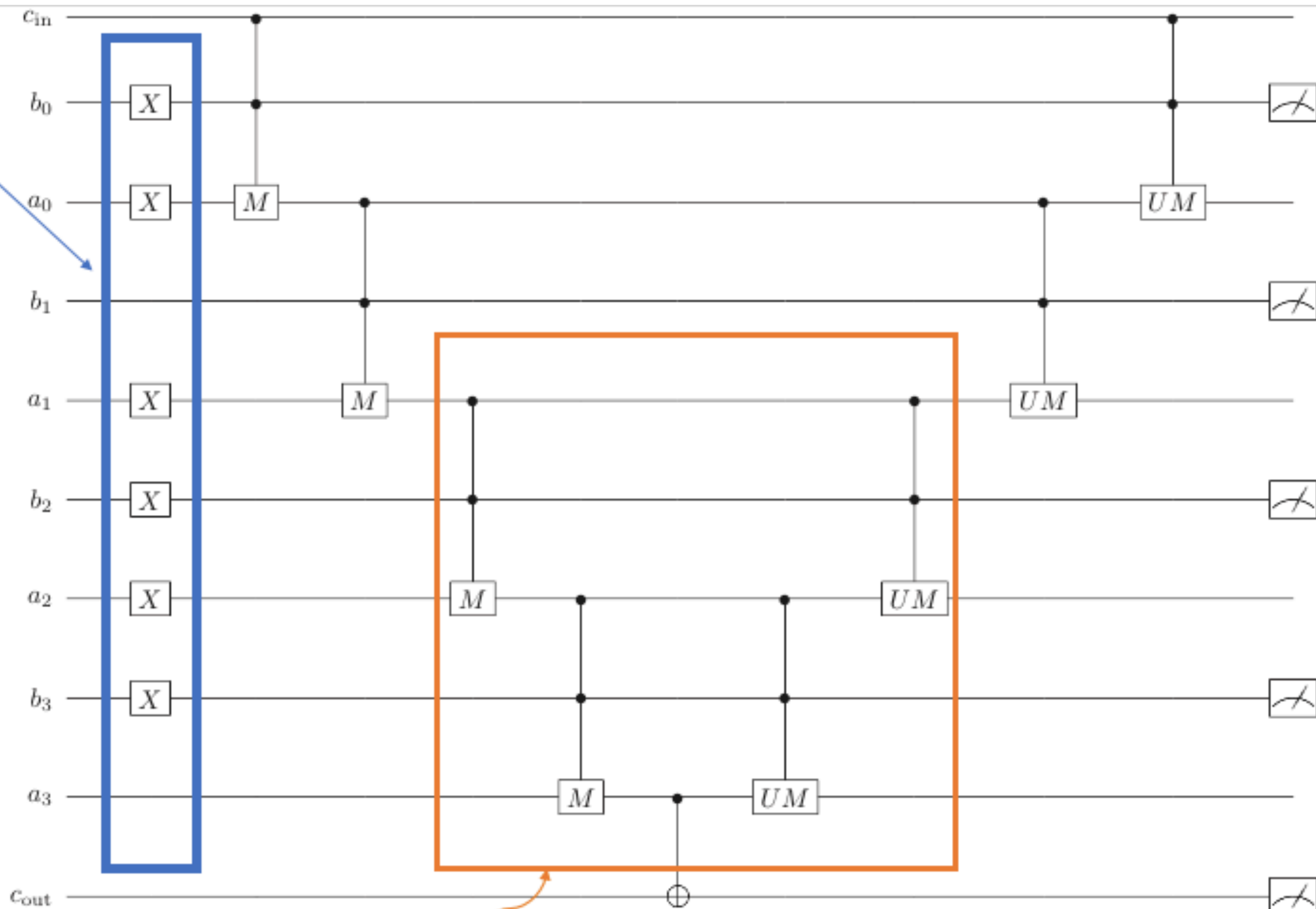
- 2つのゲートの積 $UM \cdot M$ を作用させると、1・3番目のビットは変化しない

$$\begin{aligned} UM \cdot M &= |000\rangle \langle 000| + |011\rangle \langle 001| + |010\rangle \langle 010| + |001\rangle \langle 011| \\ &\quad + |110\rangle \langle 100| + |101\rangle \langle 101| + |100\rangle \langle 110| + |111\rangle \langle 111| \end{aligned}$$

- UM は M のやり残した繰り上がりの処理を完遂する

→一の位から順に M を作用させていき、その後 M と同じビットに逆の順で UM を作用させて行くと、 b に $a+b$ が蓄えられる。

初期値の設定



この部分でbは正しく繰り上がりの処理をされ、aではMとUMが打ち消しあって次のUMゲートにMで変更される前と同じ状態になる

実装結果

- 15bit+15bitの足し算の実装に成功
- 16bit+16bitで実装したかったがIBM Q QASM Simulatorのqbuitsが32のため断念
- 形式としてはpythonファイルの引数に足し算するものを取るようにし、出力は10進法で返すようにした。

- 30000+40000は

```
python adder.py 30000 40000
```

で実行され、70000と返してくれる。

問題点 & 今後の展望

- 実行にめちゃくちゃ時間がかかる
- $30000+30000=60000$ の計算で441[sec]かかった
- 今回の実装方式はripple-carry adderと呼ばれるもの(実行時間がかかることが知られている)
- **Carry-lookahead adderでの実装だとどうなる??**